Projet 1 : Affectations masters

LU3IN025

Culevski Mattias & Doel Mumbobi Ndoluvwalu

**Sommaire**

**I – Introduction**

1. Présentation du sujet . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . 3
2. Structures utilisées . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . 3

**II – Modélisation et fonctions**

1. Objectif . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . 4
2. Mise en place . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . . 4

**III – Analyse des résultats théoriques**

1. Fe
2. 2

**IV – Equité et modélisation à l’aide de PLNE**

1. Fz
2. Fef
3. Feg

**I – Introduction**

1) Présentation du sujet

Le sujet de ce projet se porte sur un problème d’affectation d’étudiants dans les différents masters d’informatique de Sorbonne Université, qui comporte au total 9 parcours. On souhaite affecter au mieux possible tous les étudiants (tout d’abord 11 étudiants, puis dans la suite un nombre n aléatoire d’étudiants) aux 9 parcours.

Pour cela, on appliquera principalement un algorithme vu en cours, celui de Gale-Shapley des deux côtés : c’est-à-dire en fonction des préférences des étudiants, mais aussi en fonction des préférences des parcours. Afin d’optimiser au mieux possible l’application de l’algorithme sur nos exemples, on utilise des structures de données variées en Python.

2) Structures utilisées

Afin d’optimiser au mieux les opérations effectuées lors de nos tests, nous avons décidé d’utiliser les structures de données suivantes :

**Listes et matrices (listes de listes) :** il est demandé de retourner dans les fonctions de lecture des matrices de préférences. On utilise également une liste simple pour les capacités des différents parcours.

**Ensembles (set) :**  pour éviter des répétitions dans certains calculs, on utilise des ensembles qui ne peuvent donc contenir qu’une seule fois une valeur donnée, ce qui est donc utile dans des affectations à des parcours.

**Dictionnaires :** afin de réduire le temps de certains calculs, on utilise des dictionnaires couplés d’ensembles (dict->set) pour retrouver et changer des affectations rapidement en fonction des valeurs dont on dispose.

Les différentes complexités des structures de données et des calculs seront évoqués plus tard faisant l’objet de différentes questions du sujet.

**II – Modélisation et fonctions**

1) Objectif

On souhaite appliquer l’algorithme de Gale-Shapley, qui est un algorithme qui résout le problème des mariages stables. Ceci est fait de 2 façons : tout d’abord du « côté étudiant », et ensuite du « côté parcours ». On applique ensuite nos deux fonctions à des fichiers textes donnés, contenant des préférences des étudiants, des parcours, mais aussi les capacités des parcours auquel on a préalablement appliqué des fonctions de lecture pour y extraire les données importantes.

2) Mise en place

Les fonctions **lectureEtu** et **lectureSpe** vont prendre en entrée un fichier texte, et retourner les matrices cE et cP tels que cE qui en ligne i contient les classements des parcours selon les préférences de l’étudiant i, et inversement avec cP.

Ensuite, la fonction **GaleShapleyEtu** et **GaleShapleyPrc** prend en entrée les listes de préférences des étudiants, parcours, et les capacités des parcours. On effectue 5 opérations majeures dans cette fonction comme décrit dans le sujet, dont voici les structures de données utilisées et leurs complexités pour que ces opérations soient les plus rapides et les moins coûteuses en espace mémoire :

1. Trouver un étudiant libre à chaque itération.

Structure utilisée : **etu\_libres** (ensemble (set))**.** Complexité : O(1) car l’utilisation de pop() sur un set est constant.

2. Étant donné un étudiant libre, trouver le prochain parcours à qui faire une proposition.

Structures utilisées : **etu\_pref** (liste de listes) et **propositions** (ensemble (set)). Complexité : O(m) dans le pire cas, si l’étudiant a déjà fait des propositions à tous les parcours. L’ensemble propositions évite de faire des répétitions. (avec m la longueur de la liste)

3. Étant donné un étudiant i et un parcours j, trouver la position de l’étudiant i dans le classement du parcours j.

Structure utilisée : **spe\_pref** (liste de listes). Complexité : O(n) en moyenne car il faut comparer la position de chaque étudiant affecté dans la liste de préférences du parcours. (avec n la longueur de la liste)

4. Étant donné un parcours, trouver l’étudiant le moins préféré parmi ceux qui lui sont affectés

Structures utilisées : **spe\_pref** (liste de listes) et **affectations** (dict->set)). Complexité : O(n) en moyenne car il faut comparer la position de chaque étudiant affecté dans la liste de préférences du parcours.

5. Remplacer un étudiant par un autre dans l'affectation courante d'un parcours.

Structure utilisée : **affectations** (dict->set). Complexité : O(1) pour suppression, ajout et mise à jour car on utilise des ensembles, avec accès direct par clé de dictionnaire.

Le résultat retourné est le suivant :

Une image contenant texte, capture d’écran, Police

Le contenu généré par l’IA peut être incorrect.

On remarque que les résultats sont très proches, à une différence près des parcours 5 et 6 qui ont échangé d’étudiant.

Finalement, nous avons la fonction **verifier\_stabilite** qui prend en entrée une affectation et les listes de préférences des étudiants et parcours, et renvoie les paires instables. Dans les deux cas, aucune paire instable n’est renvoyée.

