

# **Лабораторная работа 6**

Купцов Максим Ахмедович

# Содержание

<b>Цель работы</b>	<b>5</b>
<b>Задание</b>	<b>6</b>
<b>Теоретическое введение</b>	<b>7</b>
<b>Выполнение</b>	<b>8</b>
<b>Выводы</b>	<b>12</b>
<b>Библиография</b>	<b>13</b>

## Список иллюстраций

1	Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные изолированы	9
2	Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные не изолированы . . . . .	10
3	Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные изолированы	11
4	Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные не изолированы . . . . .	11

## **Список таблиц**

## **Цель работы**

Целью данной работы является построение модели эпидемиологической ситуации.

## Задание

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ( $N = 4578$ ) в момент начала эпидемии ( $t = 0$ ) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции)  $I(0) = 78$ , А число здоровых людей с иммунитетом к болезни  $R(0) = 28$ . Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени  $S(0) = N - I(0) - R(0)$ . Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1. если  $I(0) \leq I^*$
2. если  $I(0) > I^*$

# Теоретическое введение

Рассмотрим простейшую модель эпидемии. Предположим, что некая популяция, состоящая из  $N$  особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы. Первая группа - это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи, обозначим их через  $S(t)$ . Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции, обозначим их  $I(t)$ . А третья группа, обозначаемая через  $R(t)$  – это здоровые особи с иммунитетом к болезни. До того, как число заболевших не превышает критического значения  $I^*$ , считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда  $I(0) > I^*$ , тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей.

# Выполнение

1. Опишем начальные условия для варианта 62 на языке Julia

```
N = 4578
I0 = 78 # заболевшие
R0 = 28 # с иммунитетом
S0 = N - I0 - R0 # здоровые, но восприимчивые
alpha = 0.5 # коэффициент заболеваемости
beta = 0.1 # коэффициент выздоровления
```

2. Зададим соответствующую систему ДУ для первого случая (больные изолированы).

```
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u
    du[1] = 0
    du[2] = -beta*u[2]
    du[3] = beta*I
end
```

3. Полный исходный код представлен в репозитории (@julia:task1). Запустим вычисление и сохраним график. Давайте перейдем к рассмотрению графика. (@fig:001)



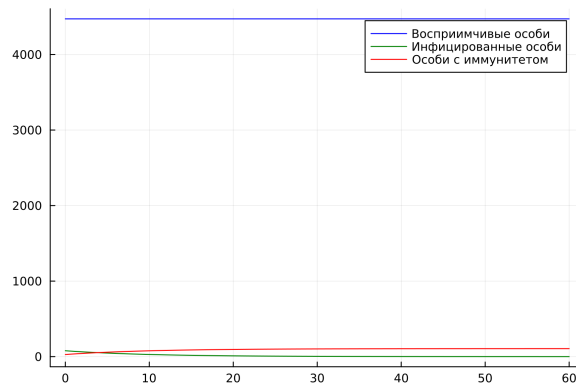


Рис. 1: Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные изолированы

4. Изменим систему дифференциальных уравнений для второго случая, когда зараженные могут инфицировать особей из группы S

```
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u
    du[1] = -alpha*u[1]
    du[2] = alpha*u[1] - beta*u[2]
    du[3] = beta*I
end
```

5. Полный исходный код представлен в репозитории (@julia:task2). Также запустим вычисления и посмотрим (@fig:002), что происходит с особями. Здесь мы видим, что зараженные особи заражают восприимчивых особей, а после все зараженные особи получают иммунитет.

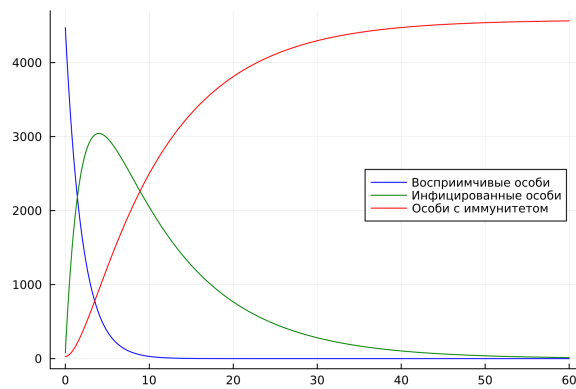


Рис. 2: Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные не изолированы

6. Перейдем к OpenModelica. Далее представлен код для описания модели с изоляцией.

Полный исходный код представлен в репозитории (@OpenModelica:task1).

```
model lab06_1
Real N = 4578;
Real I;
Real R;
Real S;
Real alpha = 0.5;
Real beta = 0.1;
initial equation
I = 78;
R = 28;
S = N - I - R;
equation
der(S) = 0;
der(I) = -beta*I;
der(R) = beta*I;
end lab06_1;
```

7. Если запустить симуляцию, то мы увидим следующие графики (@fig:003) измене-

ния количества особей в трех группах.

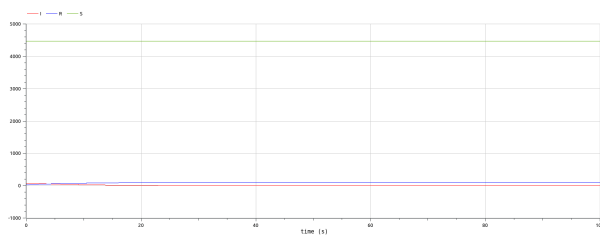


Рис. 3: Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные изолированы

8. Добавим в наше ДУ возможность заражения группы S. Полный исходный код представлен в репозитории (@OpenModelica:task2).

equation

$\text{der}(S) = -\alpha \cdot S;$

$\text{der}(I) = \alpha \cdot S - \beta \cdot I;$

$\text{der}(R) = \beta \cdot I;$

9. Перейдем к симуляции и увидим следующие изменения (@fig:004).

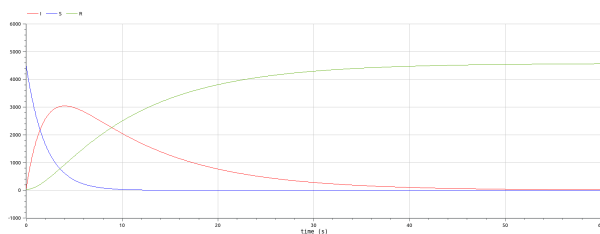


Рис. 4: Графики численности особей трех групп S, I, R, когда больные не изолированы

## Выводы

В итоге проделанной работы мы построили графики зависимости численности особей трех групп  $S$ ,  $I$ ,  $R$  для случаев, когда больные изолированы и когда они могут заражать особей группы  $S$ , на языках Julia и OpenModelica.

## **Библиография**