



# **RSA后门及应对方案**

# 主要内容

- 事件背景
- RSA后门问题
- 事件联想
- 随机数生成器
- 致谢



# 事件背景

- 斯诺登 “棱镜门” 事件
- 美国国安局(NSA)曾与业内影响力巨大的电脑安全公司RSA达成了一个价格高达1000万美元的秘密协议，NSA要求RSA在安全软件中使用NSA设计的一个方程式
- 被染指产品（ Bsafe ）
  - BSafe安全软件被业界广泛使用包括电子商贸、银行、政府机构、电信、宇航业、大学等



# RSA后门问题

- RSA后门不是指RSA算法的漏洞，而是随机数生成器
- NIST的SP800-90随机数生成器推荐标准
  - Hash\_DRBG
  - HMAC\_DRBG
  - CRT\_DRBG
  - DUAL\_EC\_DRBG (后门)



# RSA后门问题

## ➤ 随机数生成器

- 随机数被广泛用于密钥产生、初始化向量、时间戳、认证挑战码、密钥协商、大素数产生等等方面，因此随机数在密码学中的具有十分重要的地位

## ➤ 随机数分类

- 确定性随机数（伪随机数）
- 非确定性随机数（真随机数）

DUAL\_EC\_DRBG属于确定性随机数生成器



# RSA后门问题

- DUAL\_EC\_DRBG

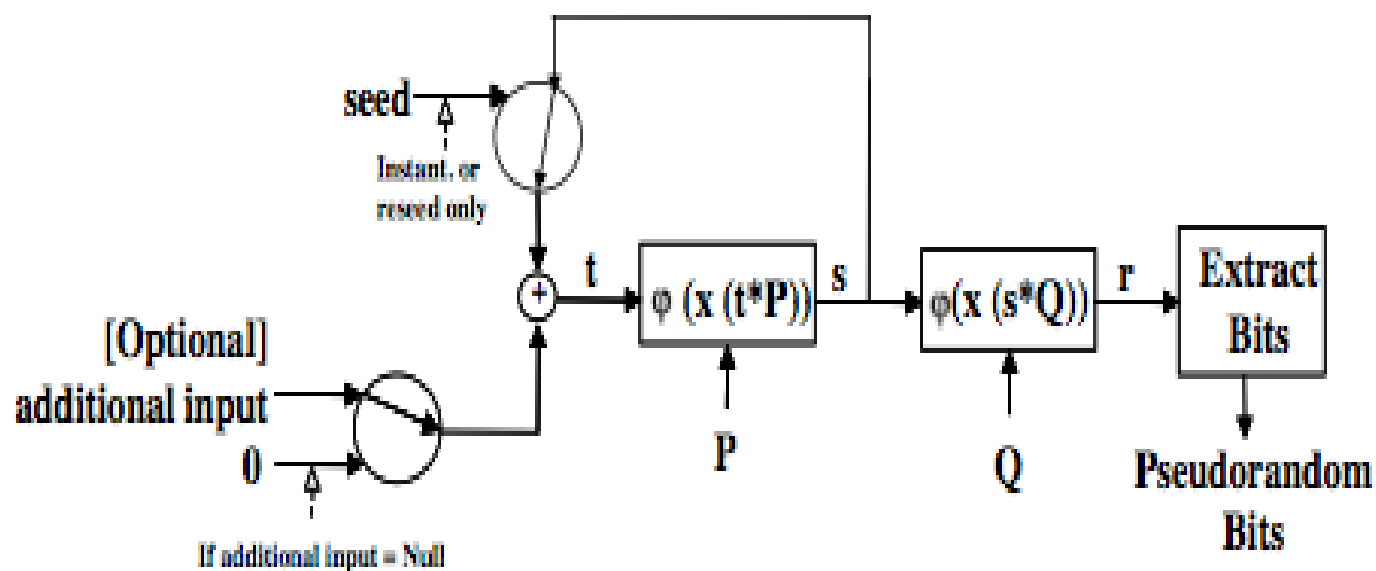


Figure 13: Dual\_EC\_DRBG

# RSA后门问题

- 后门条件：
  - ①additional\_input为空
  - ②攻击者知道 $Q=aP$ 中的 $a$
  - ③能得到一个 $r_i$ 值
- Crypto 2007会议上，Dan Shumow 和Niel Fergusonsu
- 作了一个报告宣布NISTSP800-90 中的 Dual\_EC\_DRBG
- 存在可能的后门。攻击者者可以利用它来预测该确定性随机数产生后续的比特流，从而破坏了“不可预测”的性质
- <http://rump2007.cr.yp.to/15-shumow.pdf>



# RSA后门问题

- 具体如下：

$$t_i = s_{i-1} \oplus additional\_input$$

$$s_i = \varphi(x(t_i * P))$$

$$r_i = \varphi(x(s_i * Q))$$

其中函数  $x(P)$  是取得点  $P$  的  $x$  坐标。 $\varphi(x)$  函数是将  $x$  转化为合适的正整数， $P$  和  $Q$

均是椭圆曲线上的基点，且有  $Q = aP$ 。

我们考虑一种情况，如果条件①  $additional\_input$  为空值。那么有：

$$s_i = \varphi(x(s_{i-1} * P))$$

$$r_i = \varphi(x(s_i * Q))$$





另外如果条件②攻击者知道  $Q = aP$  中的  $a$ ，并且条件③能得到一个  $r_i$  值，那么他就可以计算出下一次的  $r_{i+1}$ 。推导过程如下：

由于是  $Fp$  上的椭圆曲线所以存在  $a^{-1}$ ，满足：

$$a * a^{-1} = 1 \bmod p$$

然后有：

$$s_{i+1} = \varphi(x(s_i * P)) = \varphi(x(s_i * a^{-1} * Q)) = \varphi(x(a^{-1} * G))$$

其中的点  $G$  满足：

$$\begin{aligned} G &= s_i Q \\ r_i &= \varphi(x(G)) \end{aligned}$$

在已知  $r_i$  ( $G$  的  $x$  坐标) 情况下，可以根据椭圆曲线公式算出  $G$  的  $y$  坐标进而得到点  $G$ ，所以可求得  $s_{i+1}$ ，即 DRBG 的内部状态。因此有：

$$r_{i+1} = \varphi(x(s_{i+1} * Q))$$

以此类推，攻击者可以得到后续所有的  $r_j, (j \geq i)$ ，从而破坏了“不可预测”的性质。

# 事件联想

- 我们生活在一个不安全的环境
- Rand() 、 random()
- Des、RSA、AES等等其他
- Microsoft CryptoAPI
- OpenSSL
- Inter芯片(黑色指令)



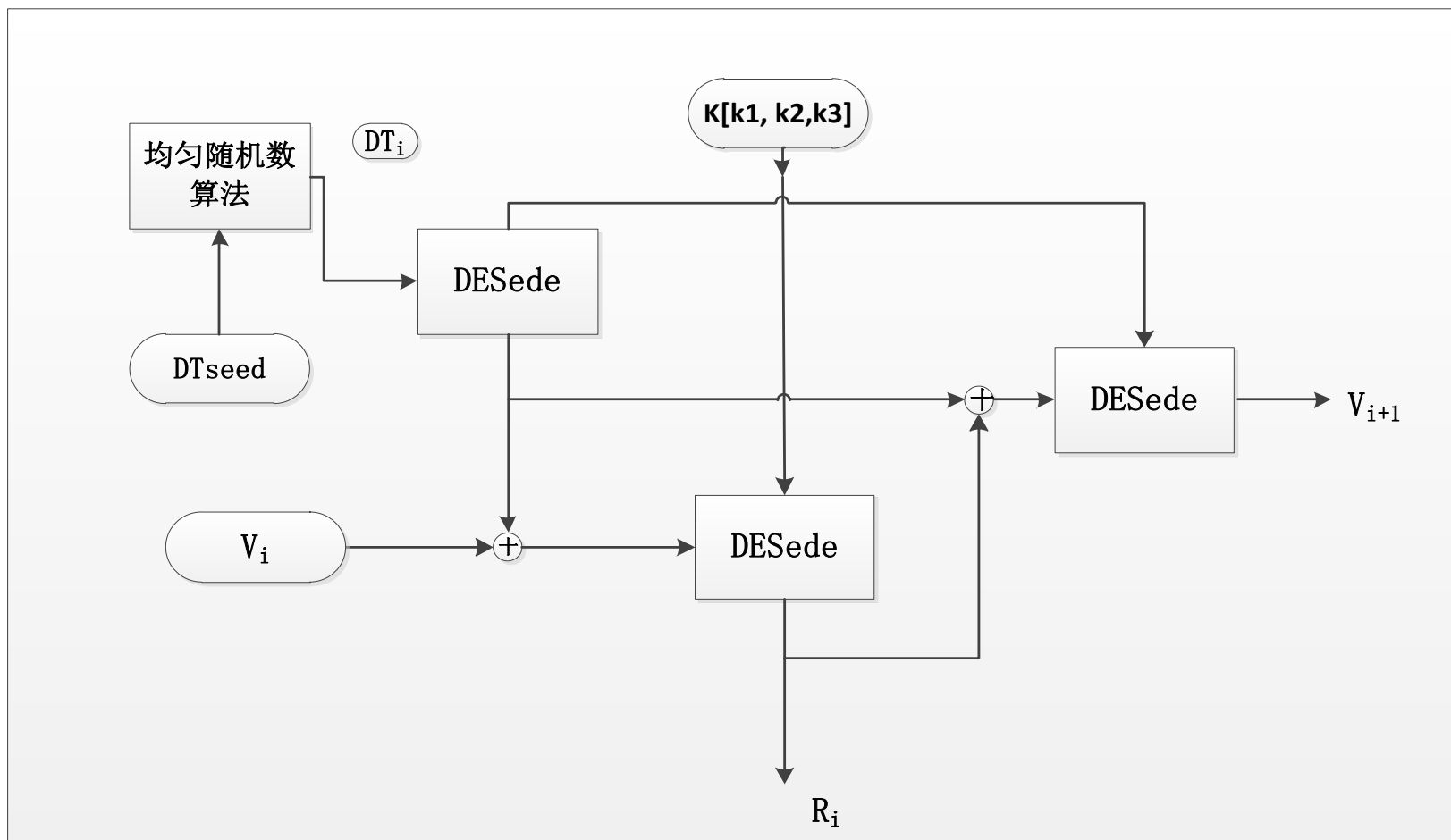
# 随机数生成器

- 应对措施：
  - 将Q换成随机生成的值
  - 自主研发
- 关于随机数生成器的研究国内国外很多
  - 基于硬件的真随机数生成器
  - 伪随机数生成器
    - 基于神经网络
    - 基于混沌理论
    - 超素数
    - 基于模糊控制
    - 对已有标准的改进



# 随机数生成器

- 一种改进的随机数生成器 ( ANSI X9.17 )



谢谢观看！

