МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) КАФЕДРА МОЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3 по дисциплине «Построение и Анализ Алгоритмов»

Тема: Задача Коммивояжера

Студент гр. 1303	 Смирнов Д. Ю.
Преподаватель	 Фирсов М. А.

Санкт-Петербург 2023

Цель работы.

Изучение задачи Коммивояжера. Решение данной задачи методом ветвей и границ, с помощью алгоритма включения ближайшего города

Задание.

Решить ЗК двумя методами в соответствии с вариантом:

- 1) Методом ВиГ.
- 2) Приближённым методом.

Дано: матрица весов графа, все веса неотрицательны; стартовая вершина.

Найти: путь коммивояжёра (последовательность вершин) и его стоимость.

2. МВиГ: последовательный рост пути + использование для отсечения двух нижних оценок веса оставшегося пути: 1) полусуммы весов двух легчайших рёбер по всем вершинами; 2) веса МОД. Приближённый алгоритм: АВБГ.

Замечание к варианту 2: при оценке оставшегося пути учитывать, что оставшиеся вершины должны быть соединены не только между собой, но и с построенной цепочкой.

Вариант 2ц - "ц" - должна быть решена замкнута ЗК (с циклом).

Основные теоретические положения

Метод ветвей и границ — общий алгоритмический метод для нахождения оптимальных решений различных задач оптимизации, особенно дискретной и комбинаторной оптимизации. Метод является развитием метода полного перебора, в отличие от последнего — с отсевом подмножеств допустимых решений, заведомо не содержащих оптимальных решений.

Алгоритм включения ближайшего города (АВБГ):

Если есть цепочка $v_{i(1)}-v_{i(2)}-\ldots-v_{i(k-1)}-v_{i(k)}$, то следующим выбирается город v_j , ближайший к этой цепочке, т.е. имеющий минимальную из стоимостей $C_{i(q),j}$ (для $q=1,\ldots,k$), и этот город вставляется в текущий маршрут вслед за городом $v_{i(q)}$. Тогда цепочку будет иметь вид: $v_{i(1)}-v_{i(2)}-\ldots-v_{i(q)}-v_j-v_{i(q+1)}-\ldots-v_{i(k-1)}-v_{i(k)}$

Выполнение работы.

Весь код программ представлен в приложении А.

Описание алгоритмов.

Метод ветвей и границ:

Первым делом находим нижнюю границу (полусумму весов двух легчайших рёбер по всем вершинами + вес МОД) и добавляем начальную вершину текущий путь, затем рекурсивно начинаем строить маршрут. Если стоимость текущего маршрута становится больше, чем нижняя граница, при этом не все вершины были добавлены в текущее решение, то решение отбрасывается, иначе, найденное решение сравнивается с рекордом, если оно лучше, то оно записывается как рекорд. Ветвление осуществляется следующим образом: в текущее решение добавляется вершина, которой ещё нет в текущем решении, после чего снова запускается рекурсия уже от этого решения, после того как выходим из рекурсии удаляется вершина и добавляется новая. Получается полный перебор дерева решений.

Алгоритм включения ближайшего города:

В текущий путь добавляем стартовую вершину. Затем запускаем поиск минимального ребра, исходящего из вершины, уже добавленной в путь, и приходящий в вершину, которую ещё не добавили. Если такое ребро нашли, то добавляем новую вершину в путь после вершины, из которой пришли в данную. Если при поиске очередной вершины оказывается, что минимальный вес ребра — бесконечность, значит пути нет, на этом моменте прекращаем поиск. Повторяем процедуру поиска до тех пор, пока в путь не будут добавлены все вершины, либо не будет доказано, что пути нет. В конце проверяем, что есть возможность путь зациклить (проверяем, что ребро из последней вершины пути в начальную имеет стоимость не бесконечность).

Описание переменных и функций.

Для представления графа (матрица весов) используется двумерный список matrix, где элемент a[i][j] – вес ребра из вершины i в j.

Генерация, сохранение и чтение матриц

- readMatrix(filename) функция, считывает матрицу из файла. Аргументы функции: filename название файла, из которого считывают матрицу. Функция возвращает двумерный список matrix.
- dataReader() функция запрашивает и считывает все необходимые данные для генерации матрицы весов. Аргументов нет. Функция возвращает кортеж из количества вершин, минимального значения веса, максимального значения веса, и флаг симметричности.
- generateMatrix() функция вызывает dataReader(), и относительно этих данные генерирует матрицу. Аргументов нет. Функция возвращает двумерный список matrix, сгенерированный согласно полученным данным.
- saveMatrix(filename, matrix) функция записывает матрицу весов в файл. Аргументы функции: filename название файла, в который будет идти запись, matrix матрица весов. Функция ничего не возвращает.

Описание классов

class methodBB

Класс, отвечает за решение задачи коммивояжёра методом ветвей и границ.

Поля класса:

- __matrix двумерный список (матрица весов)
- __startVertex стартовая вершина
- __recordPath решение с минимальным весом

- recordWeight вес минимального решения
- __DEBUG флаг, отвечающий за вывод дополнительной информации.
- __estimation значение нижней границы (описано в разделе "описание алгоритмов")

Методы класса:

- __solve(self, currentPath, currentWeight) отвечает за сам алгоритм. Аргументы метода: currentPath текущее решение, currentWeight вес текущего решения. Метод ничего не возвращает.
- __strVertexArray(array) статический метод класса, выполняет приведение решения (массива чисел) к массиву строк. Аргументы метода: array массив, который нужно привести. Функция возвращает массив вершин, где каждый элемент является строкой.
- __call__(self) метод находит нижнюю границу и сохраняет её в __estimation, после чего выполняет запускает решение. Метод не принимает аргументов. Метод возвращает найденное решение и вес этого решения.

class AlgorithmIncludeNearestCity

Класс, отвечает за решение задачи коммивояжёра методом Алгоритма включения ближайшего города (АВБГ).

Поля класса:

- __matrix двумерный список (матрица весов)
- __startVertex начальная вершина
- __path список из вершин текущего пути
- __DEBUG флаг, отвечающий за вывод дополнительной информации

Методы класса:

- __nextCity(self) метод осуществляет включения минимального ребра (описано в разделе "описание алгоритмов"). Аргументов не принимает. Метод ничего не возвращает.
- __strVertexArray(array) статический метод класса, выполняет приведение решения (массива чисел) к массиву строк. Аргументы метода: array массив, который нужно привести. Функция возвращает массив вершин, где каждый элемент является строкой.
- __findPathCost(self) метод находит стоимость пути __path.
 Аргументов не принимает. Возвращает стоимость пути.
- __solve(self) метод запускает АВБГ (описано в разделе "описание алгоритмов"). Метод ничего не принимает. Метод ничего не возвращает.
- __call__(self) вызывает метод __solve(self). Аргументов не принимает. Возвращает цепочку вершин (решение задачи коммивояжёра), и вес этого пути.

Функции двух нижних оценок (для МВиГ)

- *minWeightEdges(matrix)* функция находит полусумму двух легчайших ребер в графе. Аргументы функции: *matrix* двумерный список (матрица весов графа). Функция возвращает найденное значение.
- primFindMST(matrix, startVertex=0) функция строит минимальное остовное дерево алгоритмом Прима, из заданной вершины. Аргументы функции: matrix двумерный список (матрица весов графа), startVertex вершина, из которой будет строится дерево. Функция возвращает кортеж из минимального остовного дерева и его веса.

Оценка сложности алгоритмов.

Метод Ветвей и Границ:

По операциям в среднем (при «случайных» матрицах стоимостей) – $O(C^n)$, где n – кол-во вершин, а $C\approx 1,26$

По памяти – $O(n^2)$, где n – количество вершин

Алгоритм Включения Ближайшего Города:

По операциям – $O(n^2)$, где n – количество вершин.

По памяти – O(n), где n – количество вершин

Тестирование. Таблица 1 – тестирование метода ВиГ.

№ п/п	Входные данные	Выходные данные
1	3	Цепочка:
	inf 27 43 16 30 26	3-5-6-2-4-1-3
	7 inf 16 1 30 25	Стоимость её прохождения:
	20 13 inf 35 5 0	80
	21 16 25 inf 18 18	
	12 46 27 48 inf 5	
	23 5 5 9 5 inf	
2	1	Цепочка:
	inf 10 11 4 4	1-4-2-5-3-1
	8 inf 6 6 6	Стоимость её прохождения:
	6 10 inf 4 6	25
	9 4 6 inf 6	
	11 4 5 10 inf	
3	1	Цепочка:
	inf 9 9 11 9 12 8	1-2-6-4-5-3-7-1
	9 inf 7 4 4 1 11	Стоимость её прохождения:
	9 7 inf 11 4 11 2	28
	11 4 11 inf 3 1 11	
	9 4 4 3 inf 10 11	
	12 1 11 1 10 inf 10	
	8 11 2 11 11 10 inf	

Таблица 2 – тестирование АВБГ.

№ п/п	Входные данные	Выходные данные
1	3	Цепочка:
	inf 27 43 16 30 26	3-6-2-1-4-5-3
	7 inf 16 1 30 25	Стоимость её прохождения:
	20 13 inf 35 5 0	73
	21 16 25 inf 18 18	
	12 46 27 48 inf 5	
	23 5 5 9 5 inf	
2	1	Цепочка:
	inf 10 11 4 4	1-4-5-3-2-1
	8 inf 6 6 6	Стоимость её прохождения:
	6 10 inf 4 6	33
	9 4 6 inf 6	
	11 4 5 10 inf	
3	1	Цепочка:
	inf 9 9 11 9 12 8	1-7-3-5-4-6-2-1
	9 inf 7 4 4 1 11	Стоимость её прохождения:
	9 7 inf 11 4 11 2	28
	11 4 11 inf 3 1 11	
	9 4 4 3 inf 10 11	
	12 1 11 1 10 inf 10	
	8 11 2 11 11 10 inf	

Пример вывода дополнительной информации для алгоритмов на примере теста 1, представлен на рисунках 1-2 соответственно.

```
Введите название файла матрицы: matrix.txt
Введите стартовую вершину (нумерация начинается с 1): 3
Рассматривается путь: 3, его вес 0
Ещё не рассмотренные вершины: ['1', '2', '4', '5', '6']
Добавляем к пути вершину (1) путь: 3-1
Рассматривается путь: 3-1, его вес 20
Нижняя оценка (18.5) отсекла путь с весом (20):
Отсеченный путь 3-1
Удаляем последнию вершину из пути: 3-1
Добавляем к пути вершину (2) путь: 3-2
Рассматривается путь: 3-2, его вес 13
Ещё не рассмотренные вершины: ['1', '4', '5', '6']
Добавляем к пути вершину (1) путь: 3-2-1
Рассматривается путь: 3-2-1, его вес 20
Нижняя оценка (18.5) отсекла путь с весом (20):
Отсеченный путь 3-2-1
Удаляем последнию вершину из пути: 3-2-1
Добавляем к пути вершину (4) путь: 3-2-4
Рассматривается путь: 3-2-4, его вес 14
Ещё не рассмотренные вершины: ['1', '5', '6']
Добавляем к пути вершину (1) путь: 3-2-4-1
Рассматривается путь: 3-2-4-1, его вес 35
Нижняя оценка (18.5) отсекла путь с весом (35):
Отсеченный путь 3-2-4-1
Удаляем последнию вершину из пути: 3-2-4-1
Добавляем к пути вершину (5) путь: 3-2-4-5
Рассматривается путь: 3-2-4-5, его вес 32
Нижняя оценка (18.5) отсекла путь с весом (32):
Отсеченный путь 3-2-4-5
Удаляем последнию вершину из пути: 3-2-4-5
Добавляем к пути вершину (6) путь: 3-2-4-6
Рассматривается путь: 3-2-4-6, его вес 32
Нижняя оценка (18.5) отсекла путь с весом (32):
Отсеченный путь 3-2-4-6
```

Рисунок 1 - Отрывок вывода дополнительной информации на первом тесте для МВиГ

```
Введите название файла матрицы: matrix.txt
Введите стартовую вершину (нумерация начинается с 1): 3
Путь имеет вид: 3
Уже выбранные вершины: ['3']
Ещё не добавленные вершины: ['1', '2', '4', '5', '6']
Рассматриваем дугу: 3->1 с весом 20
Рассматриваем дугу: 3->2 с весом 13
Рассматриваем дугу: 3->4 с весом 35
Рассматриваем дугу: 3->5 с весом 5
Рассматриваем дугу: 3->6 с весом 0
Нашли дугу с минимальным весом
FROM:3 TO:6 MINWEIGHT:0
Добавляем её в путь
Путь имеет вид: 3-6
Уже выбранные вершины: ['3', '6']
Ещё не добавленные вершины: ['1', '2', '4', '5']
Рассматриваем дугу: 3->1 с весом 20
Рассматриваем дугу: 3->2 с весом 13
Рассматриваем дугу: 3->4 с весом 35
Рассматриваем дугу: 3->5 с весом 5
Рассматриваем дугу: 6->1 с весом 23
Рассматриваем дугу: 6->2 с весом 5
Рассматриваем дугу: 6->4 с весом 9
Рассматриваем дугу: 6->5 с весом 5
Нашли дугу с минимальным весом
FROM:6 TO:5 MINWEIGHT:5
Добавляем её в путь
Путь имеет вид: 3-6-5
Уже выбранные вершины: ['3', '6', '5']
Ещё не добавленные вершины: ['1', '2', '4']
Рассматриваем дугу: 3->1 с весом 20
Рассматриваем дугу: 3->2 с весом 13
Рассматриваем дугу: 3->4 с весом 35
```

Рисунок 2 – Отрывок вывода дополнительной информации на первом тесте для АВБГ

Вывод.

В ходе лабораторной работы была изучена задача Коммивояжера, а также два метода ее решения: метод ветвей и границ и алгоритм включения ближайшего города, реализованы соответствующие алгоритмы.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММ

Название файла: algrorithmIncludeNearestCity.py

```
import math
from readFuncs import readMatrix
class AlgorithmIncludeNearestCity:
    def init (self, matrix, startVertex, DEBUG=False):
        # инициализация полей класса
        self. matrix = matrix
        self. startVertex = startVertex
        self. DEBUG = DEBUG
        self. path = [self. startVertex]
    def __nextCity(self):
        Функция ищет минимальное ребро в ещё не добавленные город
        :return: ничего не возвразает
        # создаем список ещё не пройденных городов
        notIncluded = [i for i in range(len(self. matrix)) if i not
in self.__path]
        # заводим начальные значения
        minWeight = math.inf
        indexFrom = 0
        indexTo = 0
        if self. DEBUG:
            print(f"Путь имеет вид: {'-
'.join(self.__strVertexArray(self.__path))}")
            \overline{} print(f"Уже выбранные вершины:
{self.__strVertexArray(self.__path)}")
            print(f"Ещё не добавленные вершины:
{self. strVertexArray(notIncluded)}")
        # рассматрицаем дуги из уже просмотренных вершин в ещё не
просмотренные
        for vertex in self. path:
            for nextVertex in notIncluded:
                if self. DEBUG:
                    print(
                        f"Рассматриваем дугу: {vertex +
1}->{nextVertex + 1} c becom {self. matrix[vertex][nextVertex]}")
                if self. matrix[vertex][nextVertex] <= minWeight:</pre>
                    # если нашли ребро с меньшим весов, чем текущее
                    # то обнавляем значения
                    indexFrom = vertex
                    indexTo = nextVertex
                    minWeight = self. matrix[vertex][nextVertex]
        if minWeight != math.inf:
            # добавляем к решение, если ребро в графе есть
            if self. DEBUG:
                print("Нашли дугу с минимальным весом")
                print(f"FROM:{indexFrom + 1} TO:{indexTo + 1}
MINWEIGHT: {minWeight}")
```

```
print("Добавляем её в путь\n")
            self. path.insert(self. path.index(indexFrom) + 1,
indexTo)
        else:
            # если нет, то граф состоит из нескольких не связаных
частей
            raise RuntimeError("Граф не целый")
    @staticmethod
        strVertexArray(array):
    def
        Выполянет преобразование элементов массива в массив из строк
        :param array: массив для преобразования
        :return: массив, где каждый элемент строка
        11 11 11
        return [str(vertex + 1) for vertex in array]
    def findPathCost(self):
        Функция находит стоимость пути
        :return: возвращает стоимость
        cost = 0
        for i in range(1, len(self. path)):
            # увеличивем переменную суммы на значения ребра в пути
            cost += self. matrix[self. path[i -
1]][self.__path[i]]
        return cost
    def _{\overline{""}} solve(self):
        Функция отвечает за алгоритм АВБГ
        :return: ничего не возвращает
        # пока не добавили все вершины
        while len(self. path) < len(self. matrix):</pre>
            # пытаемся добавить минимальное ребро
            try:
                self. nextCity()
            except RuntimeError as e:
                print(e)
                break
        # нашли путь по всем вершниам, теперь проверяем, что можно
зациклить
        if self. matrix[self. path[-1]][self. startVertex] !=
math.inf:
            if self. DEBUG:
                print(f"Образуем цикл добавлением дуги
{self. path[-1] + 1}->{self. startVertex + 1}")
            self. path.append(self. startVertex)
        else:
            raise RuntimeError("Нельзя построить цепочку")
    def __call__(self):
        Функция запускает АВБГ
        :return:возвращает полученный путь и его вес
```

```
** ** **
        # вызываем метод решения
        self. solve()
        # возврщаем полученные значения
        return self. path, self. findPathCost()
def main():
    filename = input("Введите название файла матрицы: ")
    startVertex = int(input("Введите стартовую вершину (нумерация
начинается с 1): ")) - 1
    matrix = readMatrix(filename)
    alg = AlgorithmIncludeNearestCity(matrix, startVertex, True)
    path, cost = alg()
    print("Цепочка:")
    print("-".join([str(elem + 1) for elem in path]))
   print("Стоимость её прохождения:")
    print(cost)
if name == ' main ':
    main()
Название файла: methodBB.py
import math
from copy import deepcopy
from readFuncs import readMatrix
from primFindMST import primFindMST
from minWeightEdges import minWeightEdges
class methodBB:
    def init (self, matrix, startVertex, DEBUG=False):
        # инициализация полей класса
        self. matrix = matrix
        self. startVertex = startVertex
        self.__recordPath = []
        self.__recordWeight = math.inf
        self. DEBUG = DEBUG
    def solve(self, currentPath, currentWeight):
        Рекурсивный метод перебирающий все возможные решение,
используется МВиГ
        :param currentPath: текущий путь
        :param currentWeight: вес текущего пути
        :return: ничего не возвращает
        11 11 11
        if self. DEBUG:
print(f"Paccмaтривается путь: {'-
'.join(self.__strVertexArray(currentPath))}, ero вес
{currentWeight}")
        # нашли путь по все вершинам
        if len(currentPath) == len(self. matrix):
            # проверям, что он лучше рекорда
                                       self. matrix[currentPath[-
            if currentWeight +
1]][self. startVertex] < self. recordWeight:</pre>
```

```
# если лучше обновляем рекорд
               if self. DEBUG:
                   print(
                       f"CTAPOE
                                     оптимальное
                                                        решиение:
cost:{self.__recordWeight}\npath:{'-
'.join(self. strVertexArray(self. recordPath))}")
               self. recordWeight = currentWeight
self.__matrix[currentPath[-1]][self.__startVertex]
                                          currentPath +
               self. recordPath
[self. startVertex]
               if self. DEBUG:
                   print(
                                    оптимальное
                       f"HOBOE
                                                        решиение:
cost:{self.__recordWeight}\npath:{'-
'.join(self. strVertexArray(self. recordPath))}")
           else:
               # если хуже то возращаемся
               if self. DEBUG:
                   print(
                       f"Нашли цепочку с ценой({currentWeight +
self. matrix[currentPath[-1]][self. startVertex]}):"
                       f"\n{'-
'.join(self.__strVertexArray(currentPath + [self.__startVertex]))} -
она не оптимальная!")
               return
       # отсечение ветвей хуже нижней оценки
       if currentWeight > self. estimation:
           if self. DEBUG:
               print(f"Нижняя оценка ({self. estimation}) отсекла
путь с весом ({currentWeight}):")
               print(f"Отсеченный
                                                               { '-
                                             ПУТЬ
'.join(self. strVertexArray(currentPath))}")
           return
       # достаем последнюю вершину пути
       lastVertex = currentPath[-1]
       # создаем список ещё не просмотренных вершин
       notViewed = [i for i in range(len(self. matrix)) if i not in
currentPath]
       if self. DEBUG:
           print(f"Ещё не рассмотренные вершины: {[str(vertex + 1)
for vertex in notViewed] }")
       for vertex in notViewed:
           # поочередно добавляем вершины в путь, если в них он есть
из последней вершины текущего пути
           if self.__matrix[lastVertex][vertex] != math.inf:
               # добавляем вершину
               currentPath.append(vertex)
               if self. DEBUG:
                   print(
                       f"Добавляем к пути вершину ({vertex + 1})
путь: {'-'.join(self.__strVertexArray(currentPath))}")
               self. solve(currentPath, currentWeight +
self. matrix[lastVertex][vertex])
               if self.__DEBUG:
                   print(f"Удаляем последнию вершину из пути: {'-
'.join(self.__strVertexArray(currentPath))}")
               currentPath.pop()
```

```
else:
                return
    @staticmethod
    def
        strVertexArray(array):
        Выполянет преобразование элементов массива в массив из строк
        :param array: массив для преобразования
        :return: массив, где каждый элемент строка
        return [str(vertex + 1) for vertex in array]
    def call (self):
        Функция находит нижнюю границу, после чего запускает МВиГ
        :return:возвращает полученный путь и его вес
        try:
            # пытаем получить нижнюю границу
            self. estimation = primFindMST(deepcopy(self. matrix),
self. startVertex)[1] + minWeightEdges(
               deepcopy(self. matrix))
        except RuntimeError as e:
           print(e)
        # запускаем МВиГ
        self. solve([self. startVertex], 0)
        return self. recordPath, self. recordWeight
def main():
    filename = input("Введите название файла матрицы: ")
    startVerext = int(input("Введите стартовую вершину (нумерация
начинается с 1): ")) - 1
   matrix = readMatrix(filename)
   MBBsolver = methodBB(matrix, startVerext, True)
    path, weight = MBBsolver()
    print("Цепочка:")
    print("-".join([str(elem + 1) for elem in path]))
    print("Стоимость её прохождения:")
    print(weight)
if name == '_ main__':
    main()
Название файла: minWeightEdges.pv
from readFuncs import readMatrix
import math
def minWeightEdges(matrix):
    Функция находит полусумму двух минимальных ребер
    :param matrix: матрица весов
    :return: возвращает полусумму двух минимальных ребер
    # инициализируем значения как бесконечность
    first, second = math.inf, math.inf
```

```
# проходимся по все матрице
    for i in range(len(matrix)):
        for j in range(len(matrix)):
            # если вес легче первого минимального, то это значение
становится первым минимальным,
            # а изначальное уходит второму
            if matrix[i][j] < first:</pre>
                second = first
                first = matrix[i][j]
            elif first < matrix[i][j] < second: # если найденное
меньше только второгу, то перезаписываем второе
                second = matrix[i][j]
    # возвращаем полусумму
    return (first + second) / 2
def main():
    print(minWeightEdges(readMatrix("matrix.txt")))
if __name__ == "__main__":
    main()
Название файла: primFindMST.py
import math
from readFuncs import readMatrix
def primFindMST(matrix, startVertex=0):
    Функция строит минимально остовное дерево из стартовой вершины,
по алгоритму Прима
    :param matrix: матрица весов
    :param startVertex: стартовая вершина
    :return: возврщает матрицу весов остовного дерева, и вес
остовного дерева
    11 11 11
    size = len(matrix)
    # инициализируем матрицу весов остовного дерева
    mst = [[0 for in range(size)] for in range(size)]
    for i in range(size):
        mst[i][i] = math.inf
    # задаем список посещенных вершин
    visited = [startVertex]
    weight = []
    # пока не посетили все вершины
    while len(visited) != size:
        # ищем минимальное ребро ведущее в ещё не включенную вершину
        min w = math.inf
        i, j = 0, 0
        for elem in visited:
            if min w > min(matrix[elem]):
                # найдено более выгодное ребро, сохраняем его
                min w = min(matrix[elem])
                i = elem
                j = matrix[elem].index(min w)
            elif min(matrix[elem]) == math.inf:
                # если минимального нет, то граф не дерево
```

```
raise RuntimeError("The tree is not unit")
        # добавляем ребро если мы ещё не посещали концевую вершину
        if j not in visited:
            weight.append(min w)
            visited.append(j)
            mst[i][j] = min w
        # затираем ребро в исходной матрице, чтоб снова его не взять
       matrix[i][j] = math.inf
    return mst, sum (weight)
def main():
   print(sum(primFindMST(readMatrix("matrix.txt"), 1)[1]))
if name == " main ":
   main()
Название файла: readFuncs.py
def readMatrix(filename) -> list:
    Функция считывает из файла матрицу весов
    :param filename: название файла из которого считывают
    :return: возврщает двумерный список (матрицу весов)
    file = open(filename, "r") # открываем файл на чтение
   matrix = []
    for row in file: # пока есть строчки в файле
        line = row.split() # делим считаную строку
        # выполняем привидение типа для каждого элемента строки
        for index, item in enumerate(line):
                item = int(item)
            except ValueError:
                item = float(item)
            line[index] = item
        # преобразованую строчку добавляем в матрицу
       matrix.append(line)
    return matrix
def dataReader():
    Функция считывает из стандартного потока ввода правила генерации
    :return: возвразает кортеж из кол-ва узлов, мин-веса, макс-веса,
флага симметричности
    count = int(input("Введите количество узлов, для генерации: "))
   max = int(input("Введите максимальное значение веса: "))
   min = int(input("Введите минимальное значение веса: "))
    symmetry = "nothing"
   while symmetry not in ["yes", "not"]:
        symmetry = input("Нужна ли симметричная матрица(yes or not):
")
    symmetry = True if symmetry == "yes" else False
    return count, min, max, symmetry
Название файла: generator.py
import numpy as np
```

```
import math
from readFuncs import dataReader
def generateMatrix() -> list:
    Функция запрашивает из стандартного потока ввода, правила
генерации, после чего генерирует 2мерный список
    :return: возвращает 2мерный список (матрицу весов)
    n, min, max, symmetry = dataReader() # получаем правили
генерации
    rng = np.random.default rng() # создаем объект генератора
    if symmetry: # если нужна симметричная матрица весов
        matrix = [[0 for in range(n)] for in range(n)]
        for i in range(n):
            for j in range(n):
                num = rng.integers(low=min, high=max)
                matrix[i][j] = num
               matrix[j][i] = num
    else: # если полностью случайная
        matrix = rng.integers(low=min, high=max, size=(n,
n)).tolist()
    # расстанавливаем бесконечности по главной диагонали
    for i in range(n):
        matrix[i][i] = math.inf
    return matrix
def saveMatrix(filename, matrix):
    Функция сохраняет матрицу весов в файл.
    :param filename: название файла, в который сохраняют
    :param matrix: матрица весов
    :return: функция ничего не возвращает
    file = open(filename, "w") # открываем на запист файл
    for row in matrix:
        string = " ".join([str(elem) for elem in row]) #
преобразуем строку матрицы в строку
        file.write(f"{string}\n") # записываем строчку в файл
    file.close() # закрываем файл
def main():
    filename = input("Введите название файла: ")
    saveMatrix(filename, generateMatrix())
if __name__ == "__main__":
   main()
```