

Indicaciones específicas:

Duración: 90 minutos + 10 minutos para subir sus respuestas

Número de preguntas: 3

- **No se permitirá consultar paginas externas al Canvas**
- **No se permitirá compartir notas ni material entre alumnos.**
- Lea las preguntas cuidadosamente y responda de manera clara. Respuestas que no sean legibles o claras no tendrán ningún puntaje.
- Si no sabe la respuesta, deja el espacio en blanco y coloque "F".
- Recuerden, de todas formas, resolver las preguntas que no entendieron después del examen.

Pregunta 1 (4 puntos): Preguntas

- A. (2 pts) ¿Qué estructuras de datos (de las vistas en el curso) me permiten aplicar la **búsqueda por rango** de manera eficiente?

| Estructura de Datos | ¿Por qué? | Complejidad |
|---------------------|-----------|-------------|
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

- B. (1 pts) Sparse Matrix puede implementarse de manera eficiente usando Hashing, ¿Cuál sería su ventaja respecto a su versión con Linked Lists?.

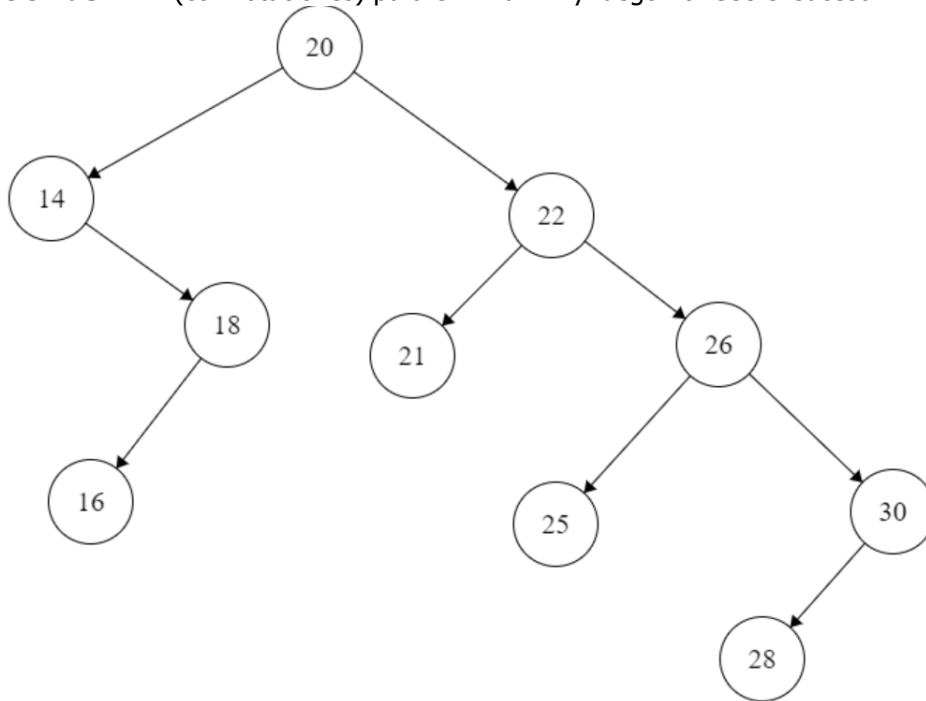
- C. (1 pts) Al aplicar el método del Backtracking para resolver el problema de la Mochila ¿Cuáles serían las cotas inferior y superior del algoritmo?

CI: _____

CS: _____

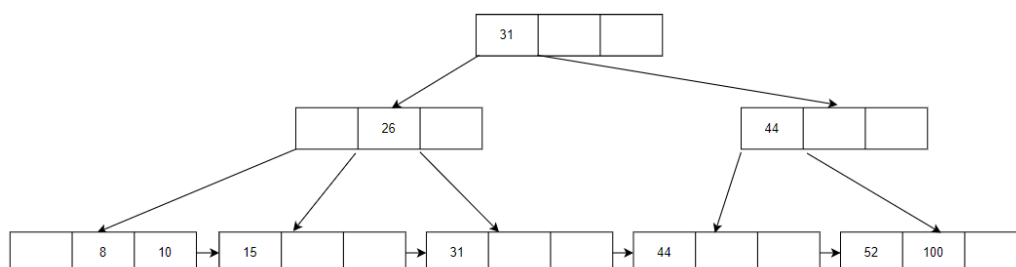
Pregunta 2 (8 puntos): Ejercicios

- A. (1.5 pts) AVL: dado el siguiente BST no balanceado, se le pide aplicar el algoritmo de **eliminación del AVL** (con rotaciones) para eliminar 14 y luego 20. Use el sucesor.



| 1- Después de eliminar 14 | 2- Después de eliminar 22 |
|---------------------------|---------------------------|
| | |

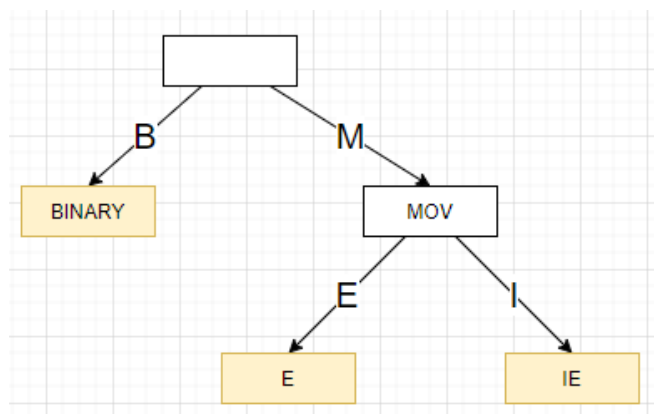
- B. (2.5 pts) B+: complete el árbol para que se cumpla las propiedades del B+ y luego eliminar el 31 y 44



- El criterio de distribución en el Split para una cantidad impar, sería asignar más elementos al nodo izquierdo.
- Una llave en un nodo interno, es el máximo del subárbol izquierdo.

| |
|----------------------------------|
| 1- Completar elementos del árbol |
| |
| 2- Eliminar 31 y 44 |
| |

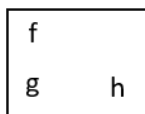
- C. (1.5 pts) Dado el siguiente árbol Patricia, se le pide insertar BIN y MOVEMENT. Dibujar después de cada inserción. El nodo amarillo indica fin de una palabra.



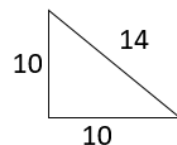
- D. (2.5 pts) Aplique el algoritmo A* en el siguiente laberinto.

- Inicio: celda en verde
- Objetivo: celda en rojo
- Los cuadros grises son muros y no deben ser considerados en la solución.

Etiquetado de valores



Costo de movimiento



Heurística

Distancia Manhattan

- Anote dentro de la tabla todos los valores $f(n)$, $g(n)$ y $h(n)$, y también los ancestros.
- Indicar el camino final

| | A | B | C | D | E |
|---|---|---|---|---|---|
| 1 | | | | | |
| 2 | | | | | |
| 3 | | | | | |
| 4 | | | | | |
| 5 | | | | | |

Pregunta 2 (8 puntos): Implementación

- A. (4 puntos) Patricia Tree: se le pide diseñar un pseudocódigo lo más detallado posible para transformar un Trie Simple a un Trie Compactado. La idea es cubrir todos los casos de eliminación y analizar la complejidad algorítmica en el código.
- N: total de elementos en el Trie.
- E: tamaño del alfabeto

- B. (4 puntos) Sparse Matrix: se le pide diseñar el algoritmo en C++ para eliminar una columna de una matriz lo más eficiente posible. Considerar todos los casos.

```
struct SparseMatrix {  
    struct Node {  
        T data;  
        int pos_row;  
        int pos_col;  
        Node<T>* next_row;  
        Node<T>* next_col;  
    };  
    vector<Node<T>*> rows;  
    vector<Node<T>*> cols;  
    int n_cols;  
    int n_rows;  
};  
//eliminar la columna col de la matriz original  
void remove_column(SparseMatrix &ma, int col);
```