

**Listado 5**  
**ALGEBRA LINEAL (520131)**  
**ALGEBRA II (520131)**

**1.-** Averigüe porque el siguiente conjunto de vectores de  $P_3(\mathbb{R})$ :  $\{t^3 + t, t^3 + 2t^2, 4t^3 - t^2 + 3t, -3t^3 + 2t\}$ , no genera dicho espacio vectorial. ¿Que subespacio genera este conjunto?

**2.-** Encuentre los subespacios de  $\mathbb{R}^3$  generado por los conjuntos  $\{(1, -1, 2), (1, 1, 2), (0, 0, 1)\}$  y  $\{(1, -1, 2), (-1, 1, 2), (0, 0, 1)\}$

**3.-** Sean

$$S = \left\{ \begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{2 \times 3} : a = -b + e, \quad c = d + f \right\}$$

$$T = \left\{ \begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \end{pmatrix} \in \mathcal{M}_{2 \times 3} : a = b = c, \quad d = e = f \right\}$$

Encuentre un conjunto de generadores de  $S + T$  y de  $S \cap T$

**4.-** En las siguientes situaciones, verifique que el subconjunto dado del espacio vectorial mencionado es linealmente independiente.

a) En  $\mathbb{R}^4$ ,  $\{(1, 0, 0, 1), (0, 0, 1, 1) \text{ y } (1, -1, 0, 0)\}$ .

b) En  $\mathcal{P}_3(\mathbb{R})$ ,  $\{2t^3, \frac{1}{2}t^2 + \frac{1}{2}t, t^3 + t + 1\}$ .

c) En  $\mathbb{R}^6$ ,  $\{(1, 0, 2, 3, 1, -1), (-1, 1, 4, 2, 3, 0), (-1, 0, 1, 1, 2, 1)\}$

**5.-** En las siguientes situaciones, verifique que el subconjunto dado del espacio vectorial mencionado es linealmente dependiente.

a) En  $\mathbb{R}^3$ ,  $\{(-2, 1, 0), (1, -4, 0), (8, -7, 0)\}$

b) En  $\mathcal{M}_2(\mathbb{R})$ ,

$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 4 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 6 & 12 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \right\}$$

**6.-** Verifique que  $B = \{(1, 1, 0), (2, 0, 3), (-1, 1, 0)\}$  es una base de  $\mathbb{R}^3$  y determine los escalares del vector  $(2, 2, 3)$  con respecto de la base  $B$ .

**7.-** Considere el espacio vectorial  $V = \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$ ; conjunto de las matrices cuadradas de orden 2. Verificar que las siguientes matrices:

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

forman una base para  $V$ . Determinar los escalares del vector  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$ , con respecto de esta base.

**8.-** Para los siguientes subespacios, determine una base y dimensión:

- $S = \{(x, y, z)/z = 2x + y\} \subset \mathbb{R}^3$
- $S = \left\{ \begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \end{pmatrix} / a + b + c = 0, d = 2f \right\} \subset \mathcal{M}_{2 \times 3}(\mathbb{R})$ .
- $S = \{(x, y, z)/z = \frac{1}{3}x\} \subset \mathbb{R}^3$
- $S = \{(x, y, z, w)/z = 3w, y = \frac{2}{3}x\} \subset \mathbb{R}^4$
- $S = \{at^3 + bt^2 + ct + d/a - 2b = 0, c = d\} \subset \mathcal{P}_3(\mathbb{R})$

ADP/

8 de Junio de 2004.