Cálculo Numérico (521230)

Laboratorio 8 Ecuaciones no lineales

El objetivo de este laboratorio es aprender técnicas para la resolución numérica de ecuaciones y sistemas de ecuaciones no lineales.

- 1. (a) Haga un programa que calcule la raíz de una ecuación f(x) = 0 mediante el método de bisección. Los datos del programa deben ser la función f, los extremos del intervalo [a,b] donde se busca la raíz, y la tolerancia tol con la que se desea calcular ésta.
 - El programa debe tener una salida de error en el caso en que la función f no cambie de signo en el intervalo inicial.
 - (b) Calcule con el programa anterior todas las raíces de las siguientes ecuaciones con error menor que 10^{-4} :

 $x^2 = 2$, $x^3 - 3x + 1 = 0$ y $\cos x = x$

2. El archivo newton.m (bájelo de la página web del curso) contiene el siguiente programa para el cálculo de la raíz de una ecuación f(x) = 0 mediante el método de Newton-Raphson:

```
function raiz=newton(f,Df,x0,tol,maxit)
k=0;
raiz=x0;
corr=tol+1;
while (k<maxit) & (abs(corr)>tol)
    k=k+1;
    xk=raiz;
    fxk=feval(f,xk);
    Dfxk=feval(Df,xk);
    if (Dfxk==0)
        error('La derivada de la funcion se anula.')
    corr=fxk/Dfxk;
    raiz=xk-corr;
end
if (abs(corr)>tol)
    error('Se excedio el numero maximo de iteraciones.')
end
```

(a) Calcule mediante este programa las raíces de las ecuaciones del Ej. 1(b) con error menor que 10^{-12} .

(b) Modifique el programa para que permita resolver sistemas de n ecuaciones no lineales con n incógnitas.

Sugerencia: Dado que MATLAB trabaja del mismo modo con variables numéricas o vectoriales, sólo hace falta modificar ligeramente las siguientes líneas del programa para que éste sirva para sistemas de ecuaciones:

líneas 6 y 16: en lugar de abs(corr) debe usarse alguna medida del vector de correcciones; línea 9: para sistemas, el programa puede fallar aunque la diferencial Df no sea nula;

línea 10: el mensaje de error debe adaptarse correspondientemente;

línea 11: $Df(x^{(k)})^{-1}f(x^{(k)})$ no se calcula mediante fxk/Dfxk en el caso vectorial;

(c) Calcule con el programa anterior todas las raíces de los siguientes sistemas de ecuaciones con error menor que 10^{-12} :

$$\left\{ \begin{array}{l} x^2 + xy + y^2 = 1 \\ y = x^2 \end{array} \right. \qquad \text{e} \qquad \left\{ \begin{array}{l} y = \mathrm{e}^{-x} \\ x = \mathrm{e}^y \end{array} \right.$$

- 3. El comando MATLAB fzero permite calcular la raíz de una ecuación f(x) = 0 cercana a un punto dado x_0 . Este comando combina de manera automática un método inicial de convergencia garantizada con otro final de convergencia veloz.
 - (a) Utilice el help de MATLAB para conocer la sintaxis del comando fzero.
 - (b) Calcule, mediante este comando, las raíces de las ecuaciones del Ej. 1(b), primero con la tolerancia prefijada por el comando y luego con error menor que 10^{-12} .
- 4. Resuelva los siguientes problemas:
 - (a) Calcular el área encerrada por las siguientes curvas:

$$y = e^{x-x^2}$$
 e $y = \arctan x^2$.

(b) Calcular todos los valores de x para los que

$$\int_0^x \sin t^2 \, dt \, = \frac{\sqrt{\pi}}{4}.$$

RAD/GBG/RBP/MCP/RRS/RRA/MSC

http://www.ing-mat.udec.cl/pregrado/asignaturas/521230/