FISICAS Y MATEMATICAS

DEPARTAMENTO DE INGENIERIA MATEMATICA

LISTADO 7

CALCULO (521287)

MATEMATICA III (521296)

1.- En los siguientes problemas, evalúe las integrales iteradas.

a)
$$\int_{0}^{2} \int_{1}^{3} x^{2}y \, dy dx$$

b)
$$\int_0^{\pi} \int_0^1 x \operatorname{sen} y \, dx dy$$

c)
$$\int_0^{\ln 3} \int_0^1 xy e^{xy^2} dy dx$$

d)
$$\int_0^3 \int_1^2 (xy + y^2) \, dx \, dy$$

2.- En los siguientes casos evalúe la integral sobre la región S acotadas por las curvas que se indican.

a)
$$\int_{S} \int (x^2 - 2xy^3) dA;$$
 $y = 2x, x = 3, x = 10$

b)
$$\int_S \int y \sin x dA; \qquad y^2 = x, \ x = 8$$

c)
$$\int_{S} \int xy dA$$
; $y = x^2$, $y = 1$

- **3.-** En los siguientes casos, utilice integral doble para el cálculo del volumen acotado por las superficies que se indican.
 - a) La cuña acotada por los planos coordenados y los planos x=5 y y+2z-4=0
 - b) El sólido en el primer octante acotado por la superficie $9x^2 + 4y^2 = 36$ y el plano 9x + 4y 6z = 0

1

- c) El sólido acotado por el cilindro parabólico $x^2 = 4y$ y los planos z = 0 y 5y + 9z - 45 = 0
- 4.- Represente la región acotada por las gráficas en la regiones dadas y calcule el área por medio de integrales dobles:

a)
$$x - y + 1 = 0$$
, $7x - y - 17 = 0$, $2x + y + 2 = 0$

b)
$$y^2 = x$$
, $y + x = 2$

c)
$$y = x$$
, $y = 3x$, $x + y = 4$

5.- Evalúe la integral iterativa:

a)
$$\int_{-3}^{7} \int_{0}^{2x} \int_{0}^{x-1} dz dy dx$$

b)
$$\int_0^2 \int_1^z \int_0^{\sqrt{x/z}} 2xyzdydxdz$$

6.- Represente la región acotada por la gráfica de las ecuaciones y use una integral triple para calcular su volumen:

a)
$$z = 4y^2$$
, $z = 2$, $x = 2$, $x = 0$

b)
$$y = 2 - z^2$$
, $y = z^2$, $x + z = 4$ $x = 0$

7.- Para las siguientes suceciones, escriba los primeros términos y determine si la suceción converge.

a)
$$\left\{ \frac{3n+1}{n+2} \right\}$$

a)
$$\left\{ \frac{3n+1}{n+2} \right\}$$
 b) $\left\{ \frac{n^3 - 5n^2 + 4}{2n^2 + n - 1} \right\}$

c)
$$\left\{ \frac{ln(n)}{n} \right\}$$
 d) $\left\{ \frac{e^n}{3^n} \right\}$

d)
$$\left\{\frac{e^n}{3^n}\right\}$$

$$e)\left\{e^{-n}\cos n\right\}$$
 f) $\left\{\frac{(-\pi)^n}{4^n}\right\}$

f)
$$\left\{\frac{(-\pi)^n}{4^n}\right\}$$

ADP/

11 de Noviembre de 2005.