# SYLLABUS DE LA ASIGNATURA CÁLCULO NUMÉRICO 521230

### Primer semestre de 2016

Unidad académica responsable: Departamento de Ingeniería Matemática

Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas

Universidad de Concepción.

Carreras a la que se imparte: Ingeniería Civil (varias especialidades)

Módulos: No tiene Semestre actual: 1 Año: 2016

Profesores:

Sección 1: Sr. Manuel Campos (Coordinador)

Sección 2: Sr. Mauricio Vega (Coordinador de Laboratorios)

Sección 3: Sr. Franco Milanese

### I.- Identificación.

Nombre: Cálculo Numérico				
Código: 521230	Créditos: 4	Créditos SCT:		
Prerrequisitos: 503201, 521218, 521227				
Modalidad: Presencial	Calidad: Obligatoria	Duración: Semestral		
Semestre en el plan de estudios:		Carrera: Codigo varios		
Trabajo académico semanal				
Horas teóricas: 3	Horas práctica: 0	Horas laboratorio: 2	Horas otras actividades: .	

# II.- Descripción.

Asignatura teórico-práctica que contiene los fundamentos de los algoritmos numéricos para resolver problemas de la Matemática Aplicada por medio del computador.

Esta asignatura contribuye a la formación de las siguientes competencias del perfil de egreso:  $Conocimientos\ sobre\ el\ área\ de\ estudios\ y\ la\ profesión.$ 

### III.- Resultados de aprendizaje esperados.

Al completar en forma exitosa esta asignatura los estudiantes serán capaces de:

- 1.- Deducir algoritmos que se detallan en los contenidos.
- 2.- Estimar cotas de errores de los resultados obtenidos.
- 3.- Usar técnicas para demostrar propiedades sencillas relacionadas con los algoritmos.
- 4.- Resolver modelos matemáticos sencillos por medio de algunos métodos computacionales.

### IV.- Contenidos.

### • Revisión de conceptos básicos.

- Normas: Normas vectoriales y matriciales. Productos interiores.
- Errores: Fuentes del error en la resolución numérica de modelos matemáticos de fenómenos reales.
   Errores computacionales. Propagación de errores.

#### • Sistemas de ecuaciones lineales.

- Preliminares: Expresión matricial. Relación con la matriz inversa. Métodos directos e iterativos.
   Costo computacional operacional y en memoria. Propagación de errores de redondeo.
- Factorización LU: Eliminación Gaussiana. Relación con la factorización LU. Solución de sistemas triangulares. Costo operacional. Conveniencia de la factorización.
- **Pivoteo:** Estrategia de pivoteo parcial; necesidad. Matrices de permutación. Matrices "psicológicamente" triangulares.
- Adaptación a matrices con estructuras particulares: Matrices simétricas y definidas positivas; método de Cholesky. Matrices banda. Matrices tridiagonales.
- Propagación de errores: Propagación de errores en los datos. Número de condición. Propagación de errores de redondeo. Estimación a posteriori del error.
- Métodos iterativos: Matrices dispersas; almacenamiento. Esquema general de métodos iterativos.
   Matriz de iteración. Criterios de convergencia. Criterios de detención.
- **Métodos iterativos clásicos:** Métodos de Jacobi y Gauss-Seidel. Criterios de convergencia.
- Métodos de tipo gradiente: Método del gradiente. Método del gradiente conjugado. Convergencia. Precondicionamiento.

## • Aproximación por cuadrados mínimos.

- Ajuste de curvas: Solución en el sentido de cuadrados mínimos de sistemas rectangulares. Ecuaciones normales. Problemas de rango deficiente.
- Ortogonalización: Factorización QR. Método de Gram-Schmidt. [Método de Householder].
- Problemas de cuadrados mínimos no lineales: Reducción a problemas lineales.

### • Interpolación numérica.

- Interpolación polinomial: Existencia y unicidad del polinomio de interpolación. Fórmula de Lagrange. Error en la interpolación. Fenómeno de Runge.
- Interpolación por "splines": Interpolación lineal a trozos. "Splines" cúbicos.

### • Integración numérica.

- Métodos elementales: Reglas del punto medio, de los trapecios y de Simpson. Acotación del error
- **Método de Romberg:** Extrapolación de Richardson. Método de Romberg.
- Método de Gauss: Polinomios de Legendre. Reglas de Gauss. Precisión. Aplicación.
- Integración de funciones singulares: Reducción a integrales de funciones regulares. Métodos adaptativos.
- Integrales múltiples.

### • Ecuaciones no lineales.

- Métodos de convergencia garantizada: Bisección. Convergencia lineal.
- Métodos de convergencia veloz: Newton-Raphson. Convergencia cuadrática. Condiciones de convergencia. Criterio de detención. Método de la secante.
- Sistemas de ecuaciones no lineales: Método de Newton.

#### • Ecuaciones diferenciales ordinarias.

- Problemas de valores iniciales: Existencia y unicidad de solución. Sistemas de ecuaciones diferenciales. Ecuaciones de orden superior. Métodos numéricos de paso simple y múltiple. Método de Euler. Error local de truncamiento. Error global.
- Métodos de paso simple: Métodos de tipo Runge-Kutta: Euler-Cauchy, Euler mejorado, Runge Kutta de orden 4. Estimación a posteriori del error. Control del paso de integración. Métodos Runge-Kutta-Fehlberg.
- Métodos de paso múltiple: Métodos explícitos: Adams-Bashforth. Métodos implícitos: Adams-Moulton. Métodos predictor-corrector.
- Ecuaciones "Stiff": Estabilidad de las ecuaciones y de los métodos numéricos. Ecuaciones "Stiff".
   Métodos implícitos: métodos de Euler y de los trapecios.
- Problemas de valores de contorno: Existencia y unicidad de solución. Método de "shooting".
   Método de diferencias finitas. Método de elementos finitos.

### V.- Metodología.

- El curso se desarrolla con tres horas de clases teóricas y un laboratorio computacional semanal, de dos horas. A los laboratorios, la asistencia es obligatoria (100%). Una inasistencia se podrá justificar en la misma forma que se justifica la inasistencia a una evaluación. No obstante, una asistencia inferior al 75% en el semestre significará obtener Nota Final NCR. El cursar otra asignatura con topón de horario con los laboratorios de este curso, no se considerará justificación válida para inasistencias.
- Los alumnos se deberán inscribir en los laboratorios desde las 15 horas del Miércoles
   16 de Marzo y hasta las 18 horas del Jueves 17 de Marzo, mediante internet en la dirección electrónica:

www.ing-mat.udec.cl/numerico

La elección de laboratorios será estrictamente por orden de inscripción.

- Los alumnos podrán resolver con el profesor, asuntos relacionados con la asignatura, en el **horario de consultas** que se fije con los alumnos en las primeras clases (ver última página).
- Información variada, como también las Notas de las Evaluaciones, será canalizada a través de la plataforma INFODA o vía e-mail.

#### VI.- Evaluación.

- (a) La evaluación en la asignatura se hará por medio de dos evaluaciones parciales y dos tests de laboratorio.
- (b) Las dos evaluaciones consistirán en pruebas escritas. Cada una de estas evaluaciones tendrá una ponderación en la Nota Final de un 40%. Los laboratorios serán evaluados por dos tests de 45 minutos frente al computador; cada uno con una ponderación en la Nota Final de un 10%.
- (c) Al final del semestre habrá una (1) Evaluación de Recuperación que abarcará toda la materia del semestre y que reemplazará la menor de las notas obtenidas en las evaluaciones parciales.
- (d) En las evaluaciones, así como en los tests, se prohíbe estrictamente el uso de calculadoras, celulares y cualquier otro medio (MP3, MP4, iPoD, IPad, etc).
- (e) La inasistencia a una evaluación significará obtener Nota Final *NCR*. No obstante, quien justifique su inasistencia a una evaluación deberá regularizar su situación, en los plazos y la forma indicada en el Artículo 18 del Reglamento de Docencia de Pregrado de la Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas. Este reglamento lo encuentra en:

# www.cfm.udec.cl/docencia/reglamentos

(f) La inasistencia a un test significará obtener la calificación *NCR*. Quien justifique su inasistencia a un test, en la forma indicada en la letra (e), se podrá presentar a un test de recuperación. El test de recuperación, que se toma el mismo día de la Evaluación de Recuperación, es de contenido global y no sirve para mejorar nota.

#### VII.- Bibliografía y material de apoyo.

#### Bibliografía básica.

- 1. Atkinson, Kendall: An introduction to Numerical Analysis. Wiley New York, 1978.
- 2. Grossman, S.: Análisis numérico y visualización gráfica con matlab.. Prentice-Hall Hispanoamericana, México, 1997.

### Bibliografía complementaria.

- 1. H. Alder & E. Figueroa: *Introducción al Análisis Numérico*. Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas. Universidad de Concepción. 1995.
- 2. K. Atkinson: Elementary Numerical Analysis, John Wiley and Sons, 1993.
- 3. R. L. Burden & J. D. Faires: Análisis Numérico, Thomson, 1998.
- 4. S. C. Chapra & R. P. Canale: Métodos Numéricos para Ingenieros, McGraw-Hill, 1999.
- 5. G. HÄMMERLIN & K.-H. HOFFMANN: Numerical Mathematics, Springer-Verlag, 1991.
- 6. D. R. Kincaid & W. Cheney: Análisis Numérico: las Matemáticas del Cálculo Científico, Addison-Wesley Iberoamericana, 1994.
- 7. A. Quarteroni & F. Saleri: Scientific Computing with MATLAB, Springer-Verlag, 2003.
- 8. H. R. Shwartz: Numerical Analysis. A Comprehensive Introduction. John Wiley and Sons, 1989.
- 9. J. Stoer & R. Bulirsch: Introduction to Numerical Analysis. Springer-Verlag, 1993.
- 10. L.N. Trefethen & D. Bau: Numerical linear algebra, SIAM, 1997.

## Material de apoyo.

1. Todo el abundante material de apoyo de la asignatura lo encuentra en:

www.ing-mat.udec.cl/numerico>documentacion .

# VIII.- Planificación de las clases.

# Semana 1: del 07 al 11 de Marzo de 2016.

Semana	Actividad: Clases teóricas	Responsable	Trabajo académico
1	<ul><li>Inicio: Presentación del Syllabus. Que es el Cálculo Numérico ?.</li><li>Revisión de conceptos básicos: Normas matriciales. Productos interiores.</li></ul>	Docente	3 horas
2	Revisión de conceptos básicos.	Docente	3 horas
	• Errores: Fuentes del error en la resolución numérica de modelos matemáticos de fenómenos reales. Errores computacionales. Propagación de errores.		
	Sistemas de ecs. lineales.		
	<ul> <li>Preliminares: Expresión matricial. Relación con la matriz inversa. Métodos directos e iterativos. Costo computacional operacional y en memoria. Propagación de errores de redondeo.</li> </ul>		
3	Sistemas de ecs. lineales.	Docente	3 horas
	• Factorización LU: Eliminación Gaussiana. Relación con la factorización LU. Solución de sistemas triangulares. Costo operacional. Conveniencia de la factorización.		
	• Pivoteo: Estrategia de pivoteo parcial; necesidad. Matrices de permutación. Matrices "psicológicamente" triangulares.		
	• Adaptación a matrices con estructuras particulares: Matrices simétricas y definidas positivas; método de Cholesky. Matrices banda. Matrices tridiagonales.		
4	Sistemas de ecs. lineales.	Docente	3 horas
	<ul> <li>Propagación de errores: Propagación de errores en los datos.</li> <li>Número de condición. Propagación de errores de redondeo. Estimación a posteriori del error.</li> </ul>		
	• Métodos iterativos: Matrices dispersas; almacenamiento. Esquema general de métodos iterativos. Matriz de iteración. Criterios de convergencia. Criterios de detención.		
5	Sistemas de ecs. lineales.	Docente	3 horas
	• <b>Métodos iterativos clásicos:</b> Métodos de Jacobi y Gauss-Seidel. Criterios de convergencia.		
	• Métodos de tipo gradiente: Método del gradiente. Método del gradiente conjugado. Convergencia. Precondicionamiento.		
6 y 7	Aproximación por cuadrados mínimos.	Docente	4 horas
	• Ajuste de curvas: Solución en el sentido de cuadrados mínimos de sistemas rectangulares. Ecuaciones normales. Problemas de rango deficiente.		
	• Ortogonalización: Factorización QR. Método de Gram-Schmidt. [Método de Householder].		
	• Problemas de cuadrados mínimos no lineales: Reducción a problemas lineales.		
7 y 8	Interpolación numérica.	Docente	4 horas
	• Interpolación polinomial: Existencia y unicidad del polinomio de interpolación. Fórmula de Lagrange. Error en la interpolación. Fenómeno de Runge.		
	• Interpolación por splines: Interpolación lineal a trozos. Splines cúbicos.		
8	Muestra de Modelo de Evaluacion.	Docente	1 horas

Semana	Actividad: Clases teóricas	Responsable	Trabajo académico
9 y 10	<ul> <li>Integración numérica.</li> <li>Métodos elementales: Reglas del punto medio, de los trapecios y de Simpson. Acotación del error.</li> <li>Método de Romberg: Extrapolación de Richardson. Método de Romberg.</li> <li>Método de Gauss: Polinomios de Legendre. Reglas de Gauss. Precisión. Aplicación.</li> </ul>	Docente	6 horas
	<ul> <li>Integración de funciones singulares: Reducción a integrales de funciones regulares. Métodos adaptativos.</li> <li>Integrales múltiples.</li> </ul>		
11 y 12	<ul> <li>Ecuaciones no lineales.</li> <li>Métodos de convergencia garantizada: Bisección. Convergencia lineal.</li> <li>Métodos de convergencia veloz: Newton-Raphson. Convergencia cuadrática. Condiciones de convergencia. Criterio de detención. Método de la secante.</li> <li>Sistemas de ecuaciones no lineales: Método de Newton.</li> </ul>	Docente	5 horas
12	Ecuaciones diferenciales ordinarias.  • Problemas de valores iniciales: Existencia y unicidad de solución. Solución numérica. Método de Euler. Error local de truncamiento. Error global.	Docente	1 horas
13, 14 y 15	<ul> <li>Ecuaciones diferenciales ordinarias.</li> <li>Métodos de paso simple: Métodos de tipo Runge-Kutta: Euler-Cauchy, Euler mejorado, Runge Kutta de orden 4. Estimación a posteriori del error. Control del paso de integración. Métodos Runge-Kutta-Fehlberg. Sistemas de ecuaciones diferenciales. Ecuaciones de orden superior.</li> <li>Métodos de paso múltiple: Métodos explícitos: Adams-Bashforth. Métodos implícitos: Adams-Moulton. Métodos predictor-corrector.</li> <li>Ecuaciones "Stiff": Estabilidad de las ecuaciones y de los métodos numéricos. Ecuaciones "Stiff". Métodos implícitos: métodos de Euler y de los trapecios.</li> <li>Problemas de valores de contorno: Existencia y unicidad de solución. Método de "shooting". Método de diferencias finitas. Método de elementos finitos.</li> <li>Fin de las clases.</li> </ul>	Docente	9 horas

# IX.- Planificación de los laboratorios.

Semana	Fecha Lab.	Actividad de Laboratorio
1	9 - 10 / Marzo	Semana sin actividades
2	16 - 17 / Marzo	Inscripción de laboratorios vía internet
3	23 - 24 / Marzo	Lab. 01: Introducción a Matlab I
4	30 - 31 / Marzo	Lab. 02: Introducción a Matlab II
5	6 - 7 / Abril	Lab. 03: S. E. L. (Métodos Directos)
6	13 - 14 / Abril	Lab. 04: S. E. L. (Métodos Iterativos)
7	20 - 21 / Abril	Lab. 05: Mínimos Cuadrados
8	27 - 28 / Abril	Lab. 06: Interpolación
9	4 - 5 / Mayo	Laboratorio Complementario
10	11 - 12 / Mayo	Test 1
11	18 - 19 / Mayo	Muestra Test 1
12	25 - 26 / Mayo	Lab. 07: Integración
13	1 - 2 / Junio	Lab. 08: Ecuaciones no lineales
14	8 - 9 / Junio	Lab. 09: Ecuaciones diferenciales ordinarias
15	15 - 16 / Junio	Laboratorio Complementario
16	22 - 23 / Junio	Test 2
17	29 - 30 / Junio	Muestra Test 2

Cualquier cambio se comunicará oportunamente en clases y/o por INFODA.

# X.- Fecha de las Evaluaciones.

Evaluacion - 1	Vi 13 de Mayo.	
Evaluacion - 2	Ma 28 de Junio.	
Eval. de Recuperación	Lu 11 de Julio.	
Test de Recuperación	Lu 11 de Julio.	

Cualquier cambio se comunicará oportunamente en clases y/o por INFODA.

# XI.- Otros (Atención de alumnos).

**Profesor sección 1:** Sr. Manuel Campos Oficina:  $427, 4^0$  piso FCFM\*

Fono: 220-3150

e-mail del profesor: mcampos@udec.cl

Secretaria: 220-4119 (Sra. Ana Opazo)

Oficina:  $404, 4^0$  piso FCFM\*

Horario de clases: Lunes de 8:15 a 9:45 en A-311

Miércoles de 8:15 a 9:00 en A-311

Horario de consultas: Lunes de 12:10 a 13 horas

**Profesor sección 2:** Sr. Mauricio Vega Oficina:  $211, 2^0$  piso FCFM\*

Fono: 220-3114

e-mail del profesor: mvega@ing-mat.udec.cl

Secretaria: 220-4119 (Sra. Ana Opazo)

Oficina:  $404, 4^0$  piso FCFM\*

Horario de clases: Lunes de 8:15 a 9:45 en A-114

Miércoles de 8:15 a 9:00 en A-114

Horario de consultas: A fijar

Profesor sección 3: Sr. Franco Milanese

Oficina: Fono:

e-mail del profesor:

Secretaria: 220-4119 (Sra. Ana Opazo)

Oficina:  $404, 4^0 \text{ piso FCFM}^*$ 

Horario de clases: Lunes de 8:15 a 9:45 en A-312

 $\label{eq:miercoles} \mbox{Miércoles de } 8{:}15 \ \mbox{a} \ \ 9{:}00 \ \mbox{en} \ \ \mbox{A-}112$ 

Horario de consultas: A fijar

(\*) FCFM: Facultad de Ciencias Físicas y Matemáticas.

Lunes 07 de Marzo de 2016.