

گزارش فاز ۱ پروژه

گروه پندار ربیعی رودسری (40331019) و دانیال سیدی (40331022) از گروه ۴ آزمایشگاه مدار منطقی استاد جوادزاده

ابتدا جدول درستی مربوط به قسمت اول فرمول ($\frac{Cal \times 60}{W}$) را رسم می کنیم که چون ۸ حالت برای ورودی W (مقدار وزن فرد) و ۴ حالت برای Cal (میزان کالری هدف) داریم، از مجموع این دو ورودی $4 \times 8 = 32$ حالت برای ورودی این قسمت خواهیم داشت. لذا باید یک جدول درستی با ۳۲ سطر رسم کنیم و پس از محاسبه مقدار نهایی طبق فرمول داده شده و تبدیل آن به نزدیکترین مقدار صحیح در صورت بدست آمدن اعشاری، آن را به فرمت باینری (۸ بیتی چون بیشترین مقدار بدست آمده ۲۴۰ است که کمتر از ۲۵۶ می باشد.) تبدیل می کنیم. حال باید برای هر یک از ۸ بیت خروجی یک جدول کارنو ۵ متغیره رسم کنیم و پس از ساده سازی مدار ترکیبی مربوط به آن ها را رسم کنیم.

Cal(bits)	Cal	W(bits)	W(kg)	Cal×60 / W	Integer	Binary (8-bit)
00	50	000	50	60.00	60	00111100
01	100	000	50	120.00	120	01111000
10	150	000	50	180.00	180	10110100
11	200	000	50	240.00	240	11110000
00	50	001	60	50.00	50	00110010
01	100	001	60	100.00	100	01100100
10	150	001	60	150.00	150	10010110
11	200	001	60	200.00	200	11001000
00	50	010	70	42.86	43	00101011
01	100	010	70	85.71	86	01010110
10	150	010	70	128.57	129	10000001
11	200	010	70	171.43	171	10101011
00	50	011	80	37.50	38	00100110

01	100	011	80	75.00	75	01001011
10	150	011	80	112.50	112	01110000
11	200	011	80	150.00	150	10010110
00	50	100	90	33.33	33	00100001
01	100	100	90	66.67	67	01000011
10	150	100	90	100.00	100	01100100
11	200	100	90	133.33	133	10000101
00	50	101	100	30.00	30	00011110
01	100	101	100	60.00	60	00111100
10	150	101	100	90.00	90	01011010
11	200	101	100	120.00	120	01111000
00	50	110	110	27.27	27	00011011
01	100	110	110	54.55	55	00110111
10	150	110	110	81.82	82	01010010
11	200	110	110	109.09	109	01101101
00	50	111	120	25.00	25	00011001
01	100	111	120	50.00	50	00110010
10	150	111	120	75.00	75	01001011
11	200	111	120	100.00	100	01100100

در ادامه تصاویر جدول کارنو های رسم شده برای بدست آوردن مدار ترکیبی مربوط به هر بیت از خروجی آمده است :

(بیت های خروجی به ترتیب از چپ به راست / پر ارزش به کم ارزش با O_8 تا O_0 نام گذاری شده اند) / $Cal = C_1C_0$

$$W = W_2W_1W_0$$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	1	0	1
	10	1	1	0	0

$W_0 = 0$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	0	0	0	0
	01	0	0	0	0
	11	1	1	0	0
	10	1	0	0	0

$W_0 = 1$

$$O_7 = C_1C_0W_2' + C_1W_2'W_0' + C_1W_2'W_1' + C_1C_0W_1'W_0'$$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	0	0	0	0
	01	1	1	0	1
	11	1	0	1	0
	10	0	0	1	1

$W_0 = 0$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	0	0	0	0
	01	1	1	0	0
	11	1	0	1	1
	10	0	1	1	1

$W_0 = 1$

$$O_6 = C_1'C_0W_2' + C_1'C_0W_1'W_0' + C_0W_2'W_1' + C_1W_2W_1 + C_1W_2W_0 + C_1C_0'W_2 + C_1C_0'W_1W_0$$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	1	1	0	1
	01	1	0	1	0
	11	1	1	1	0
	10	1	0	0	1

$W_0 = 0$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	1	1	0	0
	01	1	0	1	1
	11	0	0	1	1
	10	0	1	0	0

$W_0 = 1$

$$O_5 = C_1'C_0'W_2' + W_2'W_1'W_0' + C_1'W_2'W_1' + C_1C_0W_2'W_0' + C_0W_2W_1 + C_0'W_2W_1'W_0' + C_0'W_2'W_1W_0 + C_0W_2W_0$$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	1	0	1	0
	01	1	1	1	0
	11	1	0	0	0
	10	1	0	1	0

$W_0 = 0$

		W_2W_1			
		00	01	11	10
C_1C_0	00	1	0	1	1
	01	0	0	1	1
	11	0	1	0	1
	10	1	1	0	1

$W_0 = 1$

$O_4 =$

$$C_0'W_2'W_1' + W_2'W_1'W_0' + C_1'C_0W_1W_0' + C_0'W_2W_1W_0' + C_1W_2'W_1W_0 + C_1'W_2W_0 + W_2W_1'W_0$$

$C_0C_1C_0$	00	01	11	10
W_1W_0	0	0	0	0
00	0	0	0	0
01	0	0	0	0
11	0	1	0	0
10	1	0	1	1

$W_Y = 0$

C_1C_0	00	01	11	10
W_1W_0	1	1	1	0
00	1	1	1	0
01	0	0	0	0
11	1	0	0	1
10	1	1	1	0

$W_Y = 1$

$O_0 = \overline{W_Y} \overline{C_0} \overline{C_1} W_1 W_0 + C_1 C_0 W_1 \overline{W_0} + \overline{W_Y} \overline{C_0} W_1 \overline{W_0} + W_Y C_0 \overline{W_0} + W_Y \overline{C_1} \overline{W_0}$
 $+ W_Y \overline{C_0} W_1 W_0$

C_1C_0	00	01	11	10
W_1W_0	0	0	0	0
00	0	0	0	0
01	1	0	0	1
11	1	1	1	0
10	1	1	1	0

$W_Y = 0$

C_1C_0	00	01	11	10
W_1W_0	0	1	0	0
00	0	1	0	0
01	1	0	0	1
11	0	1	0	1
10	1	1	0	1

$W_Y = 1$

$O_1 = \overline{W_Y} C_0 W_1 + \overline{W_Y} \overline{C_1} W_1 + \overline{C_1} C_0 W_1 + \overline{C_0} \overline{W_1} W_0 + W_Y \overline{C_1} C_0 \overline{W_0} + W_Y C_1 \overline{C_0} W_1 + W_Y \overline{C_0} W_1 \overline{W_0}$

$\frac{C_1 C_0}{w_1 w_0}$	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	0	1	0	1
11	1	0	1	0
10	0	1	0	0

$w_r = 0$

$\frac{C_1 C_0}{w_1 w_0}$	00	01	11	10
00	0	0	1	1
01	1	1	0	0
11	0	0	1	0
10	0	1	1	0

$w_r = 1$

$$O_2 = \bar{C}_1 \bar{C}_0 \bar{w}_1 w_0 + C_1 C_0 w_1 w_0 + \bar{C}_1 \bar{C}_0 w_1 \bar{w}_0 + \bar{w}_r C_1 \bar{C}_0 \bar{w}_1 + \bar{w}_r \bar{C}_0 \bar{w}_1 \bar{w}_0 + \bar{w}_r \bar{C}_1 \bar{C}_0 w_1 w_0 + \bar{w}_r C_1 \bar{w}_1 \bar{w}_0 + \bar{w}_r C_0 w_1 \bar{w}_0 + \bar{w}_r \bar{C}_1 \bar{w}_1 w_0$$

O_3

$\frac{C_1 C_0}{w_1 w_0}$	00	01	11	10
00	1	1	0	0
01	0	0	1	0
11	0	1	0	0
10	1	0	1	0

$w_r = 0$

$\frac{C_1 C_0}{w_1 w_0}$	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	1	1	1	1
11	1	0	0	1
10	1	0	1	0

$w_r = 1$

$$O_3 = w_r \bar{w}_1 w_0 + w_r \bar{C}_0 w_1 w_0 + C_1 C_0 \bar{w}_1 w_0 + C_1 C_0 w_1 \bar{w}_0 + \bar{C}_1 \bar{C}_0 w_1 \bar{w}_0 + \bar{w}_r \bar{C}_1 C_0 w_1 w_0 + \bar{w}_r \bar{C}_1 \bar{w}_1 \bar{w}_0$$

تا به اینجا با رسم جدول کارنو مربوط به هریک از ۸ بیت ورودی رابطه مربوط به هریک از بیت های خروجی را به فرم SOP بدست آوردیم.

حال به سراغ طراحی مدار مربوط به بخش های محاسباتی دوم (ضرب خروجی بخش اول در G) و سوم (ضرب خروجی قسمت دوم در $\frac{1}{MET}$) می رویم :

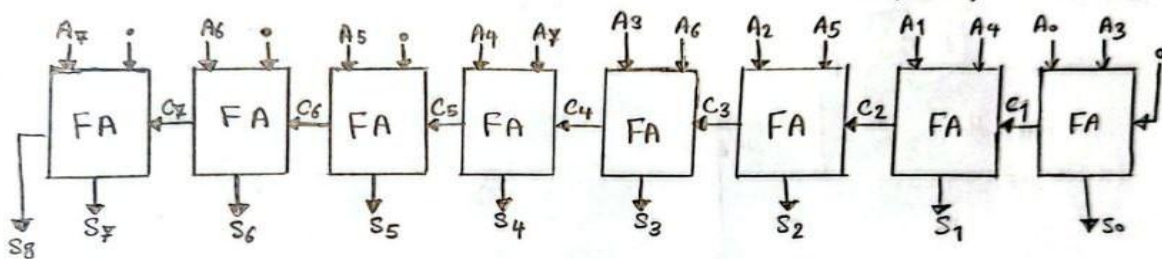
خروجی قسمت محاسباتی اول را که ۸ بیت دارد ، A (از A[0] تا A[7]) می نامیم.

وقتی A را سه بیت منبسط به سمت می دهیم ، باید جای سه بیت پر از صفر در (هست چپ) خالی شده صفر بگذاریم . برا جمع مورد نظر به این صورت خواهد شد :

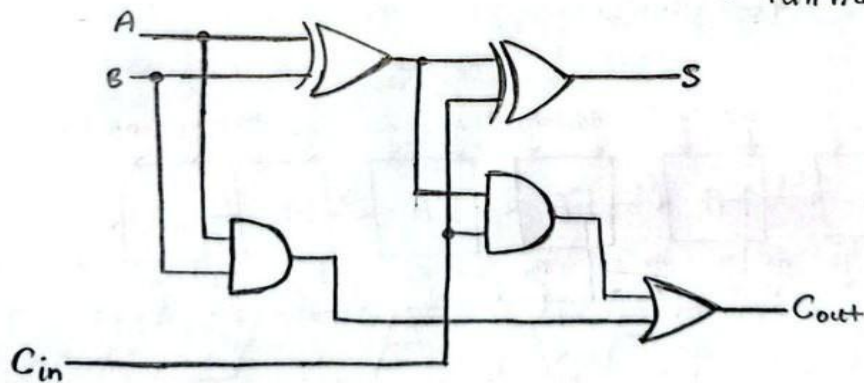
$$A \times (1.125) = (A_7 A_6 A_5 A_4 A_3 A_2 A_1 A_0) + (000 A_7 A_6 A_5 A_4 A_3)$$

برای انجام این جمع از یک 8-bit Ripple Carry Adder استفاده می کنیم که خود از ۸ عدد Full Adder تشکیل شده

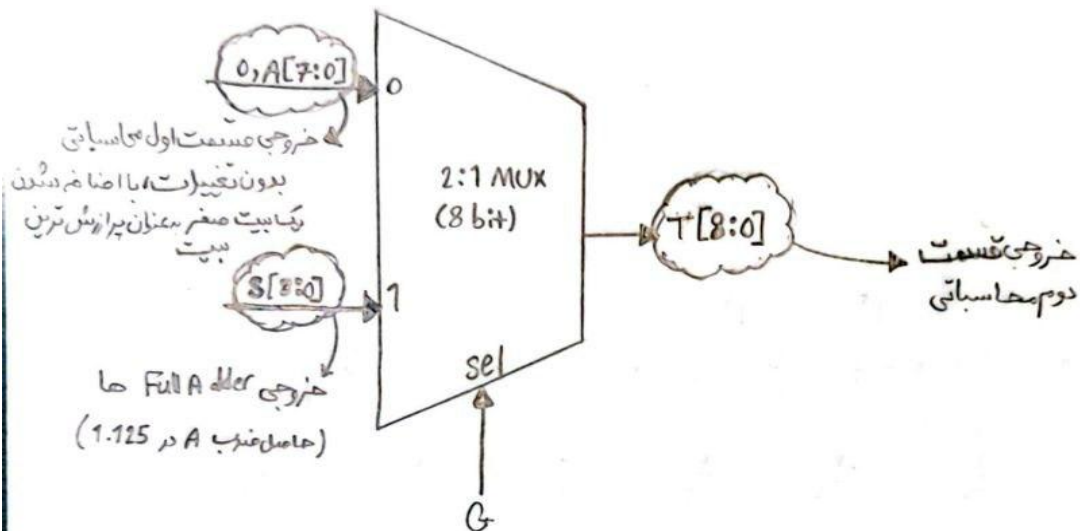
است . خروجی این قسمت را S می نامیم و به خاطر وجود Carry Out حاصل از جمع دو بیت منبسط به سمت چپ آن را ۹ بیت در نظر می گیریم .



مدار داخلی هر Full Adder :

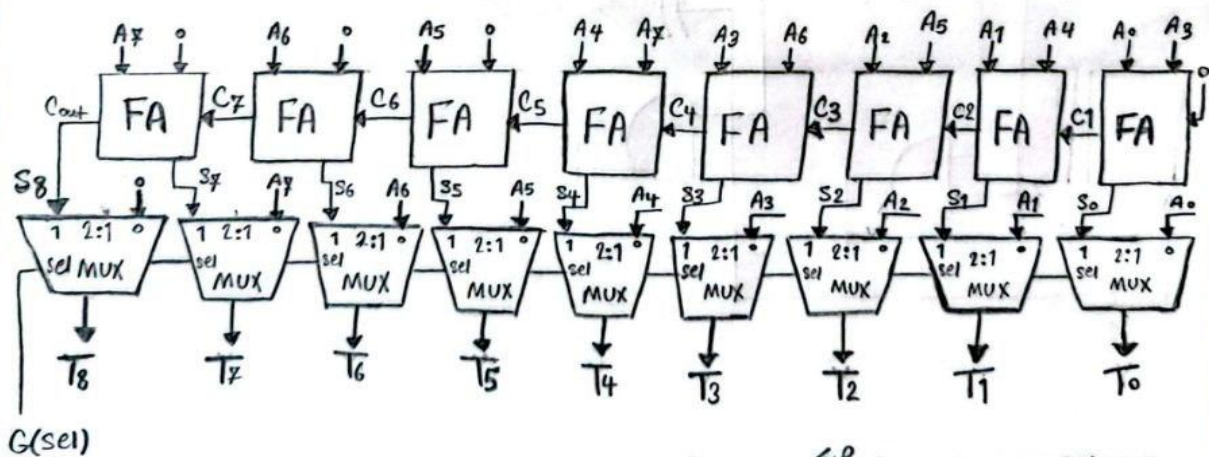


حال برای تولید حالت‌های $G=0$ و $G=1$ از یک 2:1 MUX استفاده می‌کنیم:



در اصل برای تولید هر بیت خروجی یک 2:1 MUX (در مجموع 9 تا 2:1 MUX) که ما همه این MUX ها را به صورت

یک 2:1 MUX بزرگ در نظر گرفته ایم که ورودی هایش به صورت آرایه های 9 بیتی هستند. مدار کامل به صورت زیر خواهد بود:



ورودی sel همه MUX ها مشترک و همان G است.

برای مدار قسمت محاسباتی سوم ($\times \frac{1}{MET}$) ، همانطور که در توضیحات زیر آمده از ۹ MUX (یک MUX برای هر بیت) استفاده می کنیم :

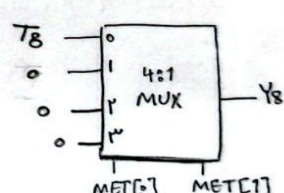
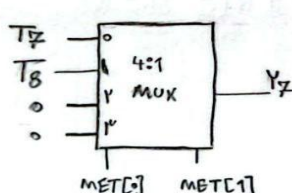
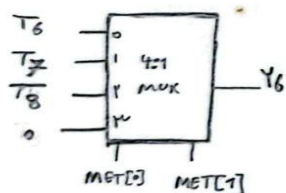
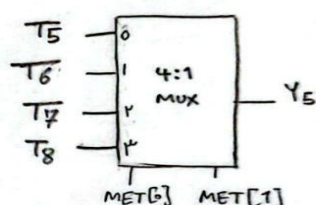
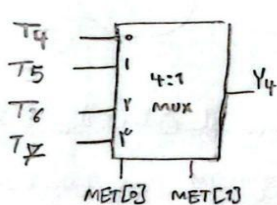
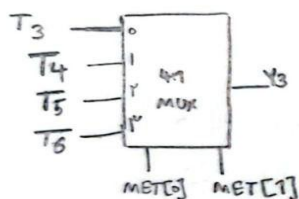
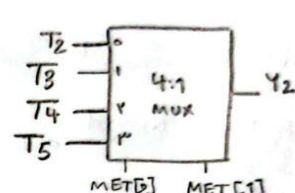
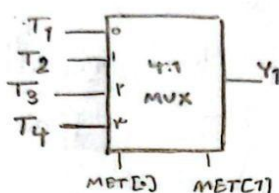
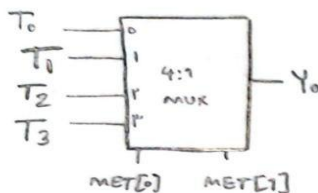
(در کد وریلاگ مربوط به این قسمت خروجی T ، ۸ بیتی در نظر گرفته شده و فرض شده که ورودی که عدد بیشتر از ۸ بیت تولید کند داده نمی شود.)

خروجی این بخش را T نامیده ایم (از T₀ تا T₈) :

عملگر شیفت	MET
بدون شیفت	00
یک بار شیفت به راست	01
دو بار شیفت به راست	10
سه بار شیفت به راست	11

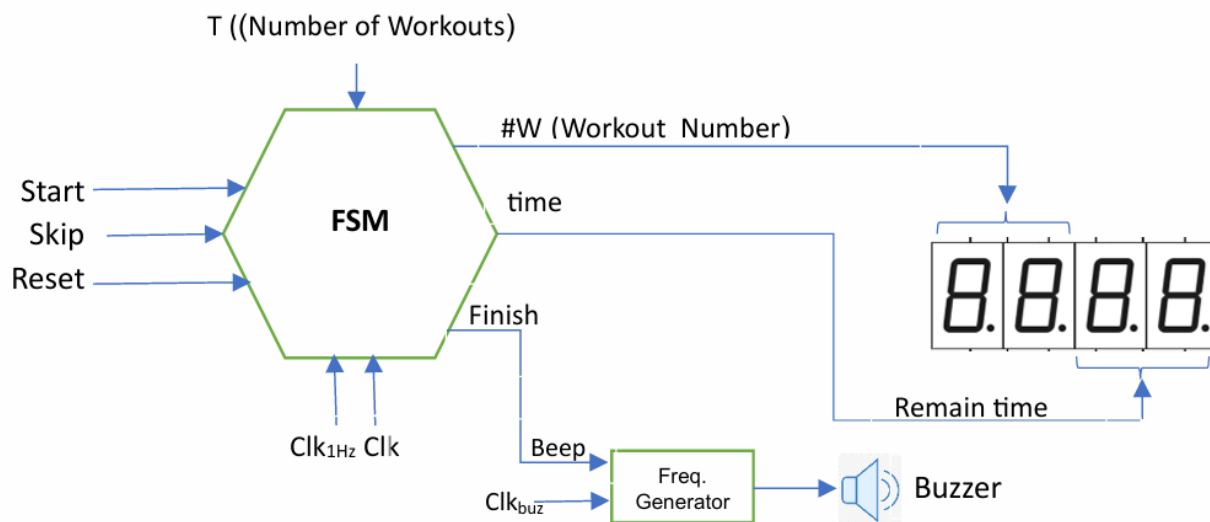
حال به سراغ رسم مدار بخش محاسباتی سوم می رویم :

$$T \times \frac{1}{MET} = Y$$

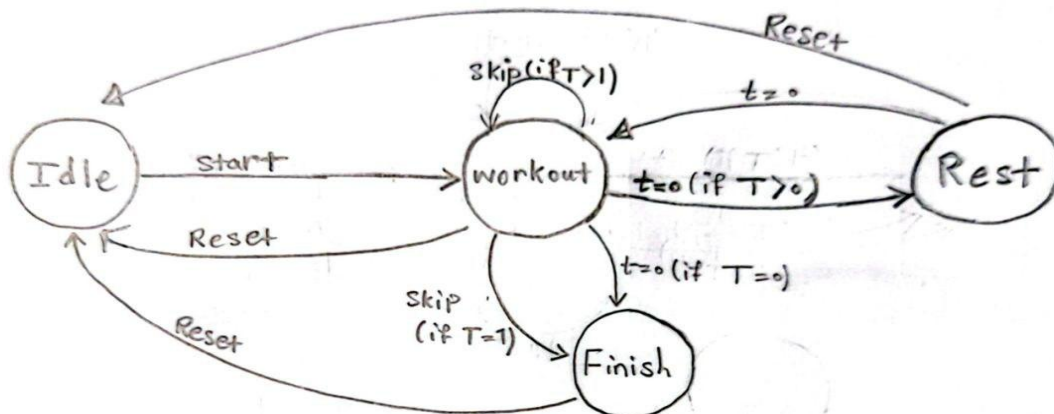


همانطور که در توضیحات پروژه گفته شده ، ضرب در 1.125 را با جمع عدد با سه بار شیفت به راست شده خودش و ضرب در $\frac{1}{MET}$ که همه توان های دو هستند را با اعمال تعداد مناسب شیفت به راست اعمال کرده ایم.

حال به سراغ بخش زمان بندی ترتیبی می رویم :



شکل 3- ماشین حالت



✓ T در اینجا نشان دهنده تعداد تقریبات باقی مانده است .

✓ t نشان دهنده زمان در حال نمایش روی 7-segment است .

✓ در همه transition ها غیر از تغییر حالت از Idle به workout ، از T (تعداد تقریبی های باقی مانده) یکی کم می شود.

در این ماشین حالت ۴ حالت (State) داریم که شامل Idle (در انتظار زدن دکمه start برای شروع) ، Workout (حالت شمارش ۴۵ ثانیه مربوط به هر تمرین) ، Rest (حالت شمارش ۱۵ ثانیه در استراحت بین تمرین ها) و Finish (حالت اتمام همه T تمرین برنامه ریزی شده).

توضیحات مربوط به نحوه کار ماشین حالت :

در شروع کار ماشین ، ماشین به صورت خودکار در حالت Idle قرار می گیرد. سپس اگر کاربر دکمه start را فشار دهد ماشین تعداد حرکات ورزشی مورد نیاز (T) را از کاربر گرفته و به حالت workout می رود.

در حالت Workout شمارش ۴۵ ثانیه مربوط به تمرین آغاز می شود. اگر کاربر قبل از اتمام زمان تمرین دکمه Skip را بزند و تمرینی که آن را skip کرده آخرین تمرین نبوده باشد به تمرین بعدی می رود و شمارش ۴۵ ثانیه دوباره آغاز شده و از تعداد تمرین های باقی مانده یکی کم می شود و اگر دکمه skip را بزند و تمرین که آن را skip کرده آخرین تمرین بوده باشد ($T=1$) مستقیماً به حالت Finish می رود.

اگر زمان تمرین به پایان برسد ($t=0$) و هنوز تمرینی باقی مانده باشد ($T>0$) ، ماشین به حالت Rest می رود و شمارش ۱۵ ثانیه مربوط به استراحت شروع می شود. ولی اگر این حالت رخ دهد و تمرین دیگری نیز باقی مانده باشد ($T=0$) ماشین به حالت Finish می رود و جلسه تمرینی به اتمام می رسد.

در حالت Rest ، به علت اینکه وقتی به حالت Rest رفته ایم همیشه به این معنا است که حداقل یک تمرین دیگر نیز باقی مانده است ، ماشین با تمام شدن تایمر استراحت ($t=0$) ، همواره به حالت Workout بر می گردد و شمارش ۴۵ ثانیه مربوط به تمرین بعدی را آغاز می کند.

همچنین اگر ماشین در هر یک از حالات Rest، Workout یا Finish باشد ، با زدن دکمه Reset توسط کاربر دوباره به حالت Idle بر می گردد و دوباره منتظر فشردن دکمه start توسط کاربر برای شروع می ماند.

کد وریلاگ قسمت های خواسته شده به همراه این فایل گزارش pdf در فایل فشرده آپلود شده آورده شده است.

توضیحات مربوط به کد وریلاگ combinational circuit :

کد این قسمت مربوط به بخش مدار ترکیبی تولید کننده مقدار T بر اساس ۸ بیت ورودی دارای مقادیر W و Cal و MET و G است.

	W		Cal		MET		G	
	0	0	1	0	1	1	0	1

در اینجا این ورودی ۸ بیتی را input_bits نامیده ایم و خروجی این قسمت را نیز T3 در نظر گرفته ایم.

ابتدا مقادیر مربوط به هریک از ۴ متغیر نامبرده شده از ورودی ۸ بیتی مورد نظر استخراج می شود و در wire های مربوطه ریخته می شود.

```
wire w2 = input_bits[7];
wire w1 = input_bits[6];
wire w0 = input_bits[5];
wire c1 = input_bits[4];
wire c0 = input_bits[3];
wire m1 = input_bits[2];
wire m0 = input_bits[1];
wire G = input_bits[0];
```

سپس T1 نیز از نوع wire تعریف می شود که خروجی قسمت اول محاسباتی $(\frac{Cal \times 60}{W})$ را در خود نگاه می دارد. (آن را ۸ بیتی در نظر گرفته ایم ، چون مقدار خروجی این قسمت در مبنای ۱۰ از ۰ تا ۲۴۰ تغییر می کند و ۸ بیت می تواند از ۰ تا ۲۵۵ را پوشش دهد که آن را به گزینه ای مناسب تبدیل می کند.)

سپس مدار های به فرم SOP مربوط به هریک از ۸ بیت مربوط به این قسمت را که در اول گزارش با استفاده از جدول های کارنو ۵ متغیره بدست آمده بود را با استفاده از & و | برای گیت های and و or شبیه سازی می کنیم.

پس از مقدار دهی T1[0] تا T1[7] به سراغ قسمت دوم محاسباتی ($\times G$) می رویم. برای حالت $G=1$ (حالت مربوط به بانوان) باید به جای ضرب در 1.125، عدد مورد نظر را سه واحد به راست شیفت می دادیم و سپس با خودش جمع می کردیم.

عدد سه بار به راست شیفت داده شده را در T1_shifted ذخیره کرده ایم و به جای سه بیت سمت چپ (پر ارزش تر) آن صفر قرار داده ایم.

همچنین خروجی مربوط به حالت بانوان این قسمت (که باید در ۱.۱۲۵ ضرب شود) را در T1_woman ریخته ایم.

در carry نیز carry-out های مربوط به جمع هر بیت توسط Full Adder را ریخته ایم و چون تعداد carry-out ها از تعداد بیت های جمع شونده ها یکی بیشتر می شود ، carry را ۹ بیتی در نظر گرفته ایم.

سپس با استفاده از مدل full_adder ای که در پایین تعریف کرده ایم ، این ۸ بیت را با ۸ بار استفاده از full_adder با هم جمع کرده ایم.

در نهایت خروجی مربوط به این قسمت دوم محاسباتی را با استفاده از MUX های دو ورودی برای هر بیت (که در اینجا به جای تعریف module مربوط به MUX دو ورودی از and و or برای پیاده سازی دستی آن استفاده کرده ایم) ایجاد

کرده ایم و در نهایت آن ها را در T2 ذخیره کرده ایم. (به این صورت که اگر $G=1$ باشد ، خروجی ذخیره شده در T1_woman منتقل می شود) (که همان T1 بود که در 1.125 ضرب شده بود) و اگر $G=0$ باشد همان ورودی T1 به صورت مستقیم به خروجی این قسمت انتقال داده می شود چرا که با ضرب شدن در 1 تغییری در مقدار آن ایجاد نمی شد.

در ادامه خروجی T2 نیز برای قسمت محاسباتی سوم ($\times \frac{1}{MET}$) ، به ترتیب در wire های shift0، shift1، shift2، shift3 برای حالت های $MET=1$ و $MET=2$ و $MET=4$ و $MET=8$ ذخیره می شود (به جای استفاده از عملگر ضرب این کار با انجام تعداد مناسب شیفت به راست روی ورودی انجام می شود).

در نهایت همانطور که در مدار رسم شده برای این قسمت پیشتر نشان داده شد (هر چند که آنجا تعداد بیت ها را 9 تا در نظر گرفته بودیم برخلاف اینجا که 8 تا در نظر گرفته ایم.) ، ورودی های مناسب این قسمت را به 8 تا MUX 4 به 1 داده ایم و m0 و m1 را نیز که همان MET[1] و MET[0] هستند را نیز به عنوان ورودی select همه MUX ها داده ایم.

در آخر کد این قسمت نیز همان module های مربوط به Full Adder و MUX 4 به 1 که پیشتر از آنها استفاده کرده ایم تعریف شده است.

حال به سراغ توضیحات مربوط به کد بخش دوم (fsm) می رویم :

در این برنامه ابتدا ورودی های clk, start, skip, reset, time_done و T تعریف شده اند که به ترتیب مربوط به نشان دهنده پایان زمان شمارش ، دکمه های reset و skip و start برای تعامل کاربر با ماشین و ورودی ساعت مربوط به مدار ترتیبی و همچنین ورودی T تولید شده توسط مدار قسمت قبلی که نشان دهنده تعداد حرکات مورد نیاز برای انجام است.

همچنین output ها نیز در این قسمت به صورت reg تعریف شده اند که در طول ادامه توضیحات به توضیح آنها نیز خواهیم پرداخت.

ابتدا 4 حالتی که در state diagram ترسیم شده در گزارش تعریف کرده بودیم ، اینجا نیز به صورت enum تعریف شده اند (که شامل START , WORKOUT, REST, FINISH هستند) و دو state با نام های current_state و next_state نیز از نوع این enum تعریف شده اند تا به ترتیب حالتی که ماشین اکنون در آن قرار دارد و حالت بعدی که قرار است به آن برود را ذخیره می کنند.

سپس reg با نام count نیز برای شمارش تعداد حرکات باقی مانده تعریف شده است (با همان 8 بیت)

در ادامه در یک always block که به تغییرات همه ورودی ها حساس است، transition های همه state ها به همان صورت که پیشتر در توضیح state diagram آمده بود انجام شده است. به این صورت که روی این که هم اکنون روی کدام state هستیم (current_state مان چیست) حالت بندی کرده ایم و همه transition های ممکن را در نظر گرفته ایم.

برای توضیحات مربوط به این قسمت از کد خواننده را به توضیحات مربوط به نحوه کار state diagram ارجاع می دهیم.

در ادامه نیز یک always block دیگر حساس به لبه clock و reset آورده شده که بررسی می کند که در هر لبه بررسی می کند که اگر دکمه reset فشار داده شده بود به حالت IDLE بر گردد و تعداد تمرین ها را دوباره به T بر گرداند. همچنین در ادامه گفته شده که با هر بار پایان یک تمرین (چه با فشردن دکمه skip و چه با اتمام زمان تمرین) یکی از تعداد تمرین های باقی مانده (count) کم شود.

در ادامه نیز با آوردن یک `always block` دیگر ، ابتدا همه خروجی ها را صفر می کنیم و `state` خروجی را نیز برابر با متغیر `current_state` قرار می دهیم. و اگر در `state` های `WORKOUT` یا `REST` باشیم ، مقدار متغیر های `start_timer` و `show_time` را ۱ می کنیم (یعنی تایمر شروع به کار کرده و زمان در حال نمایش است) و با پایان هر تمرین و رفتن به حالت `REST` مقدار متغیر `workout_done_beep` را ۱ می کنیم که یعنی صدای `beep` مربوط به پایان یک حرکت باید پخش شود و با هربار برگشت دوباره به حالت `WORKOUT` مقدار این متغیر را دوباره صفر می کنیم. همچنین اگر به حالت `FINISH` رفته باشیم مقدار متغیر های `finish_beep` و `done` را ۱ می کنیم که نشان می دهد تمرین های تمام شده و صدای `beep` مربوط به پایان کل تمرین ها باید از `buzzer` پخش شود.