向量

有序向量:插值查找

...那么在最后剩下的一万个猎手中,肯定有人会做出这样的选

择:向那个位置开一枪试试...

你去用剃刀开采花岗岩吧,或用丝线系泊船,然后你兴许就能明白,我们无法指望用人类的知识和理性这样锋利却脆弱的工具,来对抗如巨人般的人类激情和傲慢



原理与算法

❖ 大数定律: 越长的序列, 元素的分布越有规律

最为常见:独立且均匀的随机分布

❖ 于是: [lo, hi]内各元素应大致呈线性趋势增长

$$\frac{mi - lo}{hi - lo} \approx \frac{e - A[lo]}{A[hi] - A[lo]}$$

❖ 因此: 通过猜测轴点mi, 可以极大地提高收敛速度

$$mi \approx lo + (hi - lo) \cdot \frac{e - A[lo]}{A[hi] - A[lo]}$$

❖ 以英文词典为例: binary大致位于2/26处

search大致位于19/26处

[lo]	0	Α	1	[1,53)
	1	В	74	[53,104)
()	2	С	158	[104,156)
*	3	D	292	[156,208)
()	4	E	368	[208,259)
*	5	F	409	[259,311)
*	6	G	473	[311,363)
8 ×	7	Н	516	[363,414)
()	8	I	562	[414,466)
*	9	J	607	[466,518)
()	10	K	617	[518,569)
*	11	L	628	[569,621)
	12	М	681	[621,673)
	13	N	748	[673,724)
*	14	0	771	[724,776)
\$	15	Р	806	[776,827)
()	16	Q	915	[827,879)
	17	R	922	[879,931)
\$ X	18	S	1002	[931,982)
*	19	Т	1176	[982,1034)
\$	20	U	1253	[1034,1086)
8 N	21	V	1271	[1086,1137)
* **	22	W	1289	[1137,1189)
	23	Х	1337	[1189,1241)
\$	24	Υ	1338	[1241,1292)
	25	Z	1341	[1292,1344)
[hi]	26		1344	

实例

插值:
$$mi = 10 + (18 - 10)*(50 - 44)/(92 - 44) = 11$$

性能

❖ 最坏: $hi - lo = \mathcal{O}(n)$

//具体实例?

riangle 平均:每经一次比较,待查找区间宽度由 n 缩至 \sqrt{n} //[Yao76, PIA78],习题解析[2-24]

$$n \to \sqrt{n} \to \sqrt{\sqrt{n}} \to \sqrt{\sqrt{n}} \to \cdots \to 2$$

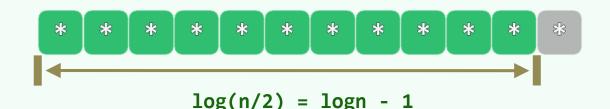
$$\underbrace{n \to n^{1/2^1} \to n^{1/2^2} \to n^{1/2^3} \to \cdots \to 2}_{\mathcal{O}(\log \log n)}$$

❖ 每经一次比较,

查找区间宽度的数值n开方,有效字长logn减半

- 插值查找 = 在字长意义上的折半查找
- 二分查找 = 在字长意义上的顺序查找





综合评价

❖ 从Ø(logn)到Ø(loglogn),优势并不明显

(除非查找表极长,或比较操作成本极高)

- $-\log_2(n) = 32$
- $-\log_2(\log_2(n)) = 5$
- ❖ 须引入乘法、除法运算
- ❖ 易受畸形分布的干扰和"蒙骗"

- ❖ 实际可行的方法: 算法接力
 - 首先通过插值查找

迅速将查找范围缩小到一定的尺度

- 然后再改为二分查找

进一步缩小范围

- 最后 (当数据项只有200~300时)

改用顺序查找