# 排序

选取:中位数

体也者,天下之大瘁也;和如者,天下之达道也

德性是两种恶—过度与不及—的中间。在感情与实践中,恶要么达不到正确,要么超过正确。德性则找到并且选取那个正确。所以虽然从其本质或概念来说德性是适度,从最高善的角度来说,它是一个极端

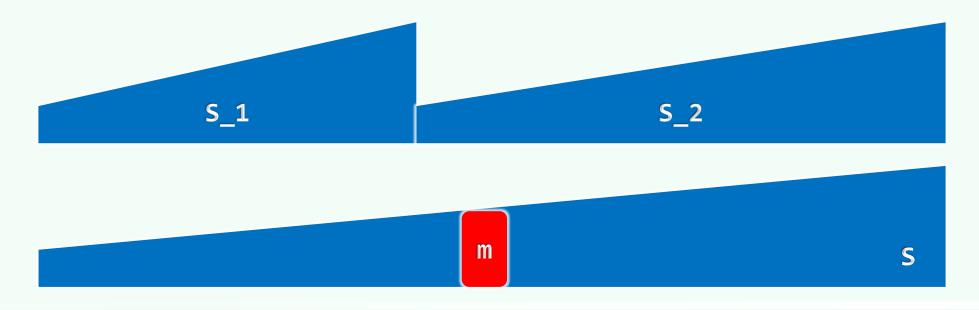
邓 後 辑 deng@tsinghua.edu.cn

# 归并向量的中位数

- **❖ 蛮力:** 经归并得到有序向量 *S*

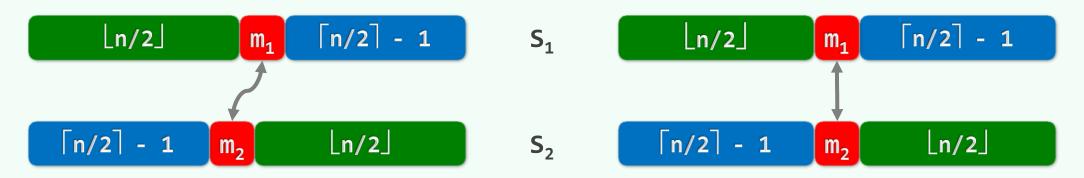
取 
$$S[(n_1+n_2)/2]$$
 即是

- Arr 以下,先解决  $n_1 = n_2$  的情况 依然采用减而治之策略...



## 等长子向量: 构思

\*考查:  $m_1 = S_1[\lfloor n/2 \rfloor]$  和  $m_2 = S_2[\lceil n/2 \rceil - 1] = S_2[\lfloor (n-1)/2 \rfloor]$ 



- ❖ 若  $m_1 = m_2$  , 则它们同为  $S_1$  、  $S_2$  和 S 的中位数
- ❖ 若  $m_1$  <  $m_2$  , 则 n 无论偶奇,必有:

 $median(S_1 \cup S_2) = median(S_1.suffix(\lceil n/2 \rceil) \cup S_2.prefix(\lceil n/2 \rceil))$ 

这意味着,如此减除(一半规模)之后,中位数不变

 $m_1 > m_2$  时同理

#### 等长子向量:实现

```
template <typename T> //尾递归,可改写为迭代形式
T median( Vector<T> & S1, Rank lo1, Vector<T> & S2, Rank lo2, Rank n ) {
  if ( n < 3 ) return trivialMedian( S1, lo1, n, S2, lo2, n ); //递归基
  Rank mi1 = lo1 + n/2, mi2 = lo2 + (n - 1)/2; //长度减半
  if ( S1[ mi1 ] < S2[ mi2 ] ) //取S1右半、S2左半
     return median( S1, mi1, S2, lo2, n + lo1 - mi1 );
  else if ( S1[ mi1 ] > S2[ mi2 ] ) //取S1左半、S2右半
     return median( S1, lo1, S2, mi2, n + lo2 - mi2 );
  else
     return S1[ mi1 ];
```

## 任意子向量:实现(1/2)

```
template <typename T>
T median ( Vector<T>& S1, Rank lo1, Rank n1, Vector<T>& S2, Rank lo2, Rank n2 ) {
  if (n1 > n2)
     return median( S2, lo2, n2, S1, lo1, n1 ); //确保n1 <= n2
   if (n2 < 6)
     return trivialMedian(S1, lo1, n1, S2, lo2, n2); //递归基
   if ( 2 * n1 < n2 )
     return median(S1, lo1, n1, S2, lo2 + (n2-n1-1)/2, n1+2-(n2-n1)%2);
```

#### 任意子向量: 实现(2/2)

```
Rank mi1 = lo1 + n1/2, mi2a = lo2 + (n1 - 1)/2, mi2b = lo2 + n2 - 1 - n1/2;
  if ( S1[ mi1 ] > S2[ mi2b ] ) //取S1左半、S2右半
     return median( S1, lo1, n1 / 2 + 1, S2, mi2a, n2 - (n1 - 1) / 2 );
  else if ( S1[ mi1 ] < S2[ mi2a ] ) //取S1右半、S2左半
     return median( S1, mi1, (n1 + 1) / 2, S2, lo2, n2 - n1 / 2 );
  else //S1保留, S2左右同时缩短
     return median( S1, lo1, n1, S2, mi2a, n2 - (n1 - 1) / 2 * 2 );
} //o( log(min(n1,n2)) )——可见,实际上等长版本才是难度最大的
```