串

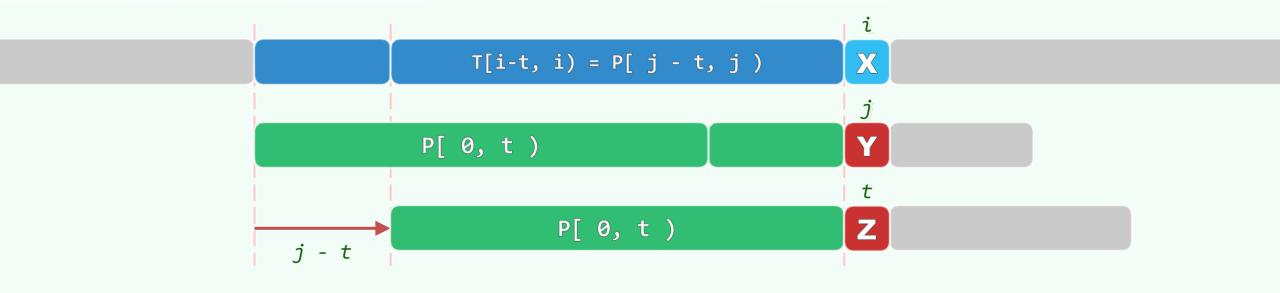
KMP算法: 理解next[]表

若想预见数学的未来,正确的方法是研究它的历史和现状

吴用再使时迁扮作伏路小军,去曾头市寨中,探听他不出何意,所有陷坑,暗暗地记着, 离寨多少路远,总有几处。时迁去了一日,都知备细,暗地使了记号,回报军师

邓 後 辉 deng@tsinghua.edu.cn

最长自匹配: 快速右移 + 绝不回退



$$\forall j \geq 1, \ \mathbf{N}(P,j) = \{ 0 \leq t < j \mid P[0,t) = P[j-t,j) \} //所有自匹配的长度$$

 $0 \in \mathbf{N}(P,j) \neq \emptyset$ //必然包含0而非空,故可以

 $\text{next}[j] = \max\{ \mathbf{N}(P, j) \}$ //取最大长度: 位移最小,不致回溯

自匹配: 传递链

```
T[ i-j, i ) ?
                                          P[ 0, j )
                                     P[ 0, n[j] ) ?
                                    P[0, n^{2}[j])
                                    P[ 0, n<sup>k</sup>[j] ) ?
\operatorname{next}^{k+1}[j] = \operatorname{next}[\operatorname{next}^{k}[j]]
\forall j \ge 1, \ \mathbf{N}(P, j) = \{ 0, \dots, \text{next}^{3}[j], \text{next}^{2}[j], \text{next}^{1}[j] \}
-1 \leftarrow 0 \leftarrow \ldots \leftarrow \operatorname{next}^{3}[j] \leftarrow \operatorname{next}^{2}[j] \leftarrow \operatorname{next}^{1}[j] \leftarrow \operatorname{next}^{0}[j] = j
```