# 二叉树

有根有序树 = 二叉树

当地平线消失 躯体保持水平 大地保持水平

但别的一切

都垂直

邓俊辉 deng@tsinghua.edu.cn

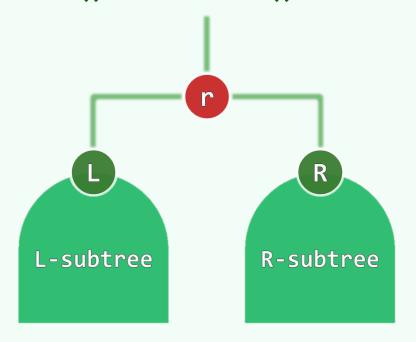
咱们俩个人一样的年纪,况又是同窗,以后不必论叔侄,只论弟兄朋友就是了

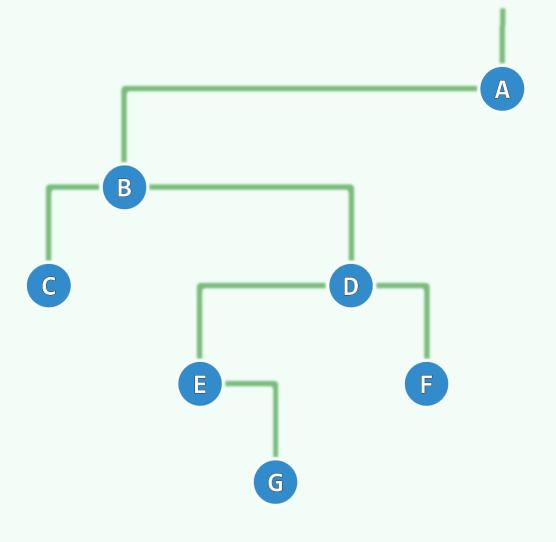
## 二叉树

❖ Binary Tree: 节点度数不超过2

#### 孩子 (子树) 可以左、右区分 (隐含有序)

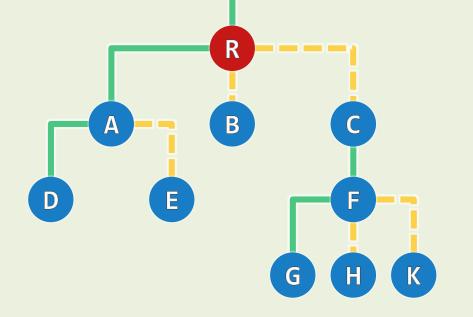
- lc() ~ lSubtree()
- rc() ~ rSubtree()

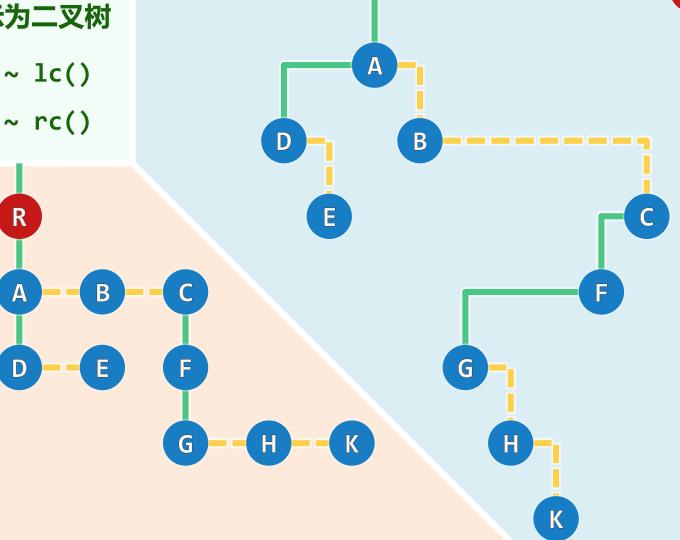




# 描述多叉树: 长子-兄弟表示法

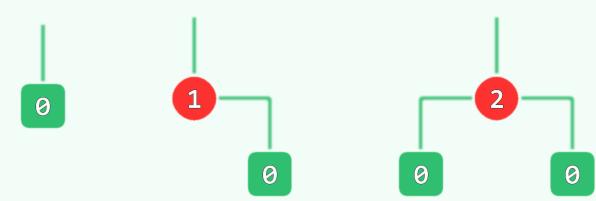
- ❖ 有根且有序的多叉树,均可转化并表示为二叉树
- ◆ 长子 ~ 左孩子 firstChild() ~ lc()
  - 兄弟 ~ 右孩子 nextSibling() ~ rc()





# 基数:设度数为0、1和2的节点,各有no、n1和n2个

❖ 边数 e = n - 1 = n₁ + 2n₂1/2度节点各对应于1/2条入边

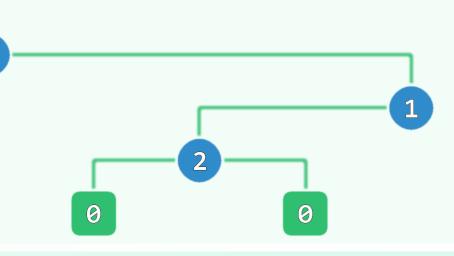


n<sub>1</sub>与n<sub>0</sub>无关: h = 0时, 1 = 0 + 1; 此后, n<sub>0</sub>与随n<sub>2</sub>同步递增

❖ 特别地, 当n₁ = 0时, 有

$$e = 2n_2 + 1 = (n + 1)/2$$

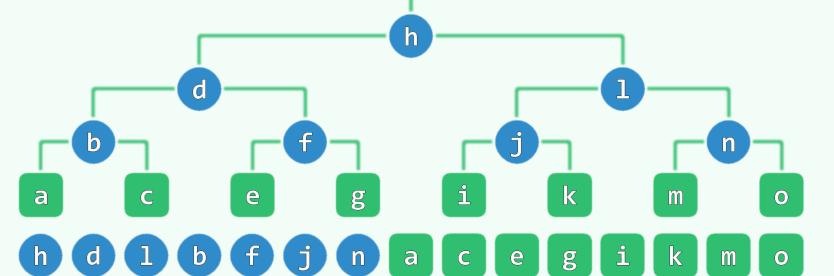
此时, 节点度数均为偶数, 不含单分支节点...



# 满树

- ❖ 深度为k的节点,至多2<sup>k</sup>个
- ❖ n个节点、高h的二叉树满足

$$h+1 \le n \le 2^{h+1} - 1$$

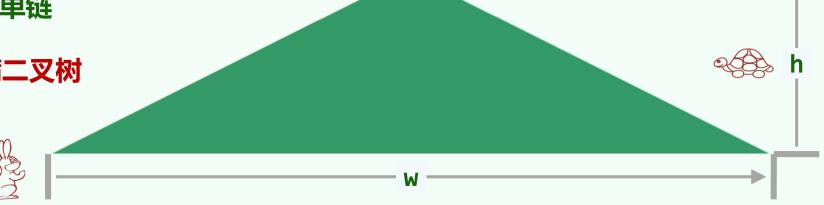


#### ❖ 特殊情况

- n = h + 1: 退化为一条单链

- n = 2<sup>h+1</sup> - 1: 即所谓满二叉树

full binary tree



### 真二叉树

❖ 通过引入 n₁ + 2n₂ 个外部节点 可使原有节点度数统一为2

❖ 如此,即可将任一二叉树转化为真二叉树 (proper binary tree)

❖ 验证: 如此转换之后,全树自身的复杂度并未实质增加

❖ 对于<u>红黑树</u>之类的结构,真二叉树可以简化描述、理解、实现和分析

