

04-F1

栈与队列

逆波兰表达式：定义与求值

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

日月逝矣，歲不我與

Reverse Polish Notation

❖ 逆波兰表达式: J. Lukasiewicz (1878 ~ 1956)

❖ 在由运算符 (operator) 和操作数 (operand) 组成的表达式中
不使用括号 (parenthesis-free), 即可表示带优先级的运算关系

❖ 例如: $0 ! + 123 + 4 * (5 * 6 ! + 7 ! / 8) / 9$

$0 ! 123 + 4 5 6 ! * 7 ! 8 / + * 9 / +$

❖ 又如: $(0 ! + 1) ^ (2 * 3 ! + 4 - 5) - 6 ! / (7 + 8 + 9)$

$0 ! 1 + 2 3 ! * 4 + 5 - ^ 6 ! 7 8 + 9 + / -$

❖ 相对于日常使用的中缀式 (infix), RPN亦称作后缀式 (postfix)

❖ 作为补偿, 须额外引入一个起分隔作用的**元字符** (比如空格) //较之原表达式, 未必更短

栈式求值

0 ! 123 + 4 5 6 ! * 7 ! 8 / + * 9 / +

❖ 引入栈s //存放操作数

❖ 逐个处理下一元素x

if (x是操作数) 将x压入s

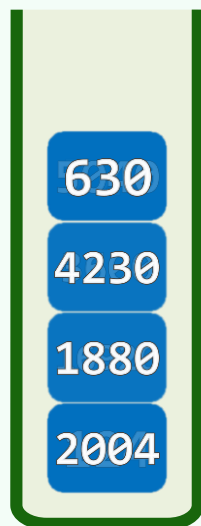
else //运算符无需缓冲

从s中弹出x所需数目的操作数

执行相应的计算，结果压入s //无需顾及优先级！

❖ 返回栈顶

❖ 只要输入的RPN语法正确，此时的栈顶亦是栈底，对应于最终的计算结果



0 ! 1 + 2 3 ^ 4 ! - 5 ! 6 / - 7 * 8 * - 9 -

