

# 12-F2

优先级队列

左式堆：NPL与控制藤长

君子居则贵左，用兵则贵右

邓俊辉

deng@tsinghua.edu.cn

# 可持续 = 单侧倾斜

❖ C. A. Crane, 1972:

保持**堆序性**，附加**新条件**，使得

在堆合并过程中，只涉及**少量节点**:  $O(\log n)$

❖ 新条件 = **单侧倾斜**:

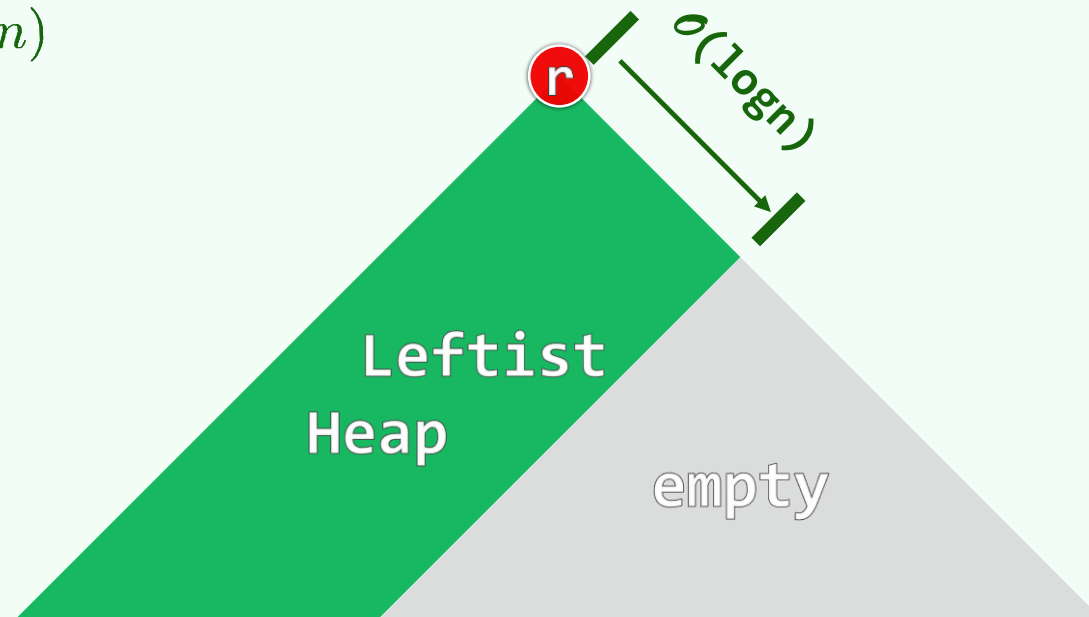
**节点分布偏向于左侧**

**合并操作只涉及右侧**

❖ 可是，果真如此，则拓扑上...

不见得是**完全二叉树**，**结构性**无法保证！？

❖ 是的，实际上，结构性并非堆结构的**本质**要求



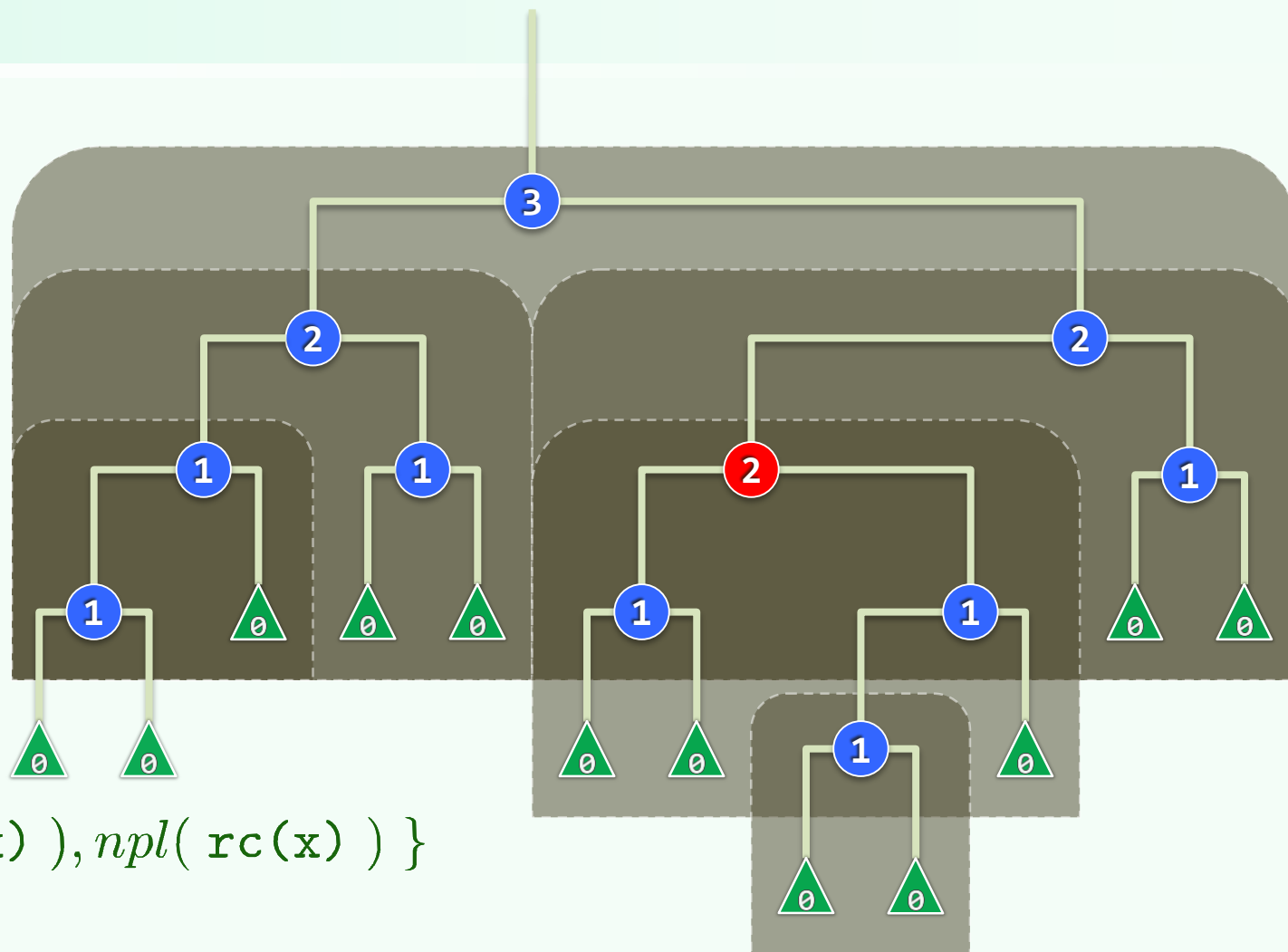
# 空节点路径长度

## ❖ 引入所有的外部节点

- 消除一度节点
- 转为真二叉树

## ❖ Null Path Length

- $npl(NULL) = 0$
- $npl(x) = 1 + \min\{ npl( lc(x) ), npl( rc(x) ) \}$



## ❖ 验证: $npl(x) = x$ 到外部节点的最近距离 = 以 $x$ 为根的最大满子树的高度



# 右侧链

- ❖  $rChain(x)$ : 从节点 $x$ 出发, 一直沿**右分支**前进
- ❖ 特别地,  $rChain(r)$ 的终点, 即全堆中**最浅**的外部节点
  - $npl(r) \equiv |rChain(r)| = d$
  - 存在一棵以 $r$ 为根、高度为 $d$ 的满子树
- ❖ 右侧链长为 $d$ 的左式堆, **至少**包含
  - $2^d - 1$  个内部节点
  - $2^{d+1} - 1$  个节点
- ❖ 反之, 包含 $n$ 个节点的左式堆, 右侧链长度
$$d \leq \lfloor \log_2(n + 1) \rfloor - 1 = \mathcal{O}(\log n)$$

