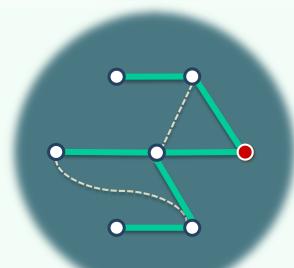
深度优先搜索: 性质

邓俊辉 deng@tsinghua.edu.cn

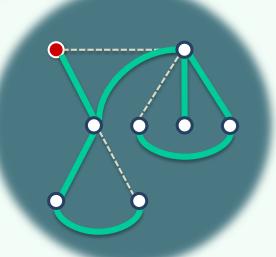
身后有余忘缩手, 眼前无路想回头

## DFS树/森林

- ❖ 从顶点s出发的DFS
  - 在无向图中将访问与s连通的所有顶点 (connectivity)
  - 在有向图中将访问由s可达的所有顶点 (reachability)



- ❖ 经DFS确定的树边,不会构成回路
- ❖ 从s出发的DFS,将以s为根生成一棵DFS树;所有DFS树,进而构成DFS森林
- ❖ DFS树及森林由parent指针描述 (只不过所有边取反向)
- ❖ DFS之后,我们已经知道森林乃至原图的全部信息了吗?
  就某种意义而言,是的...

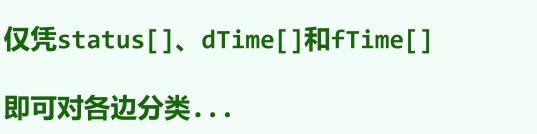


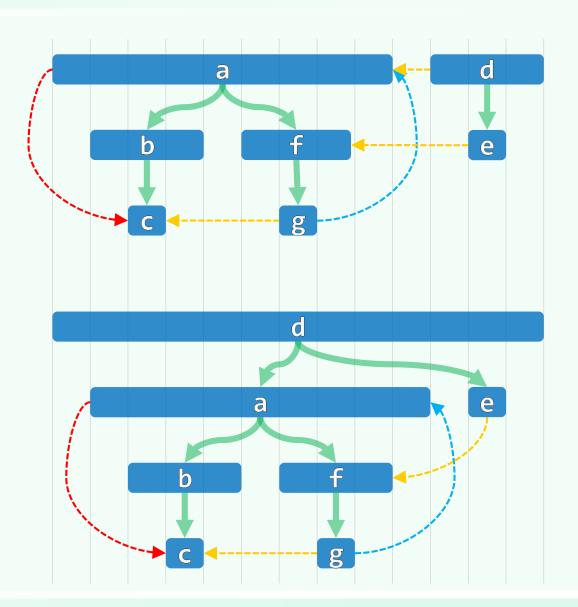
## 活跃期 & 括号引理

- $\bullet$  active[u] = (dTime[u], fTime[u])
- Parenthesis Lemma

给定有向图G = (V, E)及其任一DFS森林,则

- u是v的后代 iff  $active[u] \subseteq active[v]$
- u是v的祖先 iff  $active[u] \supseteq active[v]$
- u与v"无关" iff  $active[u] \cap active[v] = \varnothing$
- ❖ 仅凭status[]、dTime[]和fTime[]





## 边分类

❖ BACKWARD(v, u): v → v 试图从当前v进入处于DISCOVERED状态的u

DFS**发现后向边** iff **存在回路** //后向边数 == 回路数?

试图从当前顶点v进入处于VISITED状态的u,且v更早被发现

♦ CROSS(v, u): 7 v 3 u? 7 v 3 u?

试图从当前顶点v进入处于VISITED状态的u,且u更早被发现

## 遍历算法应用举例

DFS/BFS
DFS/BFS
DFS/BFS
DFS/BFS
DFS
DFS/BFS
BFS
BFS
DFS
DFS
DFS
• • •