

串

KMP算法：分摊分析

13-C5

邓俊辉

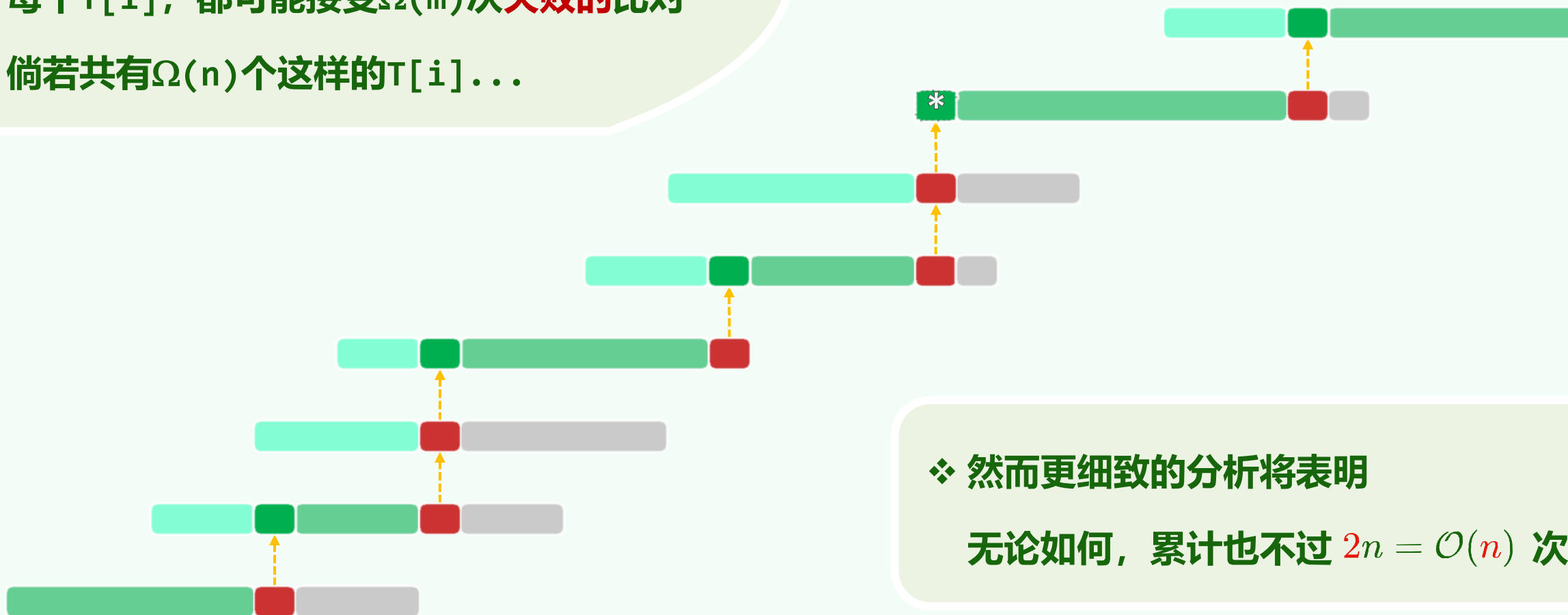
deng@tsinghua.edu.cn

失之东隅，收之桑榆

幸好过了一个冬天那女人又来了，两个人仍是逆时针绕着园子走，一长一短两个身影恰似钟表的两支指针

$\Omega(n*m)$?

- ❖ 每个 $T[i]$, 都可能接受 $\Omega(m)$ 次失败的比对
倘若共有 $\Omega(n)$ 个这样的 $T[i]$...



- ❖ 然而更细致的分析将表明
无论如何, 累计也不过 $2n = \mathcal{O}(n)$ 次

$O(n + m)$ by Aggregate

❖ 令: $k = 2*i - j$ //虽欠精准, 但还算够用的计步器

while ((j < m) && (i < n)) //k必随迭代而单调递增, 故也是迭代步数的上界

```
if ( 0 > j || T[i] == P[j] )  
    { i ++; j ++; } //k恰好加1
```

```
else  
    j = next[j]; //k至少加1
```

❖ 初始: $k = 0$

算法结束时: $k = 2*i - j \leq 2(n - 1) - (-1) = 2n - 1$

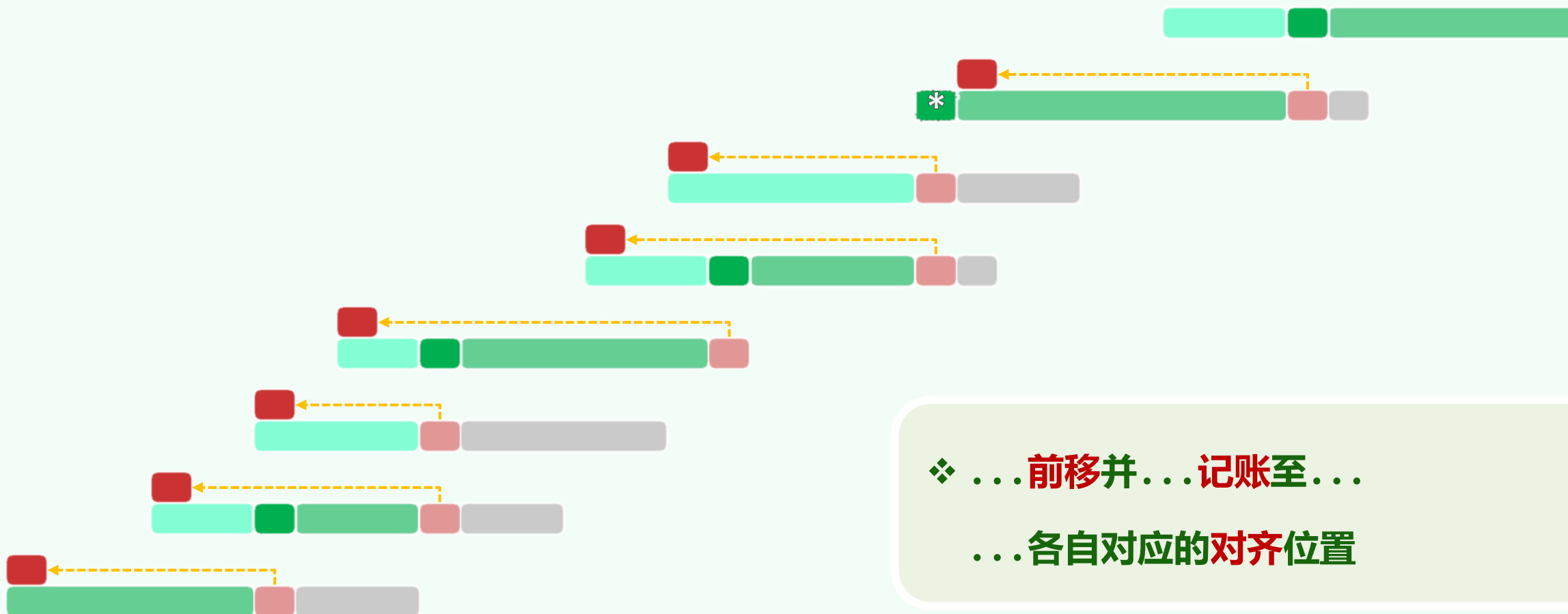
$O(n + m)$ by Accounting (1/2)

❖ 成功的比对：恰好覆盖T串，共计 $O(n)$ 次

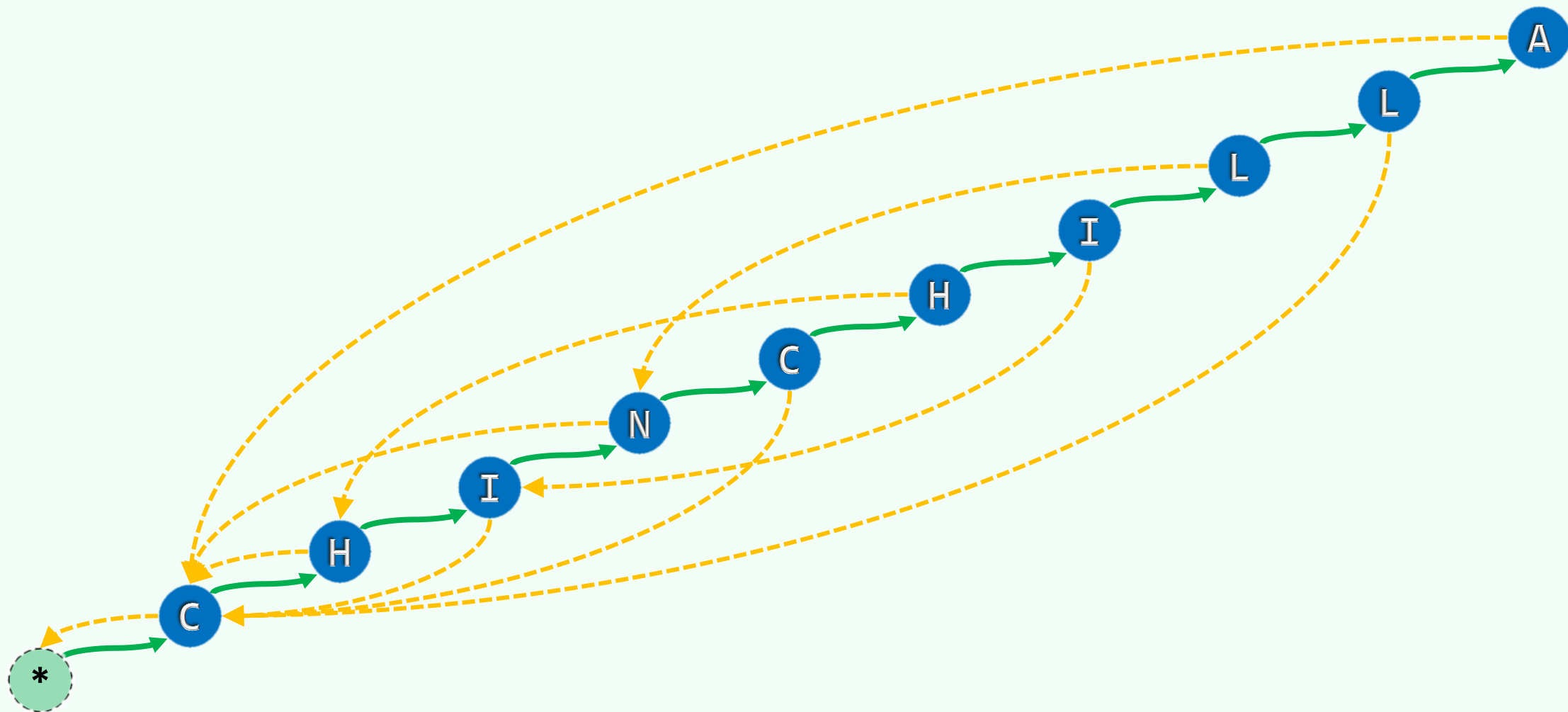


❖ 失败的比对：在同一位置 i 或有多多个
不能通过覆盖简明计数
但可以...

$O(n + m)$ by Accounting (2/2)



每一个P串，都是一台自动机



模式串 ~ 匹配算法

```
int match( char * T ) { //对任一模式串 (比如P = chinchilla) , 可自动生成如下代码
    int n = strlen(T); int i = -1; //文本串对齐位置
```

```
s_: ++i; // ↑
s0: (T[i] != 'C') ? goto s_ : if (n <= ++i) return -1; // [*] ~ ↑
s1: (T[i] != 'H') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*C] ~ [*]
s2: (T[i] != 'I') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*CH] ~ [*]
s3: (T[i] != 'N') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHI] ~ [*]
s4: (T[i] != 'C') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHIN] ~ [*]
s5: (T[i] != 'H') ? goto s1 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHINC] ~ [*C]
s6: (T[i] != 'I') ? goto s2 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHINCH] ~ [*CH]
s7: (T[i] != 'L') ? goto s3 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHINCHI] ~ [*CHI]
s8: (T[i] != 'L') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHINCHIL] ~ [*]
s9: (T[i] != 'A') ? goto s0 : if (n <= ++i) return -1; // [*CHINCHILL] ~ [*]
    return i - 10; // [*CHINCHILLA]
}
```