

Boosting Algorithm

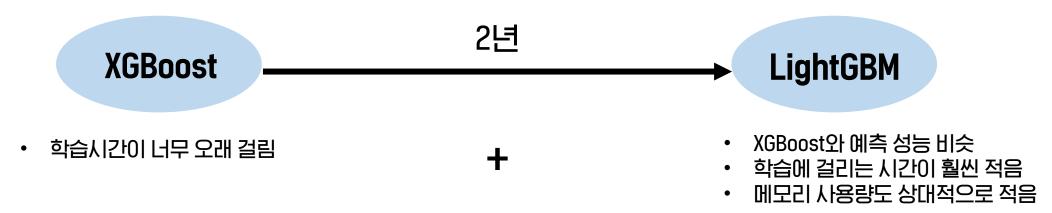
LightGBM

2022.02.14

황성아

Abstract

"XGBoost와 함께 부스팅 계열 알고리즘에서 각광 받고 있음"

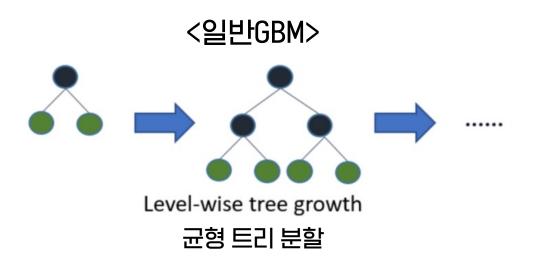


Leaf-wise tree growth
GOSS(Gradient Based One Side Sampling)
EFB(Exclusive Feature Bundling)

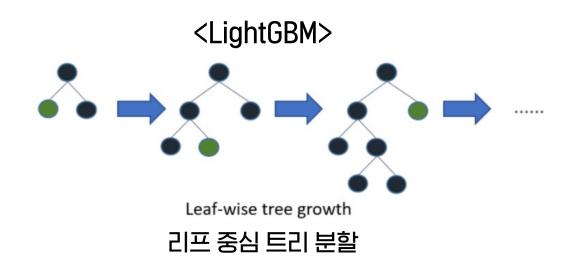
LightGBM

고려대학교 산업경영공학부 DBSA 연구실: Ensemble Learning - LightGBM [Lecture]

Leaf-wise tree growth



- Root Node와 가까운 Node를 우선적으로 대칭 분할
- 트리의 깊이가 최소화 될 수 있음
- 균형 잡힌 트리 생성 가능
- 과적합에 강함
- 균형을 맞추기 위한 시간이 필요



- 최대 손실 값을 가지는 Leaf Node를 지속적으로 분할
- 깊은 비대칭 트리 형성
- 균형 트리 분할 방식보다 예측 오류 손실 최소화

GOSS (Gradient Based One Side Sampling)

XGBoost

Algorithm 1: Histogram-based Algorithm

```
Input: I: training data, d: max depth
Input: m: feature dimension
nodeSet \leftarrow \{0\} \triangleright tree nodes in current level
rowSet \leftarrow \{\{0,1,2,...\}\} \triangleright data indices in tree nodes
for i=1 to d do
```

```
for node in nodeSet do

usedRows \leftarrow rowSet[node]

for k = 1 to m do

H \leftarrow \text{new Histogram}()

build histogram

for j in usedRows do

bin \leftarrow I.f[k][j].bin

H[bin].y \leftarrow H[bin].y + I.y[j]

H[bin].n \leftarrow H[bin].n + 1

Find the best split on histogram H.
```

Update rowSet and nodeSet according to the best split points.

..

LightGBM

Algorithm 2: Gradient-based One-Side Sampling

```
Input: I: training data, d: iterations
Input: a: sampling ratio of large gradient data
Input: b: sampling ratio of small gradient data
Input: loss: loss function, L: weak learner
models \leftarrow \{\}, fact \leftarrow \frac{1-a}{b}
topN \leftarrow a \times len(I), randN \leftarrow b \times len(I)
for i = 1 to d do
     preds \leftarrow models.predict(I)
     g \leftarrow loss(I, preds), w \leftarrow \{1,1,...\}
     sorted \leftarrow GetSortedIndices(abs(g))
     topSet \leftarrow sorted[1:topN]
     randSet \leftarrow RandomPick(sorted[topN:len(I)],
    randN)
     usedSet \leftarrow topSet + randSet
     w[randSet] \times = fact \triangleright Assign weight fact to the
     small gradient data.
     newModel \leftarrow L(I[usedSet], -g[usedSet],
     w[usedSet])
     models.append(newModel)
```

GOSS (Gradient Based One Side Sampling)

"Gradient가 큰 데이터들을 그대로 유지, 작은 데이터들은 랜덤 샘플링"

Data Data ... Data Data Instance1 Instance2 Instance(n-1) Instance n

Small Gradient

random b ×100 %

ex)
$$a=0.1$$
, $b=0.9 \rightarrow 1$
 $a=0.05$, $b=0.6 \rightarrow 0.95/0.5 > 1$

Large Gradient

상위 a ×100 %: 모두 사용

그래디언트가 크다는 것은 잔차(residual)가 크다는 것이고, 결국 GOSS는 잔차가 큰 관측치는 그대로 두고, 잔차가 작은 관측치의 수를 줄여 학습시간과 well-trained 관측치가 학습에 미치는 영향을 모두 줄임 -> 올바르게 훈련되지 않은(under-trained) 관측치에 더 높은 가중치를 부여하여 다음 학습에서 보다 더 많은 focus를 받도록 함

$$\{x_1, x_4, x_7\} \to y_1$$

 $\{x_2, x_5, x_6, x_9\} \to y_2$

"Sparse Data 에서 상호 배타적인 Feature들을 하나의 Feature로 묶어 속도를 높이는 방법"

```
Algorithm 3: Greedy Bundling

Input: F: features, K: max conflict count

Construct graph G
searchOrder \leftarrow G.sortByDegree()
bundles \leftarrow \{\}, bundlesConflict \leftarrow \{\}

for i in searchOrder do

needNew \leftarrow True

for j=1 to len(bundles) do

cnt \leftarrow ConflictCnt(bundles[j],F[i])

if cnt + bundlesConflict[i] \leq K then

bundles[j].add(F[i]), needNew \leftarrow False

break

if needNew then

Add F[i] as a new bundle to bundles

Output: bundles
```

지금 현재 존재하는 피쳐 셋들에 대해 어떤 피쳐들을 하나의 번들로 묶을 것인지 결정

```
Algorithm 4: Merge Exclusive Features

Input: numData: number of data

Input: F: One bundle of exclusive features

binRanges \leftarrow \{0\}, totalBin \leftarrow 0

for f in F do

totalBin += f.numBin

binRanges.append(totalBin)

newBin \leftarrow new Bin(numData)

for i=1 to numData do

newBin[i] \leftarrow 0

for j=1 to len(F) do

if F[j].bin[i] \neq 0 then

newBin[i] \leftarrow F[j].bin[i] + binRanges[j]

Output: newBin, binRanges
```

실질적으로 번들링이 되어야 하는 변수들을 이용해서 하나의 변수로 값을 표현하고자 하는 과정

Greedy Bundling example 동시에 이미아닌 부분의 개수

	xı	x ₂	X ₃	X ₄	X ₅
I_{\parallel}	1	1	0	0	- 1
l ₂	0	0	- 1	1	- 1
l ₃	1	2	0	0	2
l ₄	0	0	2	3	- 1
I ₅	2	- 1	0	0	3
16	3	3	0	0	- 1
I ₇	0	0	3	0	2
I ₈	1	2	3	4	3
l ₉	1	0	ı	0	0
I ₁₀	2	3	0	0	2

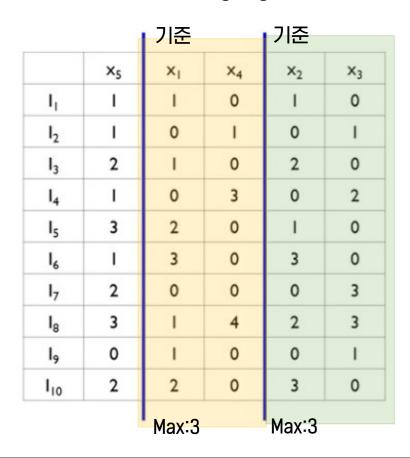
	x _I	x ₂	X ₃	X ₄	X ₅
x _I	-	6	2	- 1	6
× ₂	6	-	- 1	1	6
X ₃	2	- 1	-	3	4
X ₄	1	- 1	3	-	3
X ₅	6	6	4	3	-

	× ₅	x _I	× ₂	X ₃	X ₄
d	19	15	14	10	8

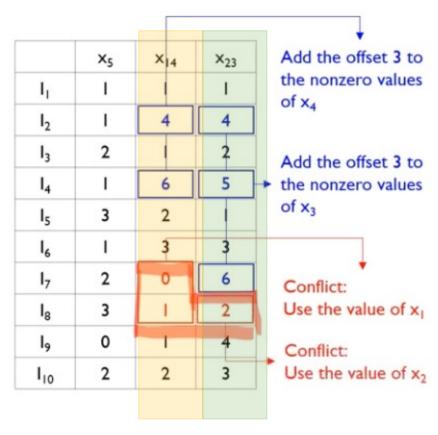
*Degree: 강도

X1, X2, X3, X4, X5 **Greedy Bundling example** Cut off =0.2 -> n=10,2이상 (X1, X4) (K2, X3) 6 (XE) X_{I} X_5 X_5 6 6 X_4 x_2 X_4 x_2 4 X_3 x_3 *Degree 순서대로 끊기 때문에 x2, x4도 끊어짐

Exclusive Feature Merging



Add offset: 번들링을 하기 위한 대상이 되는 변수에다가, 원래 기준이 되는 변수가 가질 수 있는 최대값 대해 줌



Parameter

num_iterations	Default: 100 반복 수행 트리개수 지정 너무 크면 과적합
learning_rate	학습률
max_depth	최대 깊이 너무 깊어지면 과적합
min_data_in_leaf	최종 리프 노드가 되기 위 한 레코드 수 과적합 제어
boosting	Gbdt: 그래디언트 부스팅 rf: 랜덤포레스트

Bagging_fraction	데이터 샘플링 비율 과적합 제어
feature_fraction	학습시 선택되는 피쳐 비율 과적합 제어
lambda_L2	L2 정규화 적용 값
lambda_L1	L1 정규화 적용 값
objective	reg:linear 회귀 Binary: logistic 이진분류 Multi: softmax 다중분류, 클래스 반환 Multi: softprob 다중분류, 확률 반환



이상 ADS 황성아 였습니다. 감사합니다.