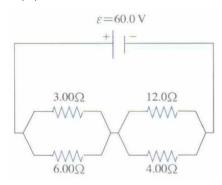
1. 아래 그림과 같은 회로에서 전체 등가 저항을 계산하고, 각 저항에 흐르는 전류를 구하여라.



$$R_{eq} = \left(\frac{1}{\frac{1}{3\varOmega} + \frac{1}{6\varOmega}}\right) + \left(\frac{1}{\frac{1}{12\varOmega} + \frac{1}{4\varOmega}}\right) = 2\varOmega + 3\varOmega = 5\varOmega$$

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{60 \, V}{5 \, \Omega} = 12 A$$

$$I_{3\Omega} = 8A$$
,  $I_{6\Omega} = 4A$ ,  $I_{12\Omega} = 3A$ ,  $I_{4\Omega} = 9A$ 

- 2.  $1k\Omega$ 의 동일한 저항 4개가 직렬로 연결되어 있는 곳에 기전력 장치를 통해 12V의 전위 차를 가해주었다.
  - (1) 각 저항에 흐르는 전류는 얼마인가?

$$R_{eq} = 4R = 4 \times (1 \, k \, \Omega) = 4 \, k \, \Omega = 4 \times 10^3 \, \Omega$$

$$I = \frac{V}{R_{eq}} = \frac{12 \ V}{4 \times 10^3 \ \Omega} = 3 \times 10^{-3} \ A = 3 \ m \ A$$

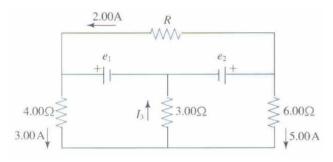
(2) 처음 두 개의 저항 전체에 걸리는 전위차는 얼마인가?

$$V = IR = (3 \times 10^{-3} A) \times (2 \times 10^{3} \Omega) = 6 V$$

(3) 이 회로를 이용해서 3 V, 9 V의 전위차를 얻어낼 수 있는 방법은 무엇인가?

저항 1개, 3개의 양단 전압을 이용한다.

3. 그림의 회로에서 다음을 구하여라.



(1) 전류 I<sub>3</sub>

$$I_3 = 3A + 5A = 8A$$

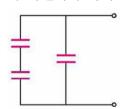
(2) 미지의 기전력  $\epsilon_1$ ,  $\epsilon_1$ 

$$\begin{cases} -\epsilon_1 + \epsilon_2 - 2A \times R = 0 \\ +\epsilon_1 - 3A \times 4\Omega - I_3 \times 3\Omega = 0 \\ +\epsilon_2 - 5A \times 6\Omega - I_3 \times 3\Omega = 0 \end{cases} \Rightarrow \epsilon_1 = 3A \times 4\Omega + 8A \times 3\Omega = 36 V$$

(3) 저항 R의 저항값

$$\begin{split} -\,\epsilon_1 + \epsilon_2 - 2A \times R &= 0 \qquad \Rightarrow \qquad -\,36\,V + 54\,V - 2A \times R &= 0 \\ \Rightarrow \qquad R &= \frac{54\,V - 36\,V}{2A} &= 9\varOmega \end{split}$$

4. 그림과 같이 동일한 축전기들이 연결된 회로에 3V의 전위차를 가해주었다. 각 축전기에 축적된 전하를 구하여라. 각 축전기의 전기용량은  $10\mu F$  이다.



우측 축전기 
$$q = CV = (10 \times 10^{-6} \, F) \times (3 \, V) = 30 \times 10^{-6} \, C = 30 \, \mu C$$

$$\frac{1}{C'} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C} = \frac{2}{C} \qquad \Rightarrow \qquad C' = \frac{1}{2}C$$

좌측 축전기 
$$q=C'V=rac{1}{2}CV=rac{1}{2} imes(10 imes10^{-6}F) imes(3~V)=15 imes10^{-6}~C=15~\mu C$$

- 5. 금속 평행판 축전기의 전기용량이  $C=250\,pF$  이고 평행판 사이의 거리는  $0.40\,mm$ 이다. 여기에  $Q=0.20\,\mu C$ 의 전하를 축적하였다.
  - (1) 축전기 양단의 전위차는 얼마인가?

$$\Delta V = \frac{Q}{C} = \frac{(0.20 \times 10^{-6} C)}{(250 \times 10^{-12} F)} = 800 V$$

(2) 평행판의 면적은 얼마인가?

$$C = \epsilon_0 \frac{A}{d} \qquad \Rightarrow \qquad A = \frac{d}{\epsilon_0} C = \frac{(0.40 \times 10^{-3} \, m)}{(8.85 \times 10^{-12} \, F/m)} \times (250 \times 10^{-12} \, F) \approx 0.0113 \, m^2$$

(3) 축전기 내부의 전기장의 세기는 얼마인가?

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0 A} = \frac{(0.20 \times 10^{-6} C)}{(8.85 \times 10^{-12} F/m) \times (0.0113 m^2)} \approx 2.00 \times 10^6 V/m$$

(4) 표면전하밀도는 얼마인가?

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{(0.20 \times 10^{-6} C)}{(0.0113 m^2)} \approx 17.7 \times 10^{-6} C/m^2$$

$$\sigma = \epsilon_0 E = (8.85 \times 10^{-12} F/m) \times (2.00 \times 10^6 V/m) \approx 17.7 \times 10^{-6} C/m^2$$

6. 평행판 축전기를 충분히 충전한 후 기전력장치를 제거하였다. 이제 평행판 축전기의 간격을 두 배로 늘리면 전기용량, 두 판의 표면의 전하밀도, 저장된 에너지, 두 판 사이의 전기장, 판의 전하는 각각 몇 배가 되는가?

$$C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{Q}{\frac{Qd}{\epsilon_0 A}} = \epsilon_0 \frac{A}{d} \quad \Rightarrow \quad C \sim \frac{1}{d} \quad \Rightarrow \quad d \to 2d \quad \Rightarrow \quad C \to \frac{1}{2} C$$

$$U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} Q V \qquad \Rightarrow \qquad d \rightarrow 2d \qquad \Rightarrow \qquad C \rightarrow \frac{1}{2} C$$
$$\Rightarrow \qquad U \rightarrow 2 U$$
$$\Rightarrow \qquad V \rightarrow 2 V$$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{Q}{\epsilon_0 A}$$
  $\Rightarrow$   $\sigma : 불변, E: 불변  $Q : 불변$$ 

- 7. 전기용량이  $C=2.50\times 10^{-10}F$ 인 축전기에 기전력장치를 연결해  $V_0=10.0\,V$ 의 전위차를 가해 전하를 축척시켰다.
  - (1) 축척된 전하량의 값을 계산하여라.

$$q_0 = CV_0 = (2.50 \times 10^{-10} F) \times (10.0 V) = 2.50 \times 10^{-9} C$$

(2) 이렇게 대전된 축전기에서 기전력장치를 떼어 내고 미지의 전기용량  $C_x$ 를 갖는 축전 기를 병렬로 연결하였다. 새롭게 형성된 축전기 양단의 전위차 V와 원래의 전위차  $V_0$ 와의 관계식을 구하여라.

$$\begin{aligned} q+q_x &= q_0 & \Rightarrow & q+q_x = CV_0 & \Rightarrow & C = \frac{q+q_x}{V_0} \\ \begin{cases} V=\frac{q}{C} \\ V=\frac{q_x}{C_x} \end{cases} & \Rightarrow & \frac{q}{C} = \frac{q_x}{C_x} & \Rightarrow & \frac{C_x}{C} = \frac{q_x}{q} \end{cases} \\ V=\frac{q}{C} = \frac{q}{q+q_x} \ V_0 = \frac{1}{\frac{q+q_x}{q}} \ V_0 = \frac{q}{1+\frac{q_x}{q}} \ V_0 = \frac{1}{1+\frac{C_x}{C}} \ V_0 = \frac{C}{C+C_x} \ V_0 \end{aligned}$$

(3) 만약 나중의 전위차 V가 8.00 V라면 전기용량  $C_r$ 는 얼마인가?

$$\begin{split} V &= \frac{C}{C + C_x} \, V_0 \quad \Rightarrow \quad V(C + \, C_x) = C V_0 \quad \Rightarrow \quad CV + \, C_x \, V = C V_0 \\ &\Rightarrow \quad C_x = \frac{C V_0 - C V}{V} = \, C \! \left( \frac{V_0}{V} \! - 1 \right) \! = (2.50 \! \times \! 10^{-\,10} \, F) \! \left( \frac{10.0 \, V}{8.00 \, V} \! - 1 \right) \\ &= 6.25 \! \times \! 10^{-\,11} \, F \end{split}$$

8. 그림과 같이 유전 상수가 서로 다른 두 물질로 채워진 평행판 축전기의 전기용량이 다음과 같다는 것을 보여라. (힌트: 병렬연결된 축전기로 생각하여라.)

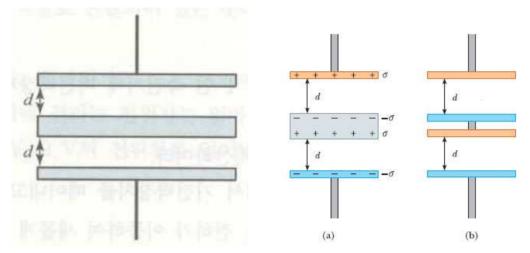
$$C = \frac{\epsilon_0 A}{d} \left( \frac{\kappa_1 + \kappa_2}{2} \right)$$

$$C = \kappa C_0 = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} = \epsilon \frac{A}{d}$$

$$\begin{cases} C_1 = \kappa_1 \epsilon_0 \frac{A_1}{d} \\ C_2 = \kappa_2 \epsilon_0 \frac{A_2}{d} \end{cases} \Rightarrow \quad \forall \exists \exists \qquad C = C_1 + C_2 = (\kappa_1 A_1 + \kappa_2 A_2) \frac{\epsilon_0}{d} = (\kappa_1 + \kappa_2) \frac{A}{2} \frac{\epsilon_0}{d}$$

$$= \frac{\epsilon_0 A}{d} \frac{\kappa_1 + \kappa_2}{2}$$

9. 그림과 같이 평행판 축전기 안에 금속판을 넣으면 이 금속판 표면에 양전하와 음전하가 대전되게 된다.



(1) 대전된 전하의 전하밀도가 평행판 축전기의 표면전하밀도와 크기가 같음을 증명하라.

위의 그림 (a)에 보이는 것처럼, 축전기의 도체판에 있는 전하는 마주보는 금속판의 가까운 표면에 크기가 같고 부호가 반대인 전하를 유도한다.

(2) 이때 축전기의 전기용량이 두 개의 축전기를 직렬연결 한 것과 같음을 보여라.

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C} = \frac{1}{\left(\frac{\epsilon_0 A}{d}\right)} + \frac{1}{\left(\frac{\epsilon_0 A}{d}\right)} = 2\frac{d}{\epsilon_0 A} = 2\frac{1}{C} \qquad \Rightarrow \qquad C_{eq} = \frac{1}{2}\frac{\epsilon_0 A}{d} = \frac{1}{2}C$$

- 10. 그림 18.12와 같은 회로에서 저항이  $12\Omega$ 이고 축전기의 전기용량은  $4.0\mu F$ 이라고 한다. 기전력으로는  $1.5\,V$ 의 건전지를 사용한다.
  - (1) 스위치를 a에 연결한 후 오랜 시간이 지났을 때에 축전기의 전하량은 얼마인가?

오랜 시간이 지났을 때, 회로에 흐르는 전류는 점점 줄어들어 0이 된다. 따라서, 저항에서의 전압 소모는 없어지고 공급되는 전압은 모두 축전기의 양 단에 걸리게 된다.

$$Q = CV = (4.0 \times 10^{-6} F) \times (1.5 V) = 6.0 \times 10^{-6} FV = 6.0 \times 10^{-6} C = 6.0 \mu C$$

(2) 이제 스위치를 b에 연결하여 축전기를 방전시킨다. 전하량의 95%가 방전되는 데 걸리는 시간은 얼마인가?

$$Q(t) = Q_{\text{max}} e^{-t/\tau} \implies e^{-t/\tau} = 0.05 \implies -t/\tau = \ln(0.05)$$

$$\implies t = -\tau \times \ln(0.05) = -RC \times \ln(0.05) = -(12\Omega) \times (4.0 \times 10^{-6} F) \times \ln(0.05)$$

$$\approx +1.438 \times 10^{-4} \Omega F = +1.438 \times 10^{-4} s$$

11. 전위차가  $220\,V$ 인 축전기와 저항이 달려 있는 회로의 스위치를 t=0s일 때 닫았다. t=10.0s 지났을 때 축전기에 걸려 있는 전위차가  $10.0\,V$ 로 낮아졌다. 이 회로의 시상수를 구하여라. t=20.0s지났을 때 축전기에 걸리는 전위차를 구하여라.

$$\begin{split} Q &= CV \quad \Rightarrow \quad V = \frac{Q}{C} = \frac{Q_f}{C} e^{-t/\tau} = V_f e^{-t/\tau} \\ &\Rightarrow \quad \frac{V}{V_f} = e^{-t/\tau} = \frac{10.0 \, V}{220 \, V} \\ &\Rightarrow \quad -t/\tau = \ln \left(\frac{1}{22}\right) = \ln \left(1\right) - \ln \left(22\right) \\ &\Rightarrow \quad \tau = \frac{t}{\ln \left(22\right)} = \frac{10s}{\ln \left(22\right)} \approx 3.2352s \end{split}$$

$$V = V_f e^{-t/\tau} = (220 V) e^{-20s/3.2352s} \approx 0.4546 V$$

12. 실제적인 기전력장치는 내부에 저항이 존재하며 이를 내부저항이라고 부른다. 9V의 기전력장치의 내부에  $3\Omega$ 의 내부저항이 존재하는 경우, 이 기전력장치를  $6\Omega$ 의 저항에 연결하면 저항의 양 끝에 걸리는 전위차는 얼마인가?

$$V = iR = \epsilon - ir \qquad \Rightarrow \qquad i = \frac{\epsilon}{R+r} = \frac{9 V}{6 \Omega + 3 \Omega} = \frac{9 V}{9 \Omega} = 1 A$$
$$\Rightarrow \qquad V = iR = 1 A \times 6 \Omega = 6 V$$

13. 위 문제의 기전력장치 두 개를 직렬로 연결한 다음 여기에  $6\Omega$ 의 저항을 연결하면 저항에 걸리는 전위차는 얼마인가? 두 개를 병렬로 연결한 경우는?

$$V = iR = (\epsilon - ir) + (\epsilon - ir) = 2\epsilon - 2ir$$

$$\Rightarrow i = \frac{2\epsilon}{R + 2r} = \frac{2 \times 9 V}{6 \Omega + 2 \times 3 \Omega} = \frac{18 V}{12 \Omega} = \frac{3}{2} A$$

$$\Rightarrow V = iR = \frac{3}{2} A \times 6 \Omega = 9 V$$

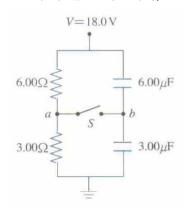
$$i = i_1 + i_2 = 2i_1 = 2i_2 \qquad < i_1 = i_2 > \qquad < \text{접합점 법칙} >$$

$$\epsilon - i_1 r - iR = 0 \qquad \Rightarrow \qquad \epsilon - \frac{1}{2} ir - iR = 0 \qquad < i_1 = \frac{1}{2} i > \qquad < \text{코리 법칙} >$$

$$\Rightarrow i = \frac{\epsilon}{R + \frac{1}{2} r} = \frac{9 V}{6 \Omega + \left(\frac{1}{2} \times 3 \Omega\right)} = \frac{9 V}{\frac{15}{2} \Omega} = \frac{6}{5} A = 1.2 A$$

$$\Rightarrow V = iR = \frac{6}{5} A \times 6 \Omega = \frac{36}{5} V = 7.2 V$$

#### 14. 그림과 같은 회로에서,

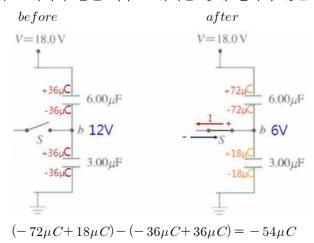


#### (1) 스위치 S가 열렸을 때 b점에 대한 a점의 전위는 얼마인가?

# (2) 스위치 S가 닫혔을 때 접지에 대한 b점의 최종 전위는 얼마인가?

직류전원에 대해 축전기는 열린회로처럼 동작한다!!!  $\Rightarrow V_b = V_a = 6\,V$   $\Delta\,V = V_b - V_{\rm T} = 6\,V - 0\,V = 6\,V$ 

#### (3) 스위치가 닫힌 이후 스위치를 통해 얼마나 많은 전하량이 흐르는가?



15. 빈 공간에 두 공이 거리 R만큼 떨어져 있다. 이 거리가 두 공의 반지름보다 훨씬 더 크다고 할 때 이 계의 전기용량은 얼마인가?

16. 두 평행판 축전기는 서로  $F = \frac{1}{2} QE$  의 힘으로 당김을 보여라. 여기에서 Q, E는 각각 축전기의 전하량과 내부 전기장 세기이다. (도움말: 축전기 판면 간격을 x에서  $x + \Delta x$ 로 변화시킬 때 필요한 일을 계산하여라.)

$$U = \frac{1}{2}QV, \qquad E = -\frac{\partial V}{\partial d}$$

$$F = -\frac{\partial U}{\partial d} = -\frac{\partial}{\partial d}\left(\frac{1}{2}QV\right) = -\frac{1}{2}Q\frac{\partial V}{\partial d} = +\frac{1}{2}QE$$

$$W = \overrightarrow{F} \cdot \overrightarrow{d} = Fd\cos 180^{\circ} = -Fd \qquad \Rightarrow \qquad F = -\frac{W}{d} = \frac{U}{d} = \frac{1}{2}Q\frac{V}{d} = \frac{1}{2}QE$$

17. 반지름이 a인 도체 원통을 이보다 더 큰 반지름 b인 원통 모양의 도체가 둘러싸고 있다. 두 원통의 중심축은 같다. 이 두 원통 사이가 유전율이  $\epsilon$ 인 유전물질로 채워져 있을 때 이 원통형 축전기의 전기용량을 구하여라.

$$\begin{split} \varPhi_S &= \int_S \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{da} = E 2\pi r L = \frac{Q}{\epsilon_0} = \frac{q_{in}}{\epsilon_0} \quad \Rightarrow \quad E 2\pi r L = \frac{Q}{\epsilon_0} \quad \Rightarrow \quad E = \frac{Q}{2\pi \epsilon_0 r L} \\ \varDelta V &= V(b) - V(a) = \int_a^b E(r) \, dr = \int_a^b \frac{Q}{2\pi \epsilon r L} \, dr = \frac{Q}{2\pi \epsilon L} \int_a^b \frac{1}{r} \, dr = -\frac{Q}{2\pi \epsilon L} \left[\ln r\right]_a^b \\ &= \frac{Q}{2\pi \epsilon L} (\ln b - \ln a) = \frac{Q}{2\pi \epsilon_0 L} \ln \left(\frac{b}{a}\right) \\ C &= \frac{Q}{2\pi \epsilon_0 L} \ln \left(\frac{b}{a}\right) = \frac{2\pi \epsilon_0 L}{\ln \left(\frac{b}{a}\right)} \end{split}$$

18. 전기용량이 각각  $4.0\mu F$ 인 두 개의 평행판 축전기가 직렬로 연결되어 있고, 전위차가 25V인 배터리에 연결되어 있다. 여기서 두 축전기 중 하나의 평행판 사이의 거리가 반으로 줄어들었다. 이 경우에 이 두 축전기에 축척되는 전체 전하량을 구하여라.

$$C = \epsilon_0 \frac{A}{d} \qquad \Rightarrow \qquad C' = \epsilon_0 \frac{A}{d/2} = 2\epsilon_0 \frac{A}{d} = 2C$$
 
$$C_{eq} = \frac{1}{\left(\frac{1}{C} + \frac{1}{C'}\right)} = \frac{1}{\left(\frac{1}{4.0\mu F} + \frac{1}{8.0\mu F}\right)} = \frac{1}{\frac{3}{8.0\mu F}} = \frac{8}{3}\mu F$$
 
$$Q = C_{eq}V = \left(\frac{8}{3}\mu F\right) \times (25\,V) \approx 66.6\mu C \qquad < \text{한 축전기에 축적되는 전하량} >$$
 
$$Q_{total} = Q + Q \qquad < \text{직렬연결 이므로 두 축전기에 축적되는 전하량이 동일하다} >$$
 
$$\approx (66.6\mu C) + (66.6\mu C)$$
 
$$\approx 133.3\mu C \qquad < \text{두 축전기에 축적되는 전체 전하량} >$$

19. RC 회로에서 충전 중에 건전지가 제공하는 에너지 중 정확히 반은 축전기에 저장되고, 나머지 반은 저항에서 소모된다. 여기서 나머지 반이 저항에서 줄열로 소모된다는 사실을 식 (18.43)과 전력의 정의를 이용하여 구체적으로 보여라.

$$\begin{split} i &= \frac{dq}{dt} = -\frac{Q_0}{RC} e^{-t/RC} = I_0 e^{-t/RC} \quad \dots \quad & \\ & \\ & \\ P_{\bowtie \frac{\pi}{2}} &= \frac{d \, W_{\bowtie \frac{\pi}{2}}}{dt} = i_{\bowtie \frac{\pi}{2}}^2 \, R = \left(I_0 e^{-t/RC}\right)^2 R = \left(\frac{\epsilon}{R} e^{-t/RC}\right)^2 R = \frac{\epsilon^2}{R} e^{-2t/RC} \\ & \\ W_{\bowtie \frac{\pi}{2}} &= \int d \, W_{\bowtie \frac{\pi}{2}} &= \int P_{\bowtie \frac{\pi}{2}} \, dt = \int_{t=0}^{t=\infty} \frac{\epsilon^2}{R} e^{-2t/RC} dt = \frac{\epsilon^2}{R} \int_{t=0}^{t=\infty} e^{-2t/RC} dt \\ &= \frac{\epsilon^2}{R} \left(-\frac{RC}{2}\right) \left[e^{-2t/RC}\right]_{t=0}^{t=\infty} = -\frac{\epsilon^2 C}{2} (0-1) = \frac{1}{2} \, \epsilon^2 C = \frac{1}{2} \, Q \epsilon = \frac{1}{2} \, W_{\text{CL} \times \text{N}} \end{split}$$

20. 반지름이 R인 독립된 구형 도체의 전기용량은 R의 몇 제곱에 비례하는가?

$$C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{Q}{\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{R}} = 4\pi\epsilon_0 R \qquad \Rightarrow \qquad C \sim R$$

21. 두 개의 도체 구가 매우 멀리 떨어져 있다. 작은 구의 전하량은 q이고 큰 구의 알짜 전하는 없다. 만일 두 구가 매우 가는 철사로 연결되는 경우 큰 구의 전위와 전하량은 각각 작은 구의 전위와 전하량의 몇 배가 되는가?

