Ⅰ. 다음 문제에 답하여라. (각 5점, 단답형임)

$$1. \quad \int \cos^3 x \ dx =$$

$$2. \quad \int x e^x dx =$$

$$3. \quad \frac{x}{dx}(3x)^x =$$

$$4. \quad \lim_{n\to\infty} \frac{\mathrm{e}^{\,n}}{n!} =$$

5. $\sin x$ 에 대한 Maclaurin 급수의 3번째 항을 쓰시오.

6.
$$u = \tan \frac{\theta}{2}$$
 일 때, $\frac{d\theta}{du} =$

7. 특이적분
$$\int_1^\infty \frac{1}{\sqrt{x^3+5}} dx$$
 의 수렴여부를 판정하여라.

Ⅱ. (10점) 다음을 구하여라.

$$\int \sqrt{1+\sqrt{x}} dx$$

Ⅲ. (10점) 다음을 구하여라.

$$\int_{2}^{4} \frac{dx}{1-x^2}$$

Ⅳ. (15점) 다음을 구하여라.

$$\int \frac{x^4 + 2x^2 - x}{(x+1)(x^2+1)^2} \, dx$$

V. (15점) 다음을 구하여라.

$$\int \frac{x^2}{\sqrt{2^2 - x^2}} \, dx$$

VI. (15점) x=1 근방에서 함수 $f(x)=\ln(x)$ 에 대한 Taylor 다항식을 4번째 항까지 구하고 수렴구간을 구하여라.