1. 뉴턴의 운동 제1법칙에 따르면, 움직이는 물체는 그 속도를 일정하게 유지하려고 한다. 그러나 우리 주위에서는 대부분 움직이는 물체가 서서히 멈추어 서게 되는데, 그 이유는 무엇인지 설명하여라.

저항력, 마찰력 등의 영향

2. 100 N의 힘을 1.00 kg과 1.00 g에 각각 가했을 때, 각 물체의 가속도는 얼마인가?

$$F = ma$$
 \Rightarrow $a = \frac{F}{m}$

$$\begin{split} a_1 &= \frac{F}{m_1} = \frac{100\,N}{1\,kg} = 100\,N/kg = 100\,m/s^2 \\ a_2 &= \frac{F}{m_2} = \frac{100\,N}{0.001\,kg} = 100000\,N/kg = 100000\,m/s^2 \end{split}$$

- 3. 마찰을 무시할 수 있는 수평트랙 위에 정지해 있던 $2.00\,kg$ 물체에 $50.0\,N$ 의 힘을 수평 방향으로 3.00초 동안 가했다. 이후 물체는 직선운동을 한다. 다음을 구하여라.
 - (1) 이 힘으로 인한 물체의 가속도

$$F = ma$$
 \Rightarrow $a = \frac{F}{m} = \frac{50.0 \, N}{2.00 \, kg} = 25.0 \, N/kg = 25.0 \, m/s^2$

(2) 초기 3.00초간 속력-시간, 이동거리-시간의 관계식

$$v = v_0 + at = at = 25.0 \, m/s^2 \times t = 25.0 \, t \, m/s$$

$$\begin{split} x &= x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \\ \Rightarrow \quad d &= x - x_0 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} a t^2 = \frac{1}{2} \times 25.0 \, m/s^2 \times t^2 = 12.5 \, t^2 \, m \end{split}$$

(3) 이후 직선운동을 할 때 가속도와 속력

$$F = ma$$
 \Rightarrow $a = \frac{F}{m} = \frac{0 N}{2.00 kg} = 0 N/kg = 0 m/s^2$

$$v = v_0 + at = at = 25.0 \, m/s^2 \times 3.00 \, s = 75.0 \, m/s$$

4. 화물이 실린 어떤 비행기의 무게가 $2.75 \times 10^6~N$ 이다. 그 비행기의 엔진 추진력이 $6.35 \times 10^6~N$ 이라면 최저 이륙속력인 285~km/h 에 도달하기 위해 필요한 활주로의 길이는 최소 얼마인가?

$$W = mg = 2.75 \times 10^6 \ N$$

$$F = 6.35 \times 10^6 \ N$$

$$v = 285 \ km/h = 285 \times \frac{1000 \ m}{3600 \ s} \approx 79.2 \ m/s$$

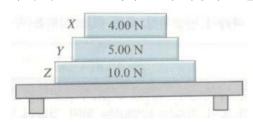
$$a = \frac{F}{m} = \frac{Fg}{mg} = \frac{Fg}{W}$$

$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

$$v^2 = 0 + 2a(x - 0) \implies x = \frac{v^2}{2a} = \frac{v^2}{2Fg/W} = \frac{v^2W}{2Fg}$$

$$= \frac{(79.2 \ m/s)^2 \times 2.75 \times 10^6 \ N}{2 \times 6.35 \times 10^6 \ N \times 9.8 \ m/s^2} \approx 138.5 \ m$$

5. 세 권의 책(X, Y, Z)이 책상 위에 놓여 있다. X의 무게는 4.00N, Y의 무게는 5.00N, Z의 무게는 10.0N이다. Y에 작용하는 알짜힘은 얼마인가?



$$(Y$$
는 정지해 있으므로 $\stackrel{
ightarrow}{a}=0\,m/s^2)$ $\stackrel{
ightarrow}{F}=\stackrel{
ightarrow}{ma}=0\,N$

6. 어떤 물체와 바닥면과의 정지마찰계수가 얼마인가를 측정하기는 쉽다. 바닥면 위에 어떤 물체를 놓고 바닥면 한쪽을 천천히 들어 올렸더니, 어느 각도에 이르러 물체가 미끄러져 내리기 시작하였다. 그 각도를 θ라 할 때, 정지마찰계수는 얼마인가?

$$\begin{split} f_s &= f_{s,\,\text{max}} = \mu_s N = \mu_s mg \cos\theta_0 \\ mg \sin\theta_0 - \mu_s mg \cos\theta_0 &= 0 \\ \mu_s &= \frac{\sin\theta_0}{\cos\theta_0} = \tan\theta_0 \end{split}$$

- 7. 자동차가 움직일 때 작용하는 마찰력에 관한 것이다. 다음 물음에 답하여라.
 - (1) 자동차 타이어는 지표면과 마찰을 이용해서 운동을 하는데, 대개 어떤 마찰력인가?

정지마찰력

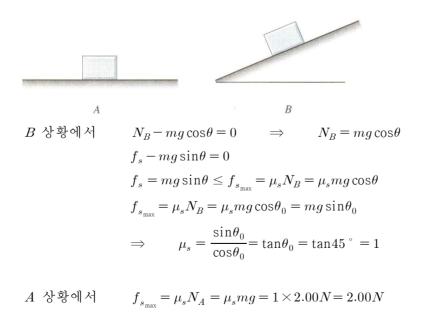
(2) 운동마찰력과 정지마찰력의 크기를 비교하여, 감속이나 가속할 때 더 유용한 것은 어느 것인가? 그 이유를 설명하여라.

$$\mu_s > \mu_k$$
 \Rightarrow $f_s > f_k$ \Rightarrow 정지마찰력이 더 유용하다.

(3) 자동차의 질량 m, 운동마찰계수 μ_k , 정지마찰계수 μ_s , 지구의 중력가속도 g일 때, 자동차의 ABS 제동 시스템을 설계하고자 한다. 이 제동 시스템을 작동시키는 기준이되는 마찰력의 크기를 구하여라. (ABS는 자동차가 감속할 때, 타이어가 지표면에서 미끄러지는 것을 방지하는 시스템이다.)

$$\begin{split} f_{total} &= -f_s = -\mu_s N = -\mu_s mg \\ &\Rightarrow -\mu_s mg = ma \quad \Rightarrow \quad a = -\mu_s \, g \\ v^2 &= v_0^2 + 2a(x - x_0) \\ &\Rightarrow \quad d = x - x_0 = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} = -\frac{v_0^2}{2a} = -\frac{v_0^2}{2(-\mu_s \, q)} = \frac{v_0^2}{2\mu_s \, q} \end{split}$$

8. 아래 그림 A와 같이 널빤지 위에 무게 2.00N인 상자가 놓여 있다. 이제 널빤지를 B와 같이 기울여 지면과 45° 의 각도를 이룰 때, 상자가 미끄러지기 시작하였다. 널빤지가 지면과 나란한 A의 상황에서 상자를 움직이는 최소 힘은 얼마인가?



- 9. 질량 5.00 kq의 물체가 지표면에 놓여 있다.
 - (1) 이 물체에 작용하는 수직항력은 얼마인가? 수직항력은 왜 나타나는지 설명하여라.

$$N=mg=5.00\,kg\times9.8\,m/s^2=49.0\,kg\cdot m/s^2=49.0\,N$$
 물체가 지표면을 누르는 힘에 대한 반작용으로 지표면도 물체를 떠받치는 힘이 작용한다.

(2) 만약 수직항력이 없다면, 물체는 어떻게 되는지 예상해 보아라.

중력에 의해 중력가속도로 가속운동한다.

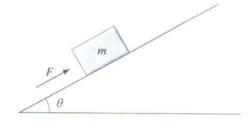
(3) 이 물체를 수평방향으로 힘을 가해 끌고 가고 있을 때, 작용하는 운동마찰력을 구하여라. (운동마찰계수 $\mu_k = 0.1$)

$$f_k = \mu_k N = \mu_k mg = 0.1 \times 5.00 \, kg \times 9.8 \, m/s^2 = 4.90 \, kg \cdot m/s^2 = 4.90 \, N$$

(4) 친구가 이 물체 위를 힘 49.0 N으로 누를 때, 운동마찰력을 구하고, 결과를 (3)과 비교하여라.

$$f_k = \mu_k N = \mu_k (mg + F) = 0.1 \times (5.00 \, kg \times 9.8 \, m/s^2 + 49.0 \, N)$$
$$= 0.1 \times (49.0 N + 49.0 N) = 0.1 \times 98.0 N = 9.80 \, N$$

10. 그림과 같이 각도 θ 로 경사진 빗면에 질량이 m인 물체가 놓여 있다. 물체와 면 사이의 정지마찰계수는 μ_s 이고, 운동마찰계수는 μ_k 이다. 이때 빗면과 평행하게 크기가 F인 힘을 가한다.



(1) F = 0이면 물체가 미끄러져 내려온다. 이 물체가 미끄러지지 않게 하려면 F는 최소 얼마여야 하는가?

$$\begin{split} N - mg\cos\theta &= 0 \quad \Rightarrow \quad N = mg\cos\theta \\ F - mg\sin\theta + \mu_s N &= 0 \\ F - mg\sin\theta + \mu_s mg\cos\theta &= 0 \quad \Rightarrow \quad F = mg\sin\theta - \mu_s mg\cos\theta \\ &= mg(\sin\theta - \mu_s\cos\theta) \end{split}$$

(2) 이 물체가 빗면의 위쪽으로 가속도의 크기가 a로 미 μ 리져 올라가고 있다면, 이때 가해진 힘의 크기 μ 는?

$$F - mg\sin\theta - \mu_k N = ma$$

$$F - mg\sin\theta - \mu_k mg\cos\theta = ma \quad \Rightarrow \quad F = ma + mg\sin\theta + \mu_k mg\cos\theta$$

$$= ma + mg(\sin\theta + \mu_k \cos\theta)$$

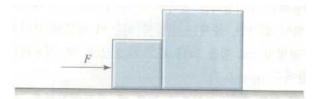
- 11. 질량이 100~kg인 물체에 질량이 10.0~kg인 밧줄을 연결하여 수평 방향으로 110~N 의 힘으로 끌고 있다.
 - (1) 물체에 작용하는 힘은 얼마인가?

$$F_1=m_1a_1$$
 $F-F_1=m_2a_2$ $(a=a_1=a_2)$ 두 운동방정식을 더하면
$$F=(m_1+m_2)a \qquad \Rightarrow \qquad a=\frac{F}{m_1+m_2}=\frac{110N}{100kg+10.0kg}=\frac{110N}{110kg}=1m/s^2$$
 $F_1=m_1a=100kg\times 1m/s^2=100N$

(2) 밧줄의 중간 부분에 작용하는 장력은 얼마인가?

$$\begin{split} F_2 &= (m_1 + \frac{m_2}{2})a \qquad F - F_2 = \frac{m_2}{2}a \qquad (a = a_1 = a_2) \qquad \ \, \mp \,\, \text{운동방정식을 더하면} \\ F &= (m_1 + m_2)a \qquad \Rightarrow \qquad a = \frac{F}{m_1 + m_2} = \frac{110N}{100kg + 10.0kg} = \frac{110N}{110kg} = 1m/s^2 \\ F_2 &= F - \frac{m_2}{2}a = 110N - \frac{10.0kg}{2} \times 1m/s^2 = 110N - 5.0N = 105N \end{split}$$

12. 마찰이 없는 책상 위에 두 물체가 그림과 같이 서로 접촉해 있다. 두 물체의 질량은 각각 $2.00 \, kg$ 과 $1.00 \, kg$ 이다. $3.00 \, N$ 의 힘을 $1.00 \, kg$ 의 물체에 수평으로 작용시킬 때,



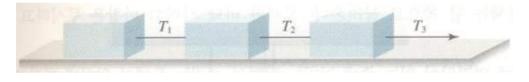
(1) 두 물체 간에 작용하는 힘을 구하여라.

$$F-F_1=m_1a$$
 $F_1=m_2a$ $(a=a_1=a_2)$ 두 운동방정식을 더하면
$$F=(m_1+m_2)a \qquad \Rightarrow \qquad a=\frac{F}{m_1+m_2}=\frac{3.00N}{1.00kg+2.00kg}=\frac{3.00N}{3.00kg}=1.00m/s^2$$
 $F_1=m_2a=2.00kg\times 1.00m/s^2=2.00N$

(2) 같은 힘을 $2.00 \, kg$ 의 물체에 작용하게 한 경우 두 물체 간에 작용하는 힘의 크기를 구하여라.

$$-F_1=-m_1a$$
 $F_1-F=-m_2a$ $(a=a_1=a_2)$ 두 운동방정식을 더하면
$$F=(m_1+m_2)a \qquad \Rightarrow \qquad a=\frac{F}{m_1+m_2}=\frac{3.00N}{1.00kg+2.00kg}=\frac{3.00N}{3.00kg}=1.00m/s^2$$
 $F_1=m_1a=1.00kg\times 1.00m/s^2=1.00N$

13. 아래 그림과 같이 질량이 같은 세 벽돌이 실로 연결되어 마루에 놓여 있다. 이제 오른쪽에서 벽돌을 잡아당길 때, 세 장력의 크기의 비 $T_1:T_2:T_3$ 는?



$$T_1=ma$$

$$T_2-T_1=ma$$

$$T_3-T_2=ma$$

$$T_3-T_2=ma$$
 세 운동방정식을 모두 더하면 $T_3=3ma$
$$T_2=T_3-ma=3ma-ma=2ma$$

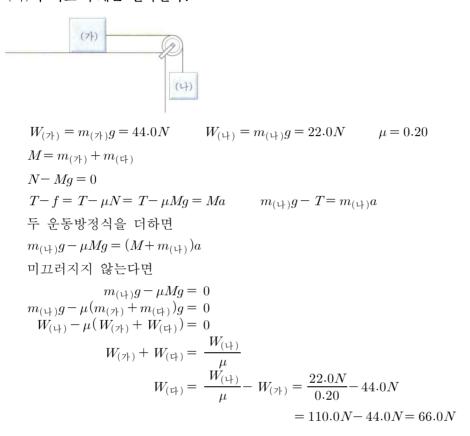
$$T_1=T_2-ma=2ma-ma=ma$$

$$T_1:T_2:T_3=1:2:3$$

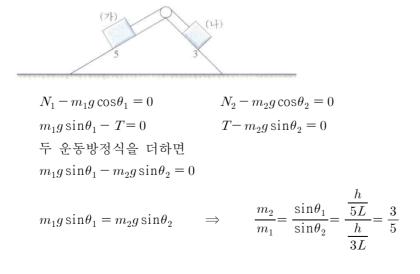
14. 짐을 실은 승강기의 총 질량이 $1,600 \, kg$ 이다. 초속도 $2.00 \, m/s$ 로 내려오던 승강기가 어느 순간부터 일정한 가속도로 감속하여 5.00 m 더 내려온 후 정지하였다. 정지하기까지 승강기를 연결한 줄의 장력은 얼마인가? (단, $q=9.80 \, m/s^2$)

$$\begin{split} m &= 1,600kg \qquad v_0 = -2.00\,m/s \qquad a = constant > 0 \qquad y = -5.00\,m \\ v^2 &= v_0^2 + 2a(y - y_0) \\ 0 &= v_0^2 + 2a(y - 0) \qquad \Rightarrow \qquad a = -\frac{v_0^2}{2y} = -\frac{(-2.00m/s)^2}{2\times(-5.00m)} = -\frac{4.00m^2/s^2}{-10.0m} = 0.400m/s^2 \\ T - mg &= ma \qquad \Rightarrow \qquad T = ma + mg = m(a + g) \\ &= 1,600kg \times (9.80m/s^2 + 0.400m/s^2) \\ &= 16320\,N \end{split}$$

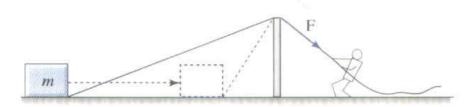
15. 그림과 같이 도르래를 통하여 연결된 두 물체가 있다. 수평면에 놓인 물체 (7)의 무게는 $44.0\ N$ 이고, 줄로 매달린 물체 (4)의 무게는 $22.0\ N$ 이다. 물체와 수평면 간의 마찰계수가 0.20이라 할 때, 물체 (7)가 미끄러지지 않게 하기 위해 그 위에 놓아야 할 물체 (4)의 최소 무게는 얼마인가?



16. 경사면 길이의 비가 5:3 인 두 경사면이 그림과 같이 서로 마주보고 있다. 두 경사면 위에는 물체 (가)와 물체 (나)가 끈으로 연결되어 평형을 유지하고 있다. 물체 (나)의 질량은 물체 (가)의 질량의 몇 배 인가?



17. 그림 같이 담 너머에 있는 물체의 밑에 줄을 연결하여 일정한 힘으로 사람이 줄을 잡아 당기면 물체는 담 쪽으로 끌려온다. 물체와 바닥면 사이의 마찰은 무시하고 다음 물음에 답하여라.



(1) 물체에 연결된 줄에 걸리는 장력의 세기는 물체의 위치에 따라 어떻게 변하는가?

줄에 걸리는 장력은 항상 잡아당기는 힘과 같다. 일정한 힘 F로 줄을 잡아당긴다고 했으므로 줄에 걸리는 장력 T도 항상 일정하다.

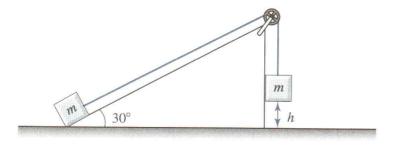
(2) 이 물체의 가속도는 물체의 위치에 따라 어떻게 변하는가?

$$\begin{split} F_y + N - mg &= F \sin\theta + N - mg = ma_y \qquad \Rightarrow \qquad F \sin\theta + N - mg = 0 \qquad (a_y = 0) \\ F_x &= F \cos\theta = ma_x \qquad (a_x = a) \\ a &= \frac{F \cos\theta}{m} = \frac{F}{m} \frac{x}{\sqrt{x^2 + h^h}} \qquad \theta$$
가 증가하면 $\cos\theta$ 가 감소하므로 a 는 감소한다 즉, 잡아당길수록 a 는 감소한다

(3) 물체가 바닥에서 받는 수직항력은 물체의 위치에 따라 어떻게 변하는가?

$$F\sin\theta+N-mg=0$$
 $(a_y=0)$ $N=mg-F\sin\theta$ θ 가 증가하면 $\sin\theta$ 가 증가하므로 N 은 감소한다 $=mg-F\frac{h}{\sqrt{x^2+h^2}}$ 즉, 잡아당길수록 N 는 감소한다

18. 아래 그림과 같이 질량이 m으로 같은 두 물체가 마찰이 없는 경사면에 마찰이 없는 도르래를 통해 질량을 무시할 수 있는 끈으로 연결되어 있다. 초기에 왼쪽 물체는 지면에 닿아 있고 오른쪽 물체를 높이 h에서 정지 상태로 떨어뜨린다고 하자. (중력가속도는 g이다.)



(1) 오른쪽 물체가 지면에 닿기 전에 두 물체의 가속도의 크기는 얼마인가?

(왼쪽 물체)
$$\qquad \qquad (오른쪽 물체) \\ T-mg\sin 30°=ma \qquad \qquad \oplus \qquad \qquad mg-T=ma$$

(두 물체에 작용하는 알짜힘)

$$F = mg - mg \sin 30 \degree = mg - \frac{1}{2}mg = \frac{1}{2}mg = (2m)a \qquad \Rightarrow \qquad a = \frac{1}{4}g$$

(2) 오른쪽 물체가 지면에 닻기 직전 두 물체의 속력은 얼마인가?

(등가속도운동)

$$\begin{array}{lll} v^2=v_0^2+2ah & \left(\begin{array}{c} v_0=0, & a=\frac{1}{4}g \end{array}\right) \\ \\ v^2=2ah=2\frac{1}{4}gh=\frac{gh}{2} & \Rightarrow & v=\sqrt{\frac{gh}{2}} \end{array}$$

(3) 왼쪽의 물체는 수직 방향으로 최고 얼마만큼 올라가겠는가? (주의: 오른쪽 물체가 지면에 닿아 정지한 이후에도 왼쪽 물체는 계속 움직일 수 있다.)

오른쪽 물체가 지면에 닿는 순간 왼쪽 물체의 높이
$$\Rightarrow h \sin 30^\circ = \frac{h}{2}$$

오른쪽 물체가 지면에 닿는 순간 왼쪽 물체의 속력 $\Rightarrow v = \sqrt{\frac{gh}{2}}$

왼쪽 물체가 추가로 더 올라가는 경사면 방향으로의 거리를 d라 하자.

경사면 방향: 등가속도운동
$$\Rightarrow$$
 $v^2=v_0^2+2ad$ $\left($ 최고점에서 속력 $v=0,$ 초기 속력 $v_0=\sqrt{\frac{gh}{2}}$ $\right)$ $\left($ 경사면 방향으로의 가속도 $a=-g\sin 30$ $^\circ=-\frac{1}{2}g$ $\right)$

$$\Rightarrow \qquad 0 = \frac{gh}{2} - 2\frac{g}{2}d \qquad \Rightarrow \qquad 0 = \frac{h}{2} - d \qquad \Rightarrow \qquad d = \frac{h}{2}$$

왼쪽 물체가 추가로 더 올라가는 수직 방향으로의 높이를 h'이라 하자.

$$h' = d \sin 30^{\circ} = \frac{h}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}h$$

외쪽 물체가 최고점에 도달한 순간의 수직 높이를 *H*라고 하자.

$$H\!=\frac{1}{2}h+h'=\frac{1}{2}h+\frac{1}{4}h=\frac{3}{4}h$$

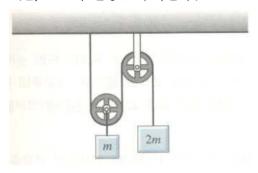
<다른 풀이>

오른쪽 물체가 지면에 닿는 순간 왼쪽 물체의 역학적 에너지는 왼쪽 물체가 최고점에 도달한 순간 왼쪽 물체의 역학적 에너지와 같아야 하므로 최고점의 수직 높이를 H라고 하면

$$mg\frac{h}{2} + \frac{1}{2}mv^2 = mgH \qquad (v = \sqrt{\frac{gh}{2}})$$

$$mg\frac{h}{2} + \frac{1}{2}mg\frac{h}{2} = mgH \qquad \Rightarrow \qquad H = \frac{3}{4}h$$

19. 아래 그림에서 질량 2m인 물체의 하향 가속도의 크기를 중력가속도 g로 나타내어라. (단, 도르래 질량은 무시한다.)



$$2T - mg = m\frac{a}{2} \qquad \dots \tag{1}$$

$$2mg - T = 2ma \qquad \cdots \qquad (2)$$

$$(1)$$
식 $+2 \times (2)$ 식

$$4mg - mg = 4ma + \frac{m}{2}a$$

$$3mg = \left(4 + \frac{1}{2}\right)ma = \frac{9}{2}ma$$
 \Rightarrow $a = \frac{2}{3}g$