| 2011학년도 2학기 (기말고사) | | 학 과 | | 감독교 | 수확인 |
|--------------------|---------------------------------|-----|-----|-----|-----|
| 과 목 명 | 일반수학2 | 학 번 | | | |
| 출제교수명 | 용 | 교수명 | 분 반 | | |
| 시 험 일 시 | 2011.12.12 월요일 (오전 10:00~11:40) | 성 명 | | 점 수 | |

1번~10번의 문제는 단답형으로 각 문제당 배점은 5점 이며 부분점수가 없다. <u>주어진 상자 안에 답만 쓸 것.</u>

- 1. 정적분 $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \int_{2y}^{\pi} \frac{\sin x}{x} dx dy$ 를 구하여라.
- 3. 3차원 공간에서 $1 \le z \le 5 x^2 y^2$ 을 만족하는 입체의 부피를 구하여라.

답 :

답:

2. 다음의 적분을 구하여라.

$$\int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \frac{1}{(1+x^{2}+y^{2})^{3}} dx dy$$

4. 주면좌표와 구면좌표로 표현된 다음의 두 적분이 $\int_0^\pi \int_0^{\sqrt{2}} \int_0^{\sqrt{2-r^2}} r^2 dz dr d\theta = \int_0^\pi \int_0^A \int_0^B C d\rho d\phi d\theta$ 일 때, A, B, C 에 들어갈 수나 식을 각각 구하여라.

답 :

답 :A = B=

C =

5. 삼중적분

 $\int_{-2}^{2} \int_{-\sqrt{4-x^2}}^{\sqrt{4-x^2}} \int_{0}^{\sqrt{4-x^2-y^2}} (x^2+y^2+z^2) dz \, dy \, dx \, \stackrel{\text{def}}{=}$ 구하여라.

7. 곡선 C가 (-1,1)에서 (2,4)까지 $y=x^2$ 의 그래프의 한 부분일 때, 선적분 $\int_C (x^2 - y^2) dx + (x^2 + y^2) dy$ 를 구 하여라.

답 :

답 :

6. 벡터장 $F(x,y,z) = \langle e^{xy}, e^y \cos(yz), e^z \sin(xz) \rangle$ 에 대 8. 곡면 S가 구면 $x^2 + y^2 + z^2 = 1$ 일 때, 하여 $abla imes oldsymbol{F}$ 를 구하여라.

곡면적분 $\iint_S z^2 dS$ 를 구하여라.

답 :

답:

| 2011학년도 2학기 (기말고사) | | 학 과 | | 감독교수확인 |
|--------------------|---------------------------------|-----|-----|--------|
| 과 목 명 | 일반수학2 | 학 번 | | |
| 출제교수명 | 용 | 교수명 | 분 반 | |
| 시 험 일 시 | 2011.12.12 월요일 (오전 10:00~11:40) | 성 명 | | 점 수 |

9. 곡면 *S*가 $x^2 + y^2 + (z-1)^2 \le 1$ 와 $z \ge \sqrt{x^2 + y^2}$ 의 공통부분의 표면(경계)이고, n이 S의 외향 단위법선벡터 10점이다. 풀이과정을 쓸 것. 일 때, 벡터장 $F(x, y, z) = \langle x, y, 1 \rangle$ 의 S를 통한 유량 $\iint_{\mathcal{S}} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} dS$ 를 구하여라.

11번~15번의 문제는 서술형으로 각 문제당 배점은

11. 원 $2x^2 + y^2 - 4y = 0$ 위의 점 (x,y) 중에서, 함수 $f(x,y) = e^{-xy}$ 가 최댓값을 가지는 모든 점들을 구하여라.

답 :

10. 곡면 S가 포물면 $z = x^2 + y^2 - 4$, $z \le 0$ 이고, S의 단위법선벡터 n이 포물면의 위쪽 방향을 가리킨다. 벡터장 $F(x,y,z) = \langle -y+z, 2x+z^2, z^3 \rangle$ 일 때,

$$\iint_{S} (\nabla \times \mathbf{F}) \cdot \mathbf{n} dS$$
를 구하여라.

답:

| 12 . 다음의 삼중적분을 구하여라. $\int_0^1 \int_{\arcsin y}^{\frac{\pi}{2}} \int_0^{\cos x \sqrt{1+\cos^2 x}} dz dx dy$ | 13. 구면 $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ 에서 $1 \le z \le 2$ 인 부분의 넓이를 주면좌표를 사용하여 구하여라. |
|---|--|
| $J_0 J_{rcsin y} J_0$ | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |
| | |

| 2011학년도 2학기 (기말고사) | | 학 과 | | | 감독교수확인 |
|--------------------|------------------------------------|-----|---|-----|--------|
| 과 목 명 | 일반수학2 | 학 번 | | | |
| 출제교수명 | 공 동 | 교수명 | 분 | : 반 | |
| 시 혐 일 시 | 2011.12.12 월요일 (오전 10:00~11:40) | 성 명 | | | 점 수 |

14. 보존적인 벡터장

의 퍼텐셜 함수를 구하고,

매개변수곡선 $C(t) = \langle t, t^2, t^3 \rangle$, $t \in [0,1]$ 을 따르는 선적분 $\int_{-\infty}^{\infty} F \cdot T \, ds$ 를 구하여라.

15. 평면 위의 임의의 한 점 (x_1,y_1) 에서 출발하여 다른 $m{F}(x,y,z)=(e^x\cos y+yz)m{i}+(xz-e^x\sin y)m{j}+(xy+z)m{k}$ 점 (x_2,y_2) 을 잇는 선분을 C라 하자. 이 때, 선적분 $\left|\int_{C} x dy \; = \; x_{1}, \; y_{1}, \; x_{2}, \; y_{2} \; \;$ 에 관한 식으로 표현하고, 이 식을 사용하여 점 (0, 0), (3, 1), (4, 3), (2, 8), (1, 5)를 꼭지점으로 하는 오각형의 넓이를 구하여라.