<< 문제지에 풀이와 답을 작성하여 제출하십시오. >>

0000 년 00 학기 00 고사		과	물리학 15장	학 과	학년	감 독	
출 제	공동 출제	목		학 번		교수	
편 집	송 현 석	명	기출문제 답안지	성 명		확 인	
시험일시 0000. 00. 00			0		0	점 수	

[주의 사항] 1. 계산기는 사용할 수 없습니다.

2. 단위가 필요한 단에는 반드시 SI 체계로 단위를 표기하시오.

[2014년 2학기 중간고사 2번]

1. 전하량의 단위는 프랑스 물리학자인 쿨롱(Charles Augustin de Coulomb)의 이름을 따서 C로 표시한다. 원자를 구성하고 있는 전자 하나의 전하량은 얼마인가? (유효숫자 두 개 이상으로 표시하시오.)

$$(e = 1.6 \times 10^{-19} C)$$

[2014년 2학기 중간고사 1번] - 예제 15.2 참고

2. 전하량이 각각 $q_1,\ q_2$ 인 두 점전하가 거리 r만큼 떨어져 있을 때, 두 전하사이에 미치는 전기력의 크기를 구하시오. (진공의 유전률 ϵ_0 를 사용하시오.)

(
$$F_e=rac{1}{4\pi\epsilon_0}rac{q_1q_2}{r^2}$$
)

[2011년 2학기 중간고사 1번] - 연습문제 15.18 참고

3. 전하량이 각각 +Q, +3Q인 같은 크기의 두 금속 구를 진공 중에서 거리 r 만큼 떨어뜨려 놓았을 때 크기 F의 반발력이 작용하였다. 두 금속 구를 접촉시킨 후 다시 같은 거리만큼 떨어뜨려 놓았을 때 반발력의 크기는 F의 몇 배인가?

$$\begin{split} F &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(Q)(3\,Q)}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3\,Q^2}{r^2} \\ F' &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(2\,Q)(2\,Q)}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{4\,Q^2}{r^2} = \frac{4}{3} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3\,Q^2}{r^2} = \frac{4}{3}\,F \quad (\quad \frac{4}{3} \quad \text{BH} \) \end{split}$$

[2012년 2학기 중간고사 1번] - 예제 15.2, 연습문제 15.3 참고

4. 일직선 위에 세 개의 점전하가 간격 d 를 두고 놓여 있다. 각 전하의 전하량은 순서대로 -q, +q, +2q이다. 전하량이 +q인 전하가 받는 힘의 크기를 F라고 하면, 전하량이 +2q인 전하가 받는 힘의 크기는 F의 몇 배인가?

$$\begin{split} \overrightarrow{F} &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(-q)(q)}{d^2} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(q)(2q)}{d^2} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q^2}{d^2} + \frac{2q^2}{d^2} \right) = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{3q^2}{d^2} \right) \\ \overrightarrow{F}' &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(-q)(2q)}{(2d)^2} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{(q)(2q)}{d^2} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{2q^2}{4d^2} - \frac{2q^2}{d^2} \right) \\ &= -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q^2}{2d^2} - \frac{4q^2}{2d^2} \right) = +\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{3q^2}{2d^2} \right) = -\frac{1}{2} \left[-\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{3q^2}{d^2} \right) \right] = -\frac{1}{2} \overrightarrow{F} \end{split}$$

$$\left(-\frac{1}{2} \quad \text{BH} \right)$$

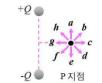
[2008년 2학기 중간고사 2번] - 연습문제 15.4 참고

5. 한 변의 길이가 a 인 정삼각형의 두 꼭짓점에 두 전하 q 와 -q가 놓여 있다. 이 두 전하에 의해 나머지 꼭짓점에 만들어지는 전기장의 세기는 얼마인가?

$$\begin{split} E_x &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \cos 60^\circ + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \cos 60^\circ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \\ E_y &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \sin 60^\circ - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \sin 60^\circ = 0 \qquad \text{(} E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{a^2} \text{)} \end{split}$$

[2014년 2학기 중간고사 3번] - 연습문제 15.10 참고

6. 그림과 같이 두 점전하 +Q와 -Q가 위치하고 있을 때, 검은 점으로 표시된 P지점의 전기장의 방향을 $a{\sim}h$ 기호를 이용해 답하시오.



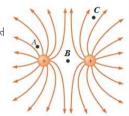
- (1) + Q로 인해 형성되는 전기장의 방향은? ($\frac{d}{d}$)
- (2)-Q로 인해 형성되는 전기장의 방향은? (f)
- (3) +Q와 -Q로 인해 형성되는 전기장의 방향은? (e)

[2013년 2학기 중간고사 1번]

7. 오른쪽 그림과 같이 전기력선이 그려져 있는 곳에서 점 A, 점 B, 점 C 중 전기장의 세기가 큰 지점의 위치부터 순서대로 나열하시오.

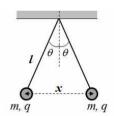


전기장의 세기가 더 크다. $\left(\begin{array}{c}A\end{array}, \begin{array}{c}C\end{array}, \begin{array}{c}B\end{array}\right)$



[2012년 2학기 중간고사 2번] - 연습문제 15.19 참고

8. 오른쪽 그림과 같이 질량이 m 이고 전하량이 q인 동일한 두 물체가 길이가 l이고 질량은 무시할 만한 두 실에 각각 매달려 있다. 두 실은 천장의 한 점에 단단히 고정되어 있고, 수직선과 θ 의 각도를 이루고 있다. 이 때 두 물체 사이의 거리 x를 m, q, l 과 중력가속도 g, 유전률 ϵ_0 등을 이용해 나타내어라.



 $(\theta \vdash \dot{\sigma} \dot{E})$ 작아서 $\tan \theta \approx \sin \theta \approx \theta$ 로 근사할 수 있다.)

$$T\cos\theta = mg \quad \Rightarrow \quad T = \frac{mg}{\cos\theta}$$

$$T\sin\theta = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{x^2} \qquad \left(\theta \approx \tan\theta \approx \sin\theta = \frac{x/2}{l} = \frac{x}{2l}\right)$$

$$\Rightarrow \quad x^2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{T\sin\theta} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{\frac{mg}{\cos\theta} \sin\theta} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{mg\tan\theta} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q^2l}{mgx}$$

$$\Rightarrow \quad x^3 = \frac{q^2l}{2\pi\epsilon_0 mg} \quad \Rightarrow \quad x = \left(\frac{q^2l}{2\pi\epsilon_0 mg}\right)^{1/3}$$

$$(x = \left(\frac{q^2l}{2\pi\epsilon_0 mg}\right)^{1/3})$$

[2007년 2학기 중간고사 2번] - 연습문제 15.7 참고

9. 전하량이 q이고 질량이 $2\times 10^{-4}kg$ 인 기름방울이 세기가 $100\,N/C$ 이고 지면을 향하는 전기장에 의해 공중에 정지해 있다. 이 때 기름방울에 대전된 전하량은 얼마인가? (단, 중력가속도의 크기는 $10\,m/s^2$ 이다.)

중력
$$F_g = mg$$
 전기력 $F_E = qE$ \Rightarrow $F_g + F_E = 0$ \Rightarrow $mg + qE = 0$

$$\Rightarrow q = -\frac{mg}{E} = -\frac{(2 \times 10^{-4} \, kg) \times (10 \, m/s^2)}{(100 \, N/C)} = -2 \times 10^{-5} \, C$$

$$(a = -2 \times 10^{-5} C)$$

<뒷 면에 단답형 문제 더 있음.>

[2010년 2학기 중간고사 1번] - 예제 15.4, 연습문제 15.9 참고

10. 일정한 전기장이 있는 어느 공간에 질량이 m 이고 전하량이 e 인 양성자를 가만히 놓았더니 가속도 a로 운동하였다. 이 공간에 질량이 4m 이고 전하량이 2e 인 알파 입자를 가만히 놓으면 알파 입자의 가속도는 a의 몇 배인가?

전기력
$$F_E = qE$$
 \Rightarrow $F_E = F$ \Rightarrow $qE = ma$ \Rightarrow $a = \frac{qE}{m}$
$$a = \frac{e \ E}{m} \quad \Rightarrow \quad a' = \frac{q'E}{m'} = \frac{(2e)E}{(4m)} = \frac{1}{2} \left(\frac{e \ E}{m}\right) = \frac{1}{2} a$$

 $(\frac{1}{2} \quad \forall \exists)$

[2009년 2학기 중간고사 1번] - 예제 15.4, 연습문제 15.9 참고

11. 전기장의 크기가 E인 균일한 전기장 내에서 전하량이 q이고 질량이 m인 입자를 가만히 놓았다. 입자가 거리 d만큼 진행하는데 걸리는 시간을 구하라. (단. 중력의 효과는 무시한다.)

전기력
$$F_E = qE$$
 $F = ma$ \Rightarrow $F_E = F$ \Rightarrow $qE = ma$ \Rightarrow $a = \frac{qE}{m}$
$$d = \frac{1}{2}at^2 \quad \Rightarrow \quad t = \sqrt{\frac{2d}{a}} = \sqrt{\frac{2md}{qE}}$$
 ($t = \sqrt{\frac{2md}{qE}}$)

[2011년 2학기 중간고사 2번] - 예제 15.4, 연습문제 15.9 참고

12. 전기장의 크기가 E인 균일한 전기장 내에서 전하량이 q이고 질량이 m인 입자를 가만히 놓았다. 이 입자가 정지 상태에서부터 거리 d만큼 진행했을 때속력은 얼마인가?

전기력
$$F_E=qE$$
 \Rightarrow $F_E=F$ \Rightarrow $qE=ma$ \Rightarrow $a=\frac{qE}{m}$
$$v^2-v_0^2=2ad$$
 \Rightarrow $v=\sqrt{2ad}=\sqrt{2\frac{qE}{m}d}=\sqrt{\frac{2qEd}{m}}$ or $K=\frac{1}{2}mv^2=qEd=U_e$ \Rightarrow $v=\sqrt{\frac{2qEd}{m}}$ ($v=\sqrt{\frac{2qEd}{m}}$)

[2011년 2학기 중간고사 3번] - 연습문제 15.11, 예제 16.8 참고

- **13.** 무한히 길고 가는 도선이 선 전하밀도 λ 로 균일하게 대전되어 있다.
 - 이 도선으로부터 r만큼 떨어진 지점에서 전기장의 크기를 E라고 하면,
 - 이 도선으로부터 2r만큼 떨어진 지점에서 전기장의 크기는 E의 몇 배인가?

$$\begin{split} E &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r} \\ E' &= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r'} = \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{2r} = \frac{1}{2} \bigg(\frac{1}{2\pi\epsilon_0} \frac{\lambda}{r} \bigg) = \frac{1}{2} E \end{split} \tag{$\frac{1}{2}$ bH)}$$

[2013년 2학기 중간고사 2번] - 예제 15.5, 연습문제 15.14 참고 [2008년 2학기 중간고사 1번]

14. 수소 원자가 균일한 전기장 속에 들어 있게 되면 양전하와 음전하의 질량중심점이 서로 반대 방향으로 이동함으로써 분극 되어 전기 쌍극자의 형태가 된다. 이 전기 쌍극자 형태의 수소 원자로부터 거리가 r 만큼 떨어진 곳에서의 전기 쌍극자에 의한 전기장의 세기를 E라고 하면, 거리가 2r 만큼 떨어진 곳에서의 전기장의 세기는 얼마인가? (단, r는 수소 원자보다 매우 크다고 가정한다.)

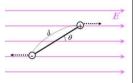
전기 쌍극자가 만드는 전기장 $E \sim rac{1}{r^3}$

$$\Rightarrow \quad E' \sim \frac{1}{(r')^3} \sim \frac{1}{(2r)^3} \sim \frac{1}{8r^3} \sim \frac{1}{8} \frac{1}{r^3} \sim \frac{1}{8} E$$
 ($E' = \frac{1}{8} E$)

[2014년 2학기 중간고사 11번] - 예제 15.6, 15.7, 연습문제 15.16, 15.17 참고 [2010년 2학기 중간고사 2번]

[2007년 2학기 중간고사 3번]

15. 일정한 세기의 전기장 \overrightarrow{E} 가 고르게 분포되어 있는 어떤 공간에 전하량 +q와 -q 사이의 거리가 d로 이루어진 전기 쌍극자가 우측의 그림과 같이 위치해 있다.



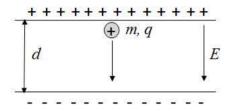
- (1) 전기 쌍극자 모멘트의 크기를 구하시오. (p = qd)
- (2) 전기 쌍극자에 작용하는 돌림힘의 크기를 구하시오. $(|\tau| = qdE\sin\theta)$

$$\begin{array}{ccc} p = qd & \Rightarrow & p = qd \\ \overrightarrow{\tau} = \overrightarrow{p} \times \overrightarrow{E} & \Rightarrow & \tau = pE \sin\theta = qdE \sin\theta \end{array}$$

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2012년 2학기 중간고사 주관식 1번] - 예제 15.4 연습문제 15.9 참고 [주관식 1] [10점]

그림과 같이 질량이 m이고 전하량이 q인 입자를 균일한 전기장 E가 작용하고 있는 공간에 가만히 놓으면 이 입자는 전기장에 의해 가속운동을 한다. 이 때, 다음 질문들에 답하여라. (단, q>0이고, 중력에 의한 영향은 무시한다.)



(1) 이 입자가 거리 d 만큼 이동하였을 때 까지 걸린 시간을 구하여라. [5점]

(2) 이 입자가 거리 d 만큼 이동하였을 때의 운동에너지를 구하여라. [5점]

$$\begin{array}{ll} v_y=v_{0y}+at & \Rightarrow & v_y=at=\frac{qE}{m}\sqrt{\frac{2md}{qE}}=\sqrt{\frac{2qEd}{m}} \quad \text{ or } \\ \\ v_y^2=v_{0y}^2+2ad & \Rightarrow & v_y=\sqrt{2ad}=\sqrt{2\Big(\frac{qE}{m}\Big)d}=\sqrt{\frac{2qEd}{m}} \\ \\ K=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{2}m\Big(\frac{2qEd}{m}\Big)=qEd \\ \\ & \text{ (} K=qEd \quad \text{)} \end{array}$$