중간고사

- 0. 다음을 옮겨쓰고 서명하시오. (10점) 나는 정직하게 시험에 응할 것을 서약합니다.
- $1.~A = {32 \choose 23}$ 의 고유벡터를 이용해, A^{100} 을 구하여라. (성분을 모두 표시하여라) (20점)
- $2.~A^T=A$ 를 만족하는 3×3 행렬 A를 전부 모은 집합을 V라 하자. V는 벡터공간임을 보이고, 기저와 차원을 구하여라. (20점)
- 3. 미분방정식을 풀어라. (20점씩)

(1)
$$\frac{dy}{dx} = y(xy^3 - 1), \ y(0) = 1$$

(2)
$$x^3y''' + 5x^2y'' + 7xy' + 8y = 0$$

(3)
$$y''' + 4y' = \sec 2x$$