<< 문제지에 풀이와 답을 작성하여 제출하십시오. >>

0000 년 00 학기 00 고사		과	물리학 26장	학 과	학년	감 독	
출 제	공동 출제	목		학 번		교 수	
편 집	송 현 석	명	기출문제 답안지	성 명		확 인	
					0		
시험일시	0000. 00. 00					점 수	

[주의 사항] 1. 계산기는 사용할 수 없습니다.

2. 단위가 필요한 답에는 반드시 SI 체계로 단위를 표기하시오.

[2013년 2학기 기말고사 10번]

- 1. 다음 중 빛의 성질에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르시오. (③ , ⑤)
 - ① 광전효과는 빛의 파동성을 잘 설명한다. 입자성
 - ② 빛은 에테르라는 메질을 통해 에너지가 전달된다. 에테르의 존재 입증 실패
 - ③ 콤프턴 산란 실험은 빛의 입자적 성질을 잘 보여준다.
 - ④ 빛이 파동의 성질을 보일 때, 그 빛을 드브로이파라고 한다. 입자가
 - ⑤ 마이켈슨의 간섭계 실험을 통해 빛의 속력이 관찰자의 운동 상태와 관계 없이 일정함을 알 수 있다.

[2011년 2학기 기말고사 10번] - 예제 26.1. 연습문제 26.1 참고

2. 태양의 표면 온도는 $6000\,K$ 이고 태양 복사 스펙트럼에서 복사도가 최대가 되는 파장은 $500\,nm$ 로 알려져 있다. 그렇다면 광원의 온도가 $3000\,K$ 인 램프의 복사 스펙트럼에서 복사도가 최대가 되는 파장은 얼마가 되겠는가?

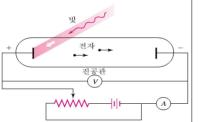
$$\lambda_{\max} T = \lambda'_{\max} T'$$

$$\Rightarrow \quad \lambda'_{\text{max}} = \frac{T}{T'} \lambda_{\text{max}} = \frac{6000 \, K}{3000 \, K} \times 500 \, nm = 1000 \, nm$$

$$(\lambda'_{\text{max}} = 1000 \, nm)$$

[2014년 2학기 기말고사 10번] - 예제 26.2 연습문제 26.2, 26.3, 26.4 참고

3. 일함수가 Φ인 금속에 파장이 λ인 빛을 비추었을 때, 광전자가 튀어 나오는 현상을 '광전효과'라고 한다. 우측 그림은 이와 같이 튀어나온 전자가 음극에 도달하지 못하게 전압을 걸어서 저지전압을 측정하는 작치이다. 이 저지전압의 크기



 V_0 를 주어진 변수 Φ , λ , e, h, c를 이용하여 나타내시오. (여기서 h는 플랑크 상수, e는 전자의 전하량, c는 빛의 속력이다.)

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = K + \Phi = e V_0 + \Phi$$

$$\Rightarrow V_0 = \frac{E - \Phi}{e} = \frac{h\nu - \Phi}{e} = \frac{\frac{hc}{\lambda} - \Phi}{e} \qquad (V_0 = \frac{hc/\lambda - \Phi}{e})$$

[2012년 2학기 기말고사 8번] - 예제 26.2 연습문제 26.2, 26.3, 26.4 참고 [2012년 2학기 기말고사 10번]

4. 어떤 금속에 파장이 λ 인 빛을 비추어 방출되는 광전자의 저지전압이 V_0 일때, 이 금속의 일함수를 λ , V_0 와 플랑크 상수 h, 기본 전하량 e, 광속 c를 이용하여 나타내어라.

$$\begin{split} E &= h\nu = \frac{hc}{\lambda} = K + \Phi = e \ V_0 + \Phi \\ \\ \Rightarrow \quad \Phi &= \frac{hc}{\lambda} - e \ V_0 \end{split} \qquad \qquad \left(\ \Phi = \frac{hc}{\lambda} - e \ V_0 \ \right) \end{split}$$

[2010년 2학기 기말고사 9번] - 예제 26.2 연습문제 26.2, 26.3, 26.4 참고

5. 광전 문턱 진동수가 f_0 인 어떤 물질에 진동수가 f인 빛을 입사시켰더니 광전자가 방출되었다. 이 때, 방출된 광전자의 속력을 구하시오. 단, 전자의 질량은 m, 플랑크 상수는 h이고 상대론적 효과는 무시한다.

$$hf = hf_0 + \frac{1}{2}mv^2$$
 \Rightarrow $v = \sqrt{\frac{2h}{m}(f - f_0)}$ ($v = \sqrt{\frac{2h}{m}(f - f_0)}$)

[2013년 2학기 기말고사 11번] - 연습문제 26.5. 26.7 참고

6. 파장이 λ 인 광자가 정지해 있는 전자와 충돌한 후 산란되었다. 산란 후 광자의 파장이 $\frac{4\lambda}{3}$ 로 증가하였다면, 충돌 후 전자의 운동에너지를 λ 와 플랑크 상수 h. 빛의 속력 c 를 이용하여 나타내시오.

$$\begin{split} h\,\frac{c}{\lambda} + m_0 c^2 &= h\,\frac{c}{\lambda'} + m_0 c^2 + K \\ \Rightarrow \quad K &= h\,\frac{c}{\lambda} - h\,\frac{c}{\lambda'} = hc \bigg(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'}\bigg) = hc \bigg(\frac{1}{\lambda} - \frac{3}{4\lambda}\bigg) = hc \bigg(\frac{1}{4\lambda}\bigg) = \frac{hc}{4\lambda} \\ &\quad (K &= \frac{hc}{4\lambda}) \end{split}$$

[2012년 2학기 기말고사 10번] - 연습문제 26.5. 26.7 참고

7. 파장이 λ 인 광자가 정지해 있는 전자와 정면 충돌한 후 정 반대 방향으로 튕겨져 나왔다. 충돌 후 광자의 파장이 $\frac{5\lambda}{4}$ 로 증가하였다면, 충돌 후 전자의 운동량을 λ 와 플랑크 상수 h를 이용하여 나타내시오.

$$\Delta \lambda = \lambda' - \lambda = \frac{5}{4}\lambda - \lambda = \frac{1}{4}\lambda = \frac{h}{m_e c}(1 - \cos 180^\circ) = \frac{2h}{m_e c}$$

$$\Rightarrow m_0 c = \frac{8h}{\lambda}$$

$$\begin{split} h\frac{c}{\lambda} + m_0c^2 &= h\frac{c}{\lambda'} + m_0c^2 + K \\ \Rightarrow \quad K &= h\frac{c}{\lambda} - h\frac{c}{\lambda'} = hc\bigg(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'}\bigg) = hc\bigg(\frac{1}{\lambda} - \frac{4}{5\lambda}\bigg) = hc\bigg(\frac{1}{5\lambda}\bigg) = \frac{hc}{5\lambda} \end{split}$$

$$\begin{cases} E = \sqrt{p^2c^2 + m_0^2c^4} & \Rightarrow & E^2 = p^2c^2 + m_0^2c^4 \\ \\ E = K + m_0c^2 & \Rightarrow & E^2 = (K + m_0c^2)^2 = K^2 + 2Km_0c^2 + m_0^2c^4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow$$
 $p^2c^2 + m_0^2c^4 = K^2 + 2Km_0c^2 + m_0^2c^4$

$$\Rightarrow$$
 $p^2c^2 = K^2 + 2Km_0c^2$

$$\Rightarrow p = \sqrt{\frac{K^2 + 2Km_0c^2}{c^2}}$$

$$\Rightarrow p = \sqrt{\frac{\left(\frac{hc}{5\lambda}\right)^2 + 2\left(\frac{hc}{5\lambda}\right)\left(\frac{8h}{\lambda}\right)c}{c^2}} = \sqrt{\frac{h^2}{25\lambda^2} + \frac{16h^2}{5\lambda^2}} = \frac{9h}{5\lambda}$$

$$(p = \frac{9h}{5\lambda})$$

<뒷 면에 단답형 문제 더 있음.>

[2013년 2학기 기말고사 11번]

8. 보어의 수소원자 모형에서, 수소 원자가 첫 번째 들뜬 상태에 있을 때 전자의 물질파의 파장은 궤도 반지름의 몇 배인가?

$$n\lambda=2\pi r$$
 \Rightarrow $\lambda=\frac{2\pi r}{n}=\frac{2\pi r}{2}=\pi r$ (첫 번째 들뜬 상태 $n=2$)

[2010년 2학기 기말고사 10번] - 예제 26.5, 연습문제 26.15 참고

9. 수소 원자의 발머 계열에서 방출되는 광자의 에너지 중 가장 높은 에너지는 몇 $e\ V$ 인가? 단, 수소 원자에서 n=1인 바닥상태의 에너지는 $-13.6e\ V$ 이다.

$$h\nu = E_n - E_m = (-13.6 \, e \, V) \left(\frac{1}{\infty} - \frac{1}{2^2}\right) = \frac{13.6 \, e \, V}{4} = 3.4 \, e \, V$$

[2009년 2학기 기말고사 9번] - 예제 26.5, 연습문제 26.15 참고

10. 수소 원자의 바닥상태의 에너지는 $-13.6\,e\,V$ 이다. 첫 번째 들뜸 상태에 있는 전자의 이온화 에너지는 얼마인가?

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2} e V \implies E_1 = -\frac{13.6}{1^2} e V = -\frac{13.6}{1} e V = -13.6 e V$$

$$\implies E_2 = -\frac{13.6}{2^2} e V = -\frac{13.6}{4} e V = -3.4 e V$$

$$(3.4e V)$$

[2012년 2학기 기말고사 11번] - 예제 26.5, 연습문제 26.15 참고

11. 수소 원자의 라이만 계열에서 방출되는 광자의 에너지 중에서 가장 작은 에너지를 E_1 이라 하고, 발머 계열에서 방출되는 광자의 에너지 중에서 가장 작은 에너지를 E_2 라고 할 때, E_2/E_1 을 구하시오.

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{-13.6 \, e \, V \times \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{2^2}\right)}{-13.6 \, e \, V \times \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{1^2}\right)} = \frac{\left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{2^2}\right)}{\left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{1^2}\right)} = \frac{-\frac{5}{36}}{-\frac{3}{4}} = \frac{20}{108} = \frac{5}{27}$$

$$\left(\frac{E_2}{E_2} = \frac{5}{27}\right)$$

[2012년 2학기 기말고사 9번]

12. 어떤 전등에서 파장이 $600\,nm$ 이고 출력이 $6.6\,W$ 인 빛이 방출되고 있다. 이 전등에서 나오는 광자는 초당 몇 개인가?

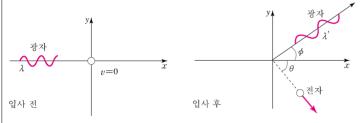
(단, 플랑크 상수는 $6.6 \times 10^{-34} J \cdot s$, 빛의 속력은 $3.0 \times 10^8 m/s$ 이다.)

$$P=rac{E}{t}$$
 \Rightarrow $E=P\,t=(6.6\,W)(1\,s)=6.6\,J$
$$E=rac{hc}{\lambda}=rac{(6.6 imes10^{-34}\,J\cdot s)(3.0 imes10^8\,m/s)}{(600 imes10^9\,m)}=3.3 imes10^{-19}\,J$$
 광자의 갯수= $rac{1초 동안 방출되는 에너지}{광자 한 개의 에너지}=rac{6.6\,J}{3.3 imes10^{-19}\,J}$
$$=2 imes10^{19}\,T$$

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2014년 2학기 기말고사 주관식 3번] - 연습문제 26.5, 26.7 참고 [주관식 1] [10점]

아래의 그림은 파장이 λ 인 엑스선이 정지상태의 자유전자와 충돌하여 파장이 λ' 으로 변화되어 튀어나오는 콤프턴 산란 실험이다. 다음 질문들에 답하시오.



(1) 플랑크 상수 h를 이용하여 입사하는 엑스선의 에너지를 구하시오. [3점]

$$E = h\nu = h\frac{c}{\lambda}$$

$$(E = h\frac{c}{\lambda})$$

(2) 충돌 전후의 에너지 보존 식을 완성하시오. (전자의 정지질량 m_0 , 광속 c, 플랑크 상수 h, 엑스선의 파장 λ 와 λ' , 전자의 속력 v를 이용하여 나타내시오.) [4점]

$$mc^2 = \gamma \, m_0 c^2 = \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1-\left(\frac{v}{c}\right)^2}} \label{eq:mc2}$$

$$h\frac{c}{\lambda} + m_0 c^2 = h\frac{c}{\lambda'} + \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}}$$

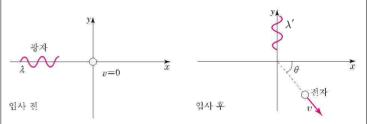
(3) 충돌 전후의 운동량 보존 식을 각 축(x축, y축)에 따라 완성하시오. (전자의 정지질량 m_0 , 광속 c, 플랑크 상수 h, 엑스선의 파장 λ 와 λ' , 전자의 속력 v를 이용하여 나타내시오.) [3점]

$$\frac{x - axis}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \cos \phi + \frac{m_0 v}{\sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}} \cos \theta$$

$$y-axis \hspace{1cm} 0=\frac{h}{\lambda'}\sin\phi-\frac{m_0v}{\sqrt{1-\left(\frac{v}{c}\right)^2}}\sin\theta$$

[2009년 2학기 기말고사 주관식 2번] - 연습문제 26.5, 26.7 참고 [주관식 2] [20점]

아래의 그림과 같이 파장이 λ 인 엑스선이 정지 상태에 있는 자유전자에 의해서 산란되어 길어진 파장 λ' 을 가진 엑스선으로 산란각이 90° 가 되었다. 다음 질문들에 답하시오. (단, 플랑크 상수는 h, 전자의 정지질량은 m_0 , 전자의 충돌 후속력은 v, 전자의 산란각은 θ 로 나타내시오.)



(1) 충돌 전후의 에너지 보존 식을 쓰시오. [5점]

$$mc^2 = \gamma m_0 e^2 \qquad h\frac{c}{\lambda} + m_0 c^2 = h\frac{c}{\lambda'} + \gamma mc^2$$

(2) 충돌 전후의 운동량 보존 식을 쓰시오. [5점]

$$x - axis \qquad \frac{h}{\lambda} = \frac{h}{\lambda'} \cos 90^{\circ} + \gamma m_0 v \cos \theta$$

$$\frac{h}{\lambda} = \gamma m_0 v \cos \theta \qquad \dots \qquad (1)$$

$$y - axis$$

$$0 = \frac{h}{\lambda'} \sin 90^{\circ} - \gamma m_0 v \sin \theta$$

$$0 = \frac{h}{\lambda'} - \gamma m_0 v \sin\theta \quad \dots \quad (2)$$

(3) 충돌 후 전자의 운동량의 크기를 h, λ, λ' 을 이용하여 나타내시오. [5점]

$$\frac{h}{\lambda} = \gamma m_0 v \cos \theta \quad \Rightarrow \quad \frac{h^2}{\lambda^2} = \gamma^2 m_0^2 v^2 \cos^2 \theta \quad \cdots \quad (1)^2$$

$$0 = \frac{h}{\lambda'} - \gamma m_0 v \sin\theta \quad \Rightarrow \quad \frac{h^2}{\lambda'^2} = \gamma^2 m_0^2 v^2 \sin^2\theta \quad \cdots \quad (2)^2$$

$$(1)^{2} + (2)^{2} \quad \Rightarrow \quad \frac{h^{2}}{\lambda^{2}} + \frac{h^{2}}{\lambda^{\prime 2}} = \gamma^{2} m_{0}^{2} v^{2} \cos^{2}\theta + \gamma^{2} m_{0}^{2} v^{2} \sin^{2}\theta$$

$$\Rightarrow \quad h^{2} \left(\frac{1}{\lambda^{2}} + \frac{1}{{\lambda^{\prime 2}}}\right) = \gamma^{2} m_{0}^{2} v^{2}$$

$$\Rightarrow \quad p = \gamma m_0 v = h \sqrt{\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{{\lambda'}^2}}$$

$$(p = h\sqrt{\frac{1}{\lambda^2} + \frac{1}{{\lambda'}^2}})$$

(4) 충돌 후 전자의 산란각을 λ 와 λ' 을 이용하여 나타내시오. [5점]

$$\frac{(2)}{(1)} = \frac{\frac{h}{\lambda'}}{\frac{h}{\lambda}} = \frac{\gamma m_0 v \sin \theta}{\gamma m_0 v \cos \theta} \quad \Rightarrow \quad \frac{\lambda}{\lambda'} = \tan \theta \quad \Rightarrow \quad \theta = \tan^{-1} \left(\frac{\lambda}{\lambda'}\right)$$

$$(\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\lambda}{\lambda'}\right))$$

[2014년 2학기 기말고사 주관식 1번] - 예제 26.5 연습문제 26.14 참고 [2008년 2학기 기말고사 주관식 2번]

[주관식 3] [18점]

보어(N. Bohr)는 다음과 같은 가정으로 수소원자 모형을 제안하였다. 보어의 가정: 전자의 각운동량은 아래의 식과 같이 주어진 값만을 가질 수 있다.

- * 작운동량 $L=rp=rac{h}{2\pi}n$ $(n=1,2,3,\cdots)$
- * 전자의 물질파 파장 $n\lambda=2\pi r$ $(n=1,2,3,\cdots)$



(1) 전자가 전자기력을 구심력으로 원운동 할 때, 뉴턴 제2법칙 즉, 힘의 방정식을 쓰시오. (여기서 전자의 전하량은 e, 질량은 m, 속력은 v를 사용하시오.) [5점]

$$\begin{cases} F_e = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} \\ F_c = m \frac{v^2}{r} \end{cases} \Rightarrow F_e = F_c \Rightarrow \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \end{cases}$$

$$\left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} = m \frac{v^2}{r} \right)$$

(2) (1)의 결과를 이용하여 원운동 하는 전자의 총 에너지 E를 구하시오. [5점]

$$\begin{split} \frac{1}{4\pi\epsilon_0}\frac{e^2}{r^2} &= m\frac{v^2}{r} \quad \Rightarrow \quad v^2 = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 mr} \\ K &= \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}m\bigg(\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 mr}\bigg) = \frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r}, \qquad U = -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \\ E &= K + U = \frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r} + \bigg(-\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r}\bigg) = -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r} \end{split}$$
 ($E = -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r}$

(3) 보어의 가정을 이용하여, 전자의 원운동의 반지름 r이 양자화 됨을 보이시오. [5점]

$$\begin{split} L &= rp = rmv = n\frac{h}{2\pi} \qquad (n = 1, \, 2, \, 3, \cdots) \\ &\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{e^2}{r^2} = m\frac{v^2}{r} = m\frac{v^2}{r} \times \frac{mr^2}{mr^2} = \frac{(rmv)^2}{mr^3} = \frac{L^2}{mr^3} \\ &\Rightarrow \quad r = \frac{4\pi\epsilon_0}{me^2} L^2 = \frac{4\pi\epsilon_0}{me^2} \left(n\frac{h}{2\pi}\right)^2 = \frac{\epsilon_0 h^2}{\pi me^2} n^2 \qquad (n = 1, \, 2, \, 3, \, \cdots) \end{split}$$

(4) (1), (2), (3)의 결과로 총 에너지 E가 양자화 됨을 보이시오. [3점]

$$\begin{split} E &= K + \ U = \frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r} + \left(-\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \right) = -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 r} \\ &= -\frac{e^2}{8\pi\epsilon_0 \left(\frac{\epsilon_0 h^2}{\pi m e^2} n^2 \right)} = -\frac{m e^4}{8\epsilon_0^2 h^2} \frac{1}{n^2} \qquad (n = 1, \, 2, \, 3, \, \cdots) \end{split}$$