1. 대기 중의 이상화탄소에는 안정한 원소인  $C_6^{12}$ 와 방사성 원소인  $C_6^{14}$ (반감기=5730년)가 일정한 비율로 들어 있다. 이 비율을 존재비라고 한다. 1990년 고대 이집트의 미라에서 나온 붕대에 포함되어 있는 두 탄소의 비율을 측정해 보니  $C_6^{14}$ 의 존재비가 대기 중 존재 비의 반임을 알아냈다. 고대 대기 중 탄소의 존재비가 현재와 동일하다는 가정 하에 이 미라의 연대를 계산하여라.

존재비가 반 이므로 반감기가 한 번 지난 것 이다. 5730 년

2. 반감기의 두 배의 시간이 경과한 후에 남아 있는 방사성 원소의 비는 처음의 얼마인가?

$$\frac{1}{2^2} = \frac{1}{4}$$

- 3. 다음 각 경우에 대하여, 두 동위원소  $C_0^{60}$ 과  $C_0^{59}$ 에 들어 있는 양성자와 중성자와 전자 의 개수를 각각 구하여라.
  - (1) 중성인 원자 상태로 있을 때

$$X_Z^A$$
  $A=N+Z$   $A: 질량수, N: 중성자수, Z: 양성자수$   $Co_{27}^{60}$   $\Rightarrow$  
$$\begin{cases} A=60 \\ Z=27 \\ N=33 \\ e=27 \end{cases}$$
  $Co_{27}^{59}$   $\Rightarrow$  
$$\begin{cases} A=59 \\ Z=27 \\ N=32 \\ e=27 \end{cases}$$

(2) -2인 이온 상태로 있을 때

$$Co_{27}^{60} \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} A = 60 \\ Z = 27 \\ N = 33 \\ e = 29 \end{cases} \qquad Co_{27}^{59} \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} A = 59 \\ Z = 27 \\ N = 32 \\ e = 29 \end{cases}$$

4. 코발트  $Co_{27}^{60}$ 의 반감기는 5.27년이다. 이  $Co_{27}^{60}$ 는 방사선검출기 검사를 하기 위한 선원으 로 많이 쓰인다. 이  $Co_{27}^{60}$ 의 처음 방사능이  $4 \times 10^{11} Bq$ 이라고 하면 1년 후의 방사능은 얼마가 되는가?

$$\tau = \frac{\ln 2}{\lambda}$$
  $\Rightarrow$   $\lambda = \frac{\ln 2}{\tau} = \frac{0.693}{5.27y} \approx 0.1315$ 

$$N = N_0 e^{-\lambda t} = (4 \times 10^{11} Bq) \times e^{-\frac{\ln 2}{5.27y} \times (1y)} \approx 3.507 \times 10^{11} Bq$$

5. 우유 1L에는 칼륨이 대략 2.00g 정도 들어 있는데 대부분은 안정적인  $K^{39}$ 이고 0.017% 가 반감기가  $1.227\times10^9$ 년인 방사성 동위원소  $K^{40}$ 이다. 우유 한 잔 (0.25L)를 마셨을 때 (1) 섭취한 칼륨 핵의 개수는 얼마인가?

$$\begin{split} N_K &= N_{K^{39}} + N_{K^{40}} \\ &= \left(\frac{6.02 \times 10^{23} \, \text{TH}}{39 \, g} \times 0.500 \, g \times 0.99983\right) + \left(\frac{6.02 \times 10^{23} \, \text{TH}}{40 \, g} \times 0.500 \, g \times 0.00017\right) \\ &\approx 7.7166 \times 10^{21} \, \text{TH} + 0.00127925 \times 10^{21} \, \text{TH} \\ &\approx 7.7179 \times 10^{21} \, \text{TH} \end{split}$$

(2) 우유를 마신 직후 칼륨의 방사능은 얼마인가?

 $6. He_2^4, Fe_{26}^{56}, I_{53}^{131}, U_{92}^{238}$ 의 결합에너지를 구하여라.

(각각의 원자량은 4.0026 u, 55.9349375 u, 130.9061246 u, 238.05 u 이다.)

$$\begin{split} He_2^4 & \Rightarrow & E_b = \left[ m_{He_2^4} - \left( 2m_p + 2m_n \right) \right] \times c^2 \\ & = \left[ 4.0026 - \left( 2 \times 1.007825 + 2 \times 1.008665 \right) \right] u \times 931.5 \, Me \, V/u \\ & = -28.29897 \, Me \, V \\ & = -4.5278352 \times 10^{-12} \, J \end{split}$$
 
$$Fe_{26}^{56} & \Rightarrow & E_b = \left[ m_{Fe_{26}^{56}} - \left( 26m_p + 30m_n \right) \right] \times c^2 \\ & = \left[ 55.9349375 - \left( 26 \times 1.007825 + 30 \times 1.008665 \right) \right] u \times 931.5 \, Me \, V/u \\ & = -492.2628188 \, Me \, V \\ & = -7.8762051 \times 10^{-11} \, J \end{split}$$

$$\begin{split} I_{53}^{131} & \implies & E_b = \left[ m_{I_{53}^{131}} - \left( 53 m_p + 78 m_n \right) \right] \times c^2 \\ & = \left[ 130.9061246 - \left( 53 \times 1.007825 + 78 \times 1.008665 \right) \right] u \times 931.5 \, Me \, V/u \\ & = -1103.334178 \, Me \, V \\ & = -1.765334684 \times 10^{-10} \, J \end{split}$$

$$\begin{array}{ll} U_{92}^{238} & \Rightarrow & E_b = \left[m_{U_{92}^{238}} - \left(92m_p + 146m_n\right)\right] \times c^2 \\ & = \left[238.05 - \left(92 \times 1.007825 + 146 \times 1.008665\right)\right] u \times 931.5 \ Me \ V/u \\ & = -1802.443185 \ Me \ V \\ & = -2.883909096 \times 10^{-10} \ J \end{array}$$

7.  $Al^{27}$  핵에서 알파입자를 강제로 제거하면  $Na^{23}$  핵이 된다. 이때 얼마의 에너지가 필요할까? 또, 이 사실로 미루어 어느 핵이 더 안정한지를 결정하라. 단,  $Al^{27}$  핵의 질량은 26.981541u이고  $Na^{23}$  핵의 질량은 22.989770u이다.

$$Al_{13}^{27} \quad \Rightarrow \quad Na_{11}^{23} + He_2^4$$

$$\begin{cases} ( & Na_{11}^{23} & + & He_2^4 & ) - & Al_{13}^{27} \\ (22.989770u + 4.001508u) - 26.981541u = 0.009737u \times \left( \frac{931.5Me\ V}{1u} \right) = 9.07Me\ V \end{cases}$$

$$Al_{13}^{27}$$
 의 질량 에너지가  $Na_{11}^{23}+He_2^4$  의 질량 에너지 보다 작으므로  $Al_{13}^{27}$  이  $Na_{11}^{23}+He_2^4$  보다 안정한 핵이다.

8. 다음 핵 반응식을 완성하여라.

(1) 
$$n + Ar_{18}^{40} \rightarrow \underline{\hspace{1cm}} + e_{-1}$$

$$n \ + \ Ar_{18}^{40} \ \rightarrow \ K_{19}^{41} \ + \ e_{-1}$$

(2) 
$$C_6^{13} + H_1^1 \rightarrow \gamma +$$
\_\_\_\_\_

$$C_6^{13} + H_1^1 \rightarrow \gamma + N_7^{14}$$

(3) 
$$Al_{13}^{27} \rightarrow \underline{\hspace{1cm}} + e_{-1}$$

$$Al_{13}^{27} \rightarrow Si_{14}^{27} + e_{-1}$$

# 9. 중수소 $10.0 \, kg$ 이 $He_2^3$ 이 되는 핵융합을 통해서 얻을 수 있는 에너지는 얼마인가?

중수소 10kg에 포함된 중수소  $D_1^2$ 의 갯수  $N_{D_1^2}$ 개수

$$N_{D_1^2} = 10.0 \, kg \times \left(\frac{1000 \, g}{1 \, kg}\right) \times \left(\frac{1 \, mole}{2 \, g}\right) \times \left(\frac{6.02 \times 10^{23} \, \text{7}\text{H}}{1 \, mole}\right) = 3.01 \times 10^{27} \, \text{7}\text{H}$$

중수소-중수소 핵융합반응  $D_1^2 + D_1^2 \rightarrow He_2^3 + n_0^1$ 

중수소-중수소 핵융합반응을 통해 발생하는 에너지  $Q=3.27 Me\ V$ 

중수소 두 개가 만나 중수소-중수소 핵융합반응이 일어나므로

중수소  $D_{\mathrm{l}}^{2}$ 의 갯수  $N_{D_{\mathrm{l}}^{2}}$ 의  $\frac{1}{2}$ 에 해당하는 횟수의 핵융합반응이 일어난다.

$$\begin{split} Q_{total} &= \frac{N_{D_1^2}}{2} \times Q = \left(\frac{3.01 \times 10^{27} \, \mbox{$\overline{g}$}}{2}\right) \times \left(\frac{3.27 Me \, V}{1 \, \mbox{$\overline{g}$}}\right) \\ &= 4.92135 \times 10^{27} Me \, V \\ &= 4.92135 \times 10^{27} Me \, V \times \left(\frac{4.45 \times 10^{-20} k \, Wh}{1 Me \, V}\right) \\ & \sqrt{\frac{1 Me \, V = 1 \times 10^6 \times \left(1.602 \times 10^{-19} \, C\right) \times \left(1 \, V\right)}{= 1.602 \times 10^{-13} \, J \times \left(\frac{1h}{3600 s}\right)}} \\ &= 4.45 \times 10^{-17} \, \frac{J}{s} h \\ &= 4.45 \times 10^{-17} \, Wh \\ &= 4.45 \times 10^{-20} k \, Wh \end{split}}$$

 $\approx 2.19 \times 10^8 k Wh$ 

10. 세슘  $Cs^{137}$ 의 평균수명은 44년이다. 반감기는 얼마인가? 우라늄  $U^{235}$ 가 핵분열할 때나오는 핵종 중에서 5.9%가  $Cs^{137}$ 이다.  $U^{235}$ 가 핵분열할 때나오는 에너지는 약  $200Me\ V$  이다. 연간 1GW 출력의 핵발전소에서 나오는  $Cs^{137}$ 의 방사능을 구하여라.

$$Cs^{137}$$
 의 평균수명 = 44년 
$$Cs^{137}$$
 의 붕괴율  $\lambda = \frac{1}{ 평균수명} = \frac{1}{44년}$  
$$Cs^{137}$$
 의 반감기  $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{\ln 2}{1/44년} \approx 30.498년$ 

$$U^{235}$$
 가 핵분열 할 때 나오는 에너지  $Q \approx 200 Me~V imes igg(rac{4.45 imes 10^{-17} Wh}{1 Me~V}igg)$   $pprox 8.90 imes 10^{-15} Wh$ 

$$1$$
년 동안 핵분열 하는  $U^{235}$  의 갯수  $N_{U^{235}} = \dfrac{(1 \times 10^9\,Wy) imes \left(\dfrac{8760h}{1y}\right)}{(8.90 \times 10^{-15}\,Wh)}$  
$$= \dfrac{(8.76 \times 10^{12}\,Wh)}{(8.90 \times 10^{-15}\,Wh)}$$
  $pprox 9.843 imes 10^{26}$ 개

1년 동안 방출되는 
$$Cs^{137}$$
 의 갯수  $N_{Cs^{137}}=N_{U^{235}} imes0.059$  
$$=(9.843 imes10^{26} imes) imes0.059$$
 
$$pprox 5.807 imes10^{25} imes1$$

1년 동안 핵발전소에서 나오는  $C\!s^{137}$  의 방사능  $R_{C\!s^{137}} = \lambda N_{C\!s^{137}}$ 

$$egin{align*} R_{Cs^{137}} &= \lambda N_{Cs^{137}} \ &pprox rac{1}{44 orall} imes 5.807 imes 10^{25}$$
회 
$$&pprox rac{1}{1.388 imes 10^9 s} imes 5.807 imes 10^{25}$$
회 
$$&pprox 4.184 imes 10^{16}$$
 회  $/s pprox 4.184 imes 10^{16}$  Bq  $single < 1Bq = rac{1}{2}$ 

< 방사능=단 위시간 당 방사성 붕괴의 수>

11. 핵력의 범위가 1.00 fm  $(1.00 \times 10^{-15} m)$ 라고 가정하고, 불확정성 원리에 의거하여 중간자의 질량을 계산해 보아라.

$$\begin{split} \Delta x \Delta p_x &\geq \frac{h}{4\pi} & \Rightarrow \Delta x \ m \Delta v_x \geq \frac{h}{4\pi} \\ &\Rightarrow m \geq \frac{h}{4\pi} \times \frac{1}{\Delta x \Delta v_x} = \frac{h}{4\pi} \times \frac{1}{r_B \times c} \\ &= \frac{6 \cdot 626 \times 10^{-34} \, J \cdot s}{4\pi} \times \frac{1}{(1.00 \times 10^{-15} m) \times (3.00 \times 10^8 m/s)} \\ &\approx 1.758 \times 10^{-28} \, kg \\ &\approx 1.929 \times 10^2 \, m_e \end{split}$$

12. 쿼크 세 개로 이루어져 있는  $\Delta^{++}$ 입자는 전하량이 +2이고 질량은 대략  $1232Me\ V/c^2$ 이다. 이 입자는 무슨 쿼크들로 이루어져 있는가?

 $\Delta^{++}$ 입자 -  $\Delta$ 입자(쿼크 3개로 구성)의 일종

$$\Delta$$
입자 — 바리온의 일종  $\Rightarrow$  
$$\begin{cases} \Delta^- : ddd( ext{전하량}:-1) \\ \Delta^0 : udd( ext{전하량}:0) \\ \Delta^+ : uud( ext{전하량}:+1) \\ \Delta^{++} : uuu( ext{전하량}:+2) \end{cases}$$

바리온 - 하드론의 일종

하드론 - 쿼크로 구성된 입자

< 쿼크의 종류 >

이름	염몀	기호	전하량	정지 질량 (MeV/c²
위	up 업[*]	u	+2/3	1.5 - 5
HS40	down 다운 <sup>[*]</sup>	d	-1/3	17 - 25
맵시	charm 참 <sup>[*]</sup>	c	+2/3	1100 - 1400
기묘	strange 스트레인지	s	-1/3	60 - 170
꼭대기	top 톱[*]	t	+2/3	165000 - 180000
바닥	bottom 보텀 <sup>[*]</sup>	b	-1/3	4100 - 4400

쿼크 3개로 구성된  $\Delta^{++}$ 입자의 전하량은 +2이므로

$$\Delta^{++}$$
입자의 전하량  $+\frac{2}{3}+\frac{2}{3}+\frac{2}{3}=+2$  가 가능하다.

질량을 고려하면 구성하고 있는 3개의 쿼크는 up, up, charm 이어야 한다.