<< 문제지를 프린트하여 풀이과정과 답을 작성한 후 제출하십시오. >>

0000 년 00 학기 00 고사		과	물리학 3장	학 과	학 년	감 독	
출 제	공동 출제	목		학 번		교수	
편 집	송 현 석	명	기출문제 답안지	성 명		확 인	
					0		
시험일시	0000. 00. 00		O			점 수	

[주의 사항] 1. 계산기는 사용할 수 없습니다.

2. 단위가 필요한 답에는 반드시 SI 체계로 단위를 표기하시오.

[2012년 1학기 중간고사 2번] - 연습문제 3.2. 3.3. 3.10 참고

1. 어떤 자동차가 $1.0\,km$ 의 거리를 이동하고 있다. 처음 $500\,m$ 의 거리를 $20\,m/s$ 의 일정한 속력으로 이동한 다음, 계속해서 다음 $500\,m$ 의 거리를 $30\,m/s$ 의 일정한 속력으로 이동하였다. 이 자동차가 $1.0\,km$ 의 거리를 이동하는 동안의 평균 속력은?

$$t_1 = \frac{x_1}{v_1} = \frac{500 \, m}{20 \, m/s} = 25 \, s \qquad \qquad t_2 = \frac{x_2}{v_2} = \frac{500 \, m}{30 \, m/s} = \frac{50}{3} \, s$$

$$\overline{v} = \frac{x}{t} = \frac{1000 \, m}{25 \, s + \frac{50}{3} \, s} = \frac{1000 \, m}{\frac{125}{3} \, s} = \frac{3000 \, m}{125 \, s} = 24 \, m/s$$

$$(\overline{v} = 24 \, m/s)$$

[2013년 1학기 중간고사 2번] - 연습문제 3.3, 3.9, 3.10 참고

 $\overline{a} = \frac{\Delta \boldsymbol{v}}{\Delta t} = \frac{\boldsymbol{v}_f - \boldsymbol{v}_i}{\Delta t} = \frac{(3\boldsymbol{i} - 2\boldsymbol{j})\,m/s - (-\,\boldsymbol{i} + 2\boldsymbol{j})\,m/s}{2\,s}$

2. 평면 위를 운동하는 어떤 물체의 속도가 (-i+2j)m/s에서 2^{\pm} 후에 (3i-2j)m/s로 변화하였다. 이 동안에 이 물체의 평균가속도의 크기는 얼마인가?

$$= \frac{(4\mathbf{i} - 4\mathbf{j}) \, m/s}{2 \, s} = (2\mathbf{i} - 2\mathbf{j}) \, m/s^2$$

$$|\overline{a}| = \sqrt{(a_x)^2 + (a_y)^2} = \sqrt{(2)^2 + (-2)^2} \, m/s^2$$

$$= \sqrt{8} \, m/s^2 = 2\sqrt{2} \, m/s^2$$

$$(|\overline{a}| = 2\sqrt{2} \, m/s^2)$$

[2014년 1학기 중간고사 3번] - 예제 3.3, 연습문제 3.7 참고

3. 아이작 뉴튼이 아주 큰 나무 꼭대기에서 사과가 떨어지는 것을 보았다. 나무 꼭대기의 높이가 $45\,m$ 일 때, 사과가 떨어지는데 걸리는 시간은 얼마인가? $(단, 중력가속도의 크기는 <math>10\,m/s^2$ 이며, 공기저항은 무시한다.)

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \implies 0 = h + 0 - \frac{1}{2}gt^2$$

$$\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times (45m)}{10m/s^2}} = 3s$$
($t = 3s$)

[2015년 1학기 중간고사 5번] - 예제 3.3, 연습문제 3.7, 3.8 참고

4. 높이가 $10\,m$ 인 빌딩 위에서 공을 자유낙하 시켰을 때 바닥에 떨어지기 직전의 속력을 구하시오. (공기저항은 무시하고 중력가속도의 크기는 $9.8\,m/s^2$ 이다.)

$$\begin{split} v_y^2 &= v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0) & \Rightarrow v_y^2 = 0 - 2g(0 - h) = 2gh \\ \\ \Rightarrow v_y &= \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times (9.8 \, m/s^2) \times (10 \, m)} \\ \\ &= \sqrt{196 \, m^2/s^2} = 14 \, m/s \end{split}$$
 ($v_y = 14 \, m/s$)

[2009년 1학기 중간고사 1번] - 예제 3.3. 연습문제 3.7 참고

5. 자유낙하 하는 물체가 $3.0\,s$ 동안 낙하한 거리는 얼마인가? 유효숫자를 고려하여 답하시오. (단, 중력가속도는 $g=9.8\,m/s^2$ 이고, 저항은 무시한다.)

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$
 \Rightarrow $\Delta y = y - y_0 = 0 - \frac{1}{2}gt^2 = -\frac{1}{2}gt^2$ \Rightarrow $|\Delta y| = \frac{1}{2}gt^2 = \frac{1}{2} \times (9.8 \, m/s^2) \times (3.0 \, s)^2 = 44.1 \, m$ \Rightarrow $44 \, m$ $(2개)$ (반을립) (1개)

$$(|\Delta y| = 44m)$$

[2012년 1학기 중간고사 3번] - 예제 1.2, 1.3, 3.4 참고

6. 어떤 물체를 연직 위로 던져 올렸다. 이 물체가 다시 출발점으로 돌아오는데 0.8초가 걸렸다면 초기에 공을 던져 올린 속력은 몇 m/s인지 유효숫자에 유의해서 답하라. (공기저항은 무시하고 중력가속도의 크기는 $9.8m/s^2$ 이다.)

$$v_y = v_{0y} + a_y t$$
 \Rightarrow $v_{0y} = v_y - a_y t = 0 + g t$ \Rightarrow $v_0 = g t = (9.8 \, m/s^2) \times (0.4 \, s) = 3.92 \, m/s$ \Rightarrow $4 \, m/s$
$$(27 \%) \qquad (17 \%) \qquad (반을림) \qquad (17 \%)$$

[2012년 1학기 중간고사 4번] - 예제 3.6, 3.7 연습문제 3.13, 3.14 참고

7. 지면으로부터 높이가 H인 상공에서 v의 속력으로 수평으로 날고 있는 비행기에서 폭탄을 투하하였다. 폭탄이 지면에 떨어질 때까지 날아간 수평거리는? (단, 공기저항은 무시하고 중력가속도의 크기는 g이다.)

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \quad \Rightarrow \quad 0 = H + 0 - \frac{1}{2}gt^2 \quad \Rightarrow \quad t = \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$x = x_0 + v_{0x}t \quad \Rightarrow \quad x = 0 + vt = vt = v\sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$(x = v\sqrt{\frac{2H}{g}})$$

[2010년 1학기 중간고사 4번] - 예제 3.7, 연습문제 3.13, 3.14 참고

8. $45\,m$ 높이의 언덕에서 수평으로 돌을 던졌다. 돌의 처음 속력이 $10\,m/s$ 였다면 돌이 떨어진 지점은 던진 지점에서 수평 방향으로 얼마나 떨어져 있겠는가? (단, 중력가속도의 크기는 $10\,m/s^2$ 이다.)

$$\begin{split} y &= y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \quad \Rightarrow \quad 0 = H + 0 - \frac{1}{2}gt^2 \quad \Rightarrow \quad t = \sqrt{\frac{2H}{g}} \\ x &= x_0 + v_{0x}t \\ \Rightarrow \quad x &= 0 + vt = vt = v\sqrt{\frac{2H}{g}} \\ &= (10\,m/s) \times \sqrt{\frac{2 \times (45\,m)}{10\,m/s^2}} = 30\,m \end{split}$$

<뒷 면에 단답형 문제 더 있음.>

[2011년 1학기 중간고사 3번] - 예제 3.6, 3.7, 연습문제 3.13, 3.14 참고

9. 해일로 고립된 지역에 구조 헬리콥터가 지상 $10\,m$ 높이에서 비상식량을 떨어 뜨렸다. 이 헬리콥터는 초속 $10\,m/s$ 의 속력으로 날고 있다. 이때, 비상식량이 지면에 도달할 때의 속도의 크기는 얼마인가?

(단, 중력가속도의 크기는 $10 m/s^2$ 이다.)

$$\begin{split} v_y^2 &= v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0) \\ \Rightarrow & v_y^2 = 0 - 2g(0 - y_0) = 2gy_0 = 2 \times (10\,m/s^2) \times (10\,m) = 200\,m^2/s^2 \\ v_x &= v_{0x} = 10\,m/s \quad \Rightarrow \quad v_x^2 = (10\,m/s)^2 = 100\,m^2/s^2 \\ |\vec{v}| &= \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{(100\,m^2/s^2) + (200\,m^2/s^2)} = 10\,\sqrt{3}\,\,m/s \end{split}$$

 $(|\vec{v}| = 10\sqrt{3} m/s)$

[2014년 1학기 중간고사 4번] - 예제 3.7, 연습문제 3.12, 3.13, 3.14, 3.18 참고

10. 높이가 $20\,m$ 인 건물 옥상에서 공을 수평으로 던졌더니 건물에서부터 $50\,m$ 떨어진 지점 바닥에 떨어졌다. 공이 손에서 떨어지는 순간의 초기속도를 구하시오. (단, 중력가속도의 크기는 $10\,m/s^2$ 이며, 공기저항은 무시한다.)

$$\begin{split} y &= y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \quad \Rightarrow \quad 0 = h + 0 - \frac{1}{2}gt^2 \\ &\Rightarrow \quad t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2\times(20\,m)}{10\,m/s^2}} = 2\,s \\ x &= x_0 + v_{0x}t \\ &\Rightarrow \quad v_{0x} = \frac{x - x_0}{t} = \frac{50\,m}{2\,s} = 25\,m/s \end{split}$$

[2013년 1학기 중간고사 3번] - 예제 3.7, 연습문제 3.12, 3.13, 3.14, 3.18 참고

11. 바닥에서 높이가 $20\,m$ 인 건물 옥상에서 수평으로 공을 던졌더니 건물로부터 수평으로 $30\,m$ 떨어진 곳의 바닥에 떨어졌다. 공이 땅에 닿기 직전의 속력을 구하여라. (단, 중력가속도의 크기는 $10\,m/s^2$ 이며, 공기저항은 무시한다.)

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2 \implies 0 = h + 0 - \frac{1}{2}gt^2$$

$$\implies t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times (20m)}{10m/s^2}} = 2s$$

$$x = x_0 + v_{0x}t$$

$$\implies v_x = v_{0x} = \frac{x - x_0}{t} = \frac{30m}{2s} = 15m/s$$

$$v_y^2 = v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0) \implies v_y^2 = 0 - 2g(0 - h)$$

$$\implies v_y = -\sqrt{2gh} = -\sqrt{2 \times (10m/s^2) \times (20m)}$$

$$= -20m/s$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{(15m/s)^2 + (-20m/s)^2}$$

$$= \sqrt{625m^2/s^2}$$

$$= 25m/s$$

$$(|\vec{v}| = 25m/s)$$

[2009년 1학기 중간고사 6번] - 예제 3.7 참고

[2008년 1학기 중간고사 5번]

12. 높이 h의 언덕에서 수평으로 돌을 던졌다. 돌이 지면에 떨어질 때 60° 의 각도로 떨어졌다면 처음 속력은 얼마인가? (중력가속도의 크기는 q라고 하자.)

$$\begin{aligned} v_y^2 &= v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0) \\ \Rightarrow & v_y^2 = 0 - 2g(0 - h) \quad \Rightarrow \quad v_y = \sqrt{2gh} \\ \tan 60^\circ &= \frac{v_y}{v_x} = \frac{v_y}{v_{0x}} = \sqrt{3} \\ \Rightarrow & v_{0x} = \frac{v_y}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2gh}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{2gh}{3}} \qquad (v_{0x} = \sqrt{\frac{2gh}{3}}) \end{aligned}$$

[2011년 1학기 중간고사 4번] - 연습문제 3.11 참고

13. 높이가 h인 빌딩 옥상에서 공을 같은 초기 속력으로 수평과 θ 의 각도로 던졌다. 이때 지면에 닿는 순간 공의 속력이 가장 커지는 θ 의 값은 얼마인가?

①
$$0^\circ$$
 ② 30° ③ 45° ④ 60° ⑤ θ 와 무관함
$$\overrightarrow{v}_0 = (v_{0x}, \ v_{0y}) = (v_{0} \cos \theta, \ v_{0} \sin \theta)$$

$$v_y^2 = v_{0y}^2 + 2a_y(y - y_0) \quad \Rightarrow \quad v_y^2 = v_{0y}^2 - 2g(0 - h) = v_0^2 \sin^2 \theta + 2gh$$

$$\Rightarrow \quad v_y = \sqrt{v_0^2 \sin^2 \theta + 2gh}$$

$$\Rightarrow \quad v_x = v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

$$\begin{split} \overrightarrow{v} &= (v_x, \ v_y) = (v_0 \cos \theta, \ \sqrt{v_0^2 \sin^2 \theta + 2gh} \,) \\ |\overrightarrow{v}| &= v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_0^2 \cos^2 \theta + v_0^2 \sin^2 \theta + 2gh} \\ &= \sqrt{v_0^2 (\cos^2 \theta + \sin^2 \theta) + 2gh} = \sqrt{v_0^2 + 2gh} \end{split}$$

답에 heta가 들어있지 않으므로 지면에 닿는 순간 공의 속력은 heta와 무관하다.

다른 풀이 (역학적 에너지 보존)

$$\begin{split} K_f + \ U_f &= K_i + U_i \quad \Rightarrow \quad \frac{1}{2} m v^2 + 0 = \frac{1}{2} m v_0^2 + mgh \\ &\Rightarrow \quad v = \sqrt{v_0^2 + 2gh} \end{split}$$

[2015년 1학기 중간고사 6번] - 연습문제 3.8, 연습문제 3.20 참고

14. $200 \, km/h$ 로 비행 할 수 있는 경비행기가 있다. 북서쪽($\theta = -45\,^\circ$)에서 부는 $100 \, \sqrt{2} \, km/h$ 의 바람속에서 똑바로 북쪽을 향해 날아가려면, 비행기는 북쪽을 기준으로 얼마나 벗어난 각도로 비행해야 하는가?



(북쪽을 기준으로 북동쪽은 + 북서쪽은 -를 사용)

$$\begin{split} \overrightarrow{v}_w &= v_w \sin 135\,^\circ \,\, \widehat{i} + v_w \cos 135\,^\circ \,\, \widehat{j} & \overrightarrow{v}_p &= v_p \sin \theta \,\, \widehat{i} + v_p \cos \theta \,\, \widehat{j} \\ \Rightarrow & \overrightarrow{v}_t &= \overrightarrow{v}_w + \overrightarrow{v}_p &= (v_w \sin 135\,^\circ + v_p \sin \theta) \,\, \widehat{i} + (v_w \cos 135\,^\circ + v_p \cos \theta) \,\, \widehat{j} \\ \Rightarrow & v_w \sin 135\,^\circ + v_p \sin \theta &= 0 \,\, \text{Olohohohoho} \,\, \widehat{\varpi} \\ \Rightarrow & \sin \theta &= -\frac{v_w}{v_p} \times \sin 135\,^\circ &= -\frac{100\,\sqrt{2}\,km/h}{200\,km/h} \times \frac{\sqrt{2}}{2} &= -\frac{1}{2} \\ \Rightarrow & \theta &= \sin^{-1} \left(-\frac{1}{2} \right) &= -30\,^\circ & \left(\theta &= -30\,^\circ \right) \end{split}$$

<뒷 면에 주관식 문제 있음.>

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2010년 1학기 중간고사 단답형 3번] - 예제 3.5 참고 [2008년 1학기 중간고사 단답형 4번]

[주관식 1] [15점]

두 물체를 시간 T의 간격으로 같은 초속도 v_0 로 수직 방향으로 던져 올렸다. 다음 질문들에 답하시오.

(1) 두 물체가 만나는 시간을 $T,\ v_0$ 와 중력가속도의 크기 g의 함수로 구하시오. [5점]

$$y_1 = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 \qquad \qquad y_2 = v_0 (t-T) - \frac{1}{2} g (t-T)^2$$

$$\Rightarrow \quad y_1 = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 = v_0 (t - T) - \frac{1}{2} g (t - T)^2 = y_2$$

$$\Rightarrow \qquad \quad v_0 t - \frac{1}{2} \, g t^2 = v_0 t - v_0 \, T - \frac{1}{2} \, g t^2 + g t \, T - \frac{1}{2} \, g \, T^2$$

$$\Rightarrow \quad v_0 \, T\!-gt\, T\!+\frac{1}{2}g\, T^2\!=0$$

$$\Rightarrow \quad 2v_0 - 2gt + g\,T = 0 \quad \Rightarrow \quad t = \frac{2v_0 + g\,T}{2g}$$

(2) 두 물체가 만나는 높이를 $T, \ v_0$ 와 중력가속도의 크기 g의 함수로 구하시오. [5점]

$$\begin{split} y_2 &= y_1 = v_0 \bigg(\frac{2v_0 + g\,T}{2g} \bigg) - \frac{1}{2}\,g \bigg(\frac{2v_0 + g\,T}{2g} \bigg)^2 \\ &= \bigg(\frac{2v_0^2 + v_0 g\,T}{2g} \bigg) - \bigg(\frac{4v_0^2 + 4v_0 g\,T + g^2\,T^2}{8g} \bigg) \\ &= \frac{8v_0^2 + 4v_0 g\,T - 4v_0^2 - 4v_0 g\,T - g^2\,T^2}{8g} \\ &= \frac{4v_0^2 - g^2\,T^2}{8g} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{g\,T^2}{8} \end{split}$$

(3) 첫 번째로 던진 물체가 최고점의 높이 H까지 올라간 후 내려오면서 H/2의 높이에서 두 번째로 던진 물체와 만난 것이라면 v_0 를 T와 중력가속도의 크기 g의 함수로 나타내어라. [5점]

$$\frac{H}{2} = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{g\,T^2}{8} \quad \Rightarrow \quad H = \frac{v_0^2}{g} - \frac{g\,T^2}{4} \quad \Rightarrow \quad v_0 = \sqrt{\frac{g^2\,T^2}{4} + gH}$$

$$v^2 = v_0^2 + 2a(y - y_0)$$
 \Rightarrow $0 = v_0^2 - 2gH$ \Rightarrow
$$\begin{cases} v_0^2 = 2gH \\ H = \frac{v_0^2}{2g} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \quad v_0^2 = 2gH = 2g \bigg(\frac{v_0^2}{g} - \frac{g\,T^2}{4} \bigg) = 2v_0^2 - \frac{g^2\,T^2}{2}$$

$$\Rightarrow v_0^2 = \frac{g^2 T^2}{2} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{g^2 T^2}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} g T$$

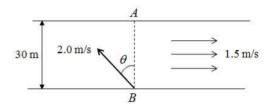
$$\Rightarrow \quad \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{g} - \frac{g\,T^2}{4} \quad \Rightarrow \quad \frac{v_0^2}{g} - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{g\,T^2}{4} \quad \Rightarrow \quad \frac{v_0^2}{2g} = \frac{g\,T^2}{4} = H$$

$$\Rightarrow v_0^2 = \frac{g^2 T^2}{2} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{g^2 T^2}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} g T$$

[2012년 1학기 중간고사 주관식 1번] - 예제 3.8, 연습문제 3.20 참고 [2009년 1학기 중간고사 단답형 7번]

[주관식 2] [15점]

그림과 같이 폭이 $30\,m$ 이고, 유속이 $1.5\,m/s$ 인 강이 있다. 이 강을 $2.0\,m/s$ 의 속력으로 수영할 수 있는 사람이 헤엄쳐서 건너려고 한다. 이때, 다음 질문들에 답하여라.



(1) 이 사람이 B지점을 출발하여 그림의 점선을 따라 A 지점에 도달하려고 한다. 이 사람은 실제로 어느 방향으로 헤엄쳐야 하는지, $\sin heta$ 값을 구하여라. [3점]

$$\vec{v}_r = v_r \, \hat{i} = 1.5 \, m/s \qquad \qquad \vec{v}_p = - \, v_p \sin\theta \, \, \hat{i} + v_p \cos\theta \, \hat{j}$$

$$\Rightarrow \quad \vec{v}_t = \vec{v}_r + \vec{v}_p = (v_r - v_p \sin \theta) \ \hat{i} + v_p \cos \theta \ \hat{j}$$

$$\Rightarrow$$
 $v_r - v_p \sin \theta = 0$ 이어야 하므로 \Rightarrow $\sin \theta = \frac{v_r}{v_p} = \frac{1.5 \, m/s}{2.0 \, m/s} = \frac{3}{4}$

(2) 이 사람이 가장 짧은 시간에 강을 건너려면 어느 방향으로 헤엄쳐야 하는가? 이때, 지상에 대한 사람의 속력을 구하여라. [6점]

$$\theta = 0$$

$$v_t = \sqrt{v_r^2 + v_p^2} = \sqrt{(1.5\,m/s)^2 + (2.0\,m/s)^2} = \sqrt{6.25\,m^2/s^2} = 2.5\,m/s$$

(3) (2)의 경우에 강을 건너는데 걸리는 시간은 얼마인가? 또, 사람이 강 건너편에 도착했을 때 도착 지점은 A 로부터 얼마나 떨어져 있는가? [6점]

$$t = \frac{\overline{AB}}{v_p} = \frac{30 \, m}{2.0 \, m/s} = 15 \, s$$

$$d = v_r t = (1.5 \, m/s) \times (15 \, s) = 22.5 \, m$$

<뒷 면에 주관식 문제 더 있음.>

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2007년 1학기 중간고사 주관식 1번] - 연습문제 3.17 참고 [주관식 3] [20점]

높이가 H인 나무의 꼭대기에 원숭이가 있다. 나무 밑으로부터 수평거리가 R만큼 떨어진 지점에 있는 사냥꾼이 원숭이를 조준하여(즉, 수평방향과 $\tan\theta=\frac{H}{R}$ 의 방향으로) 쏘는 순간 원숭이가 기절하여 떨어지기 시작한다고 한다. (단, 총알의 초기 속도의 크기는 v_0 이고 중력가속도의 크기는 g이다.)

(1) 총알의 초기 속도의 수평방향 성분과 수직방향 성분을 $v_0,\; \theta$ 를 이용하여 나타내어라. [3점]

$$\vec{v}_0 = (v_{0x}, v_{0y}) = (v_0 \cos \theta, v_0 \sin \theta)$$

(2) 총알의 초기 속도의 수평방향 성분을 이용하여 총알이 나무 위치에 도달할 때 까지의 시간을 v_0 , θ , R로 나타내어라. [3점]

$$R = v_{0x}t = (v_0 {\cos}\theta) \ t \quad \Rightarrow \quad t = \frac{R}{v_0 {\cos}\theta}$$

(3) 총알의 초기 속도의 수직방향 성분을 이용하여 총알이 나무 위치에 도달했을 때 총알의 높이를 $g,\ v_0,\ R,\ H$ 로 나타내어라. [7점]

$$y$$
 - 방향 : 등가속도운동 $\left\langle \tan\theta = \frac{H}{R}, \cos\theta = \frac{R}{\sqrt{R^2 + H^2}} \right\rangle$

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$\Rightarrow \quad h = 0 + (v_0 \mathrm{sin}\theta) \left(\frac{R}{v_0 \mathrm{cos}\theta}\right) - \frac{1}{2} g \left(\frac{R}{v_0 \mathrm{cos}\theta}\right)^2 = R \mathrm{tan}\theta - \frac{g R^2}{2 v_0^2 \mathrm{cos}^2 \theta}$$

$$= H - \frac{gR^2}{2v_0^2} \left(\frac{R^2 + H^2}{R^2} \right) = H - \frac{g(R^2 + H^2)}{2v_0^2}$$

(4) 총알이 나무 위치에 도달했을 때 원숭이의 높이를 $g,\ v_0,\ R,\ H$ 로 나타내어 라. 원숭이는 총알에 맞는가? [7점]

$$y$$
 - 방향 : 등가속도운동(자유낙하) $\left\langle \cos\theta = \frac{R}{\sqrt{R^2 + H^2}} \right\rangle$

$$y = y_0 + v_{0y}t + \frac{1}{2}a_yt^2$$

$$\Rightarrow \quad h = H + 0 - \frac{1}{2} g \bigg(\frac{R}{v_0 \mathrm{cos} \theta} \bigg)^2 = H - \frac{g R^2}{2 v_0^2} \bigg(\frac{1}{\mathrm{cos}^2 \theta} \bigg)$$

$$= H - \frac{gR^2}{2v_0^2} \left(\frac{R^2 + H^2}{R^2} \right) = H - \frac{g(R^2 + H^2)}{2v_0^2}$$

(3)의 결과와 (4)의 결과가 같은 것으로 볼 때, 원숭이는 총알에 맞는다.