1. 사인함수 형태의 전압 V(t)의 유효전압이 100 V이다. 최대전압은 얼마인가?

$$V_0 = \sqrt{2} V_{rms} = \sqrt{2} \times 100 V = 141.4 V$$

2. 최대 전압이 220 V 인 교류 전원에 10.0Ω 의 저항을 연결하였을 때, 저항에 흐르는 유효 전류와 평균 소비 전력을 구하여라.

$$\epsilon_0 = 220 \, V, \qquad R = 10.0 \, \Omega$$

$$\begin{split} i(t) &= \frac{\epsilon}{R} = \frac{\epsilon_0}{R} sin(\omega t) = i_0 sin(\omega t) \\ &\Rightarrow i_0 = \frac{\epsilon_0}{R} = \frac{220 \, V}{10.0 \, \Omega} = 22.0 A \\ &\Rightarrow i_{rms} = \frac{i_0}{\sqrt{2}} = \frac{22.0 \, A}{\sqrt{2}} \approx 15.56 \, A \\ &< P > = i_{rms}^2 R = \left(\frac{22.0 \, A}{\sqrt{2}}\right)^2 \times 10.0 \, \Omega = 2420 \, A^2 \cdot \Omega = 2420 \, W \end{split}$$

3. $35.0\,\mu F$ 축전기가 각진동수 $400\,Hz$ 이고 최대전압이 $20.0\,V$ 인 교류전원에 연결되었다면 이 회로의 최대전류는 얼마인가?

$$\begin{split} \epsilon_0 &= 20.0\,V, \qquad C = 35.0\,\mu F = 35.0 \times 10^{-6}\,F, \qquad \omega = 400\,Hz \\ q(t) &= C\,\epsilon = C\,\epsilon_0 \mathrm{sin}\,(\omega t) = q_0 \mathrm{sin}\,(\omega t) \\ i(t) &= \frac{dq(t)}{dt} = \frac{d}{dt} \big(C\,\epsilon_0 \mathrm{sin}\,(\omega t)\big) = \omega\,C\,\epsilon_0 \mathrm{cos}\,(\omega t) = i_0 \mathrm{cos}\,(\omega t) \\ \Rightarrow \qquad i_0 &= \omega\,C\,\epsilon_0 = (400\,Hz) \times (35.0 \times 10^{-6}\,F) \times (20.0\,V) = 0.280\,A \end{split}$$

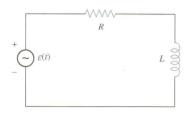
4. $45.0\,mH$ 인덕터가 진동수 $400\,Hz$ 이고 최대전압이 $20.0\,V$ 인 교류전원에 연결되었다면 이 회로의 최대전류는 얼마인가?

$$\epsilon_0 = 20.0 \, V, \qquad L = 45.0 \, mH = 45.0 \times 10^{-3} \, H, \qquad f = 400 \, Hz$$

$$i(t) = \int di = \int \frac{\epsilon}{L} dt = \frac{\epsilon_0}{L} \int \sin(\omega t) dt = -\frac{\epsilon_0}{\omega L} \cos(\omega t) = -i_0 \cos(\omega t)$$

$$\Rightarrow \qquad i_0 = \frac{\epsilon_0}{\omega L} = \frac{\epsilon_0}{2\pi f L} = \frac{20.0 \, V}{2\pi \times (400 \, Hz) \times (45.0 \times 10^{-3} \, H)} \approx 0.1768 \, A$$

5. 그림과 같이 $400\,\Omega$ 의 저항선과 인덕턴스가 $0.500\,H$ 인 코일이 교류 전원에 직렬로 연결 되어 있는 RL회로가 있다. 교류 전원의 유효 전압이 $100\,V$ 이고, 각주파수가 $600\,rad/s$ 일 때, 이 회로의 유효 전류와 저항에서 소비되는 평균 전력을 구하여라.



$$R = 400 \,\Omega, \qquad L = 0.500 \,H,$$

$$R = 400 \,\Omega$$
, $L = 0.500 \,H$, $\epsilon_{rms} = 100 \,V$, $\omega = 600 \, rad/s$

$$\begin{split} Z &= \sqrt{R^2 + X_L^2} = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2} = \sqrt{(400\,\Omega)^2 + (600\,rad/s \times 0.500\,H)^2} = 500\,\Omega \\ i_{rms} &= \frac{\epsilon_{rms}}{Z} = \frac{100\,V}{500\,\Omega} = 0.200\,A \end{split}$$

$$< P > = i_{rms}^2 R = (0.200 A)^2 \times 400 \Omega = 16.0 A^2 \cdot \Omega = 16.0 W$$

 $6. \ RL$ 회로가 교류회로에 연결되어 있다. $V_0 = 20.0 \, V$ 이고 저항에 걸리는 최대 전압이 16.0 V라면 인덕터 양단에 걸리는 최대 전압은 얼마인가?

$$V_0 = 20.0 V$$
, $V_{0,R} = 16.0 V$, $V_{0,C} = 0.00 V$

$$\begin{split} V_0^2 &= \ V_{0\ R}^2 + (\ V_{0\ L} - \ V_{0\ C})^2 = \ V_{0\ R}^2 + \ V_{0\ L}^2 \\ \Rightarrow \qquad V_{0\ L} &= \sqrt{V_0^2 - \ V_{0\ R}^2} = \sqrt{(20.0\ V)^2 - (16.0\ V)^2} = \sqrt{(12.0\ V)^2} = 12.0\ V_{0\ R}^2 \end{split}$$

7. 저항과 인덕터가 직렬로 연결된 RL회로에 유효전압이 $200\,V$ 인 교류 전원을 연결하였을 때 유효전류가 $20.0\,A$ 였고, 이 희로에 $200\,V$ 의 직류 전원을 연결하였을 때에는 $25.0\,A$ 의 전류가 흘렀다. 이때, 이 회로에서 저항 R과 유도 리엑턴스 X_L 을 구하여라.

$$\epsilon_{rms} = 200\,V, \qquad \quad i_{rms} = 20.0\,A\,, \qquad \qquad \epsilon = 200\,V, \qquad \quad i = 25.0\,A \label{eq:epsilon}$$

$$i_{rms} = \frac{\epsilon_{rms}}{Z} \qquad \Rightarrow \qquad Z = \frac{\epsilon_{rms}}{i_{rms}} = \frac{200\,V}{20.0\,A} = 10.0\,\Omega$$

$$i = \frac{\epsilon}{R}$$
 \Rightarrow $R = \frac{\epsilon}{i} = \frac{200 V}{25.0 A} = 8.00 \Omega$

$$Z^2 = R^2 + X_L^2 \qquad \Rightarrow \qquad X_L = \sqrt{Z^2 - R^2} = \sqrt{(10.0 \, \Omega)^2 - (8.00 \, \Omega)^2} = 6.00 \, \Omega$$

8. $R=4.00\Omega$, $X_C=3.00\Omega$, $X_L=6.00\Omega$ 인 RLC 직렬회로의 임피던스는 얼마인가?

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(4.00\,\Omega)^2 + (6.00\,\Omega - 3.00\,\Omega)^2} = 5.00\,\Omega$$

9. $30.0\,V$, $60.0\,Hz$ 의 교류전류가 $90.0\,\Omega$ 의 저항, $50.0\,\mu$ F의 축전기, $60.0\,m$ H의 인덕턴스로 이루어진 직렬회로에 연결되어 있다. 교류회로의 전압에 대한 전류위상의 탄젠트 값을 구하여라.

$$\epsilon_{rms} = 30.0 \, V, \qquad f = 60.0 \, Hz$$

$$R = 90.0 \, \Omega, \qquad C = 50.0 \, \mu F = 50.0 \times 10^{-6} \, F, \qquad L = 60.0 \, mH = 60.0 \times 10^{-3} \, H$$

$$an\phi = rac{X_L - X_C}{R} = rac{\omega L - rac{1}{\omega \, C}}{R} = rac{2\pi f L - rac{1}{2\pi f \, C}}{R}$$

$$= rac{2\pi imes (60.0 \, Hz) imes (60.0 imes 10^{-3} \, H) - \left(rac{1}{2\pi imes (60.0 \, Hz) imes (50.0 imes 10^{-6} \, F)}
ight)}{90.0 \, \Omega} pprox = -0.338$$
 $\phi pprox an^{-1} (-0.338) pprox -18.68 \, \circ \qquad <- 부호 : 전류가 전압보다 위상이 빠름 > -0.338$

10. RLC회로에 연결된 저항의 저항은 $510\,\Omega$, 인덕터의 인덕턴스는 $25.0\,mH$, 축전기의 전기용량은 $240\,\mu F$ 이다. 이 회로에는 또한 기전력이 $17.0\,V$ 이고 진동수는 $60.0\,Hz$ 인 교류 전원이 연결되어 있다. 전기용량 리액턴스와 유도 리액턴스, 그리고 임피던스를 구하여라.

$$R = 510 \, \Omega$$
, $L = 25.0 \, mH$, $C = 240 \, \mu F$, $\epsilon_{rms} = 17.0 \, V$, $f = 60.0 \, Hz$

$$\begin{split} X_C &= \frac{1}{2\pi f \, C} = \frac{1}{2\pi \times (60.0 \, Hz) \times (240 \times 10^{-6} F)} \approx 11 \, \varOmega \\ X_L &= 2\pi f L = 2\pi \times (60.0 \, Hz) \times (25 \times 10^{-3} \, H) \approx 9.4 \, \varOmega \\ Z &= \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(510 \, \varOmega)^2 + \{(11 \, \varOmega) - (9.4 \, \varOmega)\}^2} \approx 510 \, \varOmega \end{split}$$

 $11.\ RLC$ 회로가 $V_0=100\,V$ 에 연결되어 있다. $V_{R,\,0}$, $V_{C,\,0}$, 그리고 $V_{L,\,0}$ 이 모두 같다면 $V_{R,\,rms}$ 은 얼마인가?

$$V_0 = 100 \, V \qquad \Rightarrow \qquad V_{0 \ rms} = \frac{V_0}{\sqrt{2}} = \frac{100 \, V}{\sqrt{2}} \approx 70.7 \, V$$

$$\begin{split} V_0^2 &= V_{R,\,0}^2 + (V_{L,\,0} - V_{C,\,0})^2 = V_{R,\,0}^2 \\ \Rightarrow V_{R\,\,0} &= V_0 = 100\,V \\ \Rightarrow V_{R\,\,rms} &= V_{0\,\,rms} \approx 70.7\,V \end{split}$$

12. 발전기에서 생산되는 유효 전압이 $10.0\,V$ 이고 각진동수는 $200\,rad/s$ 이다. 이 전원에 $50.0\,\Omega$ 저항, $400\,mH$ 인덕터, 그리고 $200\,\mu$ 축전기가 직렬로 연결된 회로에 공급되면 축전기와 인덕터에 걸리는 유효 전압은 각각 얼마인가?

$$\begin{split} R &= 50.0 \, \varOmega, \quad L = 400 \, mH, \quad C = 200 \, \mu F, \quad V = 10.0 \, V, \quad \omega = 200 \, rad/s = 200 \, Hz \\ X_L &= \omega L = (200 \, rad/s) \times (400 \times 10^{-3} \, H) = 80.0 \, \varOmega \\ X_C &= \frac{1}{\omega \, C} = \frac{1}{(200 \, rad/s) \times (200 \times 10^{-6} \, F)} = 25.0 \, \varOmega \\ Z &= \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(50.0 \, \varOmega)^2 + \{(80.0 \, \varOmega) - (25.0 \, \varOmega)\}^2} \approx 74.3 \, \varOmega \\ I &= \frac{V}{Z} \approx \frac{10.0 \, V}{74.3 \, \varOmega} \approx 0.135 \, A \\ V_R &= IR \approx (0.135 \, A) \times (50.0 \, \varOmega) \approx 6.727 \, V \\ V_C &= IX_C \approx (0.135 \, A) \times (25.0 \, \varOmega) \approx 3.363 \, V \end{split}$$

13. RLC 회로에 공급되는 교류전원의 유효 전압이 E이고 유효 전류가 I이다. 전류가 전압 보다 위상이 ϕ 만큼 느리다면, 공급되는 전력은 얼마인가?

$$<{\cal P}> = I_{rms}\,V_{rms}^R = I_{rms}\,V_{rms}{\rm cos}\phi \qquad \Rightarrow \qquad <{\cal P}> = IE\,{\rm cos}\phi$$

 $V_L = IX_L \approx (0.135 \, A) \times (80.0 \, \Omega) \approx 10.763 \, V$

 $14. \sqrt{LC}$ 의 차원은 시간임을 보여라.

$$\begin{cases} V = -L \frac{dI}{dt} & \Rightarrow \quad L = -V \frac{dt}{dI} = -V \frac{dt}{dQ/dt} \quad \left[V \frac{T^2}{Q} \right] \\ Q = CV & \Rightarrow \quad C = \frac{Q}{V} \quad \left[\frac{Q}{V} \right] \\ \Rightarrow \quad [LC] = \left[V \frac{T^2}{Q} \cdot \frac{Q}{V} \right] = [T^2] \quad \Rightarrow \quad [\sqrt{LC}] = [T] \end{cases}$$

15. 직렬 RLC 회로에서 공명이 일어날 때, 회로의 임피던스는 어떻게 되는가?

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = R$$
 < 중명이 일어날 때 $X_L = X_C$ >

- 16. 6.00mH의 인덕터와 $10.0\mu F$ 의 축전기가 있다.
 - (1) 진동수가 얼마일 때 이 인덕터와 축전기의 리액턴스가 동일한가?

$$L = 6.00 \, mH,$$
 $C = 10.0 \, \mu F$

$$\begin{cases} X_L = \omega L = 2\pi f L \\ X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C} \end{cases} \Rightarrow X_L = X_C$$

$$\Rightarrow 2\pi f L = \frac{1}{2\pi f C}$$

$$\Rightarrow f^2 = \frac{1}{4\pi^2 L C}$$

$$\Rightarrow f = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}}$$

$$= \frac{1}{2\pi \sqrt{(6.00 \times 10^{-3} H) \times (10.0 \times 10^{-6} F)}}$$

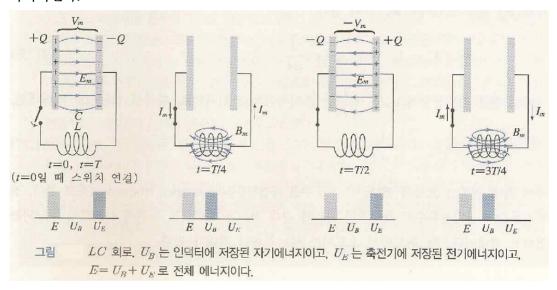
$$\approx 650 Hz$$

(2) 위에서 구한 진동수는 이들을 연결한 LC 회로의 자연 진동수와 같음을 보여라.

$$\begin{split} L\frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} &= 0 & \Rightarrow \quad L\frac{d^2Q}{dt^2} + \frac{Q}{C} &= 0 \\ & \Rightarrow \quad \frac{d^2Q}{dt^2} + \frac{1}{LC}Q &= 0 \\ & \Rightarrow \quad \frac{d^2Q}{dt^2} + \omega_0^2Q &= 0 \quad < where \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} > \end{split}$$

$$\begin{split} solution> & Q(t)=Q_0\ \cos\omega_0 t\\ \Rightarrow & I(t)=\frac{d\,Q(t)}{dt}=-\omega_0\,Q_0\ \sin\omega_0 t=-I_0\sin\omega_0 t \quad < where \quad I_0=\omega_0\,Q_0>\\ \Rightarrow & f_0=\frac{\omega_0}{2\pi}=\frac{1}{2\pi}\frac{1}{\sqrt{LC}} \end{split}$$

17. 그림 22.7과 같은 LC 회로에서 인덕터의 인덕턴스는 $2.00\,mH$, 축전기의 전기용량은 $10.0\,\mu$ F 이다. 스위치를 연 상태에서 $3.00\,V$ 인 외부 건전지를 사용하여 축전기에 전하를 축적시킨다.



(1) 축전기에 축적된 에너지는 얼마인가?

$$L = 2.00 \, mH, \qquad C = 10.0 \, \mu F, \qquad \epsilon = 3.00 \, V$$

$$U_E = \frac{1}{2} \, CV^2 = \frac{1}{2} \times (10.0 \times 10^{-6} \, F) \times (3.00 \, V)^2 = 4.50 \times 10^{-5} \, J = 45.0 \mu J$$

(2) 스위치를 연결한 후 인덕터에 흐르는 전류가 최대가 될 때까지 걸리는 시간은?

(3) 이때 최대 전류는 얼마인가?

$$\begin{split} &U_B = \frac{1}{2}LI^2 \\ &I = \sqrt{\frac{2\,U_B}{L}} = \sqrt{\frac{2\,U_E}{L}} = \sqrt{\frac{2\times(45.0\times10^{-6}\,J)}{(2.00\times10^{-3}\,H)}} = \sqrt{0.0450\,J/H} \approx 0.212\,A \end{split}$$

18. 저항이 없는 LC회로에서 인덕터의 인덕턴스는 $6.00\,mH$, 축전기의 전기용량은 $0.200\,\mu$ F이다. 축전기의 최대 전위차는 $10.0\,V$ 였는데, 전위차가 $5.00\,V$ 가 되었을 때이 회로의 전류는 얼마인가?

$$L = 6.00 \, mH, \qquad C = 0.200 \, \mu F$$

$$U_{total} = U_{E_{\max}} = \frac{1}{2} \, CV_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times (0.200 \times 10^{-6} \, F) \times (10.0 \, V)^2 = 10.0 \times 10^{-6} \, J = 10.0 \, \mu J$$

$$\begin{split} U_B &= U_{total} - U_E = \frac{1}{2} \, C V_{\text{max}}^2 - \frac{1}{2} \, C V^2 \\ &= \frac{1}{2} \times (0.200 \times 10^{-6} \, F) \times (10.0 \, V)^2 - \frac{1}{2} \times (0.200 \times 10^{-6} \, F) \times (5.00 \, V)^2 \\ &= 10.0 \times 10^{-6} \, J - 2.50 \times 10^{-6} \, J \\ &= 7.50 \times 10^{-6} \, J \\ &= 7.50 \, \mu J \end{split}$$

$$U_B = \frac{1}{2}LI^2 \qquad \Rightarrow \qquad I = \sqrt{\frac{2\,U_B}{L}} = \sqrt{\frac{2\,\times\,(7.50\,\times\,10^{-\,6}\,J)}{(6.00\,\times\,10^{-\,3}\,H)}} = 0.0500\,A = 50.0\,mA$$

19. 파장이 100 m인 전자기파를 인덕턴스가 20.0 mH인 LC회로에서 공진이 일어나게 하려면, 축전기의 전기용량을 얼마로 하여야 하는가?

$$L = 20.0 \, mH, \qquad \lambda = 100 \, m$$

$$c = \frac{\lambda}{T} = f\lambda \qquad \Rightarrow \qquad f = \frac{c}{\lambda}$$

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \qquad \Rightarrow \qquad f^2 = \frac{1}{4\pi^2 LC}$$

$$\Rightarrow \qquad C = \frac{1}{4\pi^2 L f^2} = \frac{1}{4\pi^2 L \left(\frac{c}{\lambda}\right)^2} = \frac{1}{4\pi^2 \times (20.0 \times 10^{-3} \, H) \times \left(\frac{3.00 \times 10^8 \, m/s}{100 \, m}\right)^2}$$

$$\approx 0.141 \times 10^{-12} \, F$$

$$= 0.141 \, pF$$

20. 그림 22.5에 보인 것과 같은 RLC 회로가 있다. 여기서 $R=5.00\,\Omega$, $L=60.0\,mH$ 이고 이 회로에 흐르는 전류의 진동수는 $60.0\,Hz$ 이고 기전력은 $30.0\,V$ 라고 하자.



$$R = 5.00 \,\Omega$$
, $L = 60.0 \,mH$, $f = 60.0 \,Hz$, $\epsilon_{rm\,s} = 30.0 \,V$

(1) 축전기의 전기용량이 얼마일 때 저항을 통해 방출되는 평균 일률이 최대가 되는가?

(2) 이 경우의 최대 전력을 구하고 위상차도 구하여라.

21. $10.0\,\mu H$ 의 인덕턴스와 $5.00\,\mu F$, $25.0\,\mu F$ 의 두 개의 축전기를 모두 병렬로 연결한 진동 회로가 있다. 이 회로의 고유진동수를 구하여라.

$$X_L = X_C \qquad \Rightarrow \qquad \omega L = \frac{1}{\omega C} \qquad \Rightarrow \qquad \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \qquad \Rightarrow \qquad f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$V = \frac{Q}{C} \qquad \Rightarrow \qquad V \sim \frac{1}{C} \qquad \Rightarrow \qquad \left\{ \begin{array}{l} \exists \, \vdots \, \frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots \\ \exists \, \exists \, \colon \, C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \qquad \omega = \frac{1}{\sqrt{L(C_1 + C_2)}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{(10.0 \times 10^{-6} \, H) \times \{(50.0 \times 10^{-6} \, F) + (25.0 \times 10^{-6} \, F)\}}} \approx 36514 \, Hz$$

$$\Rightarrow \qquad f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L(C_1 + C_2)}}$$

$$= \frac{1}{2\pi \times \sqrt{(10.0 \times 10^{-6} \, H) \times \{(50.0 \times 10^{-6} \, F) + (25.0 \times 10^{-6} \, F)\}}} \approx 5811 \, Hz$$

22. (1) $35\mu F$ 축전기가 각진동수 400Hz이고 최대 전압이 20V인 교류전원에 연결되었다면 이 회로의 최대 전류는 얼마인가?

$$\begin{split} C &= 35 \mu F, \qquad \omega = 400 Hz, \qquad V_0 = 20 \, V \\ X_C &= \frac{1}{2 \pi f \, C} = \frac{1}{\omega \, C} = \frac{1}{(400 Hz) \times (35 \times 10^{-6} F)} = \frac{1}{0.014} \, \varOmega \\ I_0 &= \frac{V_0}{X_C} = (20 \, V) \times (0.014 \, / \varOmega) = 0.28 A \end{split}$$

(2) $45 \ mH$ 인덕터가 진동수 400Hz이고 최대 전압이 20V인 교류전원에 연결되었다면 이 회로의 최대 전류는 얼마인가?

$$\begin{split} L &= 45mH, \qquad f = 400Hz, \qquad V_0 = 20\,V \\ X_L &= 2\pi f L = 2\pi \times (400Hz) \times (45 \times 10^{-3} H) \approx 113.1 \varOmega \\ I_0 &= \frac{V_0}{X_L} = \frac{20\,V}{113.1 \varOmega} \approx 0.177 A \end{split}$$