#### << 문제지를 프린트하여 풀이과정과 답을 작성한 후 제출하십시오. >>

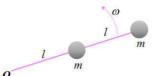
0000 년 00 학기 00 고사		과	물리학	9장	학 과		학 년	감 독	
출 제	공동 출제	목			학 번			교수	
편 집	송 현 석	명	기출문제	답안지	성 명			확 인	
시험일시 0000. 00. 00		0			0		점 수		

#### [주의 사항] 1. 계산기는 사용할 수 없습니다.

2. 단위가 필요한 답에는 반드시 SI 체계로 단위를 표기하시오.

## [2014년 1학기 기말고사 2번] - 예제 8.2, 9.6, 9.7, 9.8 연습문제 9.4 참고

1. 그림과 같이 동일한 질량 m인 두 입자가 회전축 O 로부터 각각 l, 2l 씩 떨어져서 회전축을 중심으로 일정한 각속도  $\omega$ 로 돌고 있다.



이 계의 총 각운동량을 구하여라.

( L= )

## [2011년 1학기 기말고사 3번] - 예제 9.3 참고

2. 질량중심에 대한 회전관성이 I인 어떤 원판을 정지 상태에서 일정한 돌림 힘  $\tau$ 를 작용시켜 시간 T 동안 돌렸을 때, 시간 T에서 원판의 각속도의 크기를  $l,\; au,\; T$ 를 이용하여 나타내어라.

 $(\omega = )$ 

#### [2007년 1학기 기말고사 1번] - 예제 9.3 참고

3. 질량중심에 대한 회전관성이 I인 원판이 있다. 이 원판을 정지 상태에서 일정한 돌림힘을 작용시켜 시간 T동안 돌려서 각속력  $\omega$ 를 얻었다. 이때, 이 원판에 작용한 돌림힘의 크기는 얼마인가?

 $(\tau =)$ 

#### [2014년 1학기 기말고사 4번] - 예제 9.9 참고

**4.** 경사각이  $\theta$ , 높이가 H인 경사면에서 정지상태의 고무공이 미끄러짐 없이 굴러 내려간다. 경사면 끝에서의 고무공의 병진 속력을 주어진 변수로 구하시오. (고무공의 반지름은 R, 질량은 M, 회전관성은  $\frac{2}{5}MR^2$ , 그리고 중력가속도의 크기는 g이다.)

 $(v_{cm} = )$ 

#### [2012년 1학기 기말고사 3번] - 예제 9.9 참고

#### [2007년 1학기 기말고사 2번]

5. 바닥면에서부터 높이가 H인 경사면의 꼭대기에 질량이 M이고 반지름이 R인 균일한 원판이 놓여 있다. 이 바퀴를 정지 상태로부터 가만히 놓았을 때 원판은 경사면을 따라 미끄러지지 않고 굴러 내려갔다. 원판이 바닥면에 도착할 때의 병진속력을 h와 중력가속도의 크기 q를 이용하여 나타내어라.

(단, 원판의 회전관성은  $MR^2/2$ 이고, 마찰에 의한 에너지 손실은 무시한다.)

 $(v_{cm} = )$ 

## [2013년 1학기 기말고사 3번 & 2011년 1학기 기말고사 4번] - 예제 9.9 참고

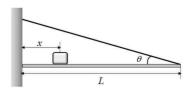
6. 질량이 m이고 반경이 R인 공이 미끄럼 없이 일정한 속력 v로 수평 방향으로 굴러가다가 경사진 비탈길로 올라갔다. 이때, 이 공이 올라갈 수 있는 최대 수직 높이를 v와 중력가속도의 크기 g를 이용하여 나타내어라.

(단, 공의 회전관성은  $\frac{2}{3}mR^2$  이다.)

(h = )

## [2010년 1학기 기말고사 4번] - 예제 9.10, 연습문제 9.15 참고

7. 아래 그림에서와 같이 길이 L인 얇은 판의 한쪽 끝은 벽에 고정되어 있고다른 쪽 끝은 실에 매여 있다. 실과 판 사이의 각도는  $\theta$ 이고 실의 다른 쪽 끝은 벽에 고정되어 있다. 또한, 어떤 물체가 벽으로부터 x만큼 떨어져서 판위에 놓여 있다. 실의 장력이 T이상 되면 끊어진다고 할 때, 실이 끊어지지 않을 물체의 최대 무게를 구하여라. (이때, 판과 실의 질량은 무시한다.)



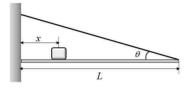
 $(W_{\max} = )$ 

<뒷 면에 단답형 문제 더 있음.>

## [2013년 1학기 기말고사 4번] - 예제 9.10, 연습문제 9.15 참고

8. 길이가 L이고 질량이 M인 밀도가 균일한 판이 있다. 아래 그림에서와 같이 이 판의 한쪽 끝은 벽에 고정되어 있고 다른 쪽 끝은 질량을 무시할 수 있는 실에 매여 있다. 실과 판 사이의 각도는  $\theta$ 이고 실의 다른 쪽 끝은 벽에 고정되어 있다. 또한 질량이 m인 어떤 물체가 벽으로부터 x만큼 떨어져서 판위에놓여 있다. M=2m이고 L=4x라고 할 때, 실의 장력을 구하여라.

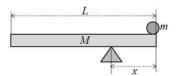
(단, 중력가속도의 크기는 q이다.)



(T=

### [2012년 1학기 기말고사 5번] - 예제 9.10, 연습문제 9.12 참고

9. 질량이 M이고 길이가 L인 균일한 막대의 오른쪽 끝 지점에 질량이 m인물체가 올려져있다. 아래 그림과 같이 막대의 아래쪽에 받침대를 두어 막대와물체의 균형을 유지하였다.  $M=500\,g,\;m=300\,g,\;L=1.6\,m$ 가고 할 때,받침대의 위치 x는 얼마인가? (이때, 물체의 크기는 무시할 수 있다고 가정.)



 $(x_{cm} = )$ 

#### [2012년 1학기 기말고사 4번] - 예제 9.6, 연습문제 9.5, 9.6 참고

10. 일정한 각속도로 회전하던 별이 붕괴하면서 각속도가 2배가 되었다. 붕괴과정에서 질량 변화는 없었다면, 붕괴후에 별의 반경은 붕괴전 별의 반경의몇 배가 되는가? (단, 별의 밀도는 균일하며 별의 회전관성은  $2MR^2/5$ 이다. 여기서, M은 별의 질량이고 R은 별의 반경이다.)

(R' = )

# [2010년 1학기 기말고사 3번] - 예제 9.6, 연습문제 9.5, 9.6 참고 [2009년 1학기 기말고사 5번]

11. 일정한 각속도로 회전하던 별이 수축하여 질량의 변화 없이 반지름이 1/2로 줄어들었다. 수축 전의 회전운동에너지를  $K_1$ , 수축 후의 회전운동에너지를  $K_2$ 라고 할 때, 수축 전·후의 회전운동에너지의 비  $K_2/K_1$ 은 얼마인가? (단, 별의회전관성은  $I=\frac{2}{5}MR^2$  이다.)

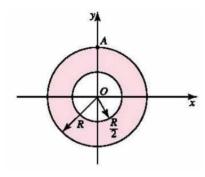
 $(\frac{K_2}{K_1} = )$ 

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2007년 1학기 기말고사 주관식 1번] - 예제 9.2 참고

## [주관식 1] [25점]

반지름 R, 질량 M을 갖는 속이 꽉 찬 원판에서 그림과 같이 반지름이 R/2인 원판을 잘라내었을 때를 생각하자.



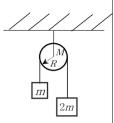
(1) 이 물체의 질량은 얼마인가? [5점]

(2) 지면에서 수직 방향으로 원판의 중심 O를 지나는 축에 대한 회전관성을 구하여라. (힌트: 적분을 이용하여 자세한 계산을 할 수도 있고, 아니면 간단하게 반지름 R과 질량 M을 갖는 속이 꽉 찬 원판의 경우, 중심축 O에 대한 회전관성이  $\frac{1}{2}MR^2$  임을 이용할 수도 있다.) [10점]

(3) 그림의 y축 좌표상의 A=(0,R) 지점을 수직으로 통과하는 축을 회전축으로 중력에 의하여 x,y평면에서 단진자 운동을 시킬 수 있다. 진동 각도가 충분히 작을 때, 진동 주기를 구하여라. [10점]

# [2009년 1학기 기말고사 주관식 2번] - 예제 9.5, 연습문제 9.3, 9.10 참고 [주관식 2] [20점]

우측 그림과 같이 질량이 m과 2m인 두 물체가 질량이 M이고 반경이 R인 원반형 도르래에 매달려 초기의 정지 상태로부터 움직인다. 단, 줄은 도르래와 미끄러짐 없이 움직인다고 가정하고, 도르래와 회전축 사이 마찰 및 실의 질량은 무시한다. (중력가속도의 크기는 g이고 도르래의 회전관성은  $\frac{1}{2}MR^2$  이다.)



(1) 질량 2m인 물체의 가속도를 a라 하고 도르래의 회전 각가속도를  $\alpha$ 라 할 때, 가속도 a와 각가속도  $\alpha$  사이의 관계식을 구하시오. [4점]

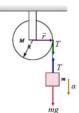
(2) 질량 m에 연결된 줄과 질량 2m에 연결된 줄에 걸리는 장력을 각각  $T_1$ 과  $T_2$ 라 할 때, 세 물체(질량 m인 물체, 질량 2m인 물체, 질량 M인 도르래)의 운동방정식을 각각 구하시오. [12점]

(3) 질량 2m인 물체의 가속도 a를 구하시오.  $(m,\ M,\ g$ 를 이용하여 나타낼 것) [4점]

[주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

[2013년 & 2010년 1학기 기말고사 주관식 1번] - 예제 9.5, 연습문제 9.3 참고 [2015년 1학기 기말고사 3번] [2008년 1학기 기말고사 3번 & 4번] [주관식 3] [15점]

우측 그림과 같이 질량이 M이고 반지름이 R인 원반형 도르래에 줄이 감겨 있고, 이 줄에 질량이 m인 물체가 매달려서 내려가고 있다. M=2m이라고 할 때, 다음의 질문들에 답하여라. (단, 도르래의 회전관성은  $\frac{1}{2}MR^2$  이고, 중력가속도의 크기는 q이다. 도르래와 고정 축 사이의 마찰과 줄의 질량은 무시한다.)



크기를 구하라 [3점]

(1) 줄에 작용하는 장력의 크기를 구하여라. [8점]

(2) 어린왕자가 속력 v로 움직일 때 위의 회전축에 대한 어린왕자의 각운동량의

(3) 초기에 정지해 있던 어린왕자가 속력 v로 움직일 때 어린왕자와 소행성을 합한 전체의 각운동량은 얼마인가? [3점]

(4) 어린왕자가 속력 v로 움직이는 동안 소행성도 회전한다면 소행성의 회전 각속도의 크기는 얼마인가? (단, 소행성도 그 중심을 지나는 축으로 회전한다고 가정하고, 이 경우 소행성의 회전관성은  $\frac{2}{5}MR^2$  이다.) [5점]

(2) 물체가 초기 정지 상태로부터 거리 h만큼 낙하하였을 때, 물체의 속력을 구하여라. [2점]

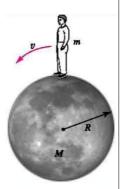
(5) 어린왕자가 소행성을 한 바퀴 돌아 처음 출발했던 소행성 위의 지점(예를 들어 처음 출발했던 소행성의 분화구 위치)까지 왔을 때 소행성이 회전한 각도는 얼마인가? [5점]

(3) 물체가 초기 정지 상태로부터 거리 h만큼 낙하하였을 때, 도르래의 회전운동 에너지를 구하여라. [5점]

# [2007년 1학기 기말고사 주관식 1번] - 예제 9.7 참고 [주관식 4] [20점]

우측 그림과 같이 반지름이 R이고 질량이 M인 구형의 소행성에 질량이 m인 어린왕자가 서있다. 소행성과 어린왕자는 모두 정지해 있다. 이제, 어린왕자가 소행성위에서 특정 방향으로 일정한 속력 v로 이동하여 소행성을 한 바퀴 도는 원운동을 한다. (단, 이 경우 어린왕자의 속력 v는 외부에 정지한 관측자가 본 속력이다.)

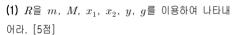
(1) 소행성의 중심을 지나는 원운동의 회전축에 대해 어 린왕자가 회전하는 각속도의 크기와 어린왕자의 회전관 성을 구하라. (단, 소행성의 반지름에 비해 어린왕자의 키는 무시할 수 있을 정도로 작다고 가정한다.) [4점]

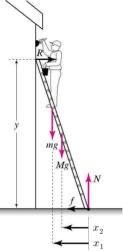


## [주의 사항] 주관식 문제는 상세한 풀이과정이 없으면 영점처리 됩니다.

# [2011년 & 2008년 1학기 기말고사 주관식 1번] - 예제 9.10 참고 [주관식 5] [15점]

오른쪽 그림과 같이 질량이 M인 사다리를 마찰을 무시할 수 있는 벽에 기대놓고 그 위에 질량이 m인 사람이 서 있다. 사다리가 지면과 닿는 지점을 원점으로 사다리의 질량 중심의 수평 위치는  $x_2$ , 사람의 수평 위치는  $x_1$ , 그리고 사다리가 벽에 닿는 지점의 수직 위치는 y이다. 벽이 사다리에 가하는 수직력을 R, 사다리와 지면 사이에 작용하는 정지마찰력을  $f_s$ , 그리고 지면이 사다리에 가하는 수직학을 N이라 하자. 또한 중력가속도의 크기는 g이다. 사다리와 벽 사이에 작용하는 마찰력은 무시할 수 있다고 가정한다. 다음 질문들에 답하여라.





(2) 사다리와 지면 사이의 최대 정지마찰계수를  $\mu_s$ 라고 할 때, 사람이 최대로 올라갈 수 있는 수평 거리  $x_1$ 을  $m,~M,~x_2,~y,~\mu_s$ 를 이용하여 나타내어라. [5점]

(3) 사다리가 지면에서 미끄러지지 않기 위해 사다리와 지면 사이에 작용하는 마찰력을  $m,\ M,\ g,\ x_1,\ x_2,\ y$ 를 이용하여 나타내어라 [5점]