



Faculteit Militaire Wetenschappen

Gegevens student	
Naam:	
Peoplesoftnummer:	
Klas:	
Handtekening:	

(Her)Tentamen

Algemeen			
Vak:	Statistiek (deel 2) -- derde kans	Vakcode:	STA#2
Datum:	23 mei 2025	Tijdsduur:	10:00-13:00
Examinator:	Dr. ir. D.A.M.P. Blom	Aantal pagina's:	4
Peer-review:	Dr. J.B.M. Melissen	Aantal opgaven:	4

Algemene instructies
<ul style="list-style-type: none">- Alle antwoorden dienen gemotiveerd te worden. Indien u een deelopgave niet kunt oplossen en het antwoord in vervolgvragen nodig hebt, probeer uit te gaan van een redelijke fictieve waarde.- U mag een grafische rekenmachine gebruiken zonder CAS (computer algebra systeem) gebruiken.- Antwoorden, in welke vorm dan ook, mogen de zaal niet verlaten.- Vermeld op elk antwoordvel je naam, Peoplesoft-nummer en maak een nummering van je antwoordvellen.- Iedere vorm van mobiele (potentiële) datadragers (telefoon, smartwatch, etc) of andere vormen om te frauderen (bv. communicatieapparatuur) zijn niet toegestaan gedurende de gehele duur van het tentamen en mogen ook niet in het lokaal meegebracht worden of zijn uitgeschakeld en ingeleverd.- Schrijf leesbaar ter voorkoming van misverstanden bij de beoordeling van uw werk. Indien uw antwoord niet leesbaar is, wordt uw antwoord fout gerekend.- Toiletbezoek tijdens het tentamen vindt enkel plaats na toestemming van de examinator.- Lever bij het verlaten van de zaal, kladpapier, tentamenopgaven en andere tentamen gerelateerde documenten in bij de examinator.

Opgave 1 (25 punten) De Koninklijke Militaire Academie onderzoekt of een nieuw type gevechtstraining op basis van virtual reality de reactietijd van soldaten onder crisissomstandigheden significant verbetert. Soldaten worden ondergedompeld in een realistische VR-simulatie waarin ze snel moeten reageren en vijandelijke dreigingen moeten zien te identificeren.

Om de effectiviteit te testen, meten instructeurs de reactietijd (in milliseconden) van 18 cadetten na 6 weken VR-training en vergelijken dit met de gemiddelde reactietijd van 420 ms bij conventionele trainingsmethoden. Uit de steekproef blijkt dat de gemiddelde reactietijd na de VR-training gelijk is aan 390 milliseconden met een standaardafwijking van 40 milliseconden.

- 1a [5pt]** Bereken op grond van deze steekproef een 95%-betrouwbaarheidsinterval voor de gemiddelde reactietijd van een cadet. Rond de grenzen van dit interval af op gehele milliseconden, zodanig dat de betrouwbaarheid gewaarborgd blijft.
- 1b [3pt]** De instructeurs willen de bewering dat de VR-training de reactietijd van cadetten significant verlaagt statistisch verantwoord toetsen. Formuleer de bijbehorende nul- en alternatieve hypothese van deze hypothesesetoets.
- 1c [8pt]** Voer de hypothesesetoets uit. Bepaal de toetsuitslag door het berekenen van een kritiek gebied op basis van de gegeven steekproef van 18 cadetten met significantieniveau $\alpha = 0,02$.
- 1d [4pt]** Leg in eigen woorden uit wat de uitslag van deze toets betekent voor de gemiddelde reactietijd van een cadet na VR-training.
- 1e [5pt]** Stel nu dat de instructeurs niet de reactietijd van een individuele cadet willen meten, maar van een team van zes cadetten. De teamscore wordt bepaald door de som te nemen van de reactietijden van de zes cadetten in het team. Elk team wil dus een zo laag mogelijke teamscore bereiken. Op dit moment staat het record op x milliseconden. Voor welke waarde van x is de kans op verbreking van het record gelijk aan 5%?

Opgave 2 (30 punten) Een luchtmacht onderzoekt de nauwkeurigheid van GNSS-geleide raketten (Global Navigation Satellite Systems) in een omgeving van elektronische oorlogsvoering. De raketten worden gericht op een vijandelijke luchtmachtbasis. Tijdens de vlucht worden de raketten “gedesoriënteerd” omdat de vijandelijke troepen gebruik maken van GPS jammers om precisiewapens te verstoren. Onderzocht wordt nu wat het verband is tussen de afstand (in km) tussen de eerste locatie waar de raket gejamd wordt en het doelwit (X) en de afstand (in km) tussen het doelwit en het daadwerkelijke inslagpunt van de raket (Y). Van tien raketten worden data verzameld over deze twee variabelen.

X	30	50	70	90	110	130	150	170	190	210
Y	0.7	1.8	2.4	3.3	4.8	5.3	6.6	7.1	8.4	9.2

- 2a [5pt]** Teken de gegevens uit bovenstaande tabel in een spreidingsdiagram.
- 2b [6pt]** Bereken Pearson’s correlatiecoëfficiënt voor X en Y . Bepaal of er sprake is van een lineaire correlatie en leg in woorden uit wat de betekenis is van de grootte en het teken van de correlatiecoëfficiënt.
- 2c [8pt]** Bereken de regressielijn $Y = aX + b$ met behulp van de tabel hierboven.
- 2d [3pt]** Geef een statistisch verantwoorde voorspelling van de afstand tot het doelwit waarop een raket inslaat die op 2,5 kilometer van het doelwit voor het eerst GNSS jamming ondervindt.
- 2e [8pt]** Bepaal een 95%-voorspellingsinterval voor de afstand tussen doelwit en inslagpunt als die op 120 kilometer van het doelwit voor het eerst GNSS-jamming ondervindt.

Opgave 3 (20 punten) Binnen het NAVO-bondgenootschap wordt over een periode van zes maanden door een internationaal cybersecurity team inlichtingen uitgewisseld over cyberaanvallen gericht op de Baltische staten: Estland, Letland en Litouwen. Hierbij worden de cyberaanvallen van drie belangrijke types gemonitord, namelijk phishing aanvallen, het injecteren van malware en DDoS-aanvallen (Distributed Denial-of-Service). De verzamelde data ziet er als volgt uit:

Land	Phishing	Malware	DDoS	Totaal
Estland	120	200	140	460
Letland	150	170	180	500
Litouwen	100	220	160	480
Totaal	370	590	480	1440

Het cybersecurity team wil testen of de verdeling van het type inkomende cyberaanvallen significant verschilt tussen de drie Baltische staten.

3a [3pt] Formuleer de nulhypothese H_0 en de alternatieve hypothese H_1 van de bijbehorende hypothesetoets.

3b [10pt] Voer een chi-kwadraattoets voor onafhankelijkheid uit met significantieniveau $\alpha = 0,05$ en bereken de bijbehorende p -waarde.

3c [7pt] Kunnen we concluderen dat de verdeling van het type inkomende cyberaanvallen significant verschilt voor de drie Baltische staten?

Opgave 4 (25 punten) Een marinefregat opereert in een gebied waar regelmatig vijandelijke onderzeeboten actief zijn. Het fregat gebruikt hiervoor sonar en magnetische sensoren om onderzeeboten te detecteren. De bemanning wil analyseren hoe vaak ze per dag succesvolle detecties uitvoeren en of hun waarnemingen een Poisson-verdeling volgen.

Gedurende een periode wordt het aantal gedetecteerde vijandelijke onderzeeboten geteld.

Aantal gedetecteerde onderzeeboten	Aantal dagen
0	40
1	80
2	100
3	85
4	35
5	15
6	7
7	3
Totaal:	365

- 4a [5pt]** Bereken met behulp van de gegevens uit de tabel het aantal dagen waarop er data is verzameld en het gemiddelde aantal gedetecteerde vijandelijke onderzeeboten per dag.
- 4b [10pt]** Voer een geschikte hypothesetoets uit om de bewering te toetsen dat het aantal gedetecteerde onderzeeboten per dag een Poisson-verdeling volgt met gemiddelde $\lambda = 2$. Bepaal de toetsuitslag door het berekenen van de p -waarde, met significantieniveau $\alpha = 0,05$.
- 4c [10pt]** De marine definieert een dag met hoge vijandelijke onderzeese activiteit als een dag waarop minstens vier onderzeeboten worden gedetecteerd. Bereken met de methode van Clopper-Pearson een 95%-betrouwbaarheidsinterval voor de kans p dat er op een willekeurige dag hoge vijandelijke activiteit is.