

(2) 思考题

1. 分析:

如果已经理解了第 6 题此题就容易解决, 此题同样可以用重要思想提示中讲到的思想去解决。这里我们用一个栈来保存路径上的结点, 当 p 自上至下走的时候将所经过的结点依次入栈, 当 p 自下至上走的时候, 将 p 所经过的结点依次出栈, 当 p 来到叶子结点的时候, 自底至顶输出栈中元素就是根到叶子的路径。因此我们可以写出以下代码:

```
int t ;
int top=-1;
char pathstack[MAX];           //此处两句定义了存储路径用的栈。
void allPath(BTNode *p)
```

```
{
    if(p!=NULL)
    {
        pathstack[top]=p->data; //此处即为图 4.7 中程序模板的(1)处,在此处点
        top++; //让所访问结点入栈,即 p 自上至下走的时候结入栈。
        if(p->lchild==NULL&& p->rchild==NULL) //如果当前结点是叶子结点则
        { //打印路径。
            for(i=0;i<top;i++)
                cout<<pathstack[i];
        }
        allPath(p->lchild);
        allPath(p->rchild);
        top--; //此处即为图 4.7 中程序模板的(3)处,在此处让
        //所访问结点出栈,即 p 自下至上走的时候结点出栈。
    }
}
```

2.解:

(1) 满 K 叉树个层的结点数构成一个首项为 1, 公比为 K 的等比数列, 则各层结点数位: K^{h-1} , 其中 h 为层号。

(2) 因为该树每层上均有 K^{h-1} 个结点, 从根开始编号为 1, 则结点 i 的从右向左数第 2 个孩子的结点编号为 $K \times i$ 。设 n 为结点 i 的子女, 则关系式 $(i-1) \times K + 2 \leq n \leq i \times K + 1$ 成立。因 i 是整数, 故结点 n 的双亲 i 的编号为: $\left\lfloor \frac{n-2}{K} \right\rfloor + 1$ 。

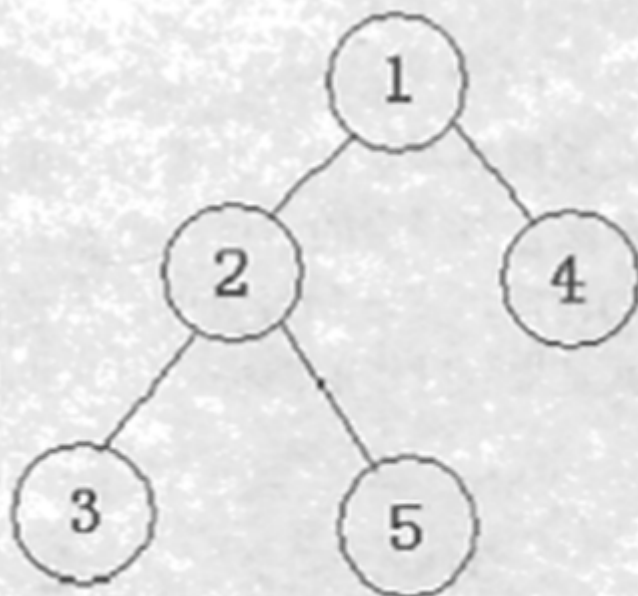
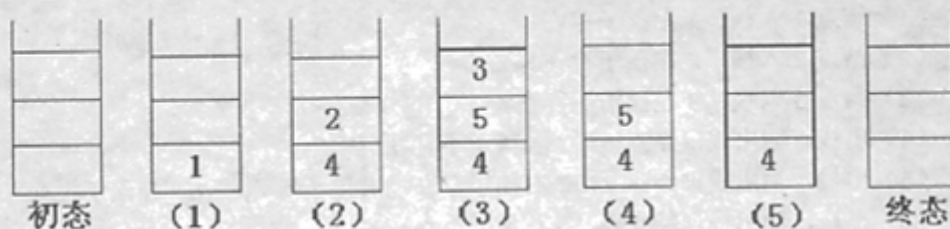
(3) 结点 n 的前一结点编号为 $n-1$, 其最右边子女编号是 $(n-1) \times K + 1$, 故结点 n 的第 i 个孩子的编号是 $(n-1) \times K + 1 + i$ 。

(4) 结点 n 有右兄弟的条件是, 它不是双亲的从右数的第一子女, 即 $(n-1) \bmod K \neq 0$, 其右兄弟编号是 $n+1$ 。

3.分析:

二叉树的先序和中序遍历的递归算法中都用到了系统栈, 我们要写出其遍历的非递归算法, 主要任务就是用自己申请的栈来代替系统占的功能。系统栈在遍历过程中起什么作用呢? 下图是一棵二叉树, 比如进行先序遍历, 来到结点 2 的时候下一个结点将要遍历 3, 但是 2 还有一个分支将结点 5 没有遍历, 因此我们要保存下 2 的位置, 待 3 遍历完之后再返回 2 继续遍历其另一个分支结点 5, 这就是系统栈在遍历时起到的作用, 这同时也体现了之前讲过的栈的记忆特性。

1. 对上图进行先序遍历, 各个结点进展出栈情况如下:



初态栈空。

(1) 结点1入栈。

(2) 出栈，输出栈顶结点1，并将1的左、右孩子结点(4和2)入栈；右孩子先入栈，左孩子后入栈，因为对左孩子的访问要先于右孩子，后入栈的会先出栈访问。

(3) 出栈，输出栈顶结点2，并将2的左、右孩子结点(5和3)入栈。

(4) 出栈，输出栈顶结点3，3为叶子结点，无孩子，本步无结点入栈。

(5) 出栈，输出栈顶结点5。

出栈，输出栈顶结点4，此时栈空，进入终态。

遍历序列为1,2,3,5,4

由此可以写出以下代码：

```
void preorder(BTNode *bt)
{
    BTNode *Stack[MAX]; // 定义一个栈。
    int top=-1;          // 初始化栈。
    BTNode *p;
    if(bt!=NULL)
    {
        Stack[++top]=bt; // 根结点入栈。
        while(top!=-1) // 栈空循环退出，遍历结束。
```

```
        p=Stack[top--]; // 出栈并输出栈顶结点。
        cout<<p->data<<" ";
        if(p->rchild!=NULL) // 栈顶结点右孩子存在，则右孩子入栈。
            Stack[++top]=p->rchild;
        if(p->lchild!=NULL) // 栈顶结点左孩子存在，则左孩子入栈。
            Stack[++top]=p->lchild;
    }
}
```

2. 对上图进行中序遍历，各个结点进展出栈情况如下：



初太栈空。

- (1) 结点 1 入栈, 1 左孩子存在。
- (2) 结点 2 入栈, 2 左孩子存在。
- (3) 结点 3 入栈, 3 左孩子不存在。
- (4) 出栈, 输出栈顶结点 3, 3 右孩子不存在。
- (5) 出栈, 输出栈顶结点 2, 2 右孩子存在, 右孩子 5 入栈, 5 左孩子不存在。
- (6) 出栈, 输出栈顶结点 5, 5 右孩子不存在。
- (7) 出栈, 输出栈顶结点 1, 1 右孩子存在, 右孩子 4 入栈, 4 左孩子不存在。

出栈, 输出栈顶结点 4, 此时栈空, 进入终态。

遍历序列为 3, 2, 5, 1, 4

由上步骤可以看出, 中序非递归遍历过程为:

- (1) 开始根结点入栈。

(2) 循环执行如下操作: 如果栈顶结点左孩子存在, 则左孩子入栈; 如果栈顶结点左孩子不存在, 则出栈并输出栈顶结点, 然后检查其右孩子是否存在, 如果存在则右孩子入栈。

- (3) 当栈空时算法结束。

由此可以写出以下代码:

```
void inorder(BTNode *bt)
{
    BTNode Stack[MAX];
    int top=-1;
    BTNode *p;
    if(bt!=NULL)
```

```
    p=bt;
```

/*下边这个循环完成中序遍历。注意: 图 (7) 中进栈出栈过程中会出现栈空状态, 但这时遍历还没有结束, 因根结点的右子树还没有遍历, 此时 p 非空, 根据这一点来维持循环的进行。*/

```
    while(top!=-1||p!=NULL)
    {
        while(p!=NULL)//左孩子存在则左孩子入栈。
        {
            Stack[++top]=p;
            p=p->lchild;
        }
        if(top!=-1)//在栈不空的情况下出栈并输出出栈结点。
        {
            p=Stack[top--];
            cout<<p->data<<" ";
            p=p->rchild;
        }
    }
}
```