

Algoritmo. Resumen metodos para encontrar la raiz. $F(x) = 2\sin(\sqrt{x}) - x$

(Inicio)

Definir $F(x), F(a), dF, dF2$

$Err_{max} = 0.001, a = 0.1, b = 2.5, Err, Kold = INFINITY$
 $K, FK, Eapr$

Bisección do {

$k = a + b/2, FK = F(k)$

Si $F(k)F(a) < 0$
 $b = k$

Sino $a = k$

$Eapr = k - Kold, Err = \frac{Eapr}{K}, Kold = K$

{while $(Err > Err_{max})$

Imprimir resultados

Falsa posición $a = 0.1, b = 2.5, Kold = K, Err_{max} = 0.0001$

do { $K = F(b) \cdot a - F(a) \cdot b / F(b) - F(a)$

$FK = F(K)$

Si $F(K) \cdot F(a) = 0$ $b = K$

Sino $a = K$

$Epr = K - Kold$

$Err = Eapr / K, Kold = K$

{while $(Err > Err_{max})$

Imprimir resultados.

Punto fijo $Error, X_0 = 0.8, X_1, contador = 0, E_{max} = 0.0001$

do { $X_1 = g(X_0), Error = \frac{X_1 - X_0}{X_1}$

$contador++$

{while $(Error > E_{max})$

Imprimir resultados

Newton Raphson

$X_0 = 0.8, contador = 0$

do { $X_1 = X_0 - (F(X_0) / dF(X_0))$

$Error = X_1 - X_0 / X_1$

$contador++$

$X_0 = X_1$

{while $(Error > E_{max})$

Imprimir resultados

Newton modificado

Igual al Normal pero cambiar

$$x_1 = x_0 - \frac{f(x_0) \cdot df(x_0)}{(df(x_0) \cdot df(x_0) - f(x_0) \cdot df^2(x_0))}$$

Segante $x_{\text{menos1}} = 0.5, x_i = 0.8, x_{\text{mas1}}$

Contador = 0

do {

$$x_{\text{mas1}} = x_i - \frac{f(x_i)(x_{\text{menos1}} - x_i)}{f(x_{\text{menos1}}) - f(x_i)}$$

$$\text{Error} = \frac{x_{\text{mas1}} - x_i}{x_{\text{mas1}}}$$

contador ++

$x_i = x_{\text{mas1}}$

} while (Error) \neq E-max

(Fin)

Nota: en cada metodo se imprimen las iteraciones con su error correspondiente.

Pseudocódigo

$f(x) = \frac{\sqrt{x} \sin(x)}{2x\sqrt{x}}$
regresar $\frac{\sqrt{x} \sin(x)}{2x\sqrt{x}}$
 $F(x) = 2\sin(\sqrt{x}) - x$
regresar $2\sin(\sqrt{x}) - x$

Bisección

Err-max = 0.0001 E-max = 0.001

a = 0.1, b = 2.5, Kold = 0

Repetir $K = \frac{a+b}{2}$ $F(K) = FK$

Si $F(K) \cdot F(a) < 0$ entonces
 $b = K$

Sino $a = K$

$E_{apr} = K - Kold$

$Err = E_{apr} / K$

$Kold = K$

Hasta que $(Err > Err-max)$

Imprimir resultados

"Falsa posición"

a = 0.1, b = 2.5, Kold = K

Repetir

$K = \frac{F(b) \cdot a - F(a) \cdot b}{F(b) - F(a)}$

$FK = F(K)$

Si $F(K) \cdot F(a) < 0$ entonces
 $b = K$

Sino $a = K$

{ }

Hasta que $(Err > Err-max)$

Imprimir resultados

"Punto Fijo"

Error, $X_0 = 0.8, X_1$, Contador = 0

Repetir

$X_1 = g(X_0)$

Error = $X_1 - X_0 / X_1$

Contador ++

$X_0 = X_1$

Hasta que $(Error > Err-max)$

$g(x) = \frac{\cos(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} - 4$

regresar $2\sin(\sqrt{x})$ regresar $\frac{\cos(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} - 4$

"Newton Raphson"

$X_0 = 0.8$, contador = 0

Repetir $X_1 = X_0 - \frac{F(X_0)}{F'(X_0)}$

Error = $\frac{X_1 - X_0}{X_1}$

Contador ++

$X_0 = X_1$

Hasta que $(Error > E-max)$

"Newton modificado"

Se repite solo cambia

$X_1 = X_0 - \frac{F(X_0) \cdot dF(X_0)}{(dF(X_0))^2 - F(X_0) dF_2(X_0)}$

"Secante"

$X_{i-1} = 0.5, X_i = 0.8, X_{i+1}$

Contador = 0

Repetir

$X_{i+1} = X_i - \frac{F(X_i)(X_{i-1} - X_i)}{F(X_{i-1}) - F(X_i)}$

Error = $\frac{X_{i+1} - X_i}{X_{i+1}}$

X_{i+1}

Contador ++

$X_i = X_{i+1}$

Hasta que $(Error > E-max)$

Fin