Deep learning week 2: NEURAL NETWORK

Nguyễn Tuấn Duy - 11204971

September 2023

1 Bài 3: Tại sao hàm softmax lại dùng exponential function (e) mà không phải số khác như 2, 3 hoặc 4?

phương trình softmax có dạng:

$$\sigma(z)_i = \frac{\exp(z_i)}{\sum_{j=1}^K \exp(z_j)}$$

1) Đạo hàm đẹp:

Khi dùng exponential function thì phương trình sẽ dễ đạo hàm hơn khi mà đạo hàm của e^x chỉ là:

$$\frac{\delta}{\delta x}e^x = e^x$$

Trong khi đó khi thay e bằng một số tự nhiên bất kì thì phép đạo hàm sẽ phức tạp hơn:

$$\frac{\delta}{\delta x}a^x = a^x ln(a)$$

2) Những số gần max sẽ có giá trị gần với hardmax:

Hàm hardmax sẽ biểu diễn input của mình dưới dạng one-hot với giá trị cao nhất là 1 còn các thành phần còn lại là 0. Ví dụ tập [2, 4, 2, 1] sẽ được biểu diễn thành [0, 1, 0, 0]. Tuy nhiên, hàm này lại không đạo hàm được.

Còn với softmax tập giá trị sẽ được biểu diễn thành $[0.102,\,0.757,\,0.102,\,0.04]$ Khi thay e bằng 2 thì ta sẽ có được $[0.15,\,0.61,\,0.15,\,0.07]$ giá trị lớn nhất 0.61 xa 1 hơn 0.757 của softmax

Tuy nhiên, hàm này khi thay e bằng số cực lớn thì max sẽ gần 1 nhất nhưng các thành phần khác sẽ rất bé và khó tính toán khi mà giới hạn phần thập phân lớn nhất của numpy là float $64~(10^{308}~{\rm chữ}~{\rm số}~{\rm thập}~{\rm phân})$

3) Có thể chuyển sang dạng xác suất với log-likehood:

Trong bài toán classification, ta cần tìm:

$$\hat{c} = argmax_i P(C = c_i | x)$$

Ta có:

$$P(C = c_i | x) = \frac{P(x | C = c_i)P(C = c_i)}{\sum_{j=1}^{N} P(x | C = c_j)P(C = c_j)}$$

$$= \frac{exp(ln(P(x | C = c_i)P(C = c_i))}{\sum_{j=1}^{N} exp(ln(P(x | C = c_j)P(C = c_j)))}$$

$$= \frac{exp(z_i)}{\sum_{j=1}^{N} exp(z_j)}$$

Trong đó:

$$ln(P(x|C=c_i)P(C=c_i)) = z_i$$

Như vậy output của hàm soft max khi dùng với e có thể hiểu như là một dạng xác suất để chọn class c khi biết dữ liệu x.