# Санкт-Петербургский Национальный Исследовательский Университет Информационных Технологий, Механики и Оптики

Лабораторная работа №7
по дисциплине
«Алгоритмы и структуры данных»

Выполнил: Студент группы Р3217
Сергачев Данила Дмитриевич
Преподаватели:
Романов Алексей Андреевич и
Волчек Дмитрий Геннадьевич

Санкт-Петербург 2018 г

#### Проверка сбалансированности

1.0 из 1.0 балла (оценивается)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

АВЛ-дерево является сбалансированным в следующем смысле: для любой вершины высота ее левого поддерева отличается от высоты ее правого поддерева не больше, чем на единицу.

Введем понятие баланса вершины: для вершины дерева V ее баланс B(V) равен разности высоты правого поддерева и высоты левого поддерева. Таким образом, свойство АВЛ-дерева, приведенное выше, можно сформулировать следующим образом: для любой ее вершины V выполняется следующее неравенство:

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Linq;
using System.Text;
using System. Threading. Tasks;
namespace week7
  class Task1
    public static void Main(string[] args)
       var app = new Task1();
       app.DoWork(args);
    private void DoWork(string[] args)
       using (var sw = new StreamWriter("output.txt"))
         var stdin = File.ReadAllLines("input.txt");
         var n = long.Parse(stdin[0]);
         var tree = new Tree(n);
         tree.Parse(stdin);
         for (int i = 0; i < n; i++)
            sw.WriteLine(TreeNode<long>.GetBalance(tree.Nodes[i]));
  public class Tree
```

```
public TreeNode<long>[] Nodes { get; private set; }
  private long _nodesCount;
  public Tree(long n)
     _nodesCount = n;
    this.Nodes = new TreeNode<long>[n];
  //Parsing
  public void Parse(string[] stdin)
    for (int i = 1; i \le nodesCount; i++)
       var temp = stdin[i].Split(' ').Select(x => long.Parse(x)).ToArray();
       if (this.Nodes[i - 1] == null)
         this.Nodes[i - 1] = new TreeNode<long>();
       this.Nodes[i - 1].Key = temp[0];
       //Left child
       if (temp[1] != 0)
          if (this.Nodes[temp[1] - 1] == null)
            this.Nodes[temp[1] - 1] = new TreeNode<long>()
              Parent = this.Nodes[i - 1]
         this.Nodes[i - 1].Left = this.Nodes[temp[1] - 1];
       //Right child
       if (temp[2] != 0)
          if (temp[2] != 0 \&\& this.Nodes[temp[2] - 1] == null)
            this.Nodes[temp[2] - 1] = new TreeNode<long>() { Parent = this.Nodes[i - 1] };
         this.Nodes[i - 1].Right = this.Nodes[temp[2] - 1];
       }
       //Calc Height
       if (temp[1] == 0 \& temp[2] == 0)
          TreeNode<long> leaf = this.Nodes[i - 1];
          Stack<TreeNode<long>> curr = new Stack<TreeNode<long>>();
          while (leaf != null)
            curr.Push(leaf);
            leaf = leaf.Parent;
          while (curr.Count != 0)
            leaf = curr.Pop();
            if (leaf.Height < curr.Count)
              leaf.Height = curr.Count;
       }
    }
  }
public class TreeNode<T> where T : IComparable<T>
  public T Key { get; set; }
  public TreeNode<T> Parent { get; set; }
  public TreeNode<T> Left { get; set; }
  public TreeNode<T> Right { get; set; }
  public long Height { get; set; }
```

```
public static long GetBalance(TreeNode<T> tree)
{
    if (tree == null)
        throw new ArgumentNullException("Tree does not exist!");

    if (tree.Left != null && tree.Right != null)
        return tree.Right.Height - tree.Left.Height;
    if (tree.Left == null && tree.Right != null)
        return tree.Right.Height + 1;
    if (tree.Left != null && tree.Right == null)
        return -1 - tree.Left.Height;
    else
        return 0;
    }
}
```

# Результат работы

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.515	51191808	3986010	1688889
1	ОК	0.031	11448320	46	19
2	ОК	0.031	11436032	10	3
3	ОК	0.031	11468800	17	6
4	ОК	0.031	11493376	17	7
5	ОК	0.031	11464704	24	9
6	ОК	0.031	11431936	24	10
7	ОК	0.031	11681792	24	9
8	ОК	0.046	11452416	24	10

### Задание №2

#### Делаю я левый поворот...

1.0 из 1.0 балла (оценивается)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Для балансировки АВЛ-дерева при операциях вставки и удаления производятся *левые* и *правые* повороты. Левый поворот в вершине производится, когда баланс этой вершины больше 1, аналогично, правый поворот производится при балансе, меньшем –1.

Существует два разных левых (как, разумеется, и правых) поворота: большой и малый левый поворот.

Малый левый поворот осуществляется следующим образом:

$$X \xrightarrow{A} B_{Z} \longrightarrow X \xrightarrow{B} Z$$

Заметим, что если до выполнения малого левого поворота был нарушен баланс только корня дерева, то после его выполнения все вершины становятся сбалансированными, за исключением случая, когда у правого ребенка корня баланс до поворота равен –1. В этом случае вместо малого левого поворота выполняется большой левый поворот, который осуществляется так:

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <queue>
#include <deque>
using namespace std;
#ifdef LOCAL
#define cin std::cin
#define cout std::cout
#else
#include "edx-io.hpp"
#define cin io
#define cout io
#endif
#define nl "\n"
struct t_node {
         int left, right, key;
} *tree;
int *keys, *h, *b;
int sz;
int cnt(int i) {
         int d = b[i] = 0;
         if (tree[i].left) {
                   d = max(cnt(tree[i].left - 1), d);
                   b[i] = h[tree[i].left - 1];
          }
         if (tree[i].right) {
                   d = max(cnt(tree[i].right - 1), d);
                   b[i] += h[tree[i].right - 1];
          }
         return h[i] = (d + 1);
int find(int x) {
         int i = 0;
```

```
while (tree[i].key != x) {
                   if (x < tree[i].key) {
                             if (tree[i].left) {
                                       i = tree[i].left - 1;
                             }
                             else {
                                       return -1;
                             }
                   else {
                             if (tree[i].right) {
                                       i = tree[i].right - 1;
                             else {
                                       return -1;
                             }
                   }
          }
         return i;
}
void big_left_rotation(int root_index) {
         t_node
                   a = tree[root_index],
                   b = tree[a.right - 1],
                   c = tree[b.left - 1];
         int x_ind = c.left - 1,
                   y_ind = c.right - 1,
                   old_c_ind = b.left - 1,
                   b_ind = a.right - 1;
         c.left = old\_c\_ind + 1;
         c.right = b_ind + 1;
         b.left = y_ind + 1;
         a.right = x_ind + 1;
         tree[root_index] = c;
         tree[old\_c\_ind] = a;
         tree[b\_ind] = b;
}
void left_rotation(int root_index) {
         if (b[tree[root_index].right - 1] < 0) {</pre>
                   big_left_rotation(root_index);
                   return:
          }
         t_node
                   a = tree[root\_index],
                   b = tree[a.right - 1];
         int y_ind = b.left - 1,
                   old_b_index = a.right - 1;
         b.left = old_b_index + 1;
         a.right = y_ind + 1;
         tree[root_index] = b;
         tree[old_b_index] = a;
int *indexes;
```

```
int curr_index = 1;
void calc_index(int i) {
         if (!i) { return; }
         t_node n = tree[i - 1];
         indexes[i] = curr_index++;
         calc_index(n.left);
         calc_index(n.right);
}
void print_node(int i) {
         if (!i) { return; }
         t_node n = tree[i - 1];
         cout << n.key << " " << indexes[n.left] << " " << indexes[n.right] << nl;
         print_node(n.left);
         print_node(n.right);
}
int main() {
         int n, k, m, x;
         cin >> n;
         tree = new t_node[sz = n];
         h = new int[n];
         b = new int[n];
         indexes = new int[n + 1];
         indexes[0] = 0;
         for (int i = 0; i < n; ++i) {
                   cin >> tree[i].key >> tree[i].left >> tree[i].right;
                   h[i] = 0;
          }
         cnt(0);
         left_rotation(0);
         calc_index(1);
         cout << n << nl;
         print_node(1);
         return 0;
```

Результат работы

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.140	21630976	25	21
1	ОК	0.125	21594112	7	5
2	ОК	0.109	21561344	8	5
3	ОК	0.109	21561344	5	3
4	ОК	0.109	21532672	5	3
5	ОК	0.093	21610496	6	3
6	ОК	0.125	21614592	6	3
7	ОК	0.125	21577728	23	21
8	ОК	0.125	21553152	25	20
9	ОК	0.109	21557248	24	20
10	ОК	0.109	21630976	24	21
11	ОК	0.125	21594112	23	20
12	ОК	0.140	21532672	23	20
13	ОК	0.109	21594112	20	17
14	ОК	0.125	21565440	23	20
15	ОК	0.125	21553152	20	20
16	ОК	0.125	21614592	22	20
17	ОК	0.125	21565440	23	20
18	ОК	0.125	21573632	22	19
19	ОК	0.125	21614592	22	19
20	ОК	0.109	21553152	22	20

## Вставка в АВЛ-дерево

1.0 из 1.0 балла (оценивается)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вставка в АВЛ-дерево вершины V с ключом X при условии, что такой вершины в этом дереве нет, осуществляется следующим образом:

- ullet находится вершина W, ребенком которой должна стать вершина V;
- ullet вершина V делается ребенком вершины W;
- производится подъем от вершины W к корню, при этом, если какая-то из вершин несбалансирована, производится, в зависимости от значения баланса, левый или правый поворот.

using System;
using System.Collections.Generic
using System.IO;

```
using System.Linq;
using System.Text;
using System. Threading. Tasks;
namespace Week7
  class Task3
    public static void Main(string[] args)
       var app = new Task3();
       app.DoWork(args);
     }
    private void DoWork(string[] args)
       using (var sw = new StreamWriter("output.txt"))
         string[] stdin = File.ReadAllLines("input.txt");
         TreeNode<long> root = null;
         for (int i = 1; i \le long.Parse(stdin[0]); i++)
            root = TreeNode<long>.Insert(root, new TreeNode<long> { Key = long.Parse(stdin[i].Split('')[0]) });
         for (int i = int.Parse(stdin[0]) + 1; i < stdin.Length; i++)
            TreeNode<long> node = new TreeNode<long> { Key = long.Parse(stdin[i].Split('')[0]) };
            root = TreeNode<long>.Insert(root, node);
            root = TreeNode<long>.Balance(node);
         }
         sw.WriteLine(stdin.Length - 1);
         TreeNode<long>.PrintTree(sw, root);
       }
     }
    class TreeNode<T> where T : IComparable<T>
```

```
public T Key { get; set; }
public TreeNode<T> Parent { get; set; }
public TreeNode<T> Left { get; set; }
public TreeNode<T> Right { get; set; }
private long Depth { get; set; }
public long Height { get; private set; }
public static TreeNode<T> Previous(TreeNode<T> node)
  if (node.Left == null)
     return node;
  return Maximum(node.Left);
}
public static TreeNode<T> Maximum(TreeNode<T> node)
  while (node.Right != null)
    node = node.Right;
  return node;
/// <returns>Root of tree after remove</returns>
public static TreeNode<T> Remove(TreeNode<T> item)
  TreeNode<T> parent = item.Parent;
  //Leaf
  if (item.Left == null && item.Right == null)
     if (parent == null)
       return null;
    if (parent.Left == item)
       parent.Left = null;
    else
       parent.Right = null;
```

```
UpdateHeight(parent);
  return Balance(parent);
}
//One child
if ((item.Left == null) ^ (item.Right == null))
  if (item.Left != null)
     if (parent != null)
       if (parent.Left == item)
          parent.Left = item.Left;
       else
          parent.Right = item.Left;
       UpdateHeight(parent);
     }
     item.Left.Parent = parent;
     return Balance(item.Left);
   }
  else
     if (parent != null)
       if (parent.Left == item)
          parent.Left = item.Right;
       else
          parent.Right = item.Right;
       UpdateHeight(parent);
     }
     item. Right. Parent = parent; \\
     return Balance(item.Right);
   }
```

```
//Two child
  if ((item.Left != null) && (item.Right != null))
    TreeNode<T> prev = Previous(item);
    Remove(prev);
    item.Key = prev.Key;
  }
  return Balance(item);
/// <returns>Root of tree after insert</returns>
public static TreeNode<T> Insert(TreeNode<T> root, TreeNode<T> node)
  if (root == null)
    return node;
  TreeNode<T> current = root;
  while (true)
  {
    if (current.Key.CompareTo(node.Key) == 0)
       throw new ArgumentException("Not unique key");
    if \; (current.Key.CompareTo(node.Key) < 0) \\
       if (current.Right != null)
         current = current.Right;
       else
       {
         current.Right = node;
         node.Parent = current;
         UpdateHeight(node);
         return root;
         //return Balance(node);
     }
    else
```

```
if (current.Left != null)
         current = current.Left;
       else
       {
         current.Left = node;
         node.Parent = current;
         UpdateHeight(node);
         return root;
         //return Balance(node);
  }
private static void UpdateHeight(TreeNode<T> node)
  while (node != null)
    long rH = node.Right != null ? node.Right.Height : -1;
    long lH = node.Left != null ? node.Left.Height : -1;
    long currentH = node.Height;
    if (rH > lH)
       node.Height = rH + 1;
    else
       node.Height = lH + 1;
     node = node.Parent;
  }
}
/// <returns>Root of tree after balance</returns>
public static TreeNode<T> Balance(TreeNode<T> leaf)
  TreeNode<T> current = leaf;
  while (current != null)
```

```
long balance = GetBalance(current);
    if (balance > 1)
       if (GetBalance(current.Right) == -1)
         current = BigLeftTurn(current);
       else
         current = SmallLeftTurn(current);
     }
    if (balance < -1)
       if (GetBalance(current.Left) == 1)
         current = BigRightTurn(current);
       else
         current = SmallRightTurn(current);
     }
    if (current.Parent == null)
       return current;
    else
       current = current.Parent;
  }
  return current;
public static void PrintTree(StreamWriter sw, TreeNode<T> root)
  if (root == null)
    return;
  Queue<TreeNode<T>> bfsQueue = new Queue<TreeNode<T>>();
  long counter = 1;
  bfsQueue.Enqueue(root);
  while (bfsQueue.Count != 0)
  {
    TreeNode<T> current = bfsQueue.Dequeue();
    sw.Write(current.Key);
    if (current.Left != null)
```

```
bfsQueue.Enqueue(current.Left);
       sw.Write(" " + ++counter);
     }
    else
       sw.Write(" " + 0);
    if (current.Right != null)
       bfsQueue.Enqueue(current.Right);
       sw.WriteLine(" " + ++counter);
    else
       sw.WriteLine(" " + 0);
  }
}
public static long GetBalance(TreeNode<T> tree)
  if (tree == null)
    return 0;
  if (tree.Left != null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height - tree.Left.Height;
  if (tree.Left == null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height + 1;
  if (tree.Left != null && tree.Right == null)
    return -1 - tree.Left.Height;
  else
     return 0;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallLeftTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> child = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
```

```
TreeNode < T > x = root.Left;
TreeNode<T> y = root.Right.Left;
TreeNode<T> z = root.Right.Right;
//Parents
child.Parent = parent;
root.Parent = child;
if (x != null)
  x.Parent = root;
if (y != null)
  y.Parent = root;
if (z != null)
  z.Parent = child;
//Childs
root.Left = x;
root.Right = y;
child.Left = root;
child.Right = z;
if (parent != null)
  if (parent.Right == root)
     parent.Right = child;
  else
     parent.Left = child;
//Heights
long xH = x != null ? x.Height : -1;
long yH = y != null ? y.Height : -1;
long zH = z != null ? z.Height : -1;
if (xH > yH)
  root. Height = xH + 1;
else
  root.Height = yH + 1;
if (root.Height > zH)
  child.Height = root.Height + 1;
else
```

```
child.Height = zH + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallRightTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> child = root.Left;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> x = root.Right;
  TreeNode < T > y = root.Left.Left;
  TreeNode < T > z = root.Left.Right;
  //Parents
  child.Parent = parent;
  root.Parent = child;
  if (x != null)
    x.Parent = root;
  if (y != null)
    y.Parent = child;
  if (z != null)
    z.Parent = root;
  //Childs
  root.Left = z;
  root.Right = x;
  child.Left = y;
  child.Right = root;
  if (parent != null)
     if (parent.Right == root)
       parent.Right = child;
    else
       parent.Left = child;
```

//Heights

```
long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  if (zH > xH)
    root.Height = zH + 1;
  else
     root. Height = xH + 1;
  if (y.Height > root.Height)
     child.Height = yH + 1;
  else
     child.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigRightTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> w = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> b = root.Left;
  TreeNode<T> c = root.Left.Right;
  TreeNode < T > z = b.Left;
  TreeNode<T> x = c.Left;
  TreeNode<T> y = c.Right;
  //Parents
  c.Parent = parent;
  b.Parent = c;
  root.Parent = c;
  if (w!= null)
     w.Parent = root;
  if (z != null)
     z.Parent = b;
```

```
if (y != null)
  y.Parent = root;
if (x != null)
  x.Parent = b;
//Childs
if (parent != null)
  if (parent.Right == root)
     parent.Right = c;
  else
     parent.Left = c;
c.Left = b;
c.Right = root;
b.Left = z;
b.Right = x;
root.Left = y;
root.Right = w;
//Heights
long xH = x != null ? x.Height : -1;
long yH = y != null ? y.Height : -1;
long zH = z != null ? z.Height : -1;
long wH = w != null ? w.Height : -1;
if (zH > xH)
  b.Height = zH + 1;
else
  b.Height = xH + 1;
if (yH > wH)
  root.Height = yH + 1;
else
  root.Height = wH + 1;
if (b.Height > root.Height)
  c.Height = b.Height + 1;
else
```

```
c.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(c);
  return c;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigLeftTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> w = root.Left;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> b = root.Right;
  TreeNode < T > c = root.Right.Left;
  TreeNode<T> z = b.Right;
  TreeNode<T> x = c.Left;
  TreeNode<T> y = c.Right;
  //Parents
  c.Parent = parent;
  b.Parent = c;
  root.Parent = c;
  if (w != null)
     w.Parent = root;
  if (z != null)
    z.Parent = b;
  if (y != null)
    y.Parent = b;
  if (x != null)
    x.Parent = root;
  //Childs
  if (parent != null)
    if (parent.Right == root)
       parent.Right = c;
       parent.Left = c;
  c.Left = root;
```

```
c.Right = b;
  b.Left = y;
  b.Right = z;
  root.Left = w;
  root.Right = x;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  long wH = w != null ? w.Height : -1;
  if (wH > xH)
    root.Height = wH + 1;
  else
    root.Height = xH + 1;
  if (yH > zH)
    b.Height = yH + 1;
  else
    b.Height = zH + 1;
  if (b.Height > root.Height)
    c.Height = b.Height + 1;
  else
    c.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(c);
  return c;
}
```

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.546	50700288	4011957	4011966
1	ОК	0.031	11014144	20	24
2	ОК	0.031	11005952	6	10
3	ОК	0.031	10960896	14	18
4	ОК	0.031	10973184	13	17
5	ОК	0.031	10985472	21	25
6	ОК	0.031	10948608	20	24
7	ОК	0.046	11071488	20	24
8	ОК	0.031	10977280	21	25

### Удаление из АВЛ-дерева

1.0 из 1.0 балла (оценивается)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Удаление из АВЛ-дерева вершины с ключом X, при условии ее наличия, осуществляется следующим образом:

- ullet путем спуска от корня и проверки ключей находится V удаляемая вершина;
- ullet если вершина V- лист (то есть, у нее нет детей):
  - удаляем вершину;
  - ullet поднимаемся к корню, начиная с бывшего родителя вершины V, при этом если встречается несбалансированная вершина, то производим поворот.
- ullet если у вершины V не существует левого ребенка:
  - следовательно, баланс вершины равен единице и ее правый ребенок лист;
  - ullet заменяем вершину V ее правым ребенком;
  - поднимаемся к корню, производя, где необходимо, балансировку.

- иначе:
  - ullet находим R самую правую вершину в левом поддереве;
  - переносим ключ вершины R в вершину V;
  - ullet удаляем вершину R (у нее нет правого ребенка, поэтому она либо лист, либо имеет левого ребенка, являющегося листом);
  - поднимаемся к корню, начиная с бывшего родителя вершины R, производя балансировку.

Исключением является случай, когда производится удаление из дерева, состоящего из одной вершины — корня. Результатом удаления в этом случае будет пустое дерево.

Указанный алгоритм не является единственно возможным, но мы просим Вас реализовать именно его, так как тестирующая система проверяет точное равенство получающихся деревьев.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Ling;
using System.Text;
using System. Threading. Tasks;
namespace Week7
  class Task4
    public static void Main(string[] args)
       var app = new Task4();
       app.DoWork(args);
    private void DoWork(string[] args)
       using (var sw = new StreamWriter("output.txt"))
         string[] stdin = File.ReadAllLines("input.txt");
         int n = int.Parse(stdin[0]);
         TreeNode<long> root = null;
         for (int i = 1; i \le n; i++)
            root = TreeNode<long>.Insert(root, new TreeNode<long> { Key = long.Parse(stdin[i].Split('
')[0]) });
         for (int i = n + 1; i < stdin.Length; i++)
            TreeNode<long> node = TreeNode<long>.Search(root, long.Parse(stdin[i]));
            if (node != null)
              root = TreeNode<long>.Remove(node);
         sw.WriteLine(n - (stdin.Length - 1 - n));
         TreeNode<long>.PrintTree(sw, root);
```

```
}
class TreeNode<T> where T : IComparable<T>
  public T Key { get; set; }
  public TreeNode<T> Parent { get; set; }
  public TreeNode<T> Left { get; set; }
  public TreeNode<T> Right { get; set; }
  private long Depth { get; set; }
  public long Height { get; private set; }
  public static TreeNode<T> Search(TreeNode<T> root, T key)
    while (root != null && root.Key.CompareTo(key) != 0)
       if (root.Key.CompareTo(key) > 0)
         root = root.Left;
       else
         root = root.Right;
    return root;
  public static TreeNode<T> Previous(TreeNode<T> node)
    if (node.Left == null)
       return node;
    return Maximum(node.Left);
  public static TreeNode<T> Maximum(TreeNode<T> node)
    while (node.Right != null)
       node = node.Right;
    return node;
  }
  /// <returns>Root of tree after remove</returns>
  public static TreeNode<T> Remove(TreeNode<T> item)
    TreeNode<T> parent = item.Parent;
    //Leaf
    if (item.Left == null && item.Right == null)
       if (parent == null)
         return null;
       if (parent.Left == item)
         parent.Left = null;
       else
         parent.Right = null;
       UpdateHeight(parent);
       return Balance(parent);
    //One child
```

```
if ((item.Left == null) ^ (item.Right == null))
     if (item.Left != null)
       if (parent != null)
         if (parent.Left == item)
            parent.Left = item.Left;
         else
            parent.Right = item.Left;
          UpdateHeight(parent);
       }
       item.Left.Parent = parent;
       return Balance(item.Left);
    else
       if (parent != null)
         if (parent.Left == item)
            parent.Left = item.Right;
         else
            parent.Right = item.Right;
          UpdateHeight(parent);
       item.Right.Parent = parent;
       return Balance(item.Right);
  //Two child
  if ((item.Left != null) && (item.Right != null))
    TreeNode<T> prev = Previous(item);
    Remove(prev);
    item.Key = prev.Key;
  return Balance(item);
/// <returns>Root of tree after insert</returns>
public static TreeNode<T> Insert(TreeNode<T> root, TreeNode<T> node)
  if (root == null)
    return node;
  TreeNode<T> current = root;
  while (true)
    if (current.Key.CompareTo(node.Key) == 0)
       throw new ArgumentException("Not unique key");
    if (current.Key.CompareTo(node.Key) < 0)
       if (current.Right != null)
```

```
current = current.Right;
       else
         current.Right = node;
         node.Parent = current;
          UpdateHeight(node);
         return root;
         //return Balance(node);
     }
    else
       if (current.Left != null)
         current = current.Left;
       else
         current.Left = node;
         node.Parent = current;
          UpdateHeight(node);
         return root;
         //return Balance(node);
  }
}
private static void UpdateHeight(TreeNode<T> node)
  while (node != null)
     long rH = node.Right != null ? node.Right.Height : -1;
    long lH = node.Left != null ? node.Left.Height : -1;
    long currentH = node.Height;
    if (rH > lH)
       node.Height = rH + 1;
       node.Height = 1H + 1;
    node = node.Parent;
  }
}
/// <returns>Root of tree after balance</returns>
public static TreeNode<T> Balance(TreeNode<T> leaf)
  TreeNode<T> current = leaf;
  while (current != null)
    long balance = GetBalance(current);
    if (balance > 1)
       if (GetBalance(current.Right) == -1)
         current = BigLeftTurn(current);
       else
          current = SmallLeftTurn(current);
```

```
if (balance < -1)
       if (GetBalance(current.Left) == 1)
         current = BigRightTurn(current);
         current = SmallRightTurn(current);
    if (current.Parent == null)
       return current;
    else
       current = current.Parent;
  }
  return current;
}
public static void PrintTree(StreamWriter sw, TreeNode<T> root)
  if (root == null)
    return:
  Queue<TreeNode<T>> bfsQueue = new Queue<TreeNode<T>>();
  long counter = 1;
  bfsQueue.Enqueue(root);
  while (bfsQueue.Count != 0)
    TreeNode<T> current = bfsQueue.Dequeue();
    sw.Write(current.Key);
    if (current.Left != null)
       bfsQueue.Enqueue(current.Left);
       sw.Write(" " + ++counter);
    else
       sw.Write(" " + 0);
    if (current.Right != null)
       bfsQueue.Enqueue(current.Right);
       sw.WriteLine(" " + ++counter);
    else
       sw.WriteLine(""+0);
  }
}
public static long GetBalance(TreeNode<T> tree)
  if (tree == null)
    return 0;
  if (tree.Left != null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height - tree.Left.Height;
  if (tree.Left == null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height + 1;
  if (tree.Left != null && tree.Right == null)
     return -1 - tree.Left.Height;
  else
```

```
return 0;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallLeftTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> child = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> x = root.Left;
  TreeNode<T> y = root.Right.Left;
  TreeNode<T> z = root.Right.Right;
  //Parents
  child.Parent = parent;
  root.Parent = child;
  if (x != null)
    x.Parent = root;
  if (y != null)
    y.Parent = root;
  if (z != null)
    z.Parent = child;
  //Childs
  root.Left = x;
  root.Right = y;
  child.Left = root;
  child.Right = z;
  if (parent != null)
    if (parent.Right == root)
       parent.Right = child;
       parent.Left = child;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  if (xH > yH)
    root.Height = xH + 1;
  else
    root. Height = yH + 1;
  if (root.Height > zH)
    child.Height = root.Height + 1;
    child.Height = zH + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallRightTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> child = root.Left;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> x = root.Right;
```

```
TreeNode<T> y = root.Left.Left;
  TreeNode<T> z = root.Left.Right;
  //Parents
  child.Parent = parent;
  root.Parent = child;
  if (x != null)
     x.Parent = root;
  if (y != null)
    y.Parent = child;
  if (z != null)
    z.Parent = root;
  //Childs
  root.Left = z;
  root.Right = x;
  child.Left = y;
  child.Right = root;
  if (parent != null)
    if (parent.Right == root)
       parent.Right = child;
    else
       parent.Left = child;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  if (zH > xH)
    root.Height = zH + 1;
  else
    root.Height = xH + 1;
  if (y.Height > root.Height)
    child.Height = yH + 1;
  else
    child.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigRightTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> w = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> b = root.Left;
  TreeNode < T > c = root.Left.Right;
  TreeNode<T> z = b.Left;
  TreeNode<T> x = c.Left;
  TreeNode<T> y = c.Right;
  //Parents
  c.Parent = parent;
  b.Parent = c;
```

```
root.Parent = c;
  if (w != null)
     w.Parent = root;
  if (z != null)
    z.Parent = b;
  if (y != null)
    y.Parent = root;
  if (x != null)
    x.Parent = b;
  //Childs
  if (parent != null)
    if (parent.Right == root)
       parent.Right = c;
    else
       parent.Left = c;
  c.Left = b;
  c.Right = root;
  b.Left = z;
  b.Right = x;
  root.Left = y;
  root.Right = w;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  long wH = w != null ? w.Height : -1;
  if (zH > xH)
    b.Height = zH + 1;
  else
    b.Height = xH + 1;
  if (yH > wH)
    root. Height = yH + 1;
  else
    root. Height = wH + 1;
  if (b.Height > root.Height)
     c.Height = b.Height + 1;
  else
    c.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(c);
  return c;
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigLeftTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> w = root.Left;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> b = root.Right;
  TreeNode<T> c = root.Right.Left;
  TreeNode<T> z = b.Right;
  TreeNode<T> x = c.Left;
```

```
//Parents
        c.Parent = parent;
        b.Parent = c;
        root.Parent = c;
       if (w != null)
          w.Parent = root;
        if (z != null)
          z.Parent = b;
        if (y != null)
          y.Parent = b;
        if (x != null)
          x.Parent = root;
        //Childs
        if (parent != null)
          if (parent.Right == root)
             parent.Right = c;
          else
             parent.Left = c;
        c.Left = root;
        c.Right = b;
        b.Left = y;
        b.Right = z;
        root.Left = w;
        root.Right = x;
       //Heights
        long xH = x != null ? x.Height : -1;
        long yH = y != null ? y.Height : -1;
        long zH = z != null ? z.Height : -1;
        long wH = w != null ? w.Height : -1;
        if (wH > xH)
          root.Height = wH + 1;
        else
          root.Height = xH + 1;
        if (yH > zH)
          b.Height = yH + 1;
        else
          b.Height = zH + 1;
        if (b.Height > root.Height)
          c.Height = b.Height + 1;
        else
          c.Height = root.Height + 1;
        UpdateHeight(c);
        return c;
    }
  }
}
```

TreeNode<T> y = c.Right;

№ теста	Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
Max		0.531	50827264	4077288	4077255
1	ОК	0.031	10960896	27	17
2	ОК	0.031	10940416	13	3
3	ОК	0.046	11145216	20	10
4	ОК	0.031	10956800	20	10
5	ОК	0.031	11001856	20	10
6	ОК	0.031	10977280	20	10
7	ОК	0.015	10944512	27	17
8	OK	0.046	11153408	27	17

### Упорядоченное множество на АВЛ-дереве

1.0 из 1.0 балла (оценивается)

Имя входного файла:	input.txt
Имя выходного файла:	output.txt
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Если Вы сдали все предыдущие задачи, Вы уже можете написать эффективную реализацию упорядоченного множества на АВЛ-дереве. Сделайте это.

Для проверки того, что множество реализовано именно на АВЛ-дереве, мы просим Вас выводить баланс корня после каждой операции вставки и удаления.

Операции вставки и удаления требуется реализовать точно так же, как это было сделано в предыдущих двух задачах, потому что в ином случае баланс корня может отличаться от требуемого.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.IO;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
namespace Week7
{
    class Task5
    {
```

```
public static void Main(string[] args)
  var app = new Task5();
  app.DoWork(args);
}
private void DoWork(string[] args)
  using (var sw = new StreamWriter("output.txt"))
     string[] stdin = File.ReadAllLines("input.txt");
     TreeNode<long> root = null;
     for (int i = 1; i < stdin.Length; i++)
       string[] temp = stdin[i].Split(' ');
       switch (temp[0])
         case "A":
            TreeNode<long> s = TreeNode<long>.Search(root, long.Parse(temp[1]));
            if (s == null)
              root = TreeNode<long>.Insert(root, new TreeNode<long> { Key = long.Parse(temp[1]) });
            sw.WriteLine(TreeNode < long >. GetBalance(root));\\
            break;
         case "D":
            TreeNode<long> t = TreeNode<long>.Search(root, long.Parse(temp[1]));
            if (t != null)
              root = TreeNode<long>.Remove(t);
            sw.WriteLine(TreeNode < long > .GetBalance(root));\\
            break;
         case "C":
            TreeNode<long> x = TreeNode<long>.Search(root, long.Parse(temp[1]));
            if (x != null)
              sw.WriteLine("Y");
            else
              sw.WriteLine("N");
```

```
break;
    }
  }
class TreeNode<T> where T : IComparable<T>
  public T Key { get; set; }
  public TreeNode<T> Parent { get; set; }
  public TreeNode<T> Left { get; set; }
  public TreeNode<T> Right { get; set; }
  public long Height { get; set; }
  public static TreeNode<T> Next(TreeNode<T> node)
    if (node.Right == null)
       return node;
    return Minimum(node.Right);
  }
  public static TreeNode<T> Previous(TreeNode<T> node)
    if (node.Left == null)
       return node;
    return Maximum(node.Left);
  }
  public static TreeNode<T> Maximum(TreeNode<T> node)
  {
    while (node.Right != null)
       node = node.Right;
    return node;
  public static TreeNode<T> Minimum(TreeNode<T> node)
```

```
while (node.Left != null)
    node = node.Left;
  return node;
}
/// <returns>Root of tree after remove</returns>
public static TreeNode<T> Remove(TreeNode<T> item)
  TreeNode<T> parent = item.Parent;
  //Leaf
  if (item.Left == null && item.Right == null)
     if (parent == null)
       return null;
     if (parent.Left == item)
       parent.Left = null;
    else
       parent.Right = null;
     UpdateHeight(parent);
    return Balance(parent);
  }
  //One child
  if ((item.Left == null) ^ (item.Right == null))
     if (item.Left != null)
       if (parent != null)
       {
         if (parent.Left == item)
            parent.Left = item.Left;
            parent.Right = item.Left;
         UpdateHeight(parent);
```

```
}
       item.Left.Parent = parent;
       return Balance(item.Left);
     }
    else
       if (parent != null)
         if (parent.Left == item)
            parent.Left = item.Right;
         else
            parent.Right = item.Right;
         UpdateHeight(parent);
       }
       item.Right.Parent = parent;
       return Balance(item.Right);
     }
  //Two child
  if ((item.Left != null) && (item.Right != null))
    TreeNode<T> prev = Previous(item);
    Remove(prev);
    item.Key = prev.Key;
  }
  return Balance(item);
/// <returns>Root of tree after insert</returns>
public static TreeNode<T> Insert(TreeNode<T> root, TreeNode<T> node)
  if (root == null)
```

```
return node;
  TreeNode<T> current = root;
  while (true)
  {
    if (current.Key.CompareTo(node.Key) == 0)
       throw new ArgumentException("Not unique key");
    if (current.Key.CompareTo(node.Key) < 0)
       if (current.Right != null)
         current = current.Right;
       else
       {
         current.Right = node;
         node.Parent = current;
         UpdateHeight(node);
         return Balance(node);
       }
     }
    else
       if (current.Left != null)
         current = current.Left;
       else
       {
         current.Left = node;
         node.Parent = current;
         UpdateHeight(node);
         return Balance(node);
private static void UpdateHeight(TreeNode<T> node)
  while (node != null)
  {
```

```
long rH = node.Right != null ? node.Right.Height : -1;
     long lH = node.Left != null ? node.Left.Height : -1;
     long currentH = node.Height;
    if (rH > lH)
       node.Height = rH + 1;
    else
       node.Height = lH + 1;
    node = node.Parent;
  }
public static TreeNode<T> Search(TreeNode<T> root, T key)
{
  while (root != null && root.Key.CompareTo(key) != 0)
    if (root.Key.CompareTo(key) > 0)
       root = root.Left;
    else
       root = root.Right;
  return root;
}
/// <returns>Root of tree after balance</returns>
public static TreeNode<T> Balance(TreeNode<T> leaf)
  TreeNode<T> current = leaf;
  while (current != null)
     long balance = GetBalance(current);
    if (balance > 1)
       if (GetBalance(current.Right) == -1)
         current = BigLeftTurn(current);
       else
         current = SmallLeftTurn(current);
```

```
}
    if (balance < -1)
       if (GetBalance(current.Left) == 1)
         current = BigRightTurn(current);
       else
         current = SmallRightTurn(current);
    if (current.Parent == null)
       return current;
    else
       current = current.Parent;
  }
  return current;
}
public static void PrintTree(TreeNode<T> root)
  if (root == null)
    return;
  Queue<TreeNode<T>> bfsQueue = new Queue<TreeNode<T>>();
  long counter = 1;
  bfsQueue.Enqueue(root);
  while (bfsQueue.Count != 0)
    TreeNode<T> current = bfsQueue.Dequeue();
    Console.Write(current.Key);
    if (current.Left != null)
       bfsQueue.Enqueue(current.Left);
       Console.Write(" " + ++counter);
     }
       Console.Write(" " + 0);
    if (current.Right != null)
```

```
bfsQueue. Enqueue (current. Right);\\
       Console.WriteLine(" " + ++counter);
     }
    else
       Console.WriteLine(" " + 0);
  }
}
public static long GetBalance(TreeNode<T> tree)
  if (tree == null)
    return 0;
  if (tree.Left != null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height - tree.Left.Height;
  if (tree.Left == null && tree.Right != null)
    return tree.Right.Height + 1;
  if (tree.Left != null && tree.Right == null)
    return -1 - tree.Left.Height;
  else
    return 0;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallLeftTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> child = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> x = root.Left;
  TreeNode<T> y = root.Right.Left;
  TreeNode<T> z = root.Right.Right;
  //Parents
  child.Parent = parent;
  root.Parent = child;
  if (x != null)
```

```
x.Parent = root;
  if (y != null)
     y.Parent = root;
  if (z != null)
     z.Parent = child;
  //Childs
  root.Left = x;
  root.Right = y;
  child.Left = root;
  child.Right = z;
  if (parent != null)
     if (parent.Right == root)
       parent.Right = child;
     else
       parent.Left = child;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  if (xH > yH)
     root.Height = xH + 1;
  else
     root.Height = yH + 1;
  if (root.Height > zH)
     child.Height = root.Height + 1;
  else
     child.Height = zH + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> SmallRightTurn(TreeNode<T> root)
```

```
TreeNode<T> child = root.Left;
TreeNode<T> parent = root.Parent;
TreeNode < T > x = root.Right;
TreeNode<T> y = root.Left.Left;
TreeNode<T> z = root.Left.Right;
//Parents
child.Parent = parent;
root.Parent = child;
if (x != null)
  x.Parent = root;
if (y != null)
  y.Parent = child;
if (z != null)
  z.Parent = root;
//Childs
root.Left = z;
root.Right = x;
child.Left = y;
child.Right = root;
if (parent != null)
  if (parent.Right == root)
    parent.Right = child;
  else
    parent.Left = child;
//Heights
long xH = x != null ? x.Height : -1;
long yH = y != null ? y.Height : -1;
long zH = z != null ? z.Height : -1;
if (zH > xH)
  root.Height = zH + 1;
  root.Height = xH + 1;
```

{

```
if (y.Height > root.Height)
    child.Height = yH + 1;
  else
    child.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(child);
  return child;
}
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigRightTurn(TreeNode<T> root)
  TreeNode<T> w = root.Right;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode<T> b = root.Left;
  TreeNode < T > c = root.Left.Right;
  TreeNode < T > z = b.Left;
  TreeNode < T > x = c.Left;
  TreeNode<T> y = c.Right;
  //Parents
  c.Parent = parent;
  b.Parent = c;
  root.Parent = c;
  if (w!= null)
     w.Parent = root;
  if (z != null)
    z.Parent = b;
  if (y != null)
    y.Parent = root;
  if (x != null)
     x.Parent = b;
  //Childs
  if (parent != null)
     if (parent.Right == root)
```

```
parent.Right = c;
    else
       parent.Left = c;
  c.Left = b;
  c.Right = root;
  b.Left = z;
  b.Right = x;
  root.Left = y;
  root.Right = w;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
  long yH = y != null ? y.Height : -1;
  long zH = z != null ? z.Height : -1;
  long wH = w != null ? w.Height : -1;
  if (zH > xH)
    b.Height = zH + 1;
  else
    b.Height = xH + 1;
  if (yH > wH)
     root.Height = yH + 1;
  else
     root.Height = wH + 1;
  if (b.Height > root.Height)
    c.Height = b.Height + 1;
  else
    c.Height = root.Height + 1;
  UpdateHeight(c);
  return c;
/// <returns>Root of tree after turn</returns>
public static TreeNode<T> BigLeftTurn(TreeNode<T> root)
```

```
{
  TreeNode<T> w = root.Left;
  TreeNode<T> parent = root.Parent;
  TreeNode < T > b = root.Right;
  TreeNode<T> c = root.Right.Left;
  TreeNode<T> z = b.Right;
  TreeNode<T> x = c.Left;
  TreeNode < T > y = c.Right;
  //Parents
  c.Parent = parent;
  b.Parent = c;
  root.Parent = c;
  if (w!= null)
     w.Parent = root;
  if (z != null)
    z.Parent = b;
  if (y != null)
    y.Parent = b;
  if (x != null)
    x.Parent = root;
  //Childs
  if (parent != null)
     if (parent.Right == root)
       parent.Right = c;
    else
       parent.Left = c;
  c.Left = root;
  c.Right = b;
  b.Left = y;
  b.Right = z;
  root.Left = w;
  root.Right = x;
  //Heights
  long xH = x != null ? x.Height : -1;
```

```
long yH = y != null ? y.Height : -1;
       long zH = z != null ? z.Height : -1;
       long wH = w != null ? w.Height : -1;
       if (wH > xH)
         root.Height = wH + 1;
       else
         root.Height = xH + 1;
       if (yH > zH)
         b.Height = yH + 1;
       else
         b.Height = zH + 1;
       if (b.Height > root.Height)
         c.Height = b.Height + 1;
       else
         c.Height = root.Height + 1;
       UpdateHeight(c);
       return c;
     }
}
```

Результат работы

Результат	Время, с	Память	Размер входного файла	Размер выходного файла
	0.656	46452736	2678110	731071
OK	0.031	10563584	33	19
OK	0.031	10428416	114	66
OK	0.031	10387456	154	90
OK	0.031	10551296	154	91
OK	0.031	10350592	154	90
OK	0.031	10551296	154	95
OK	0.031	10547200	154	91
OK	0.046	10457088	154	94
OK	0.046	10543104	154	95
OK	0.031	10547200	154	90
ОК	0.015	10416128	154	90
ОК	0.031	10530816	154	90
	OK	0.656 OK 0.031 OK 0.046 OK 0.046 OK 0.031 OK 0.046	0.656 46452736 OK 0.031 10563584 OK 0.031 10428416 OK 0.031 10387456 OK 0.031 10551296 OK 0.031 10350592 OK 0.031 10551296 OK 0.031 10547200 OK 0.046 10457088 OK 0.046 10543104 OK 0.031 10547200 OK 0.031 10547200	0.656 46452736 2678110  OK 0.031 10563584 33  OK 0.031 10428416 114  OK 0.031 10387456 154  OK 0.031 10551296 154  OK 0.031 10350592 154  OK 0.031 10551296 154  OK 0.031 10547200 154  OK 0.046 10457088 154  OK 0.046 10543104 154  OK 0.031 10547200 154  OK 0.031 10547200 154  OK 0.046 10543104 154  OK 0.031 10547200 154