# Міністерство освіти і науки України Львівський національний університет імені Івана Франка Факультет прикладної математики та інформатики

Кафедра програмування

Лабораторна робота №5 **ЗВОРОТНІЙ ПОЛЬСЬКИЙ ЗАПИС**з курсу "Алгоритми та структури даних"

Виконав: Студент групи ПМІ-12 Бенько Володимир Сергійович

## Зворотний польський запис

Зворотний польський запис (Зворотна польська нотація, ЗПН) — форма запису математичних виразів, в якій знаки операцій розташовано після операндів.

У Зворотному польському записі відсутня необхідність в використанні дужок, оскільки порядок виконання операцій визначається послідовністю операторів і операндів в виразі. Це робить запис виразів у ЗПН більш простим та зрозумілим для обчислювальної техніки.

## Перетворення виразів

В моїй реалізації перетворення виразу з інфіксного запису в зворотній польський виконує функція ToPolish(exp), яка приймає рядок з виразом в інфіксній нотації і повертає рядок в ЗПН.

Алгоритм за яким відбувається перетворення має такий вигляд:

- Поки ще є символи для зчитування:
  - Читаємо наступний символ;
  - ∘ Якщо символ є '(', поміщаємо його в стек;
  - Якщо символ є ')', то:
    - Витягаємо зі стека елементи і додаємо їх в вихідний рядок поки не наткнемось на відкриваючу дужку
    - Видаляємо відкриваючу дужку зі стека
    - Якщо стек закінчився раніше, ніж ми зустріли відкриваючу дужку, це означає неузгодженні дужки
  - Якщо символ є бінарною операцією, тоді:
    - Витягаємо зі стека елементи і додаємо їх в вихідний рядок поки операція на вершині стека має більший пріоритет ніж пріоритет операції яку відображає даний символ
    - поміщаємо операцію яку відображає даний символ у стек
- Коли вхідний рядок закінчився, виштовхуємо всі символи зі стека у вихідний рядок. У стеку повинні були залишитись тільки символи операцій; якщо це не так, значить у виразі неузгоджені дужки.

#### Обчислення виразів

В моїй реалізації обчислення виразу в інфіксному записі виконує функція Calculate(exp), яка приймає рядок з виразом в інфіксній нотації і повертає його значення.

Алгоритм за яким відбувається обчислення має такий вигляд:

Для всіх символів виконуємо такі дії:

- Якщо Аі число, то вкласти його у стек;
- Якщо Аі оператор, то:
  - Витягуємо зі стека два числа;
  - Виконуємо дію із числами і результат вкладаємо в стек;
- В кінці роботи в стеку знаходитиметься результат виразу.

### Приклад:

Щоб переконатись, що всі функції працюють правильно, в програмі написані юніт-тести. Усі вони проходять успішно:

```
[doctest] doctest version is "2.4.9"
[doctest] run with "--help" for options

[doctest] test cases: 1 | 1 passed | 0 failed | 0 skipped
[doctest] assertions: 10 | 10 passed | 0 failed |
[doctest] Status: SUCCESS!

D:\ASD\Polish\x64\Debug\Polish.exe (process 2908) exited with code 0.
To automatically close the console when debugging stops, enable Tools->Options->
Debugging->Automatically close the console when debugging stops.

Press any key to close this window . . .
```

## Висновок:

Зворотний польський запис використовується в програмуванні та комп'ютерних науках для реалізації обчислювальних алгоритмів, наприклад, в компіляторах, інтерпретаторах та калькуляторах. Використання ЗПН може полегшити роботу зі стеками, що знижує витрати пам'яті і збільшує швидкодію програми.