

# DÉCONVOLUTION D'IMAGES FLOUES PAR FILTRAGE CLS

Julien Guichon      Dimitri Gominski

## ABSTRACT

Image deblurring is a famous inverse problem in image processing, and can be frustrating because of the lack of information to retrieve the original image, often noisy and/or blurred with complex camera motion. It implies that the solution has to make assumptions on the acquisition system or the original image, and has to be robust against the heavy impact noise can have through the treatment.

This reports study the performance and the limitations of the Constrained Least Squares (CLS) approach. We also compare it to other famous algorithm, in order to determine under which conditions it should be use.

## 1. INTRODUCTION

Le traitement de défloutage revient en termes mathématiques à effectuer une déconvolution sur l'image floutée. En effet, si  $f(x, y)$  désigne l'image d'entrée, un "floutage" linéaire et indépendant de la position est modélisé par une opération de convolution par un noyau  $h(x, y)$  qui donne l'image floutée  $g(x, y)$  :

$$g(x, y) = f(x, y) \otimes h(x, y)$$

Dans ce cas, l'opération rigoureusement inverse de la convolution (déconvolution), correspondant à la résolution d'un système d'équations, suffit à retrouver exactement l'image de départ.

Mais l'image d'entrée présentant systématiquement un bruit dû à l'acquisition, et les traitements numériques étant intrinsèquement sources de bruit, nous devons considérer un bruit additif  $n(x, y)$  :

$$g(x, y) = f(x, y) \otimes h(x, y) + n(x, y)$$

Et c'est ce bruit qui complique grandement les calculs, puisque l'opération de déconvolution va l'amplifier au point de rendre l'image de sortie complètement inutilisable [2].

Pour simplifier les notations et calculs, passons en calcul matriciel dans le domaine fréquentiel :

$$G = F * H + N$$

Il existe 2 familles d'algorithmes de défloutage : les algorithmes qui supposent le noyau de floutage connu ( $H$ ), et les algorithmes "à l'aveugle" où aucune supposition n'est faite sur le processus de floutage.

## 2. FLOUTAGES USUELS

Le floutage peut être dû :

- à des mouvements intempestifs du système d'acquisition ou de l'objet lors de la prise
- à des perturbations optiques lors du passage des rayons lumineux dans certains milieux (verre, eau)
- à une modification de la distance focale pendant la prise (zoom/dézoom, parfois voulu)

On caractérise ce floutage par un noyau  $h(x, y)$ . Cette fonction qu'on appelle PSF (*Point Spread Function*) donne la réponse d'un théorique "système de floutage" (système qui donnerait l'image de sortie floutée à partir de l'image d'entrée) à une entrée correspondant à un point lumineux au centre de l'image (impulsion lumineuse). Son équivalent fréquentiel est appelé OTF (*Optical Transfer Function*). Ci-dessous deux exemples de noyaux usuels :

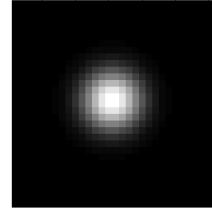


Fig. 1. Noyau de floutage gaussien

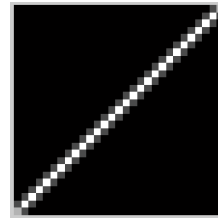


Fig. 2. Noyau de floutage linéaire

Le noyau linéaire correspond par exemple à un mouvement linéaire de l'appareil pendant la prise, et le noyau gaussien à une capture à travers du verre (diffusion). Ces exemples étant très courants, nous ferons notre étude de l'algorithme CLS sur ces deux noyaux.

### 3. APPROCHES CLASSIQUES

Plusieurs méthodes ont été proposées pour trouver une estimation correcte  $\hat{f}$  de l'image d'origine  $f$  à partir de la sortie  $g$ , en supposant le noyau de floutage  $h$  connu.

De manière générale, l'idée pour pouvoir effectuer une déconvolution en limitant les effets du bruit est de le filtrer aux fréquences concernées. Aux fréquences non impactées par le bruit, l'opération dans le domaine fréquentiel doit idéalement être une inversion, en effet si  $N(f_1, f_2) = 0$ , on a  $G(f_1, f_2) = \hat{F}(f_1, f_2) * H(f_1, f_2)$  donc :

$$\hat{F}(f_1, f_2) = G(f_1, f_2) * H^{-1}(f_1, f_2)$$

Application du filtre de Wiener qui fait usage de la répartition spectrale du signal et du bruit supposées connues, la déconvolution de Wiener [4] propose une estimation  $\hat{F}$  comme suit :

$$\hat{F} = \frac{1}{H} \left[ \frac{|H|^2}{|H|^2 + \frac{|N|^2}{|F|^2}} \right] * G$$

On voit que le filtre appliqué à  $G$  est lié à l'évolution du rapport signal/bruit  $\frac{|F|^2}{|N|^2}$  dans le domaine fréquentiel, de manière à ce que les fréquences polluées ( $\frac{1}{SNR} \rightarrow +\infty$ ) soient éliminées avec l'augmentation du dénominateur, tandis qu'aux fréquences non polluées ( $\frac{1}{SNR} \rightarrow 0$ ) on fasse rigoureusement une inversion de  $H$ .

Cette opération revient à minimiser l'erreur quadratique moyenne entre l'image d'entrée et son estimation, son défaut est de faire des hypothèses fortes sur le bruit et l'image d'entrée qui ne sont pas toujours disponibles.

### 4. TYPE-STYLE AND FONTS

To achieve the best rendering both in printed proceedings and electronic proceedings, we strongly encourage you to use Times-Roman font. In addition, this will give the proceedings a more uniform look. Use a font that is no smaller than nine point type throughout the paper, including figure captions.

In nine point type font, capital letters are 2 mm high. **If you use the smallest point size, there should be no more than 3.2 lines/cm (8 lines/inch) vertically.** This is a minimum spacing; 2.75 lines/cm (7 lines/inch) will make the paper much more readable. Larger type sizes require correspondingly larger vertical spacing. Please do not double-space your paper. TrueType or Postscript Type 1 fonts are preferred.

The first paragraph in each section should not be indented, but all the following paragraphs within the section should be indented as these paragraphs demonstrate.

### 5. MAJOR HEADINGS

Major headings, for example, "1. Introduction", should appear in all capital letters, bold face if possible, centered in

the column, with one blank line before, and one blank line after. Use a period (".") after the heading number, not a colon.

#### 5.1. Subheadings

Subheadings should appear in lower case (initial word capitalized) in boldface. They should start at the left margin on a separate line.

##### 5.1.1. Sub-subheadings

Sub-subheadings, as in this paragraph, are discouraged. However, if you must use them, they should appear in lower case (initial word capitalized) and start at the left margin on a separate line, with paragraph text beginning on the following line. They should be in italics.

### 6. PRINTING YOUR PAPER

Print your properly formatted text on high-quality, 8.5 x 11-inch white printer paper. A4 paper is also acceptable, but please leave the extra 0.5 inch (12 mm) empty at the BOTTOM of the page and follow the top and left margins as specified. If the last page of your paper is only partially filled, arrange the columns so that they are evenly balanced if possible, rather than having one long column.

In LaTeX, to start a new column (but not a new page) and help balance the last-page column lengths, you can use the command "`\pagebreak`" as demonstrated on this page (see the LaTeX source below).

### 7. PAGE NUMBERING

Please do **not** paginate your paper. Page numbers, session numbers, and conference identification will be inserted when the paper is included in the proceedings.

### 8. ILLUSTRATIONS, GRAPHS, AND PHOTOGRAPHS

Illustrations must appear within the designated margins. They may span the two columns. If possible, position illustrations at the top of columns, rather than in the middle or at the bottom. Caption and number every illustration. All halftone illustrations must be clear black and white prints. Colors may be used, but they should be selected so as to be readable when printed on a black-only printer.

Since there are many ways, often incompatible, of including images (e.g., with experimental results) in a LaTeX document, below is an example of how to do this [1].

## 9. FOOTNOTES

Use footnotes sparingly (or not at all!) and place them at the bottom of the column on the page on which they are referenced. Use Times 9-point type, single-spaced. To help your readers, avoid using footnotes altogether and include necessary peripheral observations in the text (within parentheses, if you prefer, as in this sentence).

(a) Result 1  
(b) Results 3                      (c) Result 4

**Fig. 3.** Example of placing a figure with experimental results.

## 10. COPYRIGHT FORMS

You must include your fully completed, signed IEEE copyright release form when you submit your paper. We **must** have this form before your paper can be published in the proceedings.

## 11. REFERENCES

List and number all bibliographical references at the end of the paper. The references can be numbered in alphabetic order or in order of appearance in the document. When referring to them in the text, type the corresponding reference number in square brackets as shown at the end of this sentence [2]. An additional final page (the fifth page, in most cases) is allowed, but must contain only references to the prior literature.

## 12. REFERENCES

- [1] A.B. Smith, C.D. Jones, and E.F. Roberts, "Article title," *Journal*, vol. 62, pp. 291–294, January 1920.
- [2] C.D. Jones, A.B. Smith, and E.F. Roberts, "Article title," in *Proceedings Title*. IEEE, 2003, vol. II, pp. 803–806.