Лабораторные работы по дисциплине «Теория графов»

Ali Shadow

30 сентября 2019 г.

Содержание

7	##	4
+	JIP M 2. Hover my In.	7
	ЛГ 3. Алгоритм Дейкстры и близкие к нему.	8
+	TP No / PREMIOR PROPERTY.	9
1	JEP 1 5. Manual Parpose. C	10
+	TIP N- 6. Chambert rpada.	11
4	The paper.	12
	ДИ ЛО 8. Бинарии от полительной полительн	13
	JII JI- J. III- PARTHOCTL PRO Pa.	14
	J IP № 10. Восстоиовление графа но вентор а.	15
7	ЛР № 11. Экстремальные графы.	16
	Л Жерево.	17
		18
	JIP Nº 14. Packpacka rpada.	19
	ЛТ N- 15. Задача о свады ах. П 27	20
		91

ин третивание дектора.	22
ЛГ № 18. ЭКСТРемальные 2 помилексы.	23
ЛР № 19. Задача коммивояжёра.	24
JI Zowimpopania 200	25
ЛР № 21. Эффективность алгоритмов поиска пути.	26
Список литературы	28

ЛР № 1. Основная программа.

Написать программу, которая имеет следующие возможности.

- 1. Может принимать на вход:
 - (а) матрицу смежности графа;
 - (b) матрицу инцидентности графа;
 - (c) список рёбер вершин вида $Edges\{i(a,k,l,d),\ldots\}$, где i номер ребра, a вес ребра, k и l номера или имена вершин, d может быть 1, если ребро направленное, и 1 в другом случае;
 - (d) список вершин также может быть задан с привязкой по координатам в следующем виде: $Vertex\{v(x,y)\}$, где v имя или номер вершины, x и y координаты в пикселях;
 - (е) если список вершин не указан, то их координаты могут задаваться произвольно;
- (f) каждый тип входных файлов имеет своё расширение и свою структуру;
 - (g) в файле могут быть комментарии начинающиеся с %.
 - 2. Позволяет задать граф графическим способом, с помощью мыши лавиатуры:
 - (а) можно устанавливать вершины мышью;
 - можно мышью связать вершины между собой с указанием веса на на клавиатуре или с помощью элементов управления;
 - (c) можно выбирать направление рёбер или оставлять их ненаправленными через контекстное меню у рёбер;
 - (а) можно менять форму рёбер с помощью мыши;

- (є можно делать петли, через контекстное меню у вершин;
- можно мышью двигать вершины, за ними соответственно передвигаются инцидентные им рёбра;
- можно строить мультиграф, то есть несколько рёбер, между парами вершин, при этом рёбра не должны накладываться друг на друга.
- З Каждый новый граф открывается в отдельной вкладке основной части окна.
 - 4. В процессе работы сохраняются 10 последних состояний каждого графа, также в интерфейсе есть соответствующие функции «Undo» и «Redo».
 - 5. Позволяет сохранить полученный граф в тех же форматах, что и входные данные, а также в риле изображения
 - 6. Показывает в реальном времени матрицу смежности графа.
- 7. При изменении матрицы смежности графа сразу меняются рёбра графа (вес или наличие ребра).
 - 8. У приложения должен быть графический интерфейс:
 - (э) должно быть меню с пунктами «Файл», «Задачи теории графов», «?»;
 - (b) в пункте файл должны быть пункты открытия и графа из файла, сохранения графа в файла и выход из программы;
 - (c) для открытия и закрытия файла используются стандартные диалоги;

- (d) если пользователь редактировал или создал граф и не сохранил его, то перед выходом программа должна предложить сохранить граф в файл;
- те в пункте меню должны быть следующие пункты:
 - «О программе» с исчерпывающими инструкциями по использованию вашей программой, в том числе информация по форматам входных файлов;
 - «Об авторе» с ФИО автора (авторов для первой лабораторной работы), его группе, кафедре, факультете и университете.
- 9 Дальнейшие лабораторные работы используют инфраструктуру данной лабораторной и добавляются в пункты её меню, в раздел «Задачи теории графов».

Срок сдачи: 15.12.2019 [К ставлению]

ЛР № 2. Поиск пути.

Добави в основную программу следующий функционал:

- 1. по выстанному графу (полученному любым из предложенных в основной трограмме вариантов) предлагается выбрать метод поиска пути (который впоследствии реализуется)
- 🚣 (a) Breadth-Frest Search для пары указанных вершин;
 - (b) \mathbf{A}^* для пары указанных вершин;
 - (c) Iterative deepening A^* для пары указанных вершин;
- 2. пред реализацией графа, он проверяется на требования, предъявляемые алгоритмом к графу, а при несоблюдении оных сообщается об этом;
- 3. можно посмотреть расстояние между указ иными вершинами;
- ч на графе отображается один из кратчайших маршрутов;
 - 5. полученный маршрут можно сохранить в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019 [К оглавлению]

ЛР № 3. Алгоритм Дейкстры и близкие к нему.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной плограмме вариантов) предлагается выбрать метод поиска пути (колорый впоследствии реализуется)
 - (а) Флойда-Уормелла для указанной вершины;



- (b) Дейкстры для укузанной вершины;
- (с) Беллмана-Форда для указанной вершины;
 - (d) Джонсона для указанной вершины;
- 2. перед реализацией графа, он проверхется на требования, предъявляемые алгоритмом к графу, а при Ресоблюдении оных сообщается об этом;
- 3. можно посмотреть вектор расстояний от указанной вершины до остальных;
- 4. можно посмотреть матрицу расстояний от каждой верхины до каждой;
- 5. вектор и матрицу можно сохранить в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019



ЛР № 4. Эксцентриситет, радиус, диаметр и степени.

Добавить в основную программу следующий функционал для выбранному графа (полученного любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. находятся все веса вершин (для нахождения можно воспользоваться любой из лабораторных: 2 или 3);
- 2. находится радиус графа;
- 3. находится диаметр графа;
- 4. строится вектор степеней вершин графа;
- 5. все найденные показатели можно сохранить в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 5. Изоморфизм графов.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. на вход принимаются два графа (полученные любым из предложенных в основной программе вариантов), определяется их изоморфность:
 - (а) если вектора степеней вершин не равны друг друга, то сообщаем о сильной неизоморфности;
 - (b) иначе проверяем изоморфиость (алгоритм Ульмана) и сообщаем о результатах

Срок сдачи: 15.12.2019

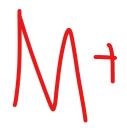
ЛР № 6. Связность графа.

M

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. определяется его связность (например с помощью ЛР 3);
- 2. если граф является ориентированным, определить, является ли он слабо-связным, сильно-связным или несвязным;
- 9. определяются количество компонент графа и их состав;
- 4. определяется количество мостов в графе,
- 5. определяется количество шарниров в графе.

Срок сдачи: 15.12.2019



ЛР № 🛪 Дополнение для графа.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1 определяется его поднота, если он полный, то сообщается;
- 2. строится дополнение графа до полного;
 - 3. полученный граф можно сохранить.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 8. Бинарные операции над графами.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранной паре графов A и B (полученной любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. Пользователь выбирает одну из логических функций для двух графов с одинаковым множеством вершин для постройки нового графа:
 - (a) объединение A и B;
 - (b) пересечение A и B;
 - (c) вычитание B из A;
 - (d) вычитание A из B;
 - (e) импликация из A в B;
 - (f) импликация из B в A;
 - (g) коимпликация из A в B;
 - (h) коимпликация из B в A;
 - (i) исключающее или A и B;
 - (j) эквивалентность A и B;
 - (k) штрих Шефера A и B;
 - (1) стрелка Пирса A и B;
- 2. веса рёбер не имеют значения и в результирующем графе равны 1.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 9. Планарность графа.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. определить, является ли граф плоским;
- 2. определить, является ли граф планарным;
- 3. если граф является планарным, построить для него двойственный граф, с возможностью сохранить полученный граф в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019 [К оглавлению]



ЛР № 10. Восстановление графа из вектора.

Добави в основную программу следующий функционал:



- 1. на вход принимается вектор степеней вершин;
- 2. последовател но выполняется редукционный алгоритм; —
- 3. печатаются промежуточные и конечный результаты работы редукционного алгоритха;
- 4. если граф совершенный муи экстремальный, то сообщается об этом;
- 5. если граф экстремальный, то строктся его база;
 - → 6. рисуется построенный граф, если это везможно;
- 7. полученный граф можно сохранить в файле

Срок сдачи: 15.12.2019

лР № 11. Экстремальные графы.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. на вход принимается 2 базы в виде наборов двоек;
- 2. проверяется, что базы заданы верно;
- 3. для каждой из баз строится граф и вектор степеней вершин, которые база задаёт;
- 4. из полученных графов строятся следующие графы:
 - (а) дополнение первого графа;
 - (b) дополнение второго графа;
 - (с) объединение двух графа;
 - (d) пересечение двух графов;
 - (е) вычитание из первого графа второго графа;
 - (f) вычитание из второго графа первого графа.
- 5. для полученных графов выводятся:
 - (а) список рёбер;
 - (b) векторы степеней вершин;
 - (с) базы при экстремальности соответствующих графов.
- 6. все полученные графы можно сохранить в файлах.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 12. Деревья и минимальное остовное дерево.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. выбирается алгоритм построения остовного дерева:
 - (а) алгоритм Прима;
 - (b) алгоритм Краскала;
 - (с) алгоритм Борувки;
- 2. определяется возможность на заданном графе реализовать выбранный алгоритм;
- 3. с помощью выбранного алгоритма строится остовное минимальное дерево;
- 4. полученный граф можно сохранить в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 13. Задача о цикле.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. определяется наличие циклов;
- 2. если циклов нет, то находится центр дерева и соответственно его глубина;
- 3. если циклов нет, сохраните его в виде кода Прюфера, который можно сохранить в файл
- 4. если циклы есть, то находится минимальный цикл;
- 5. минимальный цикл отображается на графе;
- 6. полученное изображение можно сохранить в графический файл.

Срок сдачи: 15.12.2019



Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному дюбым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. определяется его хроматическое число;
- 2. раскрашиваются вершины графа;
- 3. полученный граф можно сохранить в вид изображения.





ЛР № 15. Задача о свадьбах.

Добавить к основную программу следующий функционал по выбранному графу (колученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. задаются 2 доли графа;
- 2. проверяется двудольност полученного графа с указанными долями;
- 🕇 3. решается задача о свадьбах;
- 4. полученный граф можно сохранить в выде изображения.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 16. Дополнение 2-комплекса.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному 2-комплексу (полученному аналогично предложенным в основной программе вариантам):

- 1. определяется его полнота, если он полный, то сообщается;
- 2. строится дополнение 2-комплекса до полного;
- 3. полученный 2-комплекс можно сохранить в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 17. Восстановление 2-комплекса из вектора.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. на вход принимается вектор степеней;
- 2. последовательно выполняется редукционный алгоритм для 2-комплекса;
- 3. печатаются промежуточные и конечный результаты работы редукционного алгоритма;
- 4. если 2-комплекс совершенный или экстремальный, то сообщается об этом;
- 5. если 2-комплекс экстремальный, то строится его база;
- 6. выводятся построенные симплексы, если вектор реализуем;
- 7. полученный 2-комплекс можно сохранить в файле.

Срок сдачи: 15.12.2019 [К оглавлению]

ЛР № 18. Экстремальные 2-комплексы.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. на вход принимается 2 базы в виде наборов троек;
- 2. проверяется, что базы заданы верно;
- 3. для каждой из баз строится набор симплексов и вектор степеней вершин, которые база задаёт;
- 4. из полученных 2-комплексов строятся следующие 2-комплексы:
 - (а) дополнение первого 2-комплекса;
 - (b) дополнение второго 2-комплекса;
 - (с) объединение двух 2-комплексов;
 - (d) пересечение двух 2-комплексов;
 - (е) вычитание из первого 2-комплекса второго 2-комплекса;
 - (f) вычитание из второго 2-комплекса первого 2-комплекса.
- 5. для полученных 2-комплексов выводятся:
 - (а) список симплексов;
 - (b) векторы степеней вершин;
 - (с) базы при экстремальности соответствующих комплексов.
- 6. все полученные 2-комплексы можно сохранить в файлах.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 19. Задача коммивояжёра.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. на вход принимается множество вершин с указанием начала движения;
- 2. при необходимости определяется конечная вершина движения;
- 3. с помощью алгоритма **ветвей и границ** решается задача коммивояжёра;
- 4. выводится конечный маршрут и его длина;
- 5. результаты могут быть сохранены в файл.

Срок сдачи: 15.12.2019

ЛР № 20. Доминирование и покрывающее множество.

Добавить в основную программу следующий функционал по выбранному графу (полученному любым из предложенных в основной программе вариантов):

- 1. определите число доминирования выбранного графа;
- 2. определите мощность наибольшего независимого множества вершин графа;
- 3. определите мощность наибольшего независимого множества рёбер графа;
- 4. определите наименьшую мощность покрытия графа;
- 5. определите наименьшую мощность рёберного покрытия графа;

Срок сдачи: 15.12.2019 [К оглавлению]

ЛР № 21. Эффективность алгоритмов поиска пути.

Добавить в основную программу следующий функционал:

- 1. генерируется случайный связанный граф (≈ 10000 узлов), вписанный в квадрат;
- 2. дальние связи крайне редки;
- 3. веса рёбер соответствуют расстоянию между вершинами;
- 4. выбираются 4 пары вершин:
 - в серединах левой и правой сторон;
 - в противоположенных углах;
 - в центре квадрата и в середине нижней стороны;
 - произвольно указанные вершины;
- 5. для каждой пары вершин найти кратчайший маршрут с помощью алгоритмов BFS, A^* , IDA (ЛР 2), Дейкстры (ЛР 3);
- 6. кроме маршрута нужно показать все вершины задействованные в ходе работы каждого из алгоритмов;
- 7. для каждой пары вершин нужны изображения с найденным маршрутом и задействованными вершинами по каждому из алгоритмов;
- 8. также необходимо привести временные замеры работы алгоритмов для каждой пары вершин;
- 9. все характеристики можно сохранить в файле.

Срок сдачи: 15.12.2019

Список литературы

- 1. Мокряков А. В., Селин П. С., Цурков В. И. Минимакс и восстановление по вектору в графах. М.: Спутник+, 2017, 308 с.
- 2. Оре О. Теория графов. М.: Наука, 1980, 336 с.
- 3. Уилсон Р. Введение в теорию графов. М.: Мир, 1977, 208 с.
- 4. *Харари Ф.* Теория графов. М.: Мир, 1973, 300 с.