Solucion Simbolica de una EDO y Problema de Valor Inicial

$$\frac{dy}{dt} = y(t)^2 - y(t)^3$$
$$t0 := 0$$

$$y0 := 10^{-4}$$

EDO de Variable Separable

$$\int \frac{1}{y^2 - y^3} dy \rightarrow \ln(y) - \ln(y - 1) - \frac{1}{y}$$

$$\int 1 dt \to t$$

Hay que incluir manualmente la "C" ya que mathcad no la introduce

$$ln(y) - ln(1-y) - \frac{1}{y} = t + C$$

Calculamos C para nuestras condiciones Iniciales

$$\text{C} := \ln(y) - \ln(1 - y) - \frac{1}{y} = t + C \quad \begin{vmatrix} \text{solve, C} \\ \text{substitute, t} = t0, y = y0 \end{vmatrix} \rightarrow -\ln(9999) - 10000$$

Ya que nos es imposible encontrar una solucion explicita para y, podemos encontrar la funcion inversa o en otras palabras t(y)

$$t(y) := \ln(y) - \ln(1 - y) - \frac{1}{y} = t + C \text{ solve}, t \rightarrow \ln(9999) - \ln(1 - y) + \ln(y) - \frac{1}{y} + 10000$$

