

1 Центральная предельная теорема

Теорема 1.1 (Линдеберга). Пусть $\{\xi_k\}_{k \geq 1}$ независимые случайные величины, $E\xi_k^2 < +\infty \forall k$, обозначим $m_k = E\xi_k$, $\sigma_k^2 = D\xi_k > 0$; $S_n = \sum_{i=1}^n \xi_i$; $D_n^2 = \sum_{k=1}^n \sigma_k^2$ и F_k — функция распределения ξ_k . Пусть выполнено условие Линдеберга, то есть:

$$\forall \varepsilon > 0 \quad \frac{1}{D_n^2} \sum_{k=1}^n \int_{\{x: |x-m_k| > \varepsilon D\}} (x - m_k)^2 dF_k(x) \xrightarrow{n \rightarrow \infty} 0.$$

Тогда

$$\frac{S_n - ES_n}{\sqrt{DS_n}} \xrightarrow{d} \mathcal{N}(0, 1), \quad n \rightarrow \infty.$$

Гауссовские случайные вектора

Определение 1. Случайный вектор $\vec{\xi} \sim \mathcal{N}(m, \varepsilon)$ — гауссовский, если его характеристическая функция $\varphi_{\vec{\xi}}(\vec{t}) = \exp(i(\vec{m}, \vec{t}) - \frac{1}{2}(\Sigma \vec{t}, \vec{t}))$, $\vec{m} \in \mathbb{R}^n$, Σ — симметричная неотрицательная определенная матрица.

Определение 2.

Определение 3.

Теорема 1.2.

2 Задачи по астрономии

Задача

3 Отзывы

- ✖ Дз по мне слишком большое. Может, конечно, это я такой тормоз, но вот эта часть сверху заняла у меня без преувеличения 3 часа. И это даже не треть задания.
- ✖ Со счетчиками и окружениями на практике всё оказалось не столь понятно, а поверхностное гугление ничего не дало.