

# Wavelets

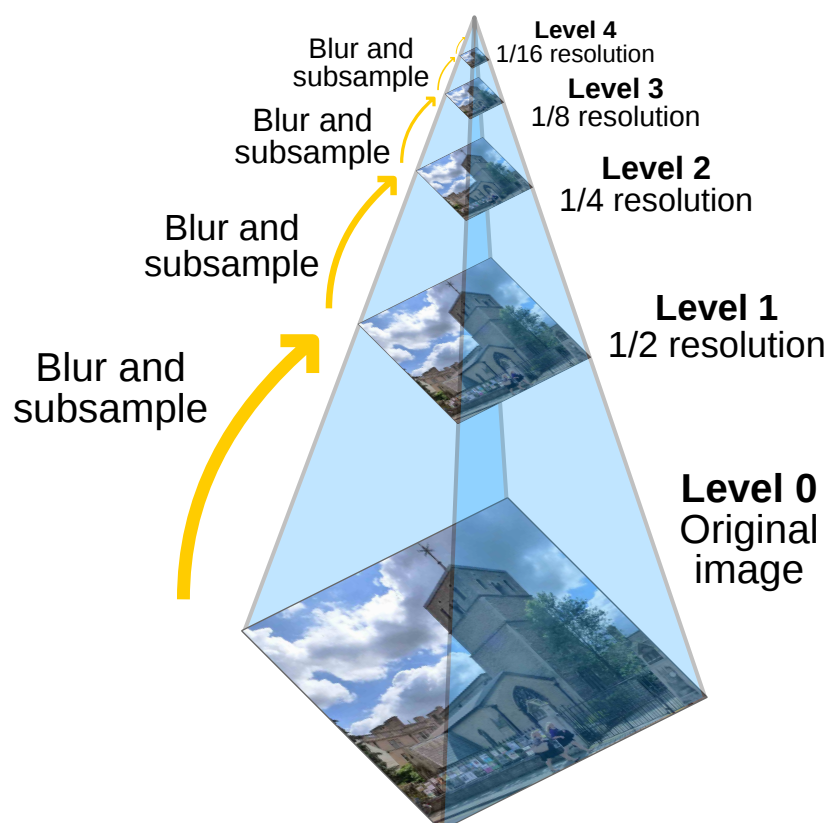
## Introducción

- La transformada de Fourier es muy utilizada en procesamiento de imágenes. Hemos visto varios ejemplos.
- A partir de los años 80 se empezaron a utilizar otras transformadas que facilitan la compresión, transmisión y análisis de las imágenes.
- Las ondículas (wavelets) son señales de pequeña duración (en contraste con las señales generadoras de Fourier que son de duración infinita) de frecuencia variable.
- Que sean de duración finita permite que tengan información del momento en el que ocurren (como las notas en una partitura) en contraste a la transformada de Fourier que nos da información si ciertas señales ocurren o no.

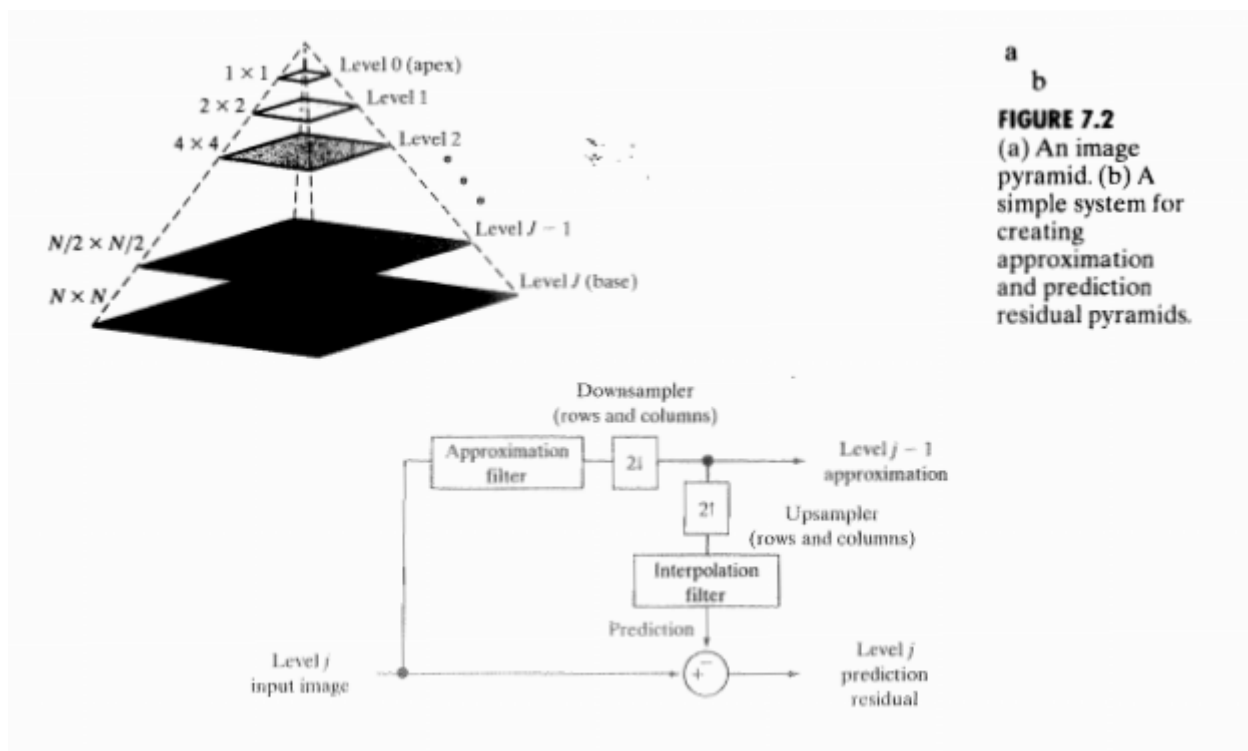
## Representación piramidal

- Es una forma de representar imágenes en distintas resoluciones.
- A medida que nos movemos en forma ascendente en la pirámide la imagen baja su tamaño y su resolución. La base tiene una resolución de  $N \times N$  o de  $2^J \times 2^J$  donde  $J = \log_2 N$ . En general el nivel  $j$  ( $0 \leq j \leq J$ ) tiene una resolución de  $2^j \times 2^j$ . El nivel 0 tiene una resolución de  $1 \times 1$  la cual no nos aporta mucha información. Se trabajará con imágenes que van desde el nivel  $J$  hasta el nivel  $J-P$ , con  $P \leq J$ . Por lo tanto vamos a tener  $P+1$  niveles, donde  $j = J-P, \dots, J-2, J-1, J$ . La cantidad total de pixeles será:

$$N^2 \left( 1 + \frac{1}{(4)^1} + \frac{1}{(4)^2} + \frac{1}{(4)^4} + \dots + \frac{1}{(4)^P} \right) \leq \frac{4}{3} N^2$$



Podemos ir subiendo y bajando la resolución de la imagen. Se llama residuo a la diferencia entre una de las imágenes de alta resolución y la imagen de baja resolución interpolada.



Vamos a definir dos pirámides: la pirámide de aproximación y la pirámide de residuos. A partir de la imagen de nivel J-P y la pirámide de residuos, puede obtener la pirámide de aproximación.

Tipos de aproximaciones posibles:

- Media
- Filtro Gaussiano
- Subsampling

También se pueden definir varios tipos de interpolación:

- Nearest Neighbor
- Bilineal
- Bicúbica

OPENCV utiliza filtro Gaussiano para bajar de resolución las imágenes. El mismo es un filtro con los siguientes coeficientes:

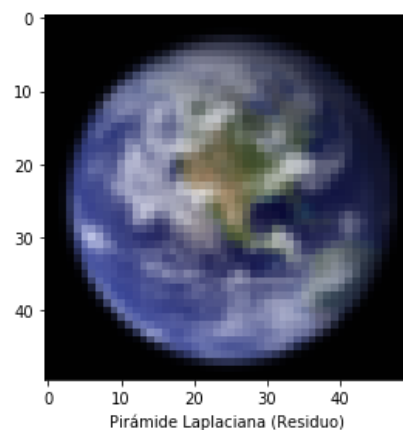
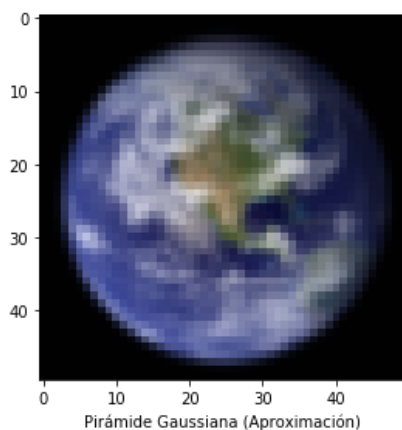
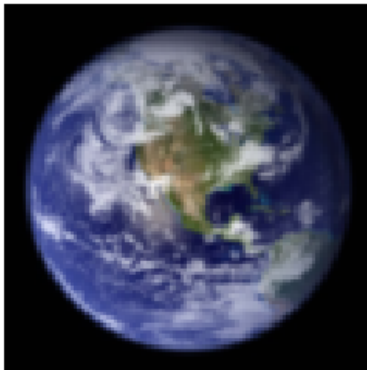
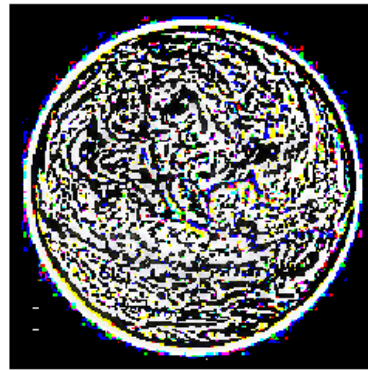
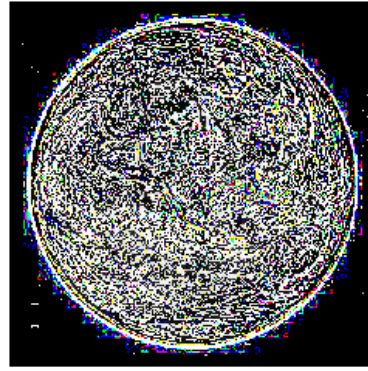
$$H = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 4 & 6 & 4 & 1 \\ 4 & 16 & 24 & 16 & 4 \\ 6 & 24 & 36 & 24 & 6 \\ 4 & 16 & 24 & 16 & 4 \\ 1 & 4 & 6 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

A este tipo de pirámide se la llama pirámide Gaussiana. A la pirámide cuyo nivel j se forma con la diferencia del nivel j+1 de la pirámide Gaussiana expandido a j y el nivel j de la misma pirámide Gaussiana se la llama pirámide Laplaciana.

## Ejemplo de pirámide de imágenes

In [2]:

```
import cv2
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.image as mpimg
niveles=4
img = cv2.imread('mundo.jpg')
lower_reso = cv2.pyrDown(img)
higher_reso2 = cv2.pyrUp(lower_reso)
residuo=img-higher_reso2
f, axarr = plt.subplots(niveles, 2, figsize=(15, 5*niveles))
for i in range(niveles-1):
    axarr[i,0].imshow(cv2.cvtColor(img, cv2.COLOR_BGR2RGB))
    img_temp=cv2.pyrDown(img)
    residuo=img-cv2.pyrUp(img_temp)
    axarr[i,1].imshow(cv2.cvtColor(residuo, cv2.COLOR_BGR2RGB))
    img=img_temp
    axarr[i,0].axis("off")
    axarr[i,1].axis("off")
axarr[niveles-1,0].imshow(cv2.cvtColor(img_temp, cv2.COLOR_BGR2RGB))
axarr[niveles-1,0].set_xlabel("Pirámide Gaussiana (Aproximación)")
axarr[niveles-1,1].imshow(cv2.cvtColor(img_temp, cv2.COLOR_BGR2RGB))
axarr[niveles-1,1].set_xlabel("Pirámide Laplaciana (Residuo)")
axarr[i,0].axis("off")
axarr[i,1].axis("off")
plt.show()
```



## Image Blending utilizando Image Pyramids

La opción trivial para pegar dos imágenes es tomar una fracción de una de las matrices de una de las imágenes, y utilizarla para sobrescribir otra imagen. Como se ve a continuación, las discontinuidades entre ambas imágenes hacen que el efecto no quede bien logrado:

In [11]:

```
import sys
import os
import numpy as np
import cv2
import scipy
from scipy.stats import norm
from scipy.signal import convolve2d
import math
import numpy as np

rows=1024
cols=1024
blend_pixels=20
blend_array_a=np.ones([rows,cols]) #Primero lleno la imagen de unos para luego s
obreescribir con ceros
blend_array_a[:,int(0.5*cols+blend_pixels):]=np.zeros([rows,int(cols*0.5-blend_p
ixels)])
blend_array_a[:,int(0.5*cols-
blend_pixels):int(0.5*cols+blend_pixels)]=np.dot(np.ones([rows, 1]),
[np.linspace(1,0,blend_pixels*2)])
cv2.imwrite('./mask{}_{}.jpg'.format(cols,blend_pixels), blend_array_a*255)
```

Out[11]:

True

In [12]:

```
'''split rgb image to its channels'''
def split_rgb(image):
    red = None
    green = None
    blue = None
    (blue, green, red) = cv2.split(image)
    return red, green, blue

'''generate a 5x5 kernel'''
def generating_kernel(a):
    w_ld = np.array([0.25 - a/2.0, 0.25, a, 0.25, 0.25 - a/2.0])
    return np.outer(w_ld, w_ld)

'''reduce image by 1/2'''
def ireduce(image):
    out = None
    kernel = generating_kernel(0.4)
    outimage = scipy.signal.convolve2d(image, kernel, 'same')
    out = outimage[::2, ::2]
    return out

'''expand image by factor of 2'''
def iexpand(image):
    out = None
    kernel = generating_kernel(0.4)
    outimage = np.zeros((image.shape[0]*2, image.shape[1]*2), dtype=np.float64)
    outimage[::2, ::2] = image[:, :]
    out = 4*scipy.signal.convolve2d(outimage, kernel, 'same')
    return out

'''create a gaussain pyramid of a given image'''
```

```

def gauss_pyramid(image, levels):
    output = []
    output.append(image)
    tmp = image
    for i in range(0, levels):
        tmp = ireduce(tmp)
        output.append(tmp)
    return output

'''build a laplacian pyramid'''
def lapl_pyramid(gauss_pyr):
    output = []
    k = len(gauss_pyr)
    for i in range(0, k-1):
        gu = gauss_pyr[i]
        egu = iexpand(gauss_pyr[i+1])
        if egu.shape[0] > gu.shape[0]:
            egu = np.delete(egu, (-1), axis=0)
        if egu.shape[1] > gu.shape[1]:
            egu = np.delete(egu, (-1), axis=1)
        output.append(gu - egu)
    output.append(gauss_pyr.pop())
    return output

'''Blend the two laplacian pyramids by weighting them according to the mask.'''
def blend(lapl_pyr_white, lapl_pyr_black, gauss_pyr_mask):
    blended_pyr = []
    k = len(gauss_pyr_mask)
    for i in range(0, k):
        p1 = gauss_pyr_mask[i] * lapl_pyr_white[i]
        p2 = (1 - gauss_pyr_mask[i]) * lapl_pyr_black[i]
        blended_pyr.append(p1 + p2)
    return blended_pyr

'''Reconstruct the image based on its laplacian pyramid.'''
def collapse(lapl_pyr):
    output = None
    output = np.zeros((lapl_pyr[0].shape[0], lapl_pyr[0].shape[1]), dtype=np.float64)
    for i in range(len(lapl_pyr)-1, 0, -1):
        lap = iexpand(lapl_pyr[i])
        lapb = lapl_pyr[i-1]
        if lap.shape[0] > lapb.shape[0]:
            lap = np.delete(lap, (-1), axis=0)
        if lap.shape[1] > lapb.shape[1]:
            lap = np.delete(lap, (-1), axis=1)
        tmp = lap + lapb
        lapl_pyr.pop()
        lapl_pyr.pop()
        lapl_pyr.append(tmp)
        output = tmp
    return output

def main():
    image1 = cv2.imread('./Lorde_ya_ya.png')
    image2 = cv2.imread('./randy.png')
    mask = cv2.imread('./mask1024_20.jpg')
    # image1 = cv2.imread('./orange.jpg')
    # image2 = cv2.imread('./apple.jpg')
    # mask = cv2.imread('./mask512_20.jpg')
    r1 = None
    g1 = None

```

```

b1= None
r2= None
g2= None
b2= None
rm= None
gm = None
bm = None

(r1,g1,b1) = split_rgb(image1)
(r2,g2,b2) = split_rgb(image2)
(rm,gm,bm) = split_rgb(mask)

r1 = r1.astype(float)
g1 = g1.astype(float)
b1 = b1.astype(float)

r2 = r2.astype(float)
g2 = g2.astype(float)
b2 = b2.astype(float)

rm = rm.astype(float)/255
gm = gm.astype(float)/255
bm = bm.astype(float)/255

# Automatically figure out the size
min_size = min(r1.shape)
depth = int(math.floor(math.log(min_size, 2))) - 4 # at least 16x16 at the highest level.

gauss_pyr_maskr = gauss_pyramid(rm, depth)
gauss_pyr_maskg = gauss_pyramid(gm, depth)
gauss_pyr_maskb = gauss_pyramid(bm, depth)

gauss_pyr_image1r = gauss_pyramid(r1, depth)
gauss_pyr_image1g = gauss_pyramid(g1, depth)
gauss_pyr_image1b = gauss_pyramid(b1, depth)

gauss_pyr_image2r = gauss_pyramid(r2, depth)
gauss_pyr_image2g = gauss_pyramid(g2, depth)
gauss_pyr_image2b = gauss_pyramid(b2, depth)

lapl_pyr_image1r = lapl_pyramid(gauss_pyr_image1r)
lapl_pyr_image1g = lapl_pyramid(gauss_pyr_image1g)
lapl_pyr_image1b = lapl_pyramid(gauss_pyr_image1b)

lapl_pyr_image2r = lapl_pyramid(gauss_pyr_image2r)
lapl_pyr_image2g = lapl_pyramid(gauss_pyr_image2g)
lapl_pyr_image2b = lapl_pyramid(gauss_pyr_image2b)

outpyrr = blend(lapl_pyr_image2r, lapl_pyr_image1r, gauss_pyr_maskr)
outpyrg = blend(lapl_pyr_image2g, lapl_pyr_image1g, gauss_pyr_maskg)
outpyrb = blend(lapl_pyr_image2b, lapl_pyr_image1b, gauss_pyr_maskb)

outimgr = collapse(blend(lapl_pyr_image2r, lapl_pyr_image1r,
gauss_pyr_maskr))
outimgg = collapse(blend(lapl_pyr_image2g, lapl_pyr_image1g,
gauss_pyr_maskg))
outimgb = collapse(blend(lapl_pyr_image2b, lapl_pyr_image1b,
gauss_pyr_maskb))
# blending sometimes results in slightly out of bound numbers.
outimgr[outimgr < 0] = 0

```



```

outimgr[outimgr > 255] = 255
outimgr = outimgr.astype(np.uint8)

outimgg[outimgg < 0] = 0
outimgg[outimgg > 255] = 255
outimgg = outimgg.astype(np.uint8)

outimgb[outimgb < 0] = 0
outimgb[outimgb > 255] = 255
outimgb = outimgb.astype(np.uint8)

result = np.zeros(image1.shape, dtype=image1.dtype)
tmp = []
tmp.append(outimgb)
tmp.append(outimgg)
tmp.append(outimgr)
result = cv2.merge(tmp, result)
cv2.imwrite('./blended_SP.jpg', result)

if __name__ == '__main__':
    main()

```

## Blending hecho sin y con Image Pyramids:

Mezclamos:



con



Y obtenemos (sin Image Pyramids):



Utilizando Image Pyramids:

