# 1 Grundlagen

### 2 Kinematik

### 2.1 Eindimensionale Bewegungen

#### 2.1.1 Gleichförmige Translation

$$v = \frac{s}{t} \tag{1}$$

Umrechnung von Geschwindigkeiten: siehe Seite: 69 Geschwindigkeiten in der Natur und Technik siehe Seite: 70

#### 2.1.2 Gleichmäßig beschleunigte Translation

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \tag{2}$$

Beschleunigungen in Natur und Technik: siehe Seite: 71 Ohne Anfangsgeschwindigkeit

$$s = \frac{v_{end} * t}{2} \tag{3}$$

$$a = \frac{a * t^2}{2} \tag{4}$$

$$v = a * t \tag{5}$$

$$\overline{v} = \frac{a * t}{2} = \frac{s}{t} \tag{6}$$

#### Mit Anfangsgeschwindigkeit

$$s = \frac{v_0 + v_{end}}{2} * t \tag{7}$$

$$s = v_0 * t + \frac{a * t^2}{2} \tag{8}$$

$$v = v_0 + a * t \tag{9}$$

$$v = \sqrt{v_0^2 + 2as} \tag{10}$$

$$\overline{v} = \frac{v_o + v_{end}}{2} = v_0 + \frac{a * t}{2} = \frac{s}{t}$$
 (11)

$$\overline{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} \tag{12}$$

$$s = s_0 + \frac{v_0 + v_{end}}{2} * t = s_0 + v_0 * t + \frac{a * t^2}{2}$$
(13)

Ungleichmäßig beschleunigte Translation

$$v = \frac{ds}{dt} = \dot{s} \tag{14}$$

$$s = \int_{t_1}^{t_2} v dt \tag{15}$$

$$\overline{v} = \frac{s}{t} \tag{16}$$

$$\overline{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} \tag{17}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = \ddot{s} \tag{18}$$

$$v = \int_{t_1}^{t_2} a dt \tag{19}$$

$$\overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_{end} - v_0}{t} \tag{20}$$

$$\overline{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \tag{21}$$

#### 2.1.3 Fall und Wurf

$$h = \frac{v * t}{2} = \frac{g * t^2}{2} \tag{22}$$

$$v = g * t = \sqrt{2 * g * h} \tag{23}$$

(24)

#### Senkrechter Wurf:

$$h = \frac{v_0 + v_{end}}{2} * t = v_0 * t + \frac{g * t^2}{2}$$
 (25)

$$v = v_0 + g * t = \sqrt{v_0^2 + 2g * h} \tag{26}$$

$$h_{max} = \frac{v_0}{2 * q} \tag{27}$$

$$t_{max} = \frac{v_0}{q} \tag{28}$$

### 2.1.4 Zusammengesetze Bewegung

$$v_R = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2 * v_1 * v_2 * \cos \gamma}$$
 (29)

### 2.2 Zweidimensionale Bewegungen

#### 2.2.1 Waagrechter Wurf

$$y = \frac{g}{2 * v_0} * x^2 \tag{30}$$

$$\vec{r} = \vec{v_0} * t + \frac{\vec{g} * t^2}{2} \tag{31}$$

$$\vec{v_B} = \vec{v_0} + \vec{g} * t \tag{32}$$

$$\tan \gamma = \frac{g * t}{v_0} \tag{33}$$

$$v_B = \sqrt{v_0^2 + g^2 * t^2} \tag{34}$$

$$s = v_0 * t = v_0 \sqrt{\frac{2 * h}{g}} \tag{35}$$

$$h = \frac{g * t^2}{2} \tag{36}$$

#### 2.2.2 Schräger Wurf

$$y = x * \tan \gamma - \frac{g}{2 * v_0^2 * \cos^2 \gamma} * x^2$$
 (37)

$$\vec{v_x} = \vec{v_0} * \cos \gamma \quad (38)$$

$$\vec{v_y} = \vec{v_0} * \sin \gamma - \vec{g} * t \quad (39)$$

$$v_B = \sqrt{v_0^2 - 2 * g * h} \tag{40}$$

$$s = v_0 * t * \sin \gamma - \frac{g * t^2}{2}$$
 (41)

$$t_{hmax} = \frac{v_0 * \sin \gamma}{a} \quad (42)$$

$$t_{sm} = 2 * t_{hmax} = 2 * = \frac{v_0 * \sin \gamma}{q}$$
 (43)

$$h_{max} = \frac{v_0^2 * \sin 2\gamma}{2 * g} \quad (44)$$

(46)

$$s_{max} = \frac{v_0^2 * \sin \gamma * \cos \gamma}{q} \quad (45)$$

Höhenunterschied:

nach max: 
$$h = h_{max} + \Delta h; t_f = \sqrt{\frac{2*h}{g}}; v_y = \sqrt{2*g*h}$$
 (47)

vor max: 
$$h = v_0 * t * \sin \gamma - \frac{g * t^2}{2} \Rightarrow t; v_y = v_0 * \sin \gamma - g * t$$
 (48)

#### 2.3 Rotation:

#### 2.3.1 Grundlage

$$\phi = \frac{s}{r} \tag{49}$$

$$T = \frac{1}{f} = \frac{1}{n} \tag{50}$$

$$\phi = 2\pi * N \tag{51}$$

$$\omega = 2\pi * f = \frac{2\pi}{T} \tag{52}$$

Übersicht Winkel Rad/Grad: siehe Seite: 85

#### 2.3.2 Gleichfrmige Rotation

$$\omega = \frac{\phi}{t} \tag{53}$$

#### 2.3.3 Gleichmäßig beschleunigte Rotation

$$\alpha = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} \tag{54}$$

Ohne Anfangswinkelgeschwindigkeit

$$\phi = \frac{\omega * t}{2} = \frac{\alpha * t^2}{2} \tag{55}$$

$$\omega = \alpha * t = \sqrt{2\alpha * \phi} \tag{56}$$

$$\overline{\omega} = \frac{\alpha * t}{2} = \frac{\phi}{t} \tag{57}$$

### Mit Anfangswinkelgeschwindigkeit

$$\phi = \frac{\omega_0 + \omega}{2} * t = \omega_0 * t + \frac{\alpha * t^2}{2}$$
 (58)

$$\phi_{ges} = \phi_0 + \frac{\omega_0 + \omega}{2} * t = \phi_0 + \omega_0 * t + \frac{\alpha * t^2}{2}$$
 (59)

#### 2.3.4 Gleichmäßig beschleunigte Rotation

$$\omega = \frac{d\phi}{dt} \tag{60}$$

$$\phi = \int_{t_1}^{t_2} \omega dt \tag{61}$$

$$\overline{\omega} = \frac{\phi}{t} = \frac{\phi_2 - \phi_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \tag{62}$$

$$\overline{n} = \overline{f} = \frac{\overline{\omega}}{2\pi} \tag{63}$$

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} = \dot{\omega} = \ddot{\phi} \tag{64}$$

$$\omega = \int_{t}^{t_2} \alpha dt \tag{65}$$

$$\overline{\alpha} = \frac{\Delta\omega}{\Delta t} = \frac{\omega - \omega_0}{t} = \frac{\omega_2 - \omega_1}{t_2 - t_1} \tag{66}$$

### Bewegung auf der Kreisbahn

$$s_B = \phi * r \tag{67}$$

$$v_B = \omega * r = d * \pi * f \tag{68}$$

$$a_B = \alpha * r \tag{69}$$

$$\vec{v_B} = \vec{\omega} \times \vec{r} \tag{70}$$

$$\vec{a_B} = \vec{\alpha} \times \vec{r} \tag{71}$$

$$a_r = \frac{v_B^2}{r} = \omega^2 * r \tag{72}$$

#### **Dynamik** 3

#### 3.1 Masse und Kraft

### Newton'sche Axiome

siehe Seite: 98

### 3.1.2 Grundlagen

$$\vec{F} = \vec{a} * m \tag{73}$$

$$F_G = m * g \tag{74}$$

(75)

Umrechnung in SI Fremde Krafteinheiten: siehe Seite: 100 Dichte:

$$\rho = \frac{m}{V} \tag{76}$$

$$\rho_m = \frac{\sum_{i=1}^n \rho_i * V_i}{\sum_{i=1}^n V_i} \tag{77}$$

Federkraft

$$k = \frac{F}{s}$$

$$F = -k * s$$

$$(78)$$

$$F = -k * s \tag{79}$$

(80)

### Reibungskraft

$$F_R = \mu * F_N \tag{81}$$

Trägheit:

$$\vec{F_T} = -m * \vec{a} \tag{82}$$

#### 3.1.3 Spezialfälle

$$\vec{F_{zH}} = \cos \gamma * F_z; F_{zV} = \vec{\sin} \gamma * F_z$$
 (83)

$$\vec{F_N} = F_g - \vec{F_z V}; \vec{F_R} = \mu * \vec{F_n}$$
 (84)

$$\vec{F_H} = \cos 90^{\circ} - \gamma; \vec{F_n} = \cos \gamma * (F_g - \vec{F_{z \perp \gamma}})$$
 (85)

Tendenz nach oben: 
$$\vec{F_{z||\gamma}} = \vec{F_{R-H/G}} + \vec{F_H}$$
 (86)

Tendenz nach unten: 
$$\vec{F_{z||\gamma}} = \vec{F_H}$$
 (87)

Wenn 
$$\vec{F_z} = \vec{F_{gk}}$$
 (88)

Tendenz nach oben: 
$$m_k = m * (\mu_{G/H} * \cos \gamma + \cos(90^\circ - \gamma))$$
 (89)

Tendenz nach unten: 
$$m_k = m * (\cos(90^\circ - \gamma) - \mu_{G/H} * \cos \gamma)$$
 (90)

### 3.2 Arbeit, Energie und Leistung

#### 3.2.1 Arbeit

Umrechnung in SI-fremde Einheiten: siehe Seite: 106

$$W = F * s \tag{91}$$

$$W = F * s * \cos \gamma \tag{92}$$

$$W = \vec{F} * \vec{s} \tag{93}$$

$$W = \int_{s_1}^{s_2} F * \cos \gamma ds \tag{94}$$

$$W = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} * d\vec{s} \tag{95}$$

Hubarbeit

$$W_H = F_G * h = m * g * h \tag{96}$$

Reibungsarbeit

$$W_R = F_R * s = \mu * F_N * s \tag{97}$$

$$W = m * g * s + (\sin \gamma + \mu * \cos \gamma) \tag{98}$$

 ${\bf Beschleunigungs arbeit}$ 

$$W_B = m * a * s = \frac{m * v^2}{2} \tag{99}$$

$$W_B = m * a * s = \frac{m}{2}(v^2 - v_0^2)$$
(100)

Verformungsarbeit

$$W_F = \frac{k * s^2}{s} \tag{101}$$

#### 3.2.2 Energie

### Potentielle

$$E_p = F_G * h = m * g * h (102)$$

$$E_P = m * \int_{h_1}^{h_2} g dh \tag{103}$$

#### Kinetische

$$E_k = \frac{m * v^2}{2} \tag{104}$$

$$\Delta E_k = \frac{m}{2}(v_2^2 - v_1^2) \tag{105}$$

(106)

### Energieerhaltung

$$E_{ges} = E_p + E_k + E_r = konstant (107)$$

#### 3.2.3 Leistung

Umrechnung in SI-fremde Einheiten: siehe Seite: 114

$$\overline{P} = \frac{W}{t} \tag{108}$$

$$P = \frac{dW}{dt} = \dot{W} \tag{109}$$

$$P = F * v \tag{110}$$

(111)

### Wirkungsgrad

$$\eta = \frac{P_{ab}}{P_{zu}} = \frac{P_{zu} - P_{verlust}}{P_{zu}} = 1 - \frac{P_{verlust}}{P_{zu}}$$
(112)

#### 3.3 Impuls und Stoß

#### **3.3.1** Impuls

$$\vec{p} = m * \vec{v} \tag{113}$$

#### 3.3.2 Kraftstoß

$$\Delta \vec{p} = m * \Delta \vec{v} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F} dt \tag{114}$$

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{t} = \frac{d(m * \vec{v})}{dt} = \dot{\vec{p}}$$
 (115)

(116)

#### 3.3.3 Impulssatz

$$p_{\vec{g}}\vec{e}s = \sum_{i=1}^{n} \vec{p_i} = konstant \tag{117}$$

#### 3.3.4 Stoß

#### Elastischer Stoß

$$v_1' = \frac{(m_1 - m_2) * v_1 + 2 * m_2 * v_2}{m_1 + m_2}$$
(118)

$$v_2' = \frac{(m_2 - m_1) * v_2 + 2 * m_1 * v_1}{m_1 + m_2}$$
(119)

#### Unelastischer Stoß

$$v = \frac{m_1 * v_1 + m_2 * v_2}{m1 + m2} \tag{120}$$

$$W = E_1 - E_2 = \frac{m_1 * m_2}{2 * (m_1 + m_2)(v_1 - v_2)^2}$$
(121)

#### Teilelastischer Stoß

$$\Delta E = \frac{m_1 * m_2}{2 * (m_1 + m_2)} (v_1 - v_2)^2 (1 - k^2)$$
(122)

$$v_1' = \frac{m_1 * v_1 + m_2 * v_2 - (v_1 - v_2)m_2 * k}{m_1 + m_2}$$
(123)

$$v_1' = \frac{m_1 * v_1 + m_2 * v_2 + (v_1 - v_2)m_1 * k}{m_1 + m_2}$$
(124)

$$k = \sqrt{\frac{h_2}{h_1}} \tag{125}$$

### 3.3.5 Spezialfälle

### Ballistisches Pendel

$$E_{pot} = E_{kin} (126)$$

$$v_{kh} = \sqrt{2 * g * h} \tag{127}$$

$$v_{kh} = \frac{v_k * m_k}{m_k + m_h} = \sqrt{2 * g * h}$$
 (128)

$$v_k = \frac{m_h + m_k}{m_k} * \sqrt{2 * g * h}$$
 (129)

### 3.4 Drehbewegung

$$F_r = \frac{m * v^2}{r} = m * \omega^2 * r = p * \omega \tag{130}$$

$$F_Z = \frac{m * v^2}{r} = m * \omega^2 * r = p * \omega = -F_r$$
 (131)

$$a_C = 2 * v * \omega \tag{132}$$

$$F_C = 2 * m * v * \omega \tag{133}$$

$$\vec{F_C} = 2 * m(\vec{v} \times \vec{\omega}) \tag{134}$$

$$F_C = 2 * m * v * \omega * \sin \phi \tag{135}$$

(136)

#### Arbeit bei der Rotation

$$W = M * \phi \tag{137}$$

$$W = \int_{\phi_1}^{\phi_2} M d\phi \tag{138}$$

(139)

#### Leistung bei der Rotation

$$P = M\omega \tag{140}$$

#### Rotationsenergie

$$E_{rot} = \frac{J * \omega^2}{2} \tag{141}$$

$$\Delta E_{rot} = \frac{J}{2}(\omega_2^2 - \omega_1^2) \tag{142}$$

### Drehimpuls

$$\vec{L} = J\vec{\omega} \tag{143}$$

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} = m * \vec{r} \times \vec{v} \tag{144}$$

$$\Delta \vec{L} = J \Delta \vec{\omega} = \vec{M} \Delta t = \int_{t_1}^{t_2} \vec{M} dt \tag{145}$$

$$\vec{M} = \frac{d\vec{L}}{dt} = \frac{d(J\vec{\omega})}{dt} = \dot{\vec{L}}$$
 (146)

$$L_{ges} = \sum_{i=1}^{n} \vec{L_i} \tag{147}$$

### 3.5 Trägheitsmoment

Trägheitsmoment  $J_s$  einiger Körper: siehe Seite: 131, siehe Seite: 132

$$M = J * \alpha \tag{148}$$

$$\vec{F} = J * \vec{\alpha} \tag{149}$$

$$J = r^2 \Delta m = \sum_{i=1}^n r_i^2 \Delta m_i \tag{150}$$

$$J = \int_0^{m_{ges}} r^2 dm = \rho \int_0^{V_{ges}} r^2 dV$$
 (151)

$$J_S = m * r^2 \tag{152}$$

$$J_A = J_S + m * s^2 (153)$$

$$m_{red} = \frac{J}{r^2}i = \sqrt{\frac{J}{m}} \tag{154}$$

$$m * D^2 = 4J \tag{155}$$

Reduzierte Masse einiger Körper: siehe Seite: 134 Trägheitsradien eigener Körper: siehe Seite: 134

### 4 Gravitation

Daten des Sonnensystem: siehe Seite: 148, siehe Seite: 149

$$F_G = \frac{m_1 * m_2}{r^2} \tag{156}$$

$$g = g_0 \frac{R^2}{r^2} = \frac{G * M}{r^2} \tag{157}$$

$$g_0 * R^2 = G * M (158)$$

$$\vec{g} = \frac{\vec{F}}{m} \tag{159}$$

$$W = G * M * m(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2})$$
 (160)

$$v_K = R\sqrt{\frac{g_o}{r}} = \sqrt{\frac{G * M}{r}} \tag{161}$$

$$r = \sqrt[3]{\frac{R^2 * g_0 * T^2}{4 * \pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{G * M * T^2}{4 * \pi^2}}$$
 (162)

Kepler'sche Gesetze: siehe Seite: 147f

# 5 Schwingungen

$$\phi == \omega * t + \phi_0 = 2\pi * f + t + \phi_0 \tag{163}$$

$$y = \hat{y}\sin\phi = \hat{y}\sin(\omega * t + \phi_0) \tag{164}$$

$$v = \hat{y}\omega\cos\phi = \hat{v} * \cos\phi \tag{165}$$

$$\hat{v} = \hat{y}\omega \tag{166}$$

$$a = -\hat{y}\omega^2 \sin \phi = \hat{a}\sin \phi = -y\omega^2 \tag{167}$$

$$\hat{a} = -\hat{y}\omega^2 \tag{168}$$

$$F_R = -m\omega^2 \hat{y} \sin \phi = m\hat{a} \sin \phi = -m\omega^2 y \tag{169}$$

$$k = m\omega^2 = -\frac{F_R}{\nu} \tag{170}$$

$$\ddot{y} + y\omega^2 = 0 \tag{171}$$

#### Lineare Federschwingung

$$k = \frac{F}{\Delta l} \tag{172}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}; f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}; T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$
 (173)

### Drehschwingung

$$\epsilon = \hat{\epsilon}\sin\phi = \hat{\epsilon}\sin(\omega t + \phi_0) \tag{174}$$

$$\dot{e} = \hat{e}\omega\cos\phi = \hat{\dot{e}}\cos\phi \tag{175}$$

$$\ddot{\epsilon} = -\hat{\epsilon}\omega^2 \sin \phi = -\hat{\epsilon}\sin \phi = -\epsilon\omega^2 \tag{176}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{D}{J}}; f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{D}{J}}; T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{D}}$$
(177)

#### Pendelschwingungen

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \tag{179}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J_A}{m * g * s}} \tag{181}$$

$$l' = \frac{J_A}{m * q * s} \tag{183}$$

$$J_S = m * s * (\frac{gT^2}{4\pi^2} - s) \tag{184}$$

#### Flüssigkeitsschwingungen

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{2g}} \tag{185}$$

### 5.1 Schwingungsenergie

$$E = \frac{k * \hat{y}^2}{2} = \frac{m * \hat{v}^2}{2} \tag{186}$$

Übersicht von Schwingungsenergi: siehe Seite: 205

### 5.2 Freie gedämpfte Schwingung

$$\ddot{y} + 2\delta\dot{y} + \omega_0^2 = 0 \tag{187}$$

$$y = \hat{y}_0 e^{-\delta t} \sin \phi \tag{188}$$

$$y = \frac{\hat{v}}{\omega_d} e^{-\delta t} \sin \omega_d * t \tag{189}$$

$$y = \hat{y_0}e^{-\delta * t} \frac{\omega_0}{\omega_d} cos(\omega_d * t - \arcsin\frac{\delta}{\omega_0})$$
 (190)

$$\hat{y}_{i+n} = \frac{\hat{y}_i}{q^n} \tag{191}$$

$$e^{\delta T_d * n} = \frac{\hat{y}_i}{\hat{y}_{i+n}} = q^n \tag{192}$$

$$\Lambda = \delta T_d = \ln \frac{\hat{y}_i}{\hat{y}_{i+1} = \ln q} \tag{193}$$

$$\tau = \frac{1}{\delta} \tag{194}$$

$$T_H = \frac{\ln 2}{\delta} \tag{195}$$

$$\omega_d = \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} = \omega_0 \sqrt{1 - \vartheta^2} \tag{196}$$

$$T_d = \frac{2\pi}{\sqrt{\omega_0^2 - \delta^2}} = \frac{T_0}{\sqrt{1 - \vartheta^2}}$$
 (197)

$$y = \frac{\hat{v}}{\omega_d'} e^{-\delta t} \sinh \omega_d' t \tag{198}$$

$$y = \hat{y}_0 e^{-\delta t} \cosh \omega_d' t \tag{199}$$

$$y = \hat{v}te^{-\delta t} \tag{200}$$

$$y = \hat{y}_0(1 + \delta t)e^{-\delta t} \tag{201}$$

Übersicht gedämpfte Schwingungen: siehe Seite: 211

### 5.3 Erzwungene Schwingung

$$\ddot{y} + 2\delta \dot{y} + \omega_0^2 y = \frac{\hat{F}_E}{m} \cos \omega * t \tag{202}$$

$$y = \hat{y}\cos(\omega * t - \alpha) \tag{203}$$

$$\hat{y} = \frac{\hat{F}_E}{\sqrt{m^2(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \beta^2 \omega^2}}$$
 (204)

$$\alpha = \arctan \frac{\omega \beta}{m * (\omega_0^2 - \omega^2)} = \arctan \frac{2\omega \delta}{\omega_0^2 - \omega^2}$$
 (205)

$$\hat{y}_{st} = \frac{\hat{F}_E}{m\omega_0^2} \tag{206}$$

$$\omega_R = \sqrt{\omega_0^2 - \frac{\beta^2}{2m^2}} = \sqrt{\omega_0^2 - 2\delta^2}$$
 (207)

$$\hat{y} = \frac{\hat{F}_E}{\beta \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2}} = \frac{\hat{F}_E}{\beta \omega_d} \tag{208}$$

$$\frac{\hat{y}_R}{\hat{y}_{st}} = \frac{\omega_0^2}{2\delta\sqrt{\omega_0^2 - \delta^2}} = \frac{\omega_0^2}{2\delta\omega_d} = \frac{\pi\omega_0^2}{\Lambda\omega_d^2}$$
(209)

$$Q \approx \frac{\pi}{\Lambda} \tag{210}$$

$$\frac{\hat{y}}{\hat{y}_{st}} = \frac{\omega_0^2}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + (2\delta\omega)^2}}$$
 (211)

(212)

### 5.4 Überlagerung von Schwingungen

#### 5.4.1 gleiche Richtung und Frequenz

$$y_R = \hat{y}_R \sin(\omega * t + \phi_{0R}) \tag{213}$$

$$\hat{y}_R = \sqrt{\hat{y}_1^2 + \hat{y}_2^2 + 2\hat{y}_1\hat{y}_2\cos(\phi_{01} - \phi_{02})}$$
 (214)

$$\phi_{0R} = \arctan \frac{\hat{y}_1 \sin \phi_{01} + \hat{y} \sin \phi_{02}}{\hat{y}_1 \cos \phi_{01} + \hat{y} \cos \phi_{02}}$$
(215)

$$\hat{y}_R = 2\hat{y}_1 \cos \frac{\phi_{01} - \phi_{02}}{2} \tag{216}$$

$$\phi_{0R} = \frac{\phi_{01} + \phi_{02}}{2} \tag{217}$$

(218)

#### 5.4.2 gleiche Richtung ungleiche Frequenz

$$y_R = 2\hat{y}\cos(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2} * t)\sin(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} * t) \tag{219}$$

$$f_s = f_1 - f_2 (220)$$

$$T_s = \frac{T_1 T_2}{T_2 - T_1} \tag{221}$$

$$f_R = \frac{f_1 + f_2}{2} = \overline{f} \tag{222}$$

$$T_R = \frac{2T_1T_2}{T_1 + T_2} \tag{223}$$

### 5.4.3 ungleiche Richtung

siehe Seite: 222ff.

# 6 Elektrische und Magnetische Felder

### 6.1 Magentisches Feld

Coulubsches Gesetz: 
$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0\epsilon_r} * \frac{Q_1 * Q_p}{r^2}$$
 (224)

Feldstärke auf Probeladung: 
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{Q}$$
 (225)

Gravitation: 
$$F = y \frac{m_1 * m_2}{r^2}$$
 (226)

Spezifischer Widerstand: 
$$R = \frac{1}{\kappa} * \frac{l}{A}$$
 (227)

Längsysmetrie 
$$\Rightarrow$$
 mag. Quadrat bei U (228)

FLächensymetrie 
$$\Rightarrow$$
 mag. Quadrat bei I (229)

Reihenschaltung: 
$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} = \frac{\rho_1}{\rho_2}$$
 (231)

Parallelschaltung: 
$$\frac{J_1}{J_2} = \frac{\kappa_1}{\kappa_2} = \frac{\rho_2}{\rho_1}$$
 (232)

Leistung im Strömungsfeld: 
$$P = \int \vec{E} d\vec{s} * \int \int \kappa \vec{E} d\vec{A}$$
 (233)

Leistungsdichte: 
$$p = \frac{P}{V}$$
 (234)

#### 6.2 Elektrisches Feld

Flussdichte: 
$$D = \frac{\Psi}{4} = \epsilon E$$
 (235)

Gaußscher Satz der Elektrostatik: 
$$\Psi = \iint \vec{D}d\vec{A} = \iint \epsilon \vec{E}d\vec{A}$$
 (236)

Kapazität: 
$$C = \frac{\Psi}{U}$$
;  $C = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r A}{d}$  (237)

Zylinderkondensator geschichtet: 
$$C = \frac{2\pi l}{\ln(\prod_{i=2}^{n} (\frac{r_i}{r_{i-1}})^{\frac{1}{\epsilon_{i-1}}}}$$
 (238)

Verbrauchergesetzt des Kondensators: 
$$i = C * \frac{du}{dt};$$
 (239)

Spannungsträgheit 
$$u = \Delta U = \frac{1}{C} \int_0^t i dt = \frac{q}{C}$$
 (240)

Kapazitivier Spannungsteiler: 
$$\frac{U_1}{U_2} = \frac{C_2}{C_1}; \frac{U_2}{U_{qes}} = \frac{C_1}{C_1 + C_2}$$
 (243)

Kapazitiver Stromteiler: 
$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{C_1}{C_2}$$
;  $\frac{i_2}{i_{qes}} = \frac{C_2}{C_1 + C_2}$  (246)

Selbstenlatung: 
$$\tau_{iso} = \frac{\epsilon_r \epsilon_0}{k}$$
 (247)

Geschichtetes Dielektrikum: Reihenschaltung: 
$$\frac{E_1}{E_2} = \frac{\epsilon_{r2}}{\epsilon_{r1}}$$
 (248)

Paralellschaltung: 
$$\frac{D_1}{D_2} = \frac{\epsilon_{r1}}{\epsilon_{r2}}$$
 (249)

Gespeicherte Energie: 
$$W = \frac{1}{2} * C * U^2 = \frac{1}{2} * \frac{Q^2}{C} = \frac{1}{2} i_{max} * \tau * U$$
 (250)

Inhomogenes Feld: 
$$W = \iint \epsilon \vec{E} d\vec{A} * \int \vec{E} d\vec{s}$$
 (251)

Kraft zwischen 2 Kondensatorplatten: 
$$F_q = -\frac{1}{2}Q * E$$
 (252)

Sichtkondensator: 
$$C = (n-1) * \frac{A * s * \epsilon}{d}$$
 (254)

Wickelkondensator: 
$$C = 2 * \frac{\epsilon A}{d}$$
;  $A = l * b$  (255)

Drehkondensator: 
$$C = (n-1) * \frac{\alpha}{\pi} * \frac{A * \epsilon}{d}$$
 (256)

### Geladene Kondensatoren in Reihe

Anfangswerte:  $U_{1\alpha} = \frac{Q_{1\alpha}}{C_1}$ ;

Gesamtspannung=Spannungszuwachs+Gesamtanfangsspannung:  $u_g = \frac{1}{C_e} * \int_0^t i dt = I_q * \Delta t$ 

Vorgehensweise bei einer Idealen Spannungsquelle:

- Brechung der Anfangsspannungen
- Berechnung von der verschobenen Ladung
- Entspannung am Kondensator
- Kontrolle über die obige Formel

Vorgehensweise bei idealer Spannungsquelle:

- Wirkspannung am geöffneten Schalter berechnen
- Verschobenen Ladung in dem Fall:  $\Delta Q = C_e * U_w$
- Spannung Kondensator:  $U_{ie} = \Delta U + U_{ia} = \frac{Q_v}{C_1} + U_{ia}$

### Geladene Kondensatoren Parallel

Spannung an den Kondensatoren:  $U_p = \frac{Q_g e s}{C_g e s}$ , Anschlie<br/>end neue Ladungsverteilung berechnen