

1. Ein **Kreis** mit Radius r ist durch die Gleichung $x^2 + y^2 = r^2$ darstellbar.

a) Geben Sie die explizite Darstellung $y = f(x)$ an.

b) Geben Sie eine Parameterdarstellung in der Form $\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}$ an.

c) Versuchen Sie aus der Parameterform wieder die anderen Formen herzuleiten.

d) Welche Kurve wird durch $x(t) = a \cdot \cos t$ und $y(t) = b \cdot \sin t$ mit $a \neq b$ und $t \in [0, 2\pi]$ beschrieben?

2. Der **waagerechte Wurf** ist eine ungestörte Überlagerung einer gleichförmigen Bewegung in x-Richtung

und des freien Falls in y-Richtung mit $x(t) = v_{ox} \cdot t$ und $y(t) = -\frac{1}{2} g t^2$.

a) Erstellen Sie eine Wertetabelle für $t \in [0, 10]$ und $v_{ox} = 40$ und $g \approx 10$ (ausnahmsweise ohne Einheiten!) und skizzieren den Graphen.

b) Leiten Sie die explizite Darstellung her. Welche Form hat die Funktion?

3. Welche der folgenden Funktionen $y = f(x)$ sind in ihrem natürlichen Definitionsbereich D_f **gerade bzw. ungerade**? Bestimmen Sie dazu zuerst D_f .

a) $y = 3x^2 - 7x^4 + 2$ b) $y = 4x^5 - 2x^3 + 6x$ c) $y = 2x^2 - x + 1$ d) $y = \frac{1}{x^2 + 1}$

e) $y = \frac{1}{x} + x$ f) $y = \frac{x}{x^2 + 1}$ g) $y = \frac{x}{x^3 + x}$ h) $y = |x| + 1$

i) $y = |x + 1|$ j) $y = \sqrt{x^3 + x}$ k) $y = \sqrt[3]{x^4 + 2}$ l) $y = \ln(x^2)$

m) $y = 2 \ln(x)$ n) $y = (\ln(x))^2$ o) $y = \frac{e^x - e^{-x}}{x}$ p) $y = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$

q) $y = \sqrt{\cos(x) + 1}$ r) $y = \sqrt[3]{x + \sin(x)}$

(A17.3)

4. Jede Funktion $f(x)$ lässt sich als **Summe einer geraden Funktion $g(x)$ und einer ungeraden Funktion $u(x)$** darstellen. Ermitteln Sie diese für folgende Funktionen $y=f(x)$:

a) $y = x^2 + 2x - 1$

b) $y = \sqrt{x^2 + x + 1}$

c) $y = \frac{x-1}{x+1}$

d) $y = |x+2| - x$

e) $y = \ln(x^2)$

f) $y = \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$

(A18.3)

5. Untersuchen Sie das **Monotonieverhalten** der folgenden Funktionen $y=f(x)$ in D_f :

a) $y = x - 2$, $D_f = \mathbb{R}$

b) $y = -3x + 1$, $D_f = \mathbb{R}$

c) $y = x^2$, $D_f = \mathbb{R}^+$

d) $y = (x+1)^2 - 5$, $D_f = \mathbb{R}$

e) $y = -x^3 + 1$, $D_f = \mathbb{R}$

f) $y = |x-1|$, $D_f = \mathbb{R}$

g) $y = \sin(2x)$, $D_f = [-\pi, \pi]$

h) $y = \frac{1}{x-1}$, $D_f = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

i) $y = \frac{1}{x^2} + 2$, $x \neq 0$

j) $y = \frac{x-1}{x+1}$, $D_f = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$

(A17.2)

6. Sind folgende Funktionen $y=f(x)$ auf ihrem natürlichen Definitionsbereich **periodisch** ? Ermitteln Sie gegebenenfalls die **Grundperiode T** (primitive Periode p).

a) $y = \sin(x) + e^x$

b) $y = 4 \cos(x-2)$

c) $y = \tan(4x) + 5$

d) $y = e^{\cos(2x+1)} + \frac{1}{2}$

e) $y = \frac{\ln(|\sin(x)|)}{\tan(0.25x)}$

f) $y = \sin(3x) - \tan(2x)$

(A18.4)

Anmerkung:

Wählen Sie Beispiele aus und versuchen diese zu lösen. Vergleichen Sie erst **danach** mit den Lösungen !

(entnommen der Übungssammlung von Prof. Schulte aus den Blättern 17 und 18)