Betriebswirtschaft für Ingenieure

Grundbegriffe der Investitionstheorie & Mathematische Grundlagen

Dr. Thomas Geiß

Ziele

- Investitionen & Zinsrechnung verstehen
- Begriffe, wie Aufzinsen und Abzinsen kennen
- Abgeleitete Grössen kennen
- Zwischen nominal und effektiv Zins unterscheiden können
- Begriff "Skonto" kennen & rechnen
- Rentenbegriff verstehen
- Barwert und Endwert verstehen
- Rückverteilungsfaktoren kennen



Frage:

- •Wie viel ist mein Geld morgen wert?
- Wie viel muss man jährlich zahlen,
 um in "n" Jahren einen bestimmten Betrag gespart zu haben?
- •Wie lange muss bei einem gegebenen Zinssatz gespart werden, um einen bestimmten Betrag zu haben?
- Wann lohnt sich eine Investition?



Der Investitionsbegriff

Im engsten Sinne versteht man unter Investition die Herstellung und den Erwerb von Sachgütern des Anlagevermögens

Inhaltlich weiter geht der bilanzorientierte Investitionsbegriff. Danach versteht man unter Investition eine Bindung betrieblichen Kapitals (Bilanzpassiva) in betrieblichen Vermögensgegenständen (Bilanzaktiva einschl. Finanzvermögen).



<u>Finanzierungsplan</u> Gründer Max Alleskönner

Werte in €

Mittelverwendung	€	Mittelherkunft	€
Grundstücke		bare Eigenmittel	
Gebäude		Sacheinlagen	
Umbaumaßnahmen			
Maschinen, Geräte			
Geschäfts- und Ladeneinrichtung	Wohin?		Woher?
Fahrzeuge	WOIIII!		WOHE!
Patente, Lizenzen			
Warenerstausstattung			
Sonstiges (z.B. Gründungskosten, etc)			
Gesamte Investitionen		Finanzmittel für Investitionen	
Betriebsmittelbedarf		Betriebsmittelkredit	
		Kontokorrent-Kredit	
Betriebsmittel		Finanzmittel für Betriebsmittel	
Mittelverwendung gesamt		Mittelherkunft gesamt	



Aktiva			Passiva					
	#NV			#NV				
Ausstehende Einlagen								
Aufwend. f. Ingangsetz. u. Erweit. d. Gesch.betr.								
A. ANLAGEVERMÖGEN			A. EIGENKAPITAL	0	100,0%			
I. Immaterielle Vermögensgegenstände 1. Lizenzen, Rechte 2. Geschäfts- und Firmenwert			I. II. Kapitalrücklage					
II. Sachanlagen			III. Gewinnrücklage					
Grundstücke und Gebäude technische Anlagen, Maschinen			IV. Gewinn-/Verlustvortrag					
andere Anlagen und BGA geleistete Anzahlungen und Anlagen in Bau			V. Jahresüberschuß/-fehlbetrag	0	100,0%			
III. Finanzanlagen 1. Anteile an verbundenen Unternehmen			VI. Sonderposten mit Rücklageanteil					
Ausleihungen an verbundene Unternehmen Beteiligungen	Wohi	in?	VII. Wertberichtigungen (nur bei Personengesellschaften)	Woher	?			
Ausleihungen an beteiligte Unternehmen Wertpapiere des Anlagevermögens			Nicht durch Eigenkapital gedeckter Fehlbetrag					
6. sonstige Ausleihungen			B. RÜCKSTELLUNGEN					
B. UMLAUFVERMÖGEN			Pensionsrückstellungen Steuerrückstellungen					
I. Vorräte 1. Roh- Hilfs- u. Betriebstoffe			sonstige Rückstellungen					
unfertige Erzeugnisse fertige Erzeugnisse und Waren			C. VERBINDLICHKEITEN					
Geleistete Anzahlungen			Anleihen Bankverbindlichkeiten					
II. Forderungen u. sonstige Vermögensgegenstände Forderungen aus Lieferungen und Leistungen 			erhaltene Anzahlungen auf Bestellungen Verbindlichkeiten aus Lieferung und Leistung					
Forderungen gegen verbundene Unternehmen sonstige Vermögensgegenstände			 Wechselverbindlichkeiten Verbindlichkeiten gegen verbundene Unternehmen 					
III. Wertpapiere des Umlaufvermögens			Sonstige Verbindlichkeiten					
IV. Kasse, Bankguthaben			D. RECHNUNGSABGRENZUNG					
Kassenbestände Bankguthaben								
C. RECHNUNGSABGRENZUNG								
Rechnungsabgrenzungsposten								
D Nicht door Circulation in the Columbia								
D. Nicht durch Eigenkapital gedeckter Fehlbetrag								
SUMME AKTIVA		100,0%	SUMME PASSIVA	0	100,0%			

Im weitesten Sinne versteht man unter Investitionen

Ströme von Auszahlungen für die Anschaffung von Gütern, durch deren Nutzung Einzahlungen oder Minderungen der Auszahlungsverpflichtungen erzielt werden.

Investitionen umfassen danach die Umwandlung von Zahlungsmitteln in materielle als auch in immaterielle Güter (z.B. Patente, menschliche Arbeitskraft).

"Der auszahlungsorientierte Investitionsbegriff eignet sich besonders für die Beurteilung der Wirtschaftlichkeit einer Investition mit Hilfe finanzmathematischer Methoden, da eine vollständige Gegenüberstellung aller Ein- und Auszahlungen des Investitionsobjektes möglich ist.



- a) Zweck der Investitionsrechenverfahren Betriebswirtschaftlicher Zweck der Investitionsrechenverfahrenen ist es,
- knappe Geldmittel optimal zu nutzen,
- vorteilhafte Investitionsvorhaben zu finden und
- nachteilige Investitionsvorhaben zu erkennen und zu unterlassen.
- b) Der Investor ist bestrebt, nur vorteilhafte Investitionen zu realisieren. Die Investitionsrechnung bietet hierzu eine Entscheidungshilfe, um vorteilhafte von unvorteilhaften Investitionen zu trennen.

Die Vorteilhaftigkeit einer Investition ist abhängig von den Rechnungselementen

- •Zahlungshöhe,
- verlangter Zinssatz des Investors und
- •zeitliche Verteilung der Zahlungen.



Je nachdem, in welche Richtung der Geldbetrag angelegt wird, unterscheidet man verschiedene Investitionsarten:

- Sachinvestitionen (z.B. Grundstücke, Gebäude, Maschinen)
- Finanzinvestitionen (z.B. Aktien, Beteiligungen, Pfandbriefe)
- Immaterielle Investitionen (z.B. Forschung & Entwicklung, Aus- & Weiterbildung, Lizenzen

Ziel: Bestimmung, ob eine Investition vorteilhaft ist oder welche Investition aus einer Reihe die größten Vorteil bietet

Vergleich von verschiedenen Investitionen:

Wert 1000€, Laufzeit 1.4.2015 bis 11.04.2015

Kauf von IT-Aktien:

Restwert April 2015: 100,-€

Kauf von Bier:

Nutzen: jeden Tag 2 bis 3 Flaschen Bier

Nährwert: 1353.846 kcal

Restwert: 105€ Pfand



Im Zusammenhang mit Investitionsentscheidungen gibt es grundsätzlich drei Entscheidungsarten:

- Soll eine Investition durchgeführt werden oder nicht?
 (= Einzelentscheidung)
- 2. Welche Investitionsalternative soll durchgeführt werden?(= Auswahlentscheidung)
- 3. Wann ist der optimale Ersatzzeitpunkt erreicht? (Bestimmung der optimalen Nutzungsdauer)



Es gibt wenige wichtige Verfahren zur Bewertung von Investitionsvorhaben unter Sicherheit

Statische Verfahren

Kostenvergleichsrechnung

Amortisationsmethode

Gewinnvergleichsmethode

Dynamische Verfahren

Barwertverfahren

Annuitätenmethode

Interner Zins



Unter einer Investition versteht man die Anlage eines vorhandenen oder noch zu entleihenden Geldbetrages

Jede Art von Investition lässt sich durch ihre Zahlungsreihen während der Nutzungszeit charakterisieren.



Ausgangspunkt der Investitionsplanung ist die Annahme, dass ein Geldbetrag, der "heute" fällig wird, anders zu beurteilen ist als ein gleicher Geldbetrag, der "morgen" fällig wird.

Daraus folgt ---Grundlage der Investitionstheorie ist das Auf- und Abzinsen von Zahlungsströmen, die zu verschiedenen Zeitpunkten anfallen.



Grundlage der

Investitionstheorie ist das Auf- und Abzinsen von Zahlungsströmen, die zu verschiedenen Zeitpunkten anfallen – mit

$$C_n = C_o * (1+i)^n$$

Allgemein gilt für Einnahmen:

- Je ehr, desto besser
- Je mehr desto besser



Grundbegriff Zins

 Sie erhalten 10 000€. Da sie das Geld im Moment nicht brauchen, legen Sie es auf ihr Sparbuch mit vierjähriger Kündigungsfrist an. Die Bank verspricht ihnen 5.5% Zinsen pro Jahr. Wie hoch ist der Betrag, den sie nach vier Jahren abheben können.

$$C_4 = 10000 * (1+0,055)^4$$

= 10000 *1,238825
= 12388,25

$$C_n = C_o * (1+i)^n$$



Zukünftige Zahlungen sind heute weniger werte

$$C_o = \frac{C_n}{(1+r)^n}$$

Zahlungen, die in der Zukunft geleistet warden, müssen abgezinst werden.

Die durchschnittliche Verzinsung gibt an mit welchem Zinssatz ein Anfangskapital verzinst worden sein muss, um zu einem Endkapital anzuwachsen

$$C_{n} = C_{0}(1+i)^{n}$$

$$C_{n}/C_{0} = (1+i)^{n}$$

$$\sqrt{C_{n}/C_{0}} = 1+i$$

$$i = \sqrt{C_{n}/C_{0}} - 1$$

Die Zeitdauer, die benötigt wird, um aus einem Anfangsbetrag mit bei einem gegebenen Zinssatz den Endbetrag zu machen nennt man Investitionszeit

$$C_n = C_0(1+i)^n$$

$$C_n / C_0 = (1+i)^n$$

$$\log(\frac{C_n}{C_0}) = \log(1+i)^n$$

$$\log(\frac{C_n}{C_0}) = n*\log(1+i)$$

$$n = \log(\frac{C_n}{C_0})/\log(1+i)$$

Zusammenfassung

- Zahlungen werden zeitabhängig bewertet.
- Man vergleicht Zahlungen mit Zahlungen, die entstanden wären, hätte man das Kapital am Kapitalmarkt angelegt
- Die wesentliche Formel für die Berechnung ist die Aufzinsformel
- Sie besitzt vier Parameter. Sind jeweils drei Parameter bekannt, lässt sich der dritte einfach berechnen.

$$C_n = C_o * (1+r)^n$$

Formeln und Anwendungen

$$n = \log(\frac{C_n}{C_0}) / \log(1+r)$$

$$C_n = C_o * (1+r)^n$$

$$r = \sqrt[n]{\frac{C_n}{C_0}} - 1$$

$$C_o = \frac{C_n}{(1+r)^n}$$



Die Vorteilhaftigkeit eines Investitionsobjektes

√ Kapitalwertmethode

Die Kapitalwertmethode setzt voraus, dass der Investor weiß, welchen "Zinsgewinn" er aus einem Investitionsobjekt mindestens erwirtschaften will. Dieses vom Marktzins und Risikogesichtspunkten abhängige – Mindestverzinsung nennt man Kalkulationszinssatz (i)

Die Kapitalwertmethode prüft, ob in einem Investitionsobjekt mindestens der Kalkulationszinssatz steckt und es sich damit lohnt.

$$-a_1 - a_2 - a_3 - a_4 - a_{n1} - a_n$$
 $A_0 + e_1 + e_2 + e_3 + e_4 + e_{n1} + e_n$

0 1 2 3 4 n-1 n Zeit (t) in Jahren



Es gibt wenige wichtige Verfahren zur Bewertung von Investitionsvorhaben unter Sicherheit

Statische Verfahren

Kostenvergleichsrechnung

Amortisationsmethode

Gewinnvergleichsmethode

Dynamische Verfahren

Barwertverfahren

Annuitätenmethode

Interner Zins



Statische Methoden nutzen nicht den Zeitwert des Geldes

- Rentabilitätsrechnung
- Kostenvergleichsmethode
 - Vergleich von Kosten für ein Projekt
- Gewinnvergleichsmethode
 - Vergleich von Gewinnen für ein Projekt
- Amortisationszeit (statisch)
 - Vergleich von Zeiträumen, in denen sich ein Projekt ausgezahlt hat



Rentabilitätsrechnung

- Idee: Kennzahl die den Projektgewinn in das Verhältnis zum Kapitaleinsatz setzt
- Gewinn ist der durchschnittliche Gewinn pro Periode und der
- Kapitaleinsatz ist das durchschnittliche im Projekt gebundene Kapital

Das Verhältnis der beiden Größen ist die Rentabilität des Projektes (sie kann als die durchschnittliche Verzinsung des Projektes aufgefasst werden)



Berechnung

 Das durchschnittlich gebundene Kapital. Gehen wir davon aus, dass die Freisetzung kontinuierlich erfolgt, dann gilt:

(AW Anschaffungswert, L Liquidationserlös)

$$\frac{AW-L}{2}$$
 (Kapitaleinsatz)



Berechnung

- Durchschnittlicher Gewinn sind die durchschnittlichen Erlöse minus die durchschnittlichen Kosten
- Kosten durch: Wertminderung, Zinsen,
 Personalkosten, Materialkosten und sonstiges

$$\frac{AW - L}{N} \quad (Abschreibungen)$$

$$i * \frac{AW - L}{2}$$
 (Zinskosten)



1.1. Statische Verfahren

1.1.1 Kostenvergleich

Vergleich der Gesamtkosten zwischen verschiedenen Investitionen. Eignet sich, wenn Nutzen der Varianten etwa gleich oder unbekannt.

- Idee: Die Kostenvergleichsrechnung ziel nur darauf ab die Kosten eines Projektes zu vergleichen
- Auswahlkriterium:
 - Gewählt wird das Projekt mit den niedrigeren Kosten
- Kritik:
 - Reines Vergleichsverfahren
 - Keinen Zeitwert des Geldes
 - Hohe Anforderungen an Vorbedingungen



1.1. Statische Verfahren

1.1.1 Kostenvergleich

Vergleich der Gesamtkosten zwischen verschiedenen Investitionen. Eignet sich, wenn Nutzen der Varianten etwa gleich oder unbekannt.

Beispiel:

K0 = 20 000.-, Nutzungsdauer 5 Jahre, Zinsfuss 8 %, jährliche Betriebskosten 7500.-Liquidations-Erlös 1500

Ermitteln Sie die die jährlichen Gesamtkosten!



1.1. Statische Verfahren

1.1.1 Kostenvergleich

Beispiel: *K0* = 20 000.-, Nutzungsdauer 5 Jahre, Zinsfuss 8 %, jährliche Betriebskosten 7500.- Liquidations-Erlös 1500.-,

•	Jährliche Betriebskosten:	7500
•	+ Jährliche Abschreibungen <u>Kapitaleinsatz - Liq.Erlös</u> 20000-1500 Nutzungsdauer 5	3700
•	+ Ø Kapital: + Zinsen Kapital Investition + Liq.Erlös 2 20000 + 1500 2	860
•	= Jährliche Gesamtkosten:	12060



1.1.2 Gewinnvergleich

Vergleich des Gewinns mehrerer Investitionen. Eignet sich, wenn Kapitaleinsatz und und Nutzungsdauer etwa gleich.

- Idee: Reiner Vergleich der durchschnittlichen Erträge von zwei Projekten
- Auswahlkriterium
 - Ein Projekt muss Gewinn erwirtschaften
 - Gewählt wird das Projekt mit dem Höherem Ertrag
- Kritik
 - Keine Berücksichtigung des Kapitaleinsatzes



1.1.2 Gewinnvergleich

Vergleich des Gewinns mehrerer Investitionen. Eignet sich, wenn Kapitaleinsatz und und Nutzungsdauer etwa gleich.

Beispiel:

K0 = 20 000.-,

Nutzungsdauer 5 Jahre,

Zinsfuss 8 %,

jährliche Betriebskosten 7500.- Liq.

Erlös 1500.-,

Jährlicher Erlös 15000:

Ermitteln Sie die den jährlichen Gewinn!



1.1. Statische Verfahren

1.1.2 Gewinnvergleich

Beispiel: **K0 = 20 000.-, Nutzungsdauer 5 Jahre, Zinsfuss 8 %, jährliche Betriebskosten 7500.- Liquidations-**Erlös 1500.-,

•	Jährliche Erlös:	15000
•	- Jährliche Betriebskosten:	7500
•	- Jährliche Abschreibungen <u>Kapitaleinsatz - Liq.Erlös</u> <u>20000-1500</u> Nutzungsdauer 5	3700
•	- Ø Kapital: + Zinsen Kapital Investition + Liq.Erlös • Zinsfuss 2 20000 + 1500 2	860
•	= Jährliche Gewinn:	2940



1.1.3 Renditeberechnung ROI

Berechnen der Bruttorendite der Investition in Prozent des Ø Kapitaleinsatzes. Eignet sich zur Beurteilung einzelner Investitionen oder zum Vergleilch unterschiedlicher Investitionsvarianten (die nicht direkt miteinander verglichen werden können).

Beispiel:

K0 = 20 000.-,
Nutzungsdauer 5 Jahre,
Zinsfuss 8 %,
jährliche Betriebskosten 7500.Liq. Erlös 1500.-,
UV-Erhöhung 2000.-,
Jährlicher Erlös 15000.-

Ermitteln Sie die den ROI wenn

ROI: (Gewinn + kalk. Zinsen) x 100

durchschn. Kapitaleinsatz



1.1.3 Renditeberechnung ROI

Berechnen der Bruttorendite der Investition in Prozent des Ø Kapitaleinsatzes. Eignet sich zur Beurteilung einzelner Investitionen oder zum Vergleilch unterschiedlicher Investitionsvarianten (die nicht direkt miteinander verglichen werden können).

Beispiel: *K0* = 20 000.-, *Nutzungsdauer 5 Jahre, Zinsfuss 8 %, jährliche Betriebskosten 7500.- Liq.* Erlös 1500.-, UV-Erhöhung 2000.-, Jährlicher Erlös 15000.-

ROI =
$$\frac{(\text{Gewinn} + \text{Kalkulatorische Zinsen}) \bullet 100}{\varnothing \text{ Kapitaleinsatz}} = \frac{(2560 + 940) \bullet 100}{11750} = 29.78 \%$$

Der ROI zeigt die Rentabilität einer Investition. Je höher der Prozentsatz, desto rentabler das Projekt. Eignet sich auch zum Vergleich mit alternativen Anlagemöglichkeiten



1.1.4 Amortisationsrechnung (Pay-Back-Methode)

Ermitteln der Zeit, die verstreicht, bis eine Investition durch ihre Rückflüsse (Cashflows) amortisiert ist.

Eignet sich für Überschlagsrechnungen und als Risikomasstab.

- Idee: Berechnung des Zeitpunktes zu dem ein Projekt zurückgezahlt wurde
- Bedingung: Laufzeit vergleichbar
- Methode:
 - Abziehen der Zuflüsse von den Investitionen des Projektes und Überprüfen, wann das Projekt positiv wird
- Auswahlkriterium:
 - Ein Projekt wird gemacht, wenn es seine Investition zurückzahlt
 - Gewählt wird das Projekt mit der schnelleren Rückzahlungszeit
- Kritik:
 - Keinen Zeitwert des Geldes
 - Keine Strategischen Entscheidungen



1.1.4 Amortisationsrechnung (Pay-Back-Methode)

Ermitteln der Zeit, die verstreicht, bis eine Investition durch ihre Rückflüsse (Cashflows) amortisiert ist.

Eignet sich für Überschlagsrechnungen und als Risikomasstab.

Beispiel: K0 = 20 000.-,
Nutzungsdauer 5 Jahre,
Zinsfuss 8 %,
jährliche Betriebskosten 7500.- Liq.
Erlös 1500.-,
UV-Erhöhung 2000.-,
Jährlicher Erlös 15000.-

Wiedergewinnungszeit =
$$\frac{\text{Kapitaleinsatz}}{\text{Jährlicher Nutzen}}$$
 $Z = \frac{I}{G} = \frac{20000}{7500} = 2.66 \text{ Jahre}$

$$R\ddot{u}ckflusszah1 = \frac{Nutzungsdauer}{Wiedergewinnungszeit} = \frac{5}{2.66} = 1.88$$



1.1.4 Amortisationsrechnung (Pay-Back-Methode)

Ermitteln der Zeit, die verstreicht, bis eine Investition durch ihre Rückflüsse (Cashflows) amortisiert ist.

Eignet sich für Überschlagsrechnungen und als Risikomasstab.

Wiedergewinnungszeit =
$$\frac{\text{Kapitaleinsatz}}{\text{Jährlicher Nutzen}}$$
 $Z = \frac{I}{G} = \frac{20000}{7500} = 2.66 \text{ Jahre}$

$$R\ddot{u}ckflusszahl = \frac{Nutzungsdauer}{Wiedergewinnungszeit} = \frac{5}{2.66} = 1.88$$

Ist die Wiedergewinnungszeit kürzer als die Nutzungsdauer ist das Projekt grundsätzlich rentabel. Um das Risiko zu vermindern, sollte die Wiedergewinnungszeit aber erheblich kürzer sein als die Nutzungsdauer, die Rückflusszahl daher möglichst gross.

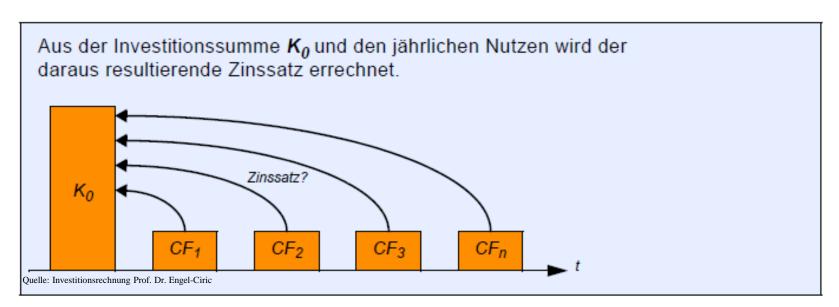
Bei ungleichen Cashflows:

Die Cashflows werden so lange kumuliert, bis die Rückflüsse den Kapitaleinsatz erreicht haben. Im Jahr, in dem der Break-Even stattfindet, wird der genaue Zeitpunkt interpoliert.



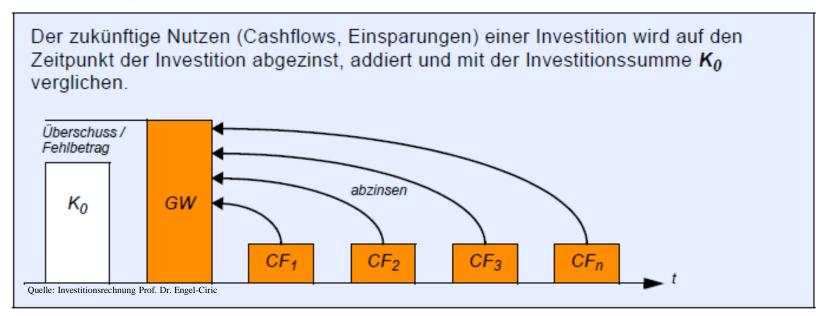
1.2. Dynamische Verfahren

1.2.1.Interner Ertragssatz IRR



1.2. Dynamische Verfahren

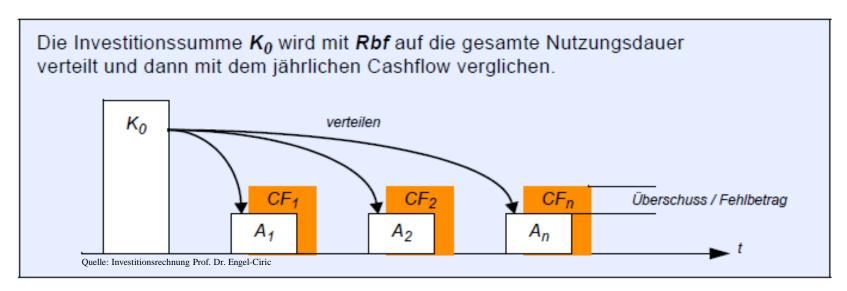
1.2.2. Gegenwart-Methode (Kapitalwertmethode)





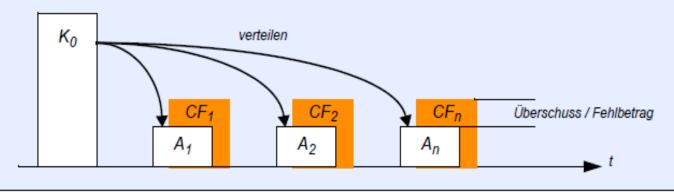
1.2. Dynamische Verfahren

1.2.3. Annuitätenmethode (Kapitalwertmethode)



Gründer Max Alleskönner	Plan-Werte 3-Jahres-Überblick						
Rentabilitätsrechnung	€ Jahr	1 %	Jahr 2	%	€ Jahr 3	3 %	
Umsatzerlöse	164.103	100%	300.230	100%	341.165	100%	
betriebliche Gesamtielstung	164.103	100%	300.230	100%	341.165	100%	
Aufwendungen für RHB-Stoffe/Handelsware	-50.578	-31%	-108.750	-36%	-121.085	-35%	
Rohertrag	113.525	69%	191.480	64%	220.080	65%	

Die Investitionssumme K_0 wird mit Rbf auf die gesamte Nutzungsdauer verteilt und dann mit dem jährlichen Cashflow verglichen.



Cash-Flow	8.096	5%	57.064	19%	77.865	23%
Ausschüttung / Privatentnahmen Investitionen	-14.669 -92.500	-9% -56%	-32.492 -4.000	-11% -1%	-48.184 -4.000	-14% -1%
Darlehensauszahlung	120.000	73%				
Kapitaldienstgrenze	20.927	13%	20.572	7%	25.681	8%
Tilgungen			-6.000	-2%	-18.750	-5%
Liquiditätsüberschuss/-fehibetrag	20.927	13%	14.572	5%	6.931	2%
Kontokorrentrahmen	30.000					
Liquiditätsüberschuss/-fehibetrag kum.	50.927		65.498		72.429	

