

Für $x \in \mathbb{R}$, für die $\sum_{k=0}^{\infty} f_k(x)$ konvergiert
 ist $f(x) = \sum_{k=0}^{\infty} f_k(x)$ eine Funktion.
 $D = \{x \in \mathbb{R} \mid \sum_{k=0}^{\infty} f_k(x) \text{ ist konvergent}\}$ heißt
 Konvergenzbereich

Taylorreihen:

$$f(x) = T(x) + R(x)$$

\uparrow Taylorpolynom \uparrow Restglied (Ungenauigkeit)

$$T_n(x) = \sum_{k=0}^n \frac{f^{(k)}(x_0)}{k!} (x - x_0)^k$$

$$R_n(x) = \frac{1}{n!} \int_{x_0}^x f^{(n+1)}(t) (x-t)^n dt$$

Lagrangesche Form des Restglieds:

$$R_n(x) = \frac{f^{(n+1)}(\xi)}{(n+1)!} (x - x_0)^{n+1}$$

Restglied abschätzen; Genauigkeit

$$|f^{(n+1)}(t)| \leq M \quad \forall t \in [x_0, x]$$

$$\text{dann } |f(x) - T_n(x)| \leq \frac{M}{(n+1)!} |x - x_0|^{n+1}$$

Potenzreihen:

$$\text{allg.: } \sum_{n=0}^{\infty} a_n (x - x_0)^n$$

Maclaurin-Reihen: $x_0 = 0$

$$\text{allg.: } \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$$

Konvergenzradius: $r = \lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_n}{a_{n+1}} \right| \in \mathbb{R} \cup \{\infty\}$

Potenzreihe $\begin{cases} \text{konvergiert absolut} \\ \text{divergiert} \end{cases}$ für alle x

mit $\begin{cases} |x - x_0| < r \\ |x - x_0| > r \end{cases}$ Konvergenzintervall
 $[x_0 - r; x_0 + r]$

Taylorreihe: $T_f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x - x_0)^n$

Exponentialreihe: $e^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} \quad x \in \mathbb{R}$

Logarithmusreihe: $\ln(1+x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} x^n$

$$|x| < 1$$

Liierreihe: $\sin(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1} \quad x \in \mathbb{R}$

cosinusreihe: $\cos(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n} \quad x \in \mathbb{R}$

Arktangensreihe: $\arctan(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+1} x^{2n+1} \quad |x| \leq 1$

Binomische Reihe: $(1+x)^\alpha = \sum_{n=0}^{\infty} \binom{\alpha}{n} x^n \quad |x| < 1$

- verallg. Binomialkoeffizient: $\alpha \in \mathbb{R}$

$$\binom{\alpha}{n} = \frac{\alpha \cdot (\alpha-1) \cdot \dots \cdot (\alpha-n+1)}{n!} = \prod_{k=0}^{n-1} \frac{\alpha-k}{k+1}$$

Geometrische Reihe: $\frac{1}{1-x} = \sum_{n=0}^{\infty} x^n \quad |x| < 1$

Grundlegende Eigenschaften von Potenzreihen:

$$1.) \quad a \cdot \sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-x_0)^n = \sum_{n=0}^{\infty} a \cdot a_n \cdot (x-x_0)^n \quad ; a \in \mathbb{R}$$

$$2.) \quad \sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-x_0)^n \pm \sum_{n=0}^{\infty} b_n (x-x_0)^n = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n \pm b_n) (x-x_0)^n$$

$$3.) \quad \left[\sum_{n=0}^{\infty} a_n (x-x_0)^n \right] \cdot \left[\sum_{n=0}^{\infty} b_n (x-x_0)^n \right] = \sum_{n=0}^{\infty} c_n (x-x_0)^n$$

$$\text{Cauchy-Produkt: } c_n = \sum_{k=0}^n a_k b_{n-k}$$

$$f'(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n \frac{d}{dx} (x-x_0)^n = \sum_{n=1}^{\infty} n \cdot a_n \cdot (x-x_0)^{n-1}$$

$$F(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \int a_n (x-x_0)^n dx = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{n+1} (x-x_0)^{n+1} +$$

$$f^{(k)}(x) = \sum_{n=k}^{\infty} n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot \dots \cdot (n-k+1) a_n (x-x_0)^{n-k}$$

Periodentransformation:

$$f(t) \text{ T-periodisch} \Rightarrow g(x) = f\left(\frac{T}{2\pi} x\right) \text{ 2}\pi\text{-periodisch}$$

$$g(x) \text{ 2}\pi\text{-periodisch} \Rightarrow f(t) = g\left(\frac{2\pi}{T} \cdot t\right) \text{ T-periodisch}$$

$$\sin(ax): T = \frac{2\pi}{a} \quad \cos(ax): T = \frac{2\pi}{a}$$

Jedes trigonometrische Polynom 2π -periodisch

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^n (a_k \cos(kx) + b_k \sin(kx))$$

Euler-Fouriersche Formel / Fourier-Koeffizienten

$$a_k = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) \cos(kx) dx \quad (k=0, 1, 2, \dots)$$

$$b_k = \frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(x) \sin(kx) dx \quad (k=1, 2, \dots, n)$$

Saunders - Reihe:

$$\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} a_k \cos(k\omega_0 t) + b_k \sin(k\omega_0 t)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T} \quad ; \quad x \in [t_0, t_0+T]$$

$$a_k = \frac{2}{T} \cdot \int_{t_0}^{t_0+T} f(t) \cos(k\omega_0 t) dt \quad (k=0,1,\dots)$$

$$b_k = \frac{2}{T} \cdot \int_{t_0}^{t_0+T} f(t) \sin(k\omega_0 t) dt \quad (k=1,2,\dots)$$

Wenn f gerade $\Rightarrow b_k = 0 \quad \forall k \in \mathbb{N}$

f ungerade $\Rightarrow a_k = 0 \quad \forall k \in \mathbb{N}_0$

$$A \cdot \sin(\omega t + \varphi) = a \cdot \cos(\omega t) + b \cdot \sin(\omega t)$$

mit $A = \sqrt{a^2 + b^2}$ und $\tan \varphi = \frac{b}{a}$ (bzw. $\cos \varphi = \frac{a}{A}$)

$$\varphi = \begin{cases} \arccos(\frac{a}{A}), & \text{falls } a \geq 0 \quad (0 \leq \varphi < \pi) \\ -\arccos(\frac{a}{A}), & \text{falls } a < 0 \quad (-\pi < \varphi < 0) \end{cases}$$

Transformation: $(A; \varphi) \leftrightarrow (b; a)$

" \rightarrow ": $b = A \cdot \cos \varphi \quad ; \quad a = A \cdot \sin \varphi$

" \leftarrow ": $A = \sqrt{a^2 + b^2} \quad ; \quad (1)$

Spektrale Darstellung der Fourier-Reihe:

$$\sum_{k=0}^{\infty} A_k \sin(k\omega_0 t + \varphi_k) = A_0 + A_1 \sin(\omega_0 t + \varphi_1) + A_2 \sin(2\omega_0 t + \varphi_2) + \dots$$

$$A_0 = \frac{a_0}{2} \quad ; \quad A_k = \sqrt{a_k^2 + b_k^2}$$

$$\varphi_k = \begin{cases} \arccos(\frac{b_k}{A_k}), & \text{falls } a_k > 0 \quad (k \geq 1) \\ -\arccos(\frac{b_k}{A_k}), & \text{falls } a_k < 0 \end{cases}$$

$\frac{\omega}{\omega_0} = k \mapsto A_k$ Amplituden-/Frequenzspektrum
($k=0,1,2,\dots$)

$\frac{\omega}{\omega_0} = k \mapsto \varphi_k$ Phasenspektrum
($k=1,2,\dots$)

$$\cos(x) = \frac{1}{2} (e^{ix} + e^{-ix})$$

$$\sin(x) = \frac{1}{2i} (e^{ix} - e^{-ix})$$

$$a \cos x + b \sin x = C \cdot e^{ix} + \bar{C} \cdot e^{-ix}$$

$$\text{mit } C = \frac{1}{2} (a - ib) \quad ; \quad \bar{C} = \frac{1}{2} (a + ib)$$

Saunders - Polynom in komplexer Schreibweise:

$$\frac{a_0}{2} + \sum_{k=1}^n a_k \cos(k\omega_0 t) + b_k \sin(k\omega_0 t) = \sum_{k=-n}^n C_k e^{ik\omega_0 t}$$

$$\text{mit } C_0 = \frac{a_0}{2} \quad ; \quad C_k = \frac{1}{2} (a_k - ib_k) \quad ; \quad C_{-k} = \frac{1}{2} (a_k + ib_k) \quad (k=1,\dots,n)$$

$$C_k = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) e^{-ik\omega_0 t} dt$$

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{C}$ mit $f(x) = u(x) + i v(x)$:

$$\int f(x) dx = \int u(x) dx + i \int v(x) dx$$

Fourier Reihe von $f(t)$ in komplexer Darstellung:

$$\sum_{k=-\infty}^{\infty} C_k e^{ik\omega_0 t} = C_0 + C_{-1} e^{-i\omega_0 t} + C_1 e^{i\omega_0 t} + C_{-2} e^{-2i\omega_0 t} + C_2 e^{2i\omega_0 t} + \dots$$

$$\text{mit } C_k = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} f(t) e^{-ik\omega_0 t} dt \quad ; \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$a_k = C_k + C_{-k} \quad ; \quad b_k = i(C_k - C_{-k}) \quad ; \quad a_0 = 2C_0$$

Differentialgl.:

$$y' = f(ax + by + c)$$

$$u = ax + by + c$$

$$y' = f\left(\frac{y}{x}\right) \rightarrow u = \frac{y}{x}$$

$$\text{lineare Dgl: } y' + a(x)y = b(x)$$

allg. Lsg. der hom. lin. Dgl:

$$y' + a(x)y = 0$$

$$y = C \cdot e^{-\int a(x) dx}$$

Vor. d. Konstanten: $C \rightarrow C(x)$

$$C(x) = \int \frac{1}{e^{-\int a(x) dx}} \cdot b(x) dx$$

$$y' + a(x)y = b(x)$$

$$y_{inh} = y_{hom} + y_p$$

Störansätze:

$$b(x) = b_0 \quad Y_p = C_0$$

$$b(x) = b_1 x + b_0 \quad Y_p = C_1 x + C_0$$

$$b(x) = b_2 x^2 + b_1 x + b_0 \quad Y_p = C_2 x^2 + C_1 x + C_0$$

$$b(x) = \sin, \cos \quad Y_p = C_1 \sin(\omega x) + C_2 \cos(\omega x) \text{ oder } C \cdot \sin(\omega x + \varphi)$$

$$\begin{aligned} \sin(x \pm y) &= \sin x \cos y \pm \cos x \sin y \\ \cos(x \pm y) &= \cos x \cos y \mp \sin x \sin y \end{aligned}$$

lin. Dgl. n-ter Ordnung:

$$Y_{inh} = Y_{hom} + Y_p$$

$$\text{für } y^{(n)} + a_{n-1} y^{(n-1)} + \dots + a_1 y' + a_0 y = 0$$

suche n Lsg Y_1, \dots, Y_n für die

$$W(x) = \det \begin{pmatrix} Y_1(x) & \dots & Y_n(x) \\ Y_1'(x) & \dots & Y_n'(x) \\ \vdots & & \vdots \\ Y_1^{(n-1)}(x) & \dots & Y_n^{(n-1)}(x) \end{pmatrix} \neq 0$$

$$W(x) \neq 0 \quad \forall x \in J \Leftrightarrow W(x) \neq 0 \text{ für ein } x \in J$$

$$Y_{hom} = C_1 \cdot Y_1(x) + C_2 \cdot Y_2(x) + \dots + C_n \cdot Y_n(x)$$

für konstante Koeffizienten a_i :

$$y^{(n)} + a_{n-1} y^{(n-1)} + \dots + a_1 y' + a_0 y = 0$$

$$\Rightarrow \text{char. Polynom: } P(\lambda) = \lambda^n + a_{n-1} \lambda^{n-1} + \dots + a_1 \lambda + a_0$$

\Rightarrow Berechne alle n Nullstellen

1) für jede einfache reelle Nst. λ :

$$Y(x) = e^{\lambda x}$$

2) für jede r-fache reelle Nst. λ :

$$Y_1(x) = e^{\lambda x}; Y_2(x) = x e^{\lambda x}, \dots, Y_r(x) = x^{r-1} e^{\lambda x}$$

3) für jedes konj.-komplexes Paar z, \bar{z}
($z = \alpha + i\beta$) von einfachen Nst.:

$$Y(x) = e^{\alpha x} \sin(\beta x); \bar{Y}(x) = e^{\alpha x} \cos(\beta x)$$

4) für jedes konj.-komplexes Paar z, \bar{z}
von r-fachen Nst

$$Y_1(x) = e^{\alpha x} \sin(\beta x); \bar{Y}_1(x) = e^{\alpha x} \cos(\beta x)$$

$$Y_2(x) = x e^{\alpha x} \sin(\beta x); \bar{Y}_2(x) = x e^{\alpha x} \cos(\beta x)$$

$$\vdots$$

$$Y_r(x) = x^{r-1} e^{\alpha x} \sin(\beta x); \bar{Y}_r(x) = x^{r-1} e^{\alpha x} \cos(\beta x)$$

$$\text{Schwingungsgleichung: } m \ddot{x} + k \dot{x} + c x = F(t)$$

$$2\delta = \frac{k}{m} \Leftrightarrow \delta = \frac{k}{2m} \quad \omega_0^2 = \frac{c}{m}$$

Dämpfungsfaktor

Kreisfrequenz

Störansätze für Y_p :

Störfunktion $b(x)$

Polynom vom Grad m

$$Y_p = \begin{cases} q_m x^m + \dots + q_0, & \text{falls } a_0 \neq 0 \\ x^k (q_m x^m + \dots + q_0), & \text{falls } a_0 = \dots = a_{k-1} = 0, a_k \neq 0 \end{cases}$$

Exponentialfunktion

$$b(x) = D \cdot e^{c \cdot x}$$

$$Y_p = \begin{cases} A \cdot e^{c x} & \text{falls } c \text{ keine Nst von } P(x) \\ A \cdot x^r \cdot e^{c x} & \text{falls } c \text{ r-fache Nst v. } P(x) \end{cases}$$

Linear / Cosinus

$$b(x) = D \cdot \sin(\beta x)$$

oder

$$b(x) = D \cdot \cos(\beta x)$$

oder

$$b(x) = D_1 \sin(\beta x) + D_2 \cos(\beta x)$$

$$Y_p = \begin{cases} A \cdot \sin(\beta x) + B \cdot \cos(\beta x), & \text{falls } i\beta \text{ keine Nst von } P(x) \\ x^r \cdot (A \cdot \sin(\beta x) + B \cdot \cos(\beta x)), & \text{falls } i\beta \text{ r-fache Nst von } P(x) \end{cases}$$

$$Y_1' = a_{11} Y_1 + a_{12} Y_2 + b_1(x) \quad \vec{Y}' = A \cdot \vec{Y} + \vec{b}(x)$$

$$Y_2' = a_{21} Y_1 + a_{22} Y_2 + b_2(x)$$

$$\text{char. Polynom: } \chi_A(\lambda) = \det(A - \lambda E) = 0$$

$$\vec{Y}_{hom} = C_1 \vec{v}_1 + C_2 \vec{v}_2 \quad \begin{cases} \vec{v}_1 = \vec{v}_1 e^{\lambda_1 x} \\ \vec{v}_2 = \vec{v}_2 e^{\lambda_2 x} \end{cases} \quad (\vec{v}_i \text{ Eigenvektoren})$$

$$b) D = 0: 1 \text{ zweifache reelle Lsg } \lambda: \vec{v}_1 = \vec{v} e^{\lambda x}, \vec{v}_2 = (\vec{h} + x \cdot \vec{v}) e^{\lambda x}$$

$$(\vec{h}: \text{Löse } (A - \lambda E) \cdot \vec{h} = \vec{v})$$

$$c) D < 0: \lambda_{1,2} = \alpha \pm i\omega; \text{ Nst } \vec{v}_1 = \vec{a} + i\vec{b} \text{ in Eigenraum von } \lambda_1, \text{ wo auch } \vec{v}_2 = \vec{a} - i\vec{b} \text{ von } \lambda_2$$

$$\vec{Y}_1 = e^{\alpha x} (\vec{a} \cos(\omega x) - \vec{b} \sin(\omega x))$$

$$\vec{Y}_2 = e^{\alpha x} (\vec{a} \sin(\omega x) + \vec{b} \cos(\omega x))$$

$$\vec{Y}_{inh} = \vec{Y}_{hom} + \vec{Y}_p$$

\vec{Y}_p über Variation d. Konstante oder Störansatz

Störansatz: bilde für jede Störglied $b_i(x)$ den Störansatz für jede Y_{pi} ; die Summe aller Störansätze für die b_i mit jeweils anderen Param.

Systeme aus n-Gleichungen 2. Ordnung:

$$\vec{Y}'' = A \cdot \vec{Y}' + B \cdot \vec{Y} + \vec{c}(x)$$

$$\text{Umwandeln: } \vec{z}_1 = \vec{Y}_1', \vec{z}_n = \vec{Y}_n' \quad \text{dann} \quad \begin{cases} \vec{z}_1' = \vec{Y}_1'' \\ \vdots \\ \vec{z}_n' = \vec{Y}_n'' \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{System} \begin{cases} \vec{z}_1' = a_{11} \vec{z}_1 + \dots + a_{1n} \vec{z}_n + b_{11} \vec{Y}_1 + \dots + b_{1n} \vec{Y}_n \\ \vdots \\ \vec{z}_n' = a_{n1} \vec{z}_1 + \dots + a_{nn} \vec{z}_n + b_{n1} \vec{Y}_1 + \dots + b_{nn} \vec{Y}_n \\ \vec{Y}_1' = \vec{z}_1 \\ \vdots \\ \vec{Y}_n' = \vec{z}_n \end{cases}$$

$$\begin{pmatrix} z_1 \\ \vdots \\ z_n \\ y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & B \\ 1 & 0 \\ \vdots & \vdots \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} z_1 \\ \vdots \\ z_n \\ y_1 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} c_1(x) \\ \vdots \\ c_n(x) \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix}$$

Fouriertransformation: für $\int_{-\infty}^{\infty} |f(t)| dt < \infty$
ist die FT:

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-i\omega t} dt$$

$$f(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(\omega) e^{i\omega t} d\omega$$

Amplitudenspektrum: $A(\omega) = |F(\omega)|$
Phasenspektrum: $\varphi(\omega) = \arg F(\omega)$

Eigenschaften:

1) **Linearität:**
 $F(c_1 f_1(t) + c_2 f_2(t)) = c_1 F_1(\omega) + c_2 F_2(\omega)$

2) **Ähnlichkeitssatz:**
 $F(f(at)) = \frac{1}{|a|} F\left(\frac{\omega}{a}\right)$ ($a \neq 0$)

3) **Zeitverschiebungssatz:**
 $F(f(t-t_0)) = e^{-i\omega t_0} F(\omega)$

4) **Dämpfungssatz:**
 $F(e^{-i\omega_0 t} f(t)) = F(\omega - \omega_0)$

5) **Ableitungssatz:**
 $F(f^{(n)}(t)) = (i\omega)^n F(\omega)$

6) **Ableitungssatz:**
 $F((-it)^n f(t)) = F^{(n)}(\omega)$

7) **Integrationsatz:**
 $F\left(\int_{-\infty}^{\infty} f(u) du\right) = \frac{1}{i\omega} F(\omega)$

8) **Faltungssatz:**
 $F(f_1(t) * f_2(t)) = F_1(\omega) \cdot F_2(\omega)$

$$[(f_1 * f_2)(t)] = \int_{-\infty}^{\infty} f_1(u) f_2(t-u) du$$

9) **Vertauschungssatz:**

$$f(t) \leftrightarrow F(\omega) \Rightarrow F(t) \leftrightarrow 2\pi f(-\omega)$$

reelle FT:

$$F(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \cos(\omega t) dt - i \int_{-\infty}^{\infty} f(t) \sin(\omega t) dt$$

$$= \pi \cdot a(\omega) - i \cdot b(\omega)$$

$$F(\omega) = \pi \cdot (a(\omega) - i b(\omega)) ; A(\omega) = \sqrt{a^2(\omega) + b^2(\omega)}$$

$$\Rightarrow f(t) = 2 \cdot \int_0^{\infty} a(\omega) \cos(\omega t) + b(\omega) \sin(\omega t) d\omega$$

$$a(-\omega) = a(\omega) ; b(-\omega) = -b(\omega)$$

Fourier - Cosinus - Transformierte: $F_c(\omega) = \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} f(t) \cos(\omega t) dt$

Fourier - Sinus - Transformierte: $F_s(\omega) = \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} f(t) \sin(\omega t) dt$

Diracsche Deltafunktion:

$$\delta(t-t_0) = \begin{cases} \infty, & t=t_0 \\ 0, & t \neq t_0 \end{cases}$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-t_0) dt = 1$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(t-t_0) f(t) dt = f(t_0)$$

$$\tilde{F}(\delta(t)) = 1$$

$$\tilde{F}(\delta(t-t_0)) = e^{-i\omega t_0}$$

Heaviside - Funktion

$$\sigma(t-t_0) = \begin{cases} 0, & t < t_0 \\ 1, & t \geq t_0 \end{cases}$$

$$\sigma(t-t_0) - \sigma(t-t_1) \quad \text{[Diagramm: Rechteckimpuls von } t_1 \text{ bis } t_0 \text{ mit Höhe 1]}$$

$$\int_{-\infty}^t \delta(u-t_0) du = \sigma(t-t_0)$$

$$\tilde{F}(\sigma(t-t_0)) = \frac{1}{i\omega} e^{-i\omega t_0}$$

Laplace - Transformation:

$$F(s) = \int_0^{\infty} e^{-st} f(t) dt$$

$$\mathcal{L}: f(t) \mapsto \mathcal{L}(f(t)) = F(s)$$

$$\mathcal{L}(1) = \frac{1}{s} ; \mathcal{L}(t) = \frac{1}{s^2}$$

$$\mathcal{L}(\sigma(t-t_0)) = \frac{e^{-st_0}}{s}$$

$$\mathcal{L}(\delta(t-t_0)) = e^{-st_0}$$

Linearität:

$$\mathcal{L}(c_1 f_1(t) + c_2 f_2(t)) = c_1 F_1(s) + c_2 F_2(s)$$

Ähnlichkeitssatz: $a > 0$

$$\mathcal{L}(f(at)) = \frac{1}{a} F\left(\frac{s}{a}\right)$$

Verschiebungssatz: $t_0 > 0$

$$\mathcal{L}(f(t-t_0)) = e^{-st_0} F(s)$$

Dämpfungssatz:

$$\mathcal{L}(e^{-at} f(t)) = F(s+a)$$

Ableitungssatz:

$$\mathcal{L}(f'(t)) = s \cdot F(s) - f(0)$$

$$\mathcal{L}(f''(t)) = s^2 F(s) - s \cdot f(0) - f'(0)$$

$$\mathcal{L}(f^{(n)}(t)) = s^n F(s) - s^{n-1} f(0) - \dots - f^{(n-1)}(0)$$

$$\mathcal{L}((-t)^n f(t)) = F^{(n)}(s)$$

$$\mathcal{L}((-t)^n f(t)) = F^{(n)}(s)$$

Integrationsatz:

$$\mathcal{L}\left(\int_0^t f(u) du\right) = \frac{1}{s} F(s)$$

Faltungssatz:

$$\mathcal{L}(f_1(t) * f_2(t)) = F_1(s) \cdot F_2(s)$$

Divisionssatz:

$$\mathcal{L}\left(\frac{1}{t} f(t)\right) = \int_s^{\infty} F(q) dq$$

Grenzwertsätze:

$$f(0) = \lim_{t \rightarrow 0} f(t) = \lim_{s \rightarrow \infty} s \cdot F(s)$$

$$f(\infty) = \lim_{t \rightarrow \infty} f(t) = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot F(s)$$

Laplace transformation von periodisch:

$$\mathcal{L}(f(t)) = \frac{1}{1-e^{-sT}} \cdot \int_0^T e^{-st} f(t) dt$$

Partiellbruchzerlegung:

$$\frac{A_1}{x} + \frac{A_2}{x^2} + \dots + \frac{B_1}{(x-a_1)} + \dots + \frac{C}{(x-a)^2}$$

Quadratische Ergänzung:

für Rücktransformation

Matlab: \backslash inverse Div: $a/b = b \backslash a$

format long: 15 Nachkommastellen

format short: 4 Nachkommastellen

$\pi = 3.14159$; $\exp(1) = e$

NaN: Not a Number; Inf: ∞ ; -Inf: $-\infty$

$\% :$ NaN

who: who's currently in the workspace

clear a; clear all: Eindeutigkeit

save <dateiname> **load <dateiname>**

diag <matrix> **diag <matrix>**

power (basis, exponent)

cos(1); sin(1); arcsin(1); log(1) = ln; log

sqrt(1); **exp(1) = e**

rand: Zufallszahlen zw. 0 und 1

[a,b]: rand: (b-a) + a [0,1]

help

cosd: Winkel in °

Matrix = [1,2,3; 4,5,6] = $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$

magic(n): magische $n \times n$ Matrix

sum(A): Spaltensumme

A' = A^T **sum(A)'**: Zeilensumme

sum(diag(A)): Summe der Diagonalen

A(a,b) direkt auf Element zugreifen

A = x \cdot b lösen: $x = A \backslash b$

Zahlenreihen: 1:10 = 1 bis 10 in Zeilen

zeros(0,2): 1 ones 1x2; rand: gleichverteilt

randn: normalverteilt; **eye:** Einheitsmatrix

zeros(1,2) = (0 0); ones(2,2) = $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

x=[1:5; 4]; y1=5*x; plot(x,y1)

plot(x,y1,x,y2); plot(x,[y1;y2]);

legend('erste Zeit Y1', 'zweite Zeit Y2')

title('titel'); xlabel('x-label'); ylabel('y-label');

plot(x,y,'kde')

y: yellow; **p:** point; **t:** triangle (left)

m: magenta; **o:** circle; **r:** triangle (right)

c: cyan; **x:** x-mark; **-:** solid

r: red; **+** plus; **:** dotted

g: green; ***** asterisk; **-:** dashed

b: blue; **^:** caret; **o:** circle

w: wide; **~:** tilde; **o:** circle