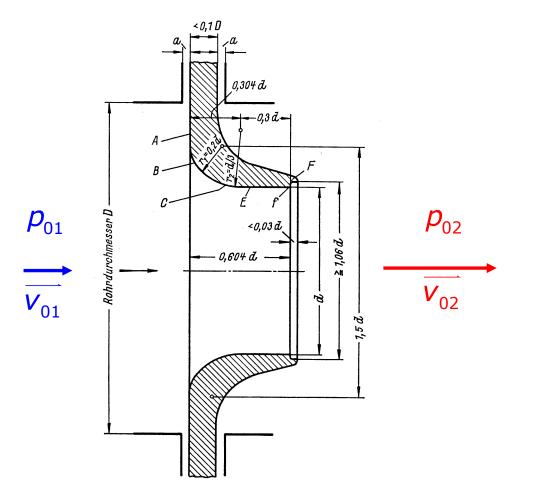
### 2. SENSORPRINZIPIEN DER MECHANIK: 2.4 SENSORPRINZIPIEN AUS MASSEN- UND ENERGIEERHALTUNG (1)



#### Satz von Bernoulli:

$$\frac{p_{01}}{\rho} + \frac{{v_{01}}^2}{2} = \frac{p_{02}}{\rho} + \frac{{v_{02}}^2}{2}$$

Kontinuitätsgleichung (Stetigkeitsgleichung)

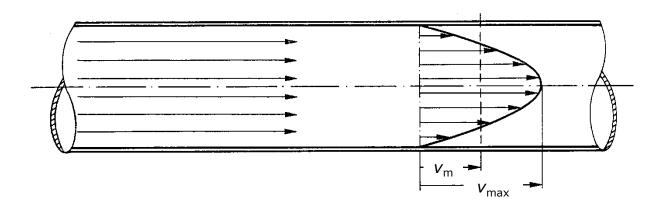
$$\rho \cdot \boldsymbol{A}_{01} \cdot \boldsymbol{V}_{01} = \rho \cdot \boldsymbol{A}_{02} \cdot \boldsymbol{V}_{02}$$

⇒ Massenstrombestimmung

$$\dot{m} = \alpha \cdot \varepsilon \cdot A_0 \cdot \sqrt{2 \cdot \rho \cdot \Delta p_{\rm m}}$$

**Drosselgerät: Beispiel Normdüse** [DIN 1952]

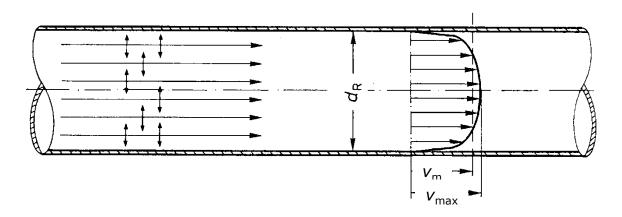
# 2. SENSORPRINZIPIEN DER MECHANIK: 2.4 SENSORPRINZIPIEN AUS MASSEN- UND ENERGIEERHALTUNG (2)



### laminare Rohrströmung:

$$\frac{v_{\text{max}}}{v_{\text{m}}} = 2$$

$$\frac{v(r)}{v_{\text{max}}} = 1 - \left(\frac{r}{r_{\text{R}}}\right)^{2}$$



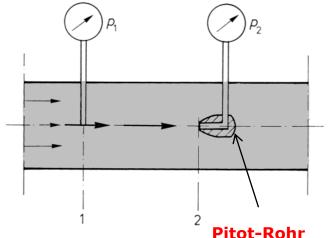
#### turbulente Rohrströmung:

$$\frac{v_{\text{max}}}{v_{\text{m}}} \approx 1.2$$

$$v(r) = \begin{pmatrix} 1 & r \end{pmatrix}^{\frac{1}{r}}$$

Rohrströmungsarten [A. & M. Jogwich: Technische Strömungsmechanik für Studium und Praxis]

### 2. SENSORPRINZIPIEN DER MECHANIK: 2.4 SENSORPRINZIPIEN AUS MASSEN- UND ENERGIEERHALTUNG (3)



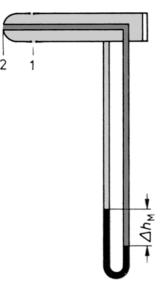


Satz von Bernoulli

$$\frac{{v_1}^2}{2} + \frac{p_1}{\rho} = \frac{{v_2}^2}{2} + \frac{p_2}{\rho}$$

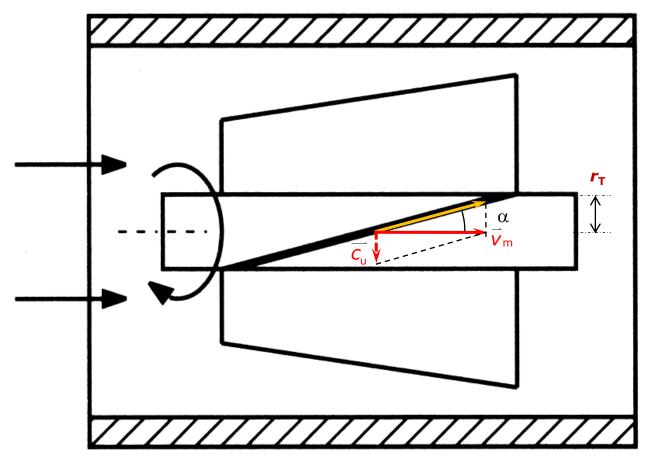
⇒ Strömungsgeschwindigkeitsbestimmung

$$V = \sqrt{\frac{2}{\rho_{F}} \cdot (\rho_{2} - \rho_{1})} = \sqrt{\frac{2}{\rho_{F}} \cdot \Delta \rho}$$



Pitot-Rohr (links) und Prandtlsches Staurohr (rechts) [A. & M. Jogwich, www.stern.de]

## 2. SENSORPRINZIPIEN DER MECHANIK: 2.4 SENSORPRINZIPIEN AUS MASSEN- UND ENERGIEERHALTUNG (4)



Impulssatz für strömende Stoffe

$$\vec{F} = \dot{m} \cdot d\vec{v}$$

⇒ Volumenstrombestimmung

$$\dot{V} = A \cdot 2\pi \cdot r_{\mathsf{T}} \cdot f \cdot \cot(\alpha)$$

Prinzip des Turbinenradzählers [J. Niebuhr, G. Lindner: Physikalische Messtechnik mit Sensoren]