Mjerne jedinice (ili sve što ste željeli znati o SI, a niste se usudili pitati)

Duje Jerić- Miloš 28. veljače 2024.

1 Osnovne mjerne jedinice

Razlikujemo nekoliko osnovnih veličina:

- 1. vrijeme (t)
- 2. udaljenost (mnoge oznake, ali obično x ili d)
- 3. masa (m)
- 4. količina tvari (n)
- 5. temperatura (T)
- 6. naboj (q)

Za 7. razred je bitno samo prvih 5 (naboj je gradivo 8. razreda), a od toga se količina tvari i temperatura radi tek kasnije u drugom polugodištu. Dakle, za 7 razred (a i za mehaniku uopće) su najbitnije prve 3 veličine (vrijeme, udaljenost, masa). Postoji još i svjetlosna jakost (mjerena u candelama) koja i nije toliko korištena u fizici. SVAKA druga veličina je izvedena iz ovih. Primjerice, brzina je količnik udaljenosti i vremena (koliku udaljenost smo prešli u nekoj jedinici vremena, npr. km/h), površina je umnožak dvije udaljenosti (duljine i širine) itd.

- Standardna mjerna jedinica za vrijeme je **sekunda** (s). Izvorno, sekunda je bila definirana kao $\frac{1}{60}$ minute, a minuta kao $\frac{1}{60}$ sata, a sat je pak $\frac{1}{24}$ dana. Dan je definiran rotacijom Zemlje oko svoje osi. Ipak, nije baš lagano precizno mjeriti duljinu dana pa ove definicije i nisu najbolje. U 20. stoljeću otkrićem atomske teorije i kvantne mehanike smo dobili puno bolju metodu atomski sat. Sada je sekunda definirana kao određeni broj "otkucaja" tog atomskog sata. Preciznije, otkucaj je zapravo oscilacija elektromagnetskog polja dobivenog kada cezijev (Ce 133) atom otpusti energiju u obliku fotona (elektromagnetskog zračenja). 9 192 631 770 takvih oscilacija je 1s.
- Standardna mjerna jedinica za udaljenost je **metar** (m). Ranije su korištene razno razne mjerne jedinice Egipćani su npr. koristili meh niswt (eng. "royal cubit"), Rimljani su koristili pes, tj. stope, itd. Izvorno (1799.), Francuzi su metar definirali kao $\frac{1}{10\ 0000\ 0000}$ udaljenosti od sjevernog pola do ekvatora mjereno po meridijanu koji prolazi kroz Pariz. Kasnije (20. st.) je otkriveno da svjetlost u vakuumu uvijek putuje istom brzinom (za sve promatrače!) pa je danas metar definiran kao udaljenost koju svjetlost prijeđe u određenom djeliću sekunde. Točnije, metar je udaljenost koju svjetlost prijeđe u $\frac{1}{299\ 792\ 458}$ dijelu sekunde.
- Kilogram (kg) je standardna mjerna jedinica za masu. Izvorno (1795.) kilogram je bio definiran kao masa jedne litre vode. Kasnije pak (do 2018.) je bio definiran masom određenog standardnog utega (internacionalnog prototipa kilograma). Danas (od 2018.) je kilogram definiran pomoću određene konstante iz kvantne mehanike (koju možemo dosta precizno mjeriti). Naime, kilogram je definiran tako da Planckova konstanta iznosi točno 6.62607015 · 10⁻³⁴kgm²s⁻¹. Ovdje su m i s definirani kao gore.
- Mol (mol) je standardna mjerna jedinica za količinu tvari. Pod "količinu tvari" mislimo na broj čestica od kojih je tvar sagrađena. 1 mol je jednostavno definiran kao $6.02214076 \cdot 10^{23}$ "elementarnih entiteta" (čestica, atoma, molekula, iona... od čega god je tvar građena). Dakle, ako imamo 2 mola tvari, to znači da se ta tvar sastoji od $12.04428152 \cdot 10^{23}$ čestica. Općenito broj čestica dobijemo kao $N = n \cdot N_A$, gdje je n broj mola, a $N_A = 6.02214076 \cdot 10^{23}$ tzv. Avogadrov broj.

• Temperaturu u svakodnevnom životu (u Europi) mjerimo u **stupnjevima Celzijusevim** (°C). Ova skala je izvorno definirana tako da se pri atmosferskom tlaku (1 atm= 101325 Pa) pronađe temperatura na kojoj se voda zamrzne i temperatura na kojoj voda vrije. Ovaj temperaturni raspon se potom podijeli na 100 jednakih komada, a svaki komad proglasi jednim stupnjem (1°C). Nadalje, uzme se i da voda prelazi u led na 0 °C (pa vrije na 100 °C). Kasnije je otkriveno da postoji najniža temperatura - **apsolutna 0** (oko -273.15°C) pa je stvorena nova mjerna jedinica **Kelvin** (K) što je samo pomaknuta Celzijuseva skala. Promjena temperature za 1K je isto kao i promjena temperature za 1°C, samo što Kelvinova skala počinje s 0 tako da je 0K= -273.15°C, tj. 273.15K=0°C. Voda naravno vrije na 373.15K, a sobna temperatura (20°C) je 303.15K.

Moderna definicija (od 2018.) je ta da je 0K apsolutna nula, a promjena temperature od 1K jednaka je promjeni termalne energije kT od $1.380549 \cdot 10^{-23}$ J. Drugim riječima, definicija je upravo takva da Boltzmannova konstanta k iznosi $1.3806505 \cdot 10^{-23}$ J/K (a J je definiran preko m, s i kg: $1J = \text{kgm}^2\text{s}^{-2}$).

• Naboj se mjeri u **Coulombima** (C). U 20. st. je otkriveno da su nositelji naboja u materiji elektroni i protoni te da elektron i proton imaju isti naboj (samo suprotnog predznaka) - taj naboj zovemo elementarni naboj (e). Dakle količina naboja koje tijelo može imati je samo neki višekratnik elementarnog naboja (pobrojimo koliko tijelo ima protona i elektrona te oduzmemo). Danas je 1C definiran kao točno $\frac{1}{1.602176634\cdot10^{19}}$ e

2 SI prefiksi

Doduše, za nas su zapravo samo bitni sljedeći prefiksi:

Prisjetimo se da ovdje 10^6 znači $10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 1\,000\,000$ (lako se pamti: 10^6 = "1 sa 6 nula"). Potpuno isto 10^3 = $10 \cdot 10 \cdot 10$. S druge strane, 10^{-6} znači $\frac{1}{10^6}$ = $\frac{1}{1\,000\,000}$ = 0.000001 (zapamti: 10^{-6} ="0. i onda 5 nula pa 1", tj. "ukupno 6 nula i onda 1"). 10^{-3} znači $\frac{1}{10^3}$ = $\frac{1}{1000}$, itd.

Prefiksi se koriste na sljedeći način: kilometar (km) je 10³m, tj. 1000m. Na isti način bi kC (kilocoulomb) bio 1000C. Dakle, umjesto prefiksa (k)

Prefiks	Numerička vrijednost
yocto (y)	10^{-24}
zepto (z)	10^{-21}
atto (a)	10^{-18}
femto (f)	10^{-15}
pico (p)	10^{-12}
nano (n)	10^{-9}
micro (µ)	10^{-6}
milli (m)	10^{-3}
centi (c)	10^{-2}
deci (d)	10^{-1}
deca (da)	10^{1}
hecto (h)	10^{2}
kilo (k)	10^{3}
mega (M)	10^{6}
giga (G)	10^{9}
tera (T)	10^{12}
peta (P)	10^{15}
exa (E)	10^{18}
zetta (Ž)	10^{21}
yotta (Y)	10^{24}

Tablica 1: Prefiksi SI sustava mjernih jedinica (krenuvši od najmanjeg prema najvećem)

možemo samo zapisati njegovu numeričku vrijednost (u kolokvijalnom engleskom jeziku se ovo čak koristi i za novac \$1k=\$1000). Naravno, i kilogram (kg) je samo 1000 grama, no primijetimo da je kilogram jedina osnovna jedinica koja dolazi s prefiksom (tako da je zapravo gram izveden iz kilograma i definiran kao $\frac{1}{1000}$ kg).

Milimetar (mm) je $\frac{1}{10^{-3}} = \frac{1}{1000}$ dio metra (tj. 1000mm je jedan metar). mg (miligram) je $\frac{1}{1000}$ g, a kako je sam gram $\frac{1}{1000}$ dio kilograma, jasno je da je mg = $\frac{1}{1000}$ g = $\frac{1}{1000} \cdot \frac{1}{1000}$ kg = $\frac{1}{1000}$ kg. Drukčije sročeno, u kilogramu ima 1000 grama, a u svakom gramu 1000 miligrama pa ukupno ima 1000 · 1000 = 1000 000 miligrama u kilogramu.

Prefiks	Numerička vrijednost
micro (µ)	10^{-6}
milli (m)	10^{-3}
centi (c)	10^{-2}
deci (d)	10^{-1}
deca (da)	10^{1}
hecto (h)	10^{2}
kilo (k)	10^{3}
mega (M)	10^{6}

3 Pretvorbe mjernih jedinica

Sve ostale jedinice se dobiju primjenom odgovarajućih matematičkih formula. Recimo, ako ploha ima površinu od 15m^2 znači da se ta ploha može pokriti s 15 kvadrata dimenzija $1\text{m}\times1\text{m}$.

Matematički, površinu izračunamo tako da pomnožimo dužinu i širinu. Npr. $5m \cdot 3m = 15 \cdot m \cdot m = 15m^2$ jer množimo metar i metar. Želimo li ovo prebaciti u cm², samo treba držati na umu da 1m = 100cm pa gdje god vidimo metar, možemo ga zamijeniti s 100cm.:

$$1m^2 = 1m \cdot 1m = 100cm \cdot 100cm = 10\ 000cm$$

Dakle, $15m^2 = 15 \cdot 10~000cm^2 = 150~000cm^2$.

Ako pak to želimo prebaciti u km², treba držati na umu da je metar $\frac{1}{1000}$ dio kilometra pa gdje god vidimo metar, možemo ga zamijeniti s $\frac{1}{1000}$ km:

$$1m^{2} = 1m \cdot 1m = \frac{1}{1000}km \cdot \frac{1}{1000}km = \frac{1}{1000 \cdot 1000}km = \frac{1}{10000000}km$$

Zaključujemo da $15\text{m}^2 = \frac{15}{1\ 000\ 000}\text{km}^2$. Ukoliko ne volite raditi s razlomcima, možete krenuti od veće mjerne jedinice: 1km = 1000m pa:

$$1 \text{km}^2 = 1 \text{km} \cdot 1 \text{km} = 1000 \text{m} \cdot 1000 \text{m} = 1\ 000\ 000 \text{m}^2.$$

Ovo samo hoće reći da jedan km^2 možemo pokriti s milijun kvadrata dimenzije $\mathrm{m}\times\mathrm{m}.$

Ovo sve potpuno isto funkcionira i za kompliciranije slučajeve. Recimo, gustoću dobjemo tako da masu nekog tijela podijelimo s njegovim volumenom. Masu mjerimo u kq, a volumen u m³ (duljina × širina × visina). Dakle,

standardna mjerna jedinica za gustoću je $\frac{kg}{m^3}$. Naravno, gustoću možemo mjeriti i u $\frac{g}{cm^3}$ i u $\frac{kg}{mm^3}$ itd. (bitno da je osnovnog oblika $\frac{masa}{volumen}$, tj. $\frac{masa}{duljina^3}$,).

Nadalje, newton (mj. jedinica za silu) se može iskazati kao $N = kg \cdot \frac{m}{s^2}$. Ako imamo masu u gramima, udaljenost u centimetrima, a vrijeme u minutama, onda da bismo dobli newtone moramo svaku od tih jedinica prebaciti u standardne mjerne jedinice (kg, m, s):

$$g\frac{cm}{min^2} = \frac{1}{1000}kg\frac{\frac{1}{100}m}{60s \cdot 60s} = \frac{1}{1000} \cdot \frac{1}{100} \cdot \frac{1}{3600}kg\frac{m}{s^2} = \frac{1}{3.6 \cdot 10^8}N$$

Napomenimo, g $\frac{\rm cm}{\rm min^2}$ je isto valjana mjerna jedinica za silu (samo nije standardna) jer je istog općeg oblika masa $\cdot \frac{\rm duljina}{\rm vrijeme^2}$ kao i newton. Standardnu mjernu jedinicu (newtone) dobijemo tako da sve mjerne jedinice iz g $\frac{\rm cm}{\rm min^2}$ prebacimo u standardne (kg, m, s).

Napomenimo da je, ukoliko ne volite raditi s razlomcima, možda najjednostavnije na početku zadatka sve mjerne jedinice prebaciti u standardne mjerne jedinice i onda ste sigurni da ćete dobiti newtone (N), joule (J), watte (W), pascale (Pa), itd. jer su te mjerne jedinice sve definirane preko standardnih mjernih jedinica (kg, m, s).