# 基于服饰类型信息的形式概念分析

杨勇超

作业	分数[20]
得分	

2020年11月12日

## 基于服饰类型信息的形式概念分析

## 杨勇超

(大连海事大学 信息科学技术学院 大连 中国 116026)

摘 要:形式概念分析是应用数学的一个分支,是一种在数据分析和规则提取方面非常有效的工具。它可以极大限度地对集合中具有某种关系或者含有某些共同属性的元素进行分类,发现由属性和对象构成的概念和概念之间的关系,进而以数学化方式表达概念和概念层次。本文简要介绍了形式概念分析的基本概念,并以服饰类型信息为例,给出了从概念得到形式概念、从背景转换为形式背景、由形式背景转化为单值形式背景、进而由单值形式背景构造概念格的整体过程,最后进行了形式概念的识别与推理。

关键字:形式概念分析;形式背景;本体;概念格

## Formal concept analysis based on clothing type information

Yongchao Yang

(Information Science and Technology College, Dalian Maritime University, Dalian, China, 116026)

**Abstract** Formal concept analysis is a branch of Applied Mathematics. It is a very effective tool in data analysis and rule extraction. It can greatly classify the elements with certain relationship or common attributes in the set, discover the relationship between concepts and concepts constructed by attributes and objects, and then express concepts and concept levels in a mathematical way. This paper briefly introduces the basic concepts of formal concept analysis, and take the clothing type information as an example, giving the whole process of getting formal concept from concept, transforming from background to formal background, from formal background to single value formal background, and then constructing concept lattice from single value formal background. And in the end, the recognition and reasoning of formal concept is conducted.

Keywords formal concept analysis; concept lattice; formal context

## 1 概述

形式概念分析 (Formal Concept Analysis, FCA) 是应用数学的一个分支,它是一种知识处理的方法。形式概念分析是由德国的 R. Wille 教授于 1982 年提出的,它是一种从形式背景进行数据分析和规则提取的强有力的工具。形式概念分析建立在数学基础之上,对组成本体的概念、属性以及关系等用形式化的语境表述出来,然后

根据语境,构造出概念格(concept lattice),从而清楚地表达出概念及概念间关系的结构,用数学的方法表达概念和概念层次。对形式概念分析的研究主要集中在对概念格的构造和概念格的应用两个方面。概念格可以通过形式背景进行构造,利用概念格更以通过形式背景进行构造,利用概念格提取关联规则是概念格应用的最成功的一个方面。这种本体构建的过程是半自动化的,在概念的形成阶段,需要领域专家的参与,识别出领域内的对象、属性,构建其间的关系,在概念生成之后,可以构造语境,然后利用概念格的生成算法,自动产生本体。形式概念分析强调以人的认知为中心,

提供了一种与传统的、统计的数据分析和知识表示完全不同的方法,成为了人工智能学科的重要研究对象,在机器学习、数据挖掘、信息检索等领域得到了广泛的应用。本文对形式概念、形式背景、关联规则提取、单值形式背景、父子关系的单值形式背景、概念格的基本概念、概念格的构造以及概念推理等方面进行阐述,并以服饰类型信息为形式背景进行形式概念分析。

## 2 形势概念

设形式对象集 G,形式属性集 M,二元 关系 I  $\subseteq$  G×M。若 X $\subseteq$  G 并且 Y $\subseteq$  M,X= { x | x $\in$  G, $\forall$  y $\in$  Y,xIy },Y= { y | y $\in$  G, $\forall$  x $\in$  x,xIy },则二元组(X,Y)称为形式概念其中 X 称为形式概念的外延,表示属于这个形式概念的对象的集合;Y 称为形式概念的内涵,属于这个形式概念的属性的集合。形式概念的外延是指被表示为属于这个概念的所有的对象集合,形式概念的内涵是指被表示为所有这些对象所共有属性的集合。

## 3 形式背景

#### 3.1 生成形式背景

三元组 K=(G, M, I) 被称为形式背景,其中 G 为形式对象的集合,M 为形式属性的集合, I 是 G 和 M 之间的二元关系, $I\subseteq G\times M$ 。若 g 是 G 中的一个形式对象,m 是 M 中一个形式属性,那么用  $(g, m)\in I$  表达 g 与 m 之间的关系,读作"形式对象 g 具有形式属性 m"  $\square$  。实际上,形势背景一般都不是直接存在的,而是通过对数据源进行分析从而提取出来的,也就是对现有概念中的对象和属性进行约简。表 1 为服饰类型信息的形式背景,其中对象集为(1,2  $\cdots$ 10),属性集为(羽绒服,棉服,大衣,风衣,皮衣)。形式概念表示为(用户,服

饰类别)二元组;形式背景表现为(用户,服饰类别,用户喜好)的三元组,用 1 表示此用户喜爱此类服饰,而用 0 表示此用户不喜爱此类服饰。

表 1服饰类型形式背景

用户	羽绒服	棉服	大衣	风衣	皮衣
1	1	1	1	0	0
2	1	0	1	0	1
3	0	0	1	1	0
4	1	1	0	1	0
5	1	0	1	0	1
6	0	1	0	1	0
7	1	1	0	1	0
8	1	1	1	1	0
9	0	0	1	1	0
10	0	1	1	1	0

#### 3.2 约简形式背景

形式背景的约减包括聚类(行约减)和 关联(列约减),即将属性值相同的对象进行 合并和将所有对应于同一个对象集的几个 属性合并。通过观察可知,用户 2 和用户 5 喜欢的服饰类型属性相同可以合并,用户 3 和用户 9 喜欢的服饰类型属性相同可以合并,用户 4 和用户 7 喜欢的衣服属性相同可以合并。约简后的服饰类型形式背景如表 2 所示。

表 2 约简后的服饰类型形式背景

用户	羽绒服	棉服	大衣	风衣	皮衣
1	1	1	1	0	0
2, 5	1	0	1	0	1
3, 9	0	0	1	1	0
4, 7	1	1	0	1	0
6	0	1	0	1	0
8	1	1	1	1	0
10	0	1	1	1	0

#### 3.3 生成单值形式背景

为了便于对服饰类型的形式概念分析,

需要将表 2 的多值形式背景转换为单值形式背景。将值为"1"的位置改为"X",表示该用户喜爱此类服饰,去掉值为"0"的位置,再用 a、b、c、d、e 分别代表各个服饰属性,1-10 分别代表各用户,得到单值形式背景如表 3 所示。

表 3 单值形式背景

用户	a	b	С	d	е
1	X	X	X		
2, 5	X		X		X
3, 9			X	X	
4, 7	X	X		X	
6		X		X	
8	X	X	X	X	
10		X	X	X	

#### 3.4 确定父子关系的单值形式背景

为了方便构造形式背景的概念格,在获取到的单值形式背景的基础上做顺序的调整,找到属性继承的父子关系,通常情况下,为方便查找,按属性由少至多自上而下排列。其单值形式背景如表 4 所示。

表 4 带有父子关系的单值形式背景。

用户	a	b	С	d	е
6		Х		X	
3, 9			X	X	
1	X	X	X		
4, 7	X	X		X	
2, 5	X		X		X
10		X	X	X	
8	X	X	X	X	

#### 3.5 绘制 Hasse 图

Hasse 图中的每个结点表示用户集合中的一个元素,结点的位置按其所在的偏序关系中的次序自下向上排列。即对任意 a、b 属于 A,若 a < b(a  $\leq$  b  $\wedge$  a  $\neq$  b),则 a 排在 b 的下边。如果 a < b,且不存在 c  $\in$  A 满足 a < c < b,则在 a 和 b 之间连一条线,这样画出的图叫 Hasse 图。

Hasse 图的作图法为: 以"圆"表示元素; 若 x < y,则 y 在 x 的上层; 若 y 覆盖 x,则连线; 不可比的元素在同层。通过 Hasse 图可以生动简洁地体现概念格中形式概念之间的泛化和特化关系。表 4 的带有父子关系的单值形式背景得到的 Hasse 图如图 1 所示。

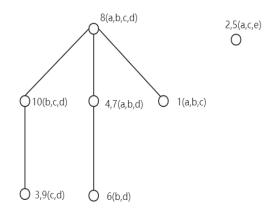


图 1 形式背景的 Hasse 图

## 4概念格

#### 4.1 基本概念

设〈K,<〉为偏序集, D  $\subseteq$  K, a 为 K 的任一上界,若对 D 的所有上界 y 均有 a  $\leq$  y,则称 a 为 D 的最小上界,即上确界。同样,若 d 为 D 的任一下界,若对 D 的所有下界 z 均有 z  $\leq$  d,则称 d 为 D 的最大下界,即下确界 $^{[1]}$ 。

设<K,<>为偏序集,如果 K 中任意两个元素都有最小上界和最大下界,则称<K,<>为格 $^{[2]}$ 。

对于形式背景 K=(O, A, B)存在唯一的一个偏序集<K, ≤>与之对应,并且该偏序集的子集的上确界与下确界都存在,这个偏序集产生的格结构称为概念格<sup>[3]</sup>。

#### 4.2 生成概念格

由于形式背景对应的概念格中形式概念的子集必须上确界与下确界都存在,因此

必须对 Hasse 图进行修补,添加形式概念的上下确界,才能形成概念格<sup>[4]</sup>。图 2 是生成的概念格。

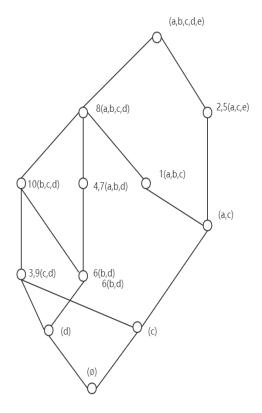


图 2 概念格

#### 4.3 概念格的应用

概念格良好的结构特征使得概念格不 仅仅能从数据中分类和定义概念,发现对象 之间、属性之间的依赖关系等信息,还能很 好地利用概念格中的信息形成知识。因此在 智能数据处理、知识发现、数据挖掘方面, 概念格的应用很广泛。目前,随着网络技术 的普及,概念格在语义 Web 电子商务、Web 服务管理、入侵检测、个性化导航、搜索引 擎等方面已经有了广泛的应用。由于格结构 面对的都是大型的复杂数据库,因此提高应 用系统的数据分析速度和系统的响应速度 将是应用系统成功的关键因素。目前由 Google 推出的 BigData、MapReduce 等技 术使得大数据的处理迈入了新的发展阶段, 因此形式概念分析这一工具将得到更广泛 的应用。

## 5 结束语

本文通过构建基于用户和服饰类型的形式背景,给出了从概念得到形式概念、背景转换为形式背景、形式背景转化为单值形式背景再构造概念格的整体过程,全面分析其特征和关系。在这一过程中,充分体会到形式概念分析以及概念格的作用及其应用,在知识发现推理、 Web 语义检索和数据挖掘中都起到重要作用[5]。 概念格仍是一个年轻并在高速发展的领域。进一步的研究方向包括: 高效的建格算法及剪枝算法; 从格上产生有用的规则; 基于格的数据挖掘等等。

## 参考文献

- [1] [德]B. 甘特尔, R. 威尔. 形式概念分析 [M]. 马垣, 张学东等译. 北京: 科学出版 社, 2007.
- [2] 彭致华,王霞.一种基于概念格的新型软件质量综合评价方法[J]. 电子技术与软件工程,2020(16):52-55.
- [3] 李金海, 魏玲, 张卓, 翟岩慧, 张涛, 智慧来, 米允龙. 概念格理论与方法及其研究展望[J]. 模式识别与人工智能, 2020, 33(07):619-642.
- [4] 李冠宇. 智能信息处理课件. 大连海事大学, 2020.
- [5] 曲开社, 翟岩慧, 梁吉业, 等. 形式概念 分析对粗糙集理论的表示 [J], 2014, 18(9):2174-2182.
- [6] 梁吉业,王俊红.基于概念格的规则产生集挖掘算法[J].计算机研究与发展,2014,1(8):1339-1344.
- [7] 闫之焕,基于形式概念分析的粗糙描述 逻辑研究,电子科技大学数学科学学院,硕士论,2016.
- [8] 毕强, 滕广青. 国外形式概念分析与概 念格理论应用研究的前沿进展及热点 分析[J]. 现代图书情报技术, 2010, 15(11):17-23.