

у2018-2-2. Дерево поиска

Statement
is not
available
on
English
language

A. Простое двоичное дерево поиска

2 секунды, 512 мегабайт

Реализуйте просто двоичное дерево поиска.

Входные данные

Входной файл содержит описание операций с деревом, их количество не превышает 100. В каждой строке находится одна из следующих операций:

- `insert x` — добавить в дерево ключ x . Если ключ x есть в дереве, то ничего делать не надо;
- `delete x` — удалить из дерева ключ x . Если ключа x в дереве нет, то ничего делать не надо;
- `exists x` — если ключ x есть в дереве выведите «true», если нет «false»;
- `next x` — выведите минимальный элемент в дереве, строго больший x , или «none» если такого нет;
- `prev x` — выведите максимальный элемент в дереве, строго меньший x , или «none» если такого нет.

В дерево помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

Выходные данные

Выведите последовательно результат выполнения всех операций `exists`, `next`, `prev`. Следуйте формату выходного файла из примера.

входные данные
<code>insert 2 insert 5 insert 3 exists 2 exists 4 next 4 prev 4 delete 5 next 4 prev 4</code>
выходные данные
<code>true false 5 3 none 3</code>

B. Balanced binary search tree

2 секунды, 512 megabytes

Implement a balanced binary search tree.

Input

The input contains several operations with the tree and their amount does not exceed 10^5 . Every line contains one of the following operations:

- `insert x` — insert key x into the tree. If there is a key x in the tree already, do nothing;
- `delete x` — remove key x from the tree. If there is no key x in the tree, do nothing;

- `exists x` — if there is a key x in the tree, output "true", otherwise output "false";
- `next x` — output the smallest key in the tree that is strictly larger than x , or "none" if there's no such key;
- `prev x` — output the largest key in the tree that is strictly less than x , or "none" if there's no such key.

All keys are integers no greater than 10^9 by absolute value.

Output

Output results of all operations `exists`, `next`, `prev`.

input
<code>insert 2 insert 5 insert 3 exists 2 exists 4 next 4 prev 4 delete 5 next 4 prev 4</code>
output
<code>true false 5 3 none 3</code>

C. Cartesian Tree

2 seconds, 256 megabytes

You are given pairs of integers (a_i, b_i) . You have to build a Cartesian Tree, such that i -th node has keys (a_i, b_i) , where the tree with keys a_i represents a binary search tree, and the tree with keys b_i represents a heap.

Input

The first line contains one integer n ($1 \leq N \leq 300\,000$) — the number of pairs. Then, you are given n pairs (a_i, b_i) , one per line. For all pairs two conditions hold: $|a_i|, |b_i| \leq 1\,000\,000$, and $a_i \neq a_j$ and $b_i \neq b_j$ for all $i \neq j$.

Output

If it is possible to build a Cartesian Tree with such keys then the first line should contain "YES", otherwise, it should contain "NO". If the answer is "YES" the output n lines with the description of a corresponding node. The description consists of three numbers: an identifier of a parent, an identifier of the left child and an identifier of the right child. If the node does not have a parent or a child, output 0 instead of an identifier.

If there are several trees, output any of them.

input
<code>7 5 4 2 2 3 9 0 5 1 3 6 6 4 11</code>
output
<code>YES 2 3 6 0 5 1 1 0 7 5 0 0 2 4 0 1 0 0 3 0 0</code>

D. Key insertion

2 seconds, 256 megabytes

You are working in the company Macrohard. And you are asked to implement a data structure that will store a set of integer keys.

Suppose that keys are stored in an infinite array A , indexed from 1. Initially, all its elements are empty. The structure should have the following operation:

$\text{Insert}(L, K)$, where L is a position in the array, and K is some positive integer.

The operation should work as follows:

- If element $A[L]$ is empty, then assign $A[L] \geq K$.
- Otherwise, i.e., $A[L]$ is not empty, call $\text{Insert}(L + 1, A[L])$ and then assign $A[L] \geq K$.

By given N integers L_1, L_2, \dots, L_N output an array after calling operations:

$\text{Insert}(L_1, 1) \text{Insert}(L_2, 2) \dots \text{Insert}(L_N, N)$

Input

The first line contains two integers n and m ($1 \leq n \leq 131\,072$, $1 \leq m \leq 131\,072$) — the number of Insert operations and the maximum position which is used in one of insert operations Insert .

Next line contains n integers L_i ($1 \leq L_i \leq m$), which describes position of Insert operations, which you should call.

Output

Output an array after calling all operations. First line should contain integer W — largest index of a non-empty element in the array. Then output W integers — $A[1], A[2], \dots, A[W]$. Output zeroes for empty elements.

input
5 4 3 3 4 1 3
output
6 4 0 5 2 3 1

E. Sum Problem

3 seconds, 256 megabytes

Implement a data structure that supports the set of S integers with which the following operations are allowed:

- $\text{add}(i)$ — add the number i to the set S (if it is already there, the set does not change);
- $\text{sum}(l, r)$ — output the sum of all elements x from S that satisfy the inequality $l \leq x \leq r$.

Input

Initially, the set S is empty. The first line of the input file contains n — the number of operations ($1 \leq n \leq 300\,000$). The next n lines contain operations. Each operation has the form either "+ i " or "? l r ". Operation "? l r " sets the query to $\text{sum}(l, r)$.

If the operation "+ i " is in the input file at the beginning or after another operation "+", then it defines the operation $\text{add}(i)$. If it goes after the query "?", and the result of this query was y , then the operation $\text{add}((i + y) \bmod 10^9)$ is performed.

In all queries and adding operations, the parameters are in the range from 0 to 10^9 .

Output

For each request print one number — the response to the request.

input
6 + 1 + 3 + 3 ? 2 4 + 1 ? 2 4
output
3 7

F. k-th

2 seconds, 512 megabytes

Write a program that implements a data structure that allows you to add and remove elements, and also find the k -th maximum.

Input

The first line of the input file contains a natural number n ($1 \leq n \leq 100\,000$) — the number of commands. Next n lines contain one command each. The command is written in the form of two numbers c_i and k_i ($|k_i| \leq 10^9$) — the type and the argument of the command, respectively. Supported Commands:

- +1 (or just 1): Add an item with the key k_i .
- 0: Find and print the k_i -th maximum.
- -1: Delete the item with the key k_i .

It is guaranteed that the structure is not required to store elements with equal keys or to delete nonexistent elements. It is also guaranteed that when requesting the k_i -th maximum, it exists.

Output

Output the result of each command of the second type on a separate line.

input
11 +1 5 +1 3 +1 7 0 1 0 2 0 3 -1 5 +1 10 0 1 0 2 0 3
output
7 5 3 10 7 3

G. Move to front

6 seconds, 512 megabytes

You have an array $a_1 = 1, a_2 = 2, \dots, a_n = n$ and a sequence of queries: move elements from l_i to r_i to front.

For example, if the array is 2, 3, 6, 1, 5, 4, after the query (2, 4) the new order of elements in the array is 3, 6, 1, 2, 5, 4.

If, for example, the query (3, 4) follows, the new order of elements is 1, 2, 3, 6, 5, 4.

Print the final order of elements in the array.

Input

The first line of the input file contains two integer numbers n and m ($2 \leq n \leq 100\,000$, $1 \leq m \leq 100\,000$) — the number of elements and the number of queries. The following m lines contain queries, each line contains two integer numbers l_i and r_i ($1 \leq l_i \leq r_i \leq n$).

Output

Output n integer numbers — the order of elements in the final array, after executing all queries.

input
6 3 2 4 3 5 2 2
output
1 4 5 2 3 6

Statement
is not
available
on
English
language

Statement
is not
available
on
English
language

I. Эх, дороги

2 секунды, 256 мегабайт

В многострадальном Тридесатом государстве опять готовится дорожная реформа. Впрочем, надо признать, дороги в этом государстве находятся в довольно плачевном состоянии. Так что реформа не повредит. Одна проблема — дорожникам не развернуться, поскольку в стране действует жесткий закон — из каждого города должно вести не более двух дорог. Все дороги в государстве двусторонние, то есть по ним разрешено движение в обоих направлениях (разумеется, разметка отсутствует). В результате реформы некоторые дороги будут строиться, а некоторые другие закрываться на бессрочный ремонт.

Петя работает диспетчером в службе грузоперевозок на дальние расстояния. В связи с предстоящими реформами, ему необходимо оперативно определять оптимальные маршруты между городами в условиях постоянно меняющейся дорожной ситуации. В силу большого количества пробок и сотрудников дорожной полиции в городах, критерием оптимальности маршрута считается количество промежуточных городов, которые необходимо проехать.

Помогите Пете по заданной последовательности сообщений об изменении структуры дорог и запросам об оптимальном способе проезда из одного города в другой, оперативно отвечать на запросы.

Входные данные

В первой строке входного файла заданы числа n — количество городов, m — количество дорог в начале реформы и q — количество сообщений об изменении дорожной структуры и запросов ($1 \leq n, m \leq 100\,000$, $q \leq 200\,000$). Следующие m строк содержат по два целых числа каждая — пары городов, соединенных дорогами перед реформой. Следующие q строк содержат по три элемента, разделенных пробелами. «+ $i\ j$ » означает строительство дороги от города i до города j , «- $i\ j$ » означает закрытие дороги от города i до города j , «? $i\ j$ » означает запрос об оптимальном пути между городами i и j .

Гарантируется, что в начале и после каждого изменения никакие два города не соединены более чем одной дорогой, и из каждого города выходит не более двух дорог. Никакой город не соединяется дорогой сам с собой.

Выходные данные

На каждый запрос вида «? $i\ j$ » выведите одно число — минимальное количество промежуточных городов на маршруте из города i в город j . Если проехать из i в j невозможно, выведите - 1.

входные данные
5 4 6 1 2 2 3 1 3 4 5 ? 1 2 ? 1 5 - 2 3 ? 2 3 + 2 4 ? 1 5
выходные данные
0 -1 1 2