06.02.2021 Задачи - Codeforces

## **Machine Learning 2020-ITMO-CT**

# А. Перекрёстная проверка

1 секунда**⁰**, 256 мегабайт

Разбейте множество из N объектов, каждый из которых принадлежит к одному из M классов, на K частей. Каждый объект должен попасть ровно в одну часть так, чтобы размеры частей, а также распределение классов по этим частям было сбалансировано. Формально, пусть cnt(x,c) — число объектов с классом c попавших в часть x, тогда должно выполняться  $\forall x,y,c: |cnt(x,c)-cnt(y,c)| \leq 1$  и

 $orall x,y,c: |cnt(x,c)-cnt(y,c)| \leq 1$  и  $orall x,y: |\sum_c cnt(x,c)-\sum_c cnt(y,c)| \leq 1$  .

#### Входные данные

Первая строка: три целых числа  $N,\,M,\,K\,(1\leq N\leq 10^5,\,1\leq M,K\leq N)$  — число объектов, классов и частей.

Вторая строка: N целых чисел  $C_i$  ( $1 \leq C_i \leq M$ ) — класс i-го объекта.

#### Выходные данные

Выведите K строк. Каждая строка x начинается с целого числа S — размера части x. Далее идут S целых чисел — номера объектов попавших в часть x. Объекты нумеруются с единицы.

входные данн	ые
10 4 3 1 2 3 4 1 2 3 1	2 1
выходные дан	ные
4 1 4 9 10 3 2 3 5 3 6 7 8	

В первой части содержится четыре объекта, два из них первого класса, один второго и один четвёртого. Во второй и третьей части по три объекта первых трёх классов.

## В. F-мера

1 секунда€, 256 мегабайт

В результате эксперимента по классификации на K классов была получена матрица неточностей (Confusion matrix) CM, где CM[c,t] — число объектов класса c, которые были классифицированы как t. Посчитайте по данной матрице неточностей средневзвешенную по классам макро и микро F-меру.

## Входные данные

Первая строка содержит целое число K — число классов (  $1 \leq K \leq 20$ ). Далее идёт K строк — описание матрицы неточностей. Каждая строка c содержит K целых чисел — c-я строка матрицы неточностей.  $\forall c,t:0 \leq CM[c,t] \leq 100$  и  $\exists c,t:CM[c,t] \geq 1$ .

## Выходные данные

Выведите два вещественных числа с плавающей точкой — взвешенно усреднённую по классам макро и микро F-меру. Абсолютная погрешность ответа не должна превышать  $10^{-6}$ .

входные данные	
2	
0 1	
1 3	
выходные данные	
0.6	
0.6	

```
входные данные

3
3 1 1
3 1 1
1 3 1

выходные данные

0.326860841
0.316666667
```

В первом примере классы распределены как 1:4. Точность (precision), полнота (recall) и F-мера первого класса равны 0, а второго 0.75. При этом средняя точность, полнота и F-мера равны 0.6.

# С. Непараметрическая регрессия

2 секунды €, 256 мегабайт

Реализуйте алгоритм непараметрической регрессии, который бы поддерживал различные функции расстояний, ядер и окон. Описание ядер можно найти здесь: https://en.wikipedia.org/w/index.php? oldid=911077090. Обратите внимание, что определение Прямоугольного ядра в данной задаче отличается.

## Входные данные

Первая строка содержит два целых числа N и M — число объектов и признаков ( $1 \leq N \leq 100, 1 \leq M \leq 10$ ).

Далее идёт N строк — описание набора данных. Каждая строка i содержит M+1 целое число  $d_{i,j}$   $(-100 \le d_{i,j} \le 100)$  — описание i-го объекта. Первые M из этих чисел признаки i-го объекта, а последнее — его целевое значение.

Следующая строка описывает объект запроса q. Она состоит из M целых чисел  $d_{q,j}$   $(-100 \le d_{q,j} \le 100)$  — признаки объекта q.

Далее идут три строки состоящих из строчных латинских букв.

Первая из них — название используемой функции расстояния: manhattan, euclidean, chebyshev.

Вторая — название функции ядра: uniform, triangular, epanechnikov, quartic, triweight, tricube, gaussian, cosine, logistic, sigmoid.

Третья — название типа используемого окна: *fixed* — окно фиксированной ширины, *variable* — окно переменной ширины.

Последняя строка содержит параметр окна: целое число h (  $0 \leq h \leq 100$ ) — радиус окна фиксированной ширины, либо целое число K ( $1 \leq K < N$ ) — число соседей учитываемое для окна переменной ширины.

## Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — результат запроса. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}\,$ .

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

3 2
0 2 1
1 1 0
2 0 1
0 0
euclidean
uniform
fixed
2

ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ
0.0000000000
```

В случае неопределённости, когда в окно не попало ни одного объекта, требуется вывести значение по умолчанию для задачи регрессии — среднее значение целевой переменной по всем объектам из обучающей выборки.

# D. Линейная регрессия

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Найдите коэффициенты уравнения прямой по заданному набору данных.

### Входные данные

Первая строка содержит два целых числа N ( $1 \leq N \leq 10^4$ ) — число объектов в обучающем множестве, и M ( $1 \leq M \leq \min(N, 1000)$ ) — число признаков у объектов исключая зависимую переменную.

Следующие N строк содержат описание объектов. i-я из этих строк содержит описание i-го объекта, M+1 целых чисел. Первые M из этих чисел:  $X_{i,j}$  ( $|X_{i,j}| \leq 10^9$ ) — признаки i-го объекта, а последнее  $Y_i$  ( $|Y_i| \leq 10^9$ ) — значение его зависимой переменной.

#### Выходные данные

Выведите M+1 вещественных чисел с плавающей точкой  $A_j$  — коэффициенты прямой из уравнения

$$Y = A_0 \cdot X_0 + A_1 \cdot X_1 + \dots + A_{M-1} \cdot X_{M-1} + A_M$$

#### Система опенки

Целевая функция ошибки SMAPE вычисленная на скрытом множестве данных.  $SMAPE(Y,\hat{Y})=\frac{1}{|Y|}\sum_i \frac{|Y_i-\hat{Y}_i|}{|Y_i|+|\hat{Y}_i|}$ , где Y и  $\hat{Y}$  — вектор предсказанных и реальных значений целевой переменной.

Пусть  $Score=100\cdot \frac{B-S}{B-J}$ , где S — SMAPE вашего решения, J — SMAPE решения эталона с запасом  $\approx 1\%$ , B — SMAPE наивного решения с запасом  $\approx 2\%$ .

Tогда 
$$ext{Verdict} = \left\{ egin{array}{ll} ext{Ok} & ext{Score} \geq 100 \\ ext{PartiallyCorrect} & 0 \leq ext{Score} < 100 \\ ext{WrongAnswer} & ext{Score} < 0 \end{array} \right.$$

входные данные	
2 1 2015 2045 2016 2076	
выходные данные	
31.0 -60420.0	

-60420.0	
входные данные	
4 1	
1 0	
1 2	
2 2	
2 4	
выходные данные	
2.0	
-1.0	

#### Задачи - Codeforces

He стоит «дудосить» тестирующую систему для подбора оптимальных параметров алгоритма! Их следует настраивать локально используя следующие наборы данных: https://drive.google.com/file/d/1D2xJ6ujn4qR73suNJ64DGosfUlb-xmgD

Эти наборы данных отличаются от тех, на которых будет тестироваться ваше решение, но они получены тем же самым методом генерации. Каждый набор данных начинается с целого положительного числа M ( $1 \leq M \leq 1000$ ) — число признаков. Далее следуют два множества объектов: тренировочное и тестовое. Каждое множество начинается с целого положительного числа  $N_t$  ( $1 \leq N_t \leq 10^4$ ) — число объектов в множестве. Далее следуют  $N_t$  объектов в формате, который соответствует формату задачи на codeforces

# Е. Метод опорных векторов

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Найдите коэффициенты  $\lambda_i$  опорных векторов и сдвиг b, для классификации по формуле

 $class(x)=sign(\sum_i y_i\cdot \lambda_i\cdot k(x,x_i)+b)$  , где x — это векторное описание запрашиваемого объекта, а k — функция ядра.

#### Входные данные

В первой строке находится целое число N ( $1 \leq N \leq 100$ ) — число объектов в обучающем множестве.

Следующие N строк содержат описание объектов по одному объекту на строке. i-й объект описывается N+1 целым числом: первые N из них  $K_{i,j}$  (  $|K_{i,j}| \leq 10^9$ ) — значение функции ядра между i-м и j-м объектом, последнее  $Y_i$  ( $Y_i = \pm 1$ ) — класс i-го объекта.

Далее идёт строка содержащая целое число C ( $1 \le C \le 10^5$ ) — ограничение на коэффициенты  $\lambda_i$ .

#### Выходные данные

Выведите N+1 число с плавающей точкой: первые N чисел — коэффициенты  $\lambda_i$  ( $0 \le \lambda_i \le C, \sum \lambda_i \cdot Y_i = 0$ ) соответствующие объектам из тренировочного множества, последнее число b ( $|b| < 10^{12}$ ) — коэффициент сдвига.

#### Система оценки

Пусть  $Score=100\cdot rac{F-B}{J-B}$  , где  $F-F_1$ -мера вашего решения,  $J-F_1$ -мера решения эталона с запасом  $\approx 1\%$  ,  $B-F_1$ -мера наивного решения с запасом  $\approx 2\%$  .

Тогда 
$$Verdict = egin{cases} Ok & Score \geq 100 \ PartiallyCorrect & 0 \leq Score < 100 \ WrongAnswer & Score < 0 \end{cases}$$

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

6
5 4 6 9 11 10 -1
4 5 6 9 10 11 -1
6 6 8 12 14 14 -1
9 9 12 18 21 21 1
11 10 14 21 25 24 1
10 11 14 21 24 25 1

Выходные данные

0.0
0.0
1.0
1.0
0.0
0.0
-5.0
```

## F. Наивный байесовский классификатор

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Реализуйте наивный байесовский классификатор.

Априорные вероятности классов оцениваются обыкновенным частотным методом.

Для оценки вероятности встречи слов в каждом классе используется модель Бернулли с аддитивным сглаживанием (сглаживание Лапласа)  $p(x)=\frac{count(x)+\alpha}{\sum_{y\in Q} count(y)+\alpha\cdot |Q|}$ , где x — рассматриваемое событие, а Q — множество всех событий.

Каждое слово это отдельный признак с двумя возможными событиями встретилось / не встретилось.

#### Входные данные

В первой строке содержится целое положительное число K (  $1 \leq K \leq 10$ ) — число классов.

Во второй строке содержится K целых положительных чисел  $\lambda_C$  (  $1 \leq \lambda_C \leq 10$ ) — штрафы за ошибки классификации сообщений соответствующих классов.

В третьей строке содержится целое положительное число  $\alpha$  (  $1 \leq \alpha \leq 10$ ) — интенсивность аддитивного сглаживания.

Следующая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 200$ ) — число сообщений в обучающей выборке.

Следующие N строк содержат описания соответствующих сообщений из обучающей выборки. Каждое сообщение в ней начинается с целого положительного числа  $C_i$  ( $1 \le C_i \le K$ ) — класса к которому относится i-е сообщение. Далее следует целое положительное число  $L_i$  ( $1 \le L_i \le 10^4$ ) — число слов в i-м сообщении. Затем следует содержание сообщения —  $L_i$  слов состоящих из маленьких латинских букв.

Далее в отдельной строке содержится целое положительное число  $M\left(1\leq M\leq 200\right)$  — число сообщений в проверочной выборке.

Следующие M строк содержат описания соответствующих сообщений из проверочной выборки. Каждое сообщение в ней начинается с целого положительного числа  $L_j$  ( $1 \le L_j \le 10^4$ ) — число слов в j-м сообщении. Затем следует содержание сообщения —  $L_j$  слов состоящих из маленьких латинских букв.

Гарантируется, что сумма длин всех сообщений в обучающей и проверочной выборках меньше чем  $2\cdot 10^6$ .

#### Выходные данные

Выведите M строк — результаты мягкой классификации оптимального наивного байесовского классификатора соответствующих сообщений из проверочной выборки. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-4}$ .

Каждый j-й результат мягкой классификации должен содержать K чисел  $p_C$  — вероятности того, что j-е сообщение относится к классу C

# BXOДНЫЕ ДАННЫЕ 3 1 1 1 4 1 2 ant emu 2 3 dog fish dog 3 3 bird emu ant 1 3 ant dog bird 5 2 emu emu 5 emu dog fish dog fish 5 fish emu ant cat cat 2 emu cat 1 cat BыХОДНЫЕ ДАННЫЕ 0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681

В примере условные вероятности выглядят следующим образом:

0.1741935484 0.7340501792 0.0917562724

0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681 0.4869739479 0.1710086840 0.3420173681

0.4869739479 0.3420173681 0.1710086840

цачи - Codelorces

$$p(w_x|c_y)$$
 ant bird dog emu fish  $c_1$  3/4 1/2 1/2 1/2 1/4  $c_2$  1/3 1/3 2/3 1/3 2/3  $c_3$  2/3 2/3 1/3 2/3 1/3

Слово cat не рассматривается, так как оно ни разу не встретилось в обучающей выборке.

Для первого запроса X:  $p(c_1)\cdot p(X|c_1)=\frac{2}{4}\cdot \left(1-\frac{3}{4}\right)\cdot \left(1-\frac{1}{2}\right)\cdot \left(1-\frac{1}{2}\right)\cdot \left(\frac{1}{2}\right)\cdot \left(1-\frac{1}{4}\right)$  и  $p(c_1|X)=\frac{3/256}{3/256+1/243+2/243}$ 

# G. Дерево принятия решений

1.5 секунд**⊘**, 256 мегабайт

Постройте дерево принятия решений.

## Входные данные

Первая строка содержит три целых положительных числа M (  $1 \leq M \leq 100$ ) — число признаков у объектов (исключая класс), K (  $1 \leq K \leq 20$ ) — число классов и H ( $1 \leq H \leq 10$ ) — максимальная глубина (в рёбрах) дерева принятия решений.

Вторая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 4000$ ) — число объектов в обучающей выборке.

Следующие N строк содержат описания объектов в обучающей выборке. В i-й из этих N строк перечислено M+1 целое число: первые M чисел  $A_{i,j}$  ( $|A_{i,j}| \leq 10^9$ ) — признаки i-го объекта, последнее число  $C_i$  ( $1 \leq Ci \leq K$ ) — его класс.

#### Выходные данные

Выведите построенное дерево принятия решений.

В первой строке выведите целое положительное число S (  $1 \leq S \leq 2^{11}$  ) — число вершин в дереве.

В следующих S строках выведите описание вершин дерева. В v-й из этих строк выведите описание v-й вершины:

- Если v-я вершина узел, выведите через пробел: заглавную латинскую букву 'Q', целое положительное число  $f_v$  (  $1 \leq f_v \leq M$ ) индекс признака по которому происходит проверка в данном узле, вещественное число с плавающей точкой  $b_v$  константа с которой происходит сравнения для проверки, два целых положительных числа  $l_v$  и  $r_v$  (  $v < l_v, r_v \leq S$ ) индекс вершины дерева в которую следует перейти, если выполняется условие  $A[f_v] < b_v$ , и индекс вершины дерева в которую следует перейти, если условие не выполняется.
- Если v-я вершина лист, выведите через пробел: заглавную латинскую букву 'С' и целое положительное число  $D_v$  (  $1 \leq D_v \leq K$ ) класс объекта попавшего в данный лист.

Вершины нумеруются с единицы. Корнем дерева считается первая вершина.

#### Система оценки

Решение будет проверено на секретном наборе данных. На основании предсказанных и реальных классов вычисляется усреднённая по классам микро  $F_1$ -мера.

Пусть  $Score=100\cdot \frac{F-B}{J-B}$  , где  $F-F_1$ -мера вашего решения,  $J-F_1$ -мера решения эталона с запасом  $\approx 1\%$  ,  $B-F_1$ -мера наивного решения с запасом  $\approx 2\%$  .

Тогда 
$$Verdict = \left\{egin{array}{ll} Ok & Score \geq 100 \\ PartiallyCorrect & 0 \leq Score \leq 100 \\ WrongAnswer & Score < 0 \end{array}
ight.$$

```
входные данные
2 4 2
8
1 2 1
2 1 1
3 1 2
4 2 2
3 4 3
4 3 3
1 3 4
2 4 4
выходные данные
Q 1 2.5 2 5
Q 2 2.5 3 4
C 1
C 4
Q 2 2.5 6 7
C 2
C 3
```

# Н. Логическое выражение

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Постройте искусственную нейронную сеть, вычисляющую логическую функцию f, заданную таблицей истинности.

#### Входные данные

Первая строка содержит целое число M ( $1 \leq M \leq 10$ ) — число аргументов f. Следующие  $2^M$  строк содержат значения f в таблице истинности (0 — ложь, 1 — истина). Строки в таблице истинности последовательно отсортированы по аргументам функции от первого к последнему. Например:

M = 1	M=2	M=3
f(0)	f(0, 0)	f(0, 0, 0)
f(1)	f(1,0)	f(1,0,0)
	f(0,1)	f(0,1,0)
	f(1,1)	f(1,1,0)
		f(0,0,1)
		f(1,0,1)
		f(0,1,1)
		f(1,1,1)

## Выходные данные

1

В первой строке выведите целое положительное число D (  $1 \leq D \leq 2$ ) — число слоёв (преобразований) в вашей сети.

На следующей строке выведите D целых положительных чисел  $n_i$  (  $1 \leq n_i \leq 512$  и  $n_D=1$ ) — число искусственных нейронов на i-м слое. Предполагается, что  $n_0=M$ .

Далее выведите описание D слоёв. i-й слой описывается  $n_i$  строками, описанием соответствующих искусственных нейронов на i-м слое. Каждый искусственный нейрон описывается строкой состоящей из  $n_{i-1}$  вещественных чисел с плавающей точкой  $w_j$  и одного вещественного числа b — описание линейной зависимости текущего нейрона от выходов предыдущего i-го слоя. Линейная зависимость задается по формуле:  $Y = \sum w_j \cdot x_j + b$ . Предполагается, что после каждого вычисления линейной зависимости к её результату применяется функция ступенчатой активации  $a(Y) = \begin{cases} 1 & Y > 0 \\ 0 & Y < 0 \end{cases}$ . Обратите внимание, что в нуле

 $(0 \ Y < 0)$  данная функция не определена, и если в ходе вычисления вашей сети будет вызвана активация от нуля, вы получите ошибку.

ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ
2
0
1
0

```
Выходные данные

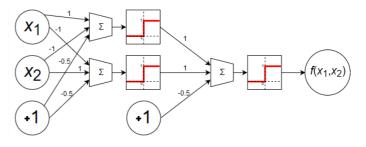
2
2
1
1.0 -1.0 -0.5
1.0 1.0 -1.5
1 1 -0.5
```

```
Входные данные

2
0
1
1
0
Выходные данные

2
2
1
1.0 -1.0 -0.5
-1.0 1.0 -0.5
1 1 -0.5
```

Во втором примере в результате получается следующая сеть:



# Матричная функция

1 секунда**⊘**, 256 мегабайт

Вычислите матричную функцию и её производную по заданному графу вычислений.

## Входные данные

В первой строке содержится три целых положительных числа  $N,\,M,\,K\,(1\leq M,K\leq N\leq 50)$  — число вершин в графе вычислений, число входных параметров (вершин) и число выходных параметров (вершин). Далее следует N строк — описание вершин графа вычислений. i-я из этих строк содержит описание i-й вершины:

- ${\bf var}\ r\ c\ (1\leq r,c\leq 25)$  входной параметр функции, матрица состоящая из r строк и c столбцов.
- $tnh\ x\ (1 \le x < i)$  матрица из значений гиперболического тангенса вычисленного от соответствующих компонент матрицы полученной из x-й вершины графа вычислений.
- rlu  $\alpha^{-1}$  x  $(1 \leq \alpha^{-1} \leq 100, 1 \leq x < i)$  матрица из значений функции параметрического линейного выпрямителя с параметром  $\alpha$  вычисленной от соответствующих компонент матрицы полученной из x-й вершины графа вычислений.  $\alpha^{-1}$  целое число. Производная в нуле равна единице.
- $\operatorname{mul} a \ b \ (1 \leq a,b < i)$  произведение матриц полученных из a-й b-й вершины графа вычислений соответственно.
- **sum**  $len\ u_1\ u_2\ ...\ u_{len}\ (1 \leq len \leq 10,\ \forall_{1 \leq j \leq len}: 1 \leq u_j < i)$  сумма матриц полученных из вершин  $u_1,u_2,\ldots,u_{len}$  графа вычислений.
- had  $len\ u_1\ u_2\ ...\ u_{len}\ (1\leq len\leq 10,\ \forall_{1\leq j\leq len}: 1\leq u_j< i)$  произведение Адамара (покомпонентное) матриц полученных из вершин  $u_1,u_2,\ldots,u_{len}$  графа вычислений.

Гарантируется, что первые M вершин и только они имеют тип  ${\bf var}$ . Последние K вершин считаются выходными. Гарантируется, что размеры матриц аргументов для каждой вершины согласованны.

Далее следует описание M матриц — входных параметров соответствующих вершин графа вычислений в порядке возрастания их индексов.

Затем следует описание K матриц — производных функции по соответствующим выходным вершинам в порядке возрастания их индексов. Обратите внимание, что производные вычислены только из некоторых скрытых вершин. Если какая-та выходная вершина зависит от другой выходной вершины, то соответствующую производную нужно досчитать.

Каждая строка, каждой матрицы расположена на отдельной строке. Матрицы состоят из целых чисел по модулю не превышающих 10.

#### Выходные данные

Выведите K матриц — значение параметров соответствующих выходных вершин графа вычисления в порядке возрастания их индексов. Затем выведите M матриц производных функции по соответствующим входным вершинам в порядке возрастания их индексов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-4}$ .

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

6 3 1
var 1 3
var 3 2
var 1 2
mul 1 2
sum 2 4 3
rlu 10 5
-2 3 5
4 2
-2 0
2 1
4 -2
-1 1
```

#### выходные данные

```
0.0 -0.1

-3.8 2.0 -1.9

2.0 -0.2

-3.0 0.3

-5.0 0.5

-1.0 0.1
```

В примере вычисляется функция

$$ReLU_{lpha=0.1}\left(egin{pmatrix}4&2\\-2&0\\2&1\end{pmatrix}+egin{pmatrix}4&-2\end{pmatrix}
ight)$$
 , а  $\left(-1&1
ight)$  производная по её выходу.

## Свёрточная сеть

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Посчитайте значение выхода свёрточной сети и пересчитайте её производную.

## Входные данные

В первой строке содержится описание входа свёрточной сети, трёхмерной матрицы. Высота этой матрицы совпадает с её шириной. Первое число  $N_0$  ( $1 \leq N_0 \leq 40$ ) — высота и ширина входной трёхмерной матрицы, второе число  $D_0$  ( $1 \leq D_0 \leq 10$ ) — её глубина. Следующие  $D_0 \times N_0 \times N_0$  чисел — описание трёхмерной матрицы, значения её ячеек выписанных в порядке: глубина, высота, ширина.

Следующая строка содержит одно число L ( $1 \leq L \leq 10$ ) — число слоёв (преобразований) в сети.

Следующие L строк содержат описания соответствующих преобразований:

- ${\bf relu} \ \alpha^{-1} \ (1 \le \alpha^{-1} \le 100)$  функции параметрического линейного выпрямителя с параметром  $\alpha$ .
- **pool** S  $(1 \leq S \leq 5)$  операция субдискретизации (подвыборки) по высоте и ширине размера  $S \times S$  с шагом S. В качестве свёртки используется операция максимума. Производная для максимума вычисляется как:  $\frac{\partial \max}{\partial x_i}(x) = 1$  если  $x_i = \max(x)$ , иначе 0.

• bias  $B_1, B_2, \dots, B_D$  ( $|B_i| \leq 10$ ) — операция сдвига, прибавляющая к каждой ячейке матрицы на глубине i значение  $B_i, D$  — глубина матрицы до и после преобразования.

- cnvm H K S P  $A_{1,1,1,1}$ ,  $A_{1,1,1,2}$ , ...,  $A_{H,D,K,K}$   $(1 \le H \le 10)$ ,  $1 \le K \le 5$ ,  $1 \le S \le K$ ,  $0 \le P < K$ ,  $|A_i| \le 10$ ) свёртка с ядром A размера  $H \times D \times K \times K$  с шагом S с зеркальным заполнением рамки размера P, где D глубина матрицы до преобразования. H глубина матрицы после преобразования. Значения ячеек A выписаны в порядке: глубина полученной матрицы, глубина исходной матрицы, высота ядра, ширина ядра.
- **cnve** H K S P  $A_{1,1,1,1}, A_{1,1,1,2}, \ldots, A_{H,D,K,K}$  свёртка с расширением границы. Аналогична предыдущей.
- **cnvc** H K S P  $A_{1,1,1,1}$ ,  $A_{1,1,1,2}$ , . . . ,  $A_{H,D,K,K}$  свёртка с заполнением с циклическим сдвигом. Аналогична предыдущей.

Гарантируется, что размеры всех многомерных матриц согласованы с соответствующими гипер-параметрами преобразований.

В последней строке записана производная по выходу сети.

Все числа во входных данных целые.

#### Выходные данные

Выведите значение выходной трёхмерной матрицы.

Далее выведите производную по входу сети.

Затем для каждого слоя сдвига и свёртки в возрастающем порядке номера слоя выведите производную по его параметрам.

Выходные матрицы могут содержать числа с плавающей точкой. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-4}$ .

Пример заполнения угла рамки для свёрточного слоя:

cnvm	18	17	16	15	16	17	18	19	cnve	0	0	0	0	1	2	3	4	cnvc	12	13	14	10	11	12	13	14
	13	12	11	10	11	12	13	14		0	0	0	0	1	2	3	4		17	18	19	15	16	17	18	19
	8	7	6	5	6	7	8	9		0	0	0	0	1	2	3	4		22	23	24	20	21	22	23	2
	3	2	1	0	1	2	3	4		0	0	0	0	1	2	3	4		2	3	4	0	1	2	3	-
	8	7	6	5	6	7	8	9		5	5	5	5	6	7	8	9		7	8	9	5	6	7	8	9
	13	12	11	10	11	12	13	14		10	10	10	10	11	12	13	14		12	13	14	10	11	12	13	1
	18	17	16	15	16	17	18	19		15	15	15	15	16	17	18	19		17	18	19	15	16	17	18	1
	23	22	21	20	21	22	23	24		20	20	20	20	21	22	23	24		22	23	24	20	21	22	23	2

## К. LSTM сеть

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Дана сеть LSTM для обработки последовательностей.

Каждый блок этой сети вычисляет результат по формулам:  $f_t = \sigma(W_f x_t + U_f h_{t-1} + b_f), i_t = \sigma(W_i x_t + U_i h_{t-1} + b_i) \ ,$   $o_t = \sigma(W_o x_t + U_o h_{t-1} + b_o),$   $c_t = f_t \circ c_{t-1} + i_t \circ tanh(W_c x_t + U_c h_{t-1} + b_c) \ \text{и} \ h_t = o_t \circ c_t \text{, где}$   $x_t - \text{вход } t\text{-го блока}, h_t \text{ и} \ c_t - \text{векторы краткосрочной и}$  долгосрочной памяти,  $o_t$  — выход t-го блока, а  $\circ$  – произведение Адамара.

#### Входные данные

В первой строке находится число N ( $1 \leq N \leq 20$ ) — размер векторов LSTM.

Далее перечислены соответствующие матрицы и вектора  $W_f,\,U_f,\,B_f,\,W_i,\,U_i,\,B_i,\,W_o,\,U_o,\,B_o,\,W_c,\,U_c,\,B_c.$ 

Затем следует число M ( $1 \leq M \leq 20$ ) — число элементов последовательности обрабатываемой LSTM сетью.

Далее следуют два вектора  $h_0$  и  $c_0$ , а также M векторов  $x_t$ .

Затем следует вектора производных сети по выходным векторам  $h_M$  и  $c_M$ , а также M векторов производных по выходам  $o_t$  в обратном порядке  $o_M, o_{M-1}, \dots, o_1$ .

Все вектора записаны N числами разделёнными пробелами на отдельной строке, а матрицы N векторами размера N. Все элементы векторов и матриц целые числа по модулю не превосходящие 10.

#### Выходные данные

Сперва выведите M векторов выходов сети  $o_t$ 

Далее выведите два последних вектора памяти  $h_M$  и  $c_M$ .

Затем выведите M векторов производных сети по входам  $x_t$  в обратном порядке.

Далее выведите два вектора производных сети по  $h_0$  и  $c_0$ .

После выведите производные по соответствующим матрицам и векторам параметров LSTM:  $W_f,\,U_f,\,B_f,\,W_i,\,U_i,\,B_i,\,W_o,\,U_o,\,B_o,\,W_c,\,U_c,\,B_c.$ 

Выходные вектора и матрицы могут содержать числа с плавающей точкой. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}.$ 

# 

#### выходные данные

```
1.233945759863131E-4
-2.875857041962763E-5
-0.23306186831759548
-0.37692699674663843
0.21113860108361812
-0.047420021082055105
0.27102651105684017
0.13551325552842008
0.13551325552842008
0.159905268234481
0.0799526341172405
0.0799526341172405
1.8924865599381104E-4
9.462432799690552E-5
9.462432799690552E-5
-0.10011198258925587
-0.050055991294627934
-0.050055991294627934
```

# L. Коэффициент корреляции Пирсона

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Посчитайте корреляцию Пирсона двух численных признаков.

## Входные данные

Первая строка содержит целое положительное число N (  $1 \le N \le 10^5$  ) — число объектов.

#### Задачи - Codeforces

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа  $x_1$  и  $x_2$   $(-10^9 \le x_1, x_2 \le 10^9)$  — значения первого и второго признака описываемого объекта.

#### Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — корреляцию Пирсона двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

входные данные	
5	
1 4	
2 5	
3 1	
4 2	
5 3	
выходные данные	
-0.500000000	

# М. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Посчитайте ранговую корреляцию Спирмена двух численных признаков.

#### Входные данные

Первая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 10^5)$  — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа  $x_1$  и  $x_2$  ( $-10^9 \le x_1, x_2 \le 10^9$ )— значения первого и второго признака описываемого объекта. Гарантируется, что все значения каждого признака различны.

## Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — коэффициент ранговой корреляции Спирмена двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}\,$ .

входные данные	
5	
1 16	
2 25	
3 1	
4 4	
5 9	
выходные данные	
-0.500000000	

# N. Расстояния

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Посчитайте зависимость категориального признака Y от числового X по внутриклассовому и межклассовому расстоянию:

- Внутриклассовое расстояние  $=\sum_{i,j:y_i=y_j}|x_i-x_j|$
- Межклассовое расстояние  $=\sum_{i,j:y_i 
  eq y_j} |\dot{x}_i x_j|$

## Входные данные

Первая строка содержит одно целое положительное число K (  $1 \leq K \leq 10^5$ ) — максимальное число различных значений Y второго признака.

Следующая строка содержит одно целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 10^5)$  — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых числа x и y ( $|x| \leq 10^7, 1 \leq y \leq K$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта.

## Выходные данные

В первой строке выведите одно целое число — внутриклассовое расстояние.

Во второй строке выведите одно целое число — межклассовое расстояние.

входные данные	
2	
4	
1 1	
2 2	
3 2	
4 1	
выходные данные	
8	
12	

# О. Условная дисперсия

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Вычислите критерий связи двух признаков категориального X и числового Y на основе математического ожидания условной дисперсии D(Y|X). Вероятности для X оцениваются обыкновенным частотным методом.

## Входные данные

Первая строка содержит одно целое положительное число K (  $1 \leq K \leq 10^5$  ) — максимальное число различных значений признака X.

Следующая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа x и y ( $1 \le x \le K$ ,  $|y| \le 10^9$ ) — значения признаков X и Y.

# Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — математическое ожидание условной дисперсии. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

входные данные	
2	
4	
1 1	
2 2	
2 3	
1 4	
выходные данные	
1.25	

# Р. Хи-квадрат

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Посчитайте зависимость двух категориальных признаков согласно критерию хи-квадрат (критерий согласия Пирсона).

#### Входные данные

Первая строка содержит два целых положительных числа  $K_1$  и  $K_2$  (  $1 \leq K_1, K_2 \leq 10^5$ ) — максимальное число различных значений первого и второго признака.

Следующая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа  $x_1$  и  $x_2$  ( $1 \le x_1 \le K_1$  , $1 \le x_2 \le K_2$ ) — значения первого и второго признака описываемого объекта.

#### Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — критерий хи-квадрат зависимости двух признаков у заданных объектов. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

входные д	анные		
2 3			
5			
1 2			
2 1			
1 1			
2 2			
1 3			
выходные	данные		
0.833333333			

В примере реальное число наблюдений наблюдений выглядит как

	1	2	3		1	2	3
1	1	1	1 , а ожидаемое число наблюдений $$	1	1.2	1.2	0.6
2	1	1	0	2	0.8	0.8	0.4

# Q. Условная энтропия

1 секунда⁰, 256 мегабайт

Вычислите критерий связи двух категориальных признаков X и Y на основе математического ожидания условной энтропии H(Y|X). Вероятности оцениваются обыкновенным частотным методом. При расчётах используйте натуральный логарифм ln(x), либо логарифм идентичный натуральному  $\log_e(x)$ .

## Входные данные

Первая строка содержит два целых положительных числа  $K_x$  и  $K_y$  (  $1 \leq K_x, K_y \leq 10^5$ ) — максимальное число различных значений признаков X и Y.

Следующая строка содержит целое положительное число N (  $1 \leq N \leq 10^5$ ) — число объектов.

Следующие N строк содержат описания соответствующих объектов. Каждая из этих N строк содержит описание одного объекта: два целых положительных числа x и y ( $1 \le x \le K_x$ ,  $1 \le y \le K_y$ ) — значения признаков X и Y.

#### Выходные данные

Выведите одно вещественное число с плавающей точкой — математическое ожидание условной энтропии. Допустимая абсолютная и относительная погрешность  $10^{-6}$ .

входные	данные			
2 3				
5				
1 2				
2 1				
1 1				
2 2				
1 3				
выходные данные				
0.93642624	54248438			

06.02.2021 Задачи - Codeforces