

Simulación de Sistemas 3007331
Universidad Nacional de Colombia
Facultad de Minas

Primer examen parcial 25 %

19 de abril de 2022

Bienvenidos al primer examen parcial de Simulación de Sistemas. Esta prueba evaluará su dominio de los conceptos básicos de simulación de sistemas y de simulación de Monte Carlo. Por favor, lea con atención y responda las siguientes preguntas. Debe mostrar su procedimiento.

Selección múltiple, 5 puntos cada una, total 10 puntos. En las siguientes dos preguntas hay cuatro opciones: una, dos o tres pero nunca cuatro pueden ser correctas. Cada opción incorrecta que elija anulará una buena.

1. Respecto a los generadores de números aleatorios es cierto que:

- a) Deben producir números que sigan una distribución uniforme.
- b) La secuencia de números aleatorios producida debe ser reproducible.
- c) Producen secuencias que exhiben autocorrelación y correlación serial.
- d) Las secuencias producidas tienen un ciclo de repetición conocido como periodo.

2. Respecto a las pruebas de aleatoriedad es cierto que:

- a) Una prueba de Kolmogorov-Smirnov sirve para detectar la independencia de una secuencia de números pseudoaleatorios.
- b) En una prueba de frecuencias se compara la distribución de los números generados con la distribución uniforme continua usando la prueba de bondad de ajuste chi-cuadrado.
- c) Una prueba de correlación serial sirve para detectar si una secuencia de números pseudoaleatorios tiene ciclos.
- d) Esperamos que en una secuencia de números pseudoaleatoria la correlación muestral sea igual a la correlación esperada de cero.

3. 20 puntos. El siguiente histograma (Figura 1) muestra los resultados de 50 lanzamientos de un dado. ¿Está cargado este dado? Su respuesta debe basarse en la información suministrada y la prueba correspondiente.

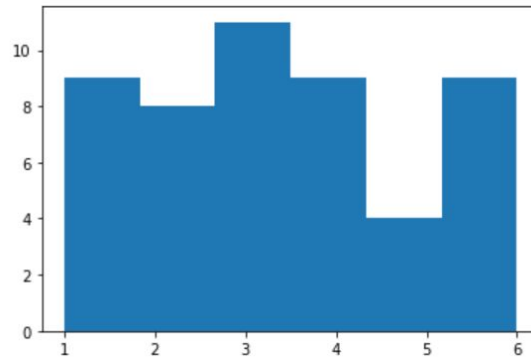


Figura 1: Resultados lanzamiento de dado

4. 30 puntos. La secuencia de números pseudoaleatorios de la Figura 2 se lee de arriba a abajo e izquierda a derecha. Con base en una prueba de rachas (corridas) por debajo y por encima de la media, ¿Qué puede concluir respecto a la aleatoriedad de la secuencia? Por favor, explique la prueba realizada y muestre todo su procedimiento.

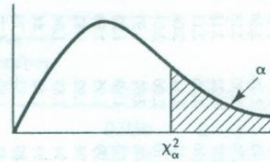
0.358	0.165
0.726	0.004
0.810	0.563
0.503	0.979
0.267	0.909
0.477	0.575
0.368	0.332
0.205	0.294
0.732	0.301
0.883	0.281

Figura 2: Números aleatorios

5. 40 puntos. Por favor mostrar su procedimiento. El tiempo que dura un cliente en la caja de un supermercado es: $0,5 * t + 20 + error$ donde el error se distribuye normalmente con media de cero y varianza de 100 y el tiempo t que el cliente se demora en seleccionar y recoger los

productos se distribuye uniformemente entre 1200 y 1500 segundos. Simule 20 observaciones del tiempo en caja y reporte un intervalo de confianza para el tiempo promedio.

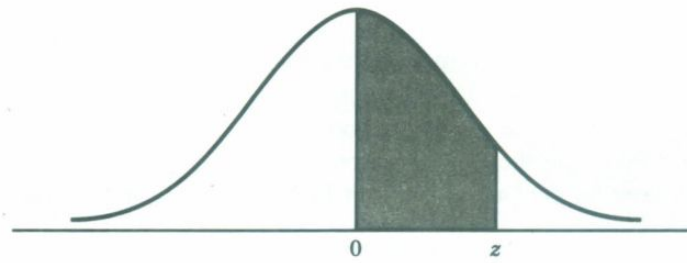
Table A.6. PERCENTAGE POINTS OF THE CHI-SQUARE DISTRIBUTION WITH ν DEGREES OF FREEDOM



ν	$\chi^2_{0.005}$	$\chi^2_{0.01}$	$\chi^2_{0.025}$	$\chi^2_{0.05}$	$\chi^2_{0.10}$
1	7.88	6.63	5.02	3.84	2.71
2	10.60	9.21	7.38	5.99	4.61
3	12.84	11.34	9.35	7.81	6.25
4	14.96	13.28	11.14	9.49	7.78
5	16.7	15.1	12.8	11.1	9.2
6	18.5	16.8	14.4	12.6	10.6
7	20.3	18.5	16.0	14.1	12.0
8	22.0	20.1	17.5	15.5	13.4
9	23.6	21.7	19.0	16.9	14.7
10	25.2	23.2	20.5	18.3	16.0
11	26.8	24.7	21.9	19.7	17.3
12	28.3	26.2	23.3	21.0	18.5
13	29.8	27.7	24.7	22.4	19.8
14	31.3	29.1	26.1	23.7	21.1
15	32.8	30.6	27.5	25.0	22.3
16	34.3	32.0	28.8	26.3	23.5
17	35.7	33.4	30.2	27.6	24.8
18	37.2	34.8	31.5	28.9	26.0
19	38.6	36.2	32.9	30.1	27.2
20	40.0	37.6	34.2	31.4	28.4
21	41.4	38.9	35.5	32.7	29.6
22	42.8	40.3	36.8	33.9	30.8
23	44.2	41.6	38.1	35.2	32.0
24	45.6	43.0	39.4	36.4	33.2
25	49.6	44.3	40.6	37.7	34.4
26	48.3	45.6	41.9	38.9	35.6
27	49.6	47.0	43.2	40.1	36.7
28	51.0	48.3	44.5	41.3	37.9
29	52.3	49.6	45.7	42.6	39.1
30	53.7	50.9	47.0	43.8	40.3
40	66.8	63.7	59.3	55.8	51.8
50	79.5	76.2	71.4	67.5	63.2
60	92.0	88.4	83.3	79.1	74.4
70	104.2	100.4	95.0	90.5	85.5
80	116.3	112.3	106.6	101.9	96.6
90	128.3	124.1	118.1	113.1	107.6
100	140.2	135.8	129.6	124.3	118.5

Source: Robert E. Shannon, *Systems Simulation: The Art and Science*, ©1975, p. 372.
Reprinted by permission of Prentice-Hall, Upper Saddle River, NJ.

Figura 3: Distribución Chi Cuadrado



Example for $z = 0.64$
 $P\{0 \leq N(0, 1) \leq 0.64\} = 0.2389$

Table 1 Area Under the Standard Normal Distribution

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.0000	0.0040	0.0080	0.0120	0.0160	0.0199	0.0239	0.0279	0.0319	0.0359
0.1	0.0398	0.0438	0.0478	0.0517	0.0557	0.0596	0.0636	0.0675	0.0714	0.0753
0.2	0.0793	0.0832	0.0871	0.0910	0.0948	0.0987	0.1026	0.1064	0.1103	0.1141
0.3	0.1179	0.1217	0.1255	0.1293	0.1331	0.1368	0.1406	0.1443	0.1480	0.1517
0.4	0.1554	0.1591	0.1628	0.1664	0.1700	0.1736	0.1772	0.1808	0.1844	0.1879
0.5	0.1915	0.1950	0.1985	0.2019	0.2054	0.2088	0.2123	0.2157	0.2190	0.2224
0.6	0.2257	0.2291	0.2324	0.2357	0.2389	0.2422	0.2454	0.2486	0.2517	0.2549
0.7	0.2580	0.2611	0.2642	0.2673	0.2704	0.2734	0.2764	0.2794	0.2823	0.2852
0.8	0.2881	0.2910	0.2939	0.2967	0.2995	0.3023	0.3051	0.3078	0.3106	0.3133
0.9	0.3159	0.3186	0.3212	0.3238	0.3264	0.3289	0.3315	0.3340	0.3365	0.3389
1.0	0.3413	0.3438	0.3461	0.3485	0.3508	0.3531	0.3554	0.3577	0.3599	0.3621
1.1	0.3643	0.3665	0.3686	0.3708	0.3729	0.3749	0.3770	0.3790	0.3810	0.3830
1.2	0.3849	0.3869	0.3888	0.3907	0.3925	0.3944	0.3962	0.3980	0.3997	0.4015
1.3	0.4032	0.4049	0.4066	0.4082	0.4099	0.4115	0.4131	0.4147	0.4162	0.4177
1.4	0.4192	0.4207	0.4222	0.4236	0.4251	0.4265	0.4279	0.4292	0.4306	0.4319
1.5	0.4332	0.4345	0.4357	0.4370	0.4382	0.4394	0.4406	0.4418	0.4429	0.4441
1.6	0.4452	0.4463	0.4474	0.4484	0.4495	0.4505	0.4515	0.4525	0.4535	0.4545
1.7	0.4554	0.4564	0.4573	0.4582	0.4591	0.4599	0.4608	0.4616	0.4625	0.4633
1.8	0.4641	0.4649	0.4656	0.4664	0.4671	0.4678	0.4686	0.4693	0.4699	0.4706
1.9	0.4713	0.4719	0.4726	0.4732	0.4738	0.4744	0.4750	0.4756	0.4761	0.4767
2.0	0.4772	0.4778	0.4783	0.4788	0.4793	0.4798	0.4803	0.4804	0.4812	0.4817
2.1	0.4821	0.4826	0.4830	0.4834	0.4838	0.4842	0.4846	0.4850	0.4854	0.4857
2.2	0.4861	0.4864	0.4868	0.4871	0.4875	0.4878	0.4881	0.4884	0.4887	0.4890
2.3	0.4893	0.4896	0.4898	0.4901	0.4904	0.4906	0.4909	0.4911	0.4913	0.4916
2.4	0.4918	0.4920	0.4922	0.4925	0.4927	0.4929	0.4931	0.4932	0.4934	0.4936
2.5	0.4938	0.4940	0.4941	0.4943	0.4945	0.4946	0.4948	0.4949	0.4951	0.4952
2.6	0.4953	0.4955	0.4956	0.4957	0.4959	0.4960	0.4961	0.4962	0.4963	0.4964
2.7	0.4965	0.4966	0.4967	0.4968	0.4969	0.4970	0.4971	0.4972	0.4973	0.4974
2.8	0.4974	0.4975	0.4976	0.4977	0.4977	0.4978	0.4979	0.4979	0.4980	0.4981
2.9	0.4981	0.4982	0.4982	0.4983	0.4984	0.4984	0.4985	0.4985	0.4986	0.4986
3.0	0.4987	0.4987	0.4987	0.4988	0.4988	0.4989	0.4989	0.4989	0.4990	0.4990

Figura 4: Distribución Normal Estándar