# Análisis de Datos Categóricos

Tarea 02

Rivera Torres Francisco de Jesús Rodríguez Maya Jorge Daniel Samayoa Donado Víctor Augusto Trujillo Bariios Georgina

Mayo 23, 2019

# Ejercicio 1

Los datos bacalao.csv corresponden a número de bacalaos capturados en diferentes estaciones de pesca. Para cada estación, se provee del ID de la estación, la temperatura promedio del agua  $({}^{\circ}F)$ , la latitud, la longitud y la profundidad máxima.

Utilizando como variable dependiente el número de peces capturados (conteos) y como variables explicativas el resto de las variables, se han generado dos modelos: modelo 1 y modelo 2 Se muestran a continuación las salidas de R para ambos modelos.

ID estación	Latitud	Longitud	Profundidad	Temperatura	Peces capturados
356	71.10	22.43	349	3.95	44
357	71.32	23.68	382	3.75	138
358	71.60	24.90	294	3.45	675
359	71.27	25.88	304	3.65	357
363	71.52	28.12	384	3.35	76
364	71.48	29.10	344	3.65	368

Tabla 1: Datos de la encuesta

```
modelo2<-glm(peces_capturados ~ Latitude + Longitude + Temperature + Depth,
             family = poisson,
             data = Bacalao)
summary(modelo2)
##
## Call:
  glm(formula = peces_capturados ~ Latitude + Longitude + Temperature +
       Depth, family = poisson, data = Bacalao)
##
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
## -24.280
             -9.521
                      -3.173
                                 2.118
                                         49.442
##
## Coefficients:
##
                 Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
```

```
## (Intercept) -0.6384251 0.6400393 -0.997
                                              0.319
## Latitude
               0.0681683 0.0082264 8.286
                                              <2e-16 ***
               0.0926485 0.0022925 40.414
## Longitude
                                              <2e-16 ***
## Temperature 0.1047362 0.0115462
                                     9.071
                                              <2e-16 ***
## Depth
            -0.0056388 0.0001372 -41.107
                                              <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
      Null deviance: 21533 on 88 degrees of freedom
##
## Residual deviance: 15468 on 84 degrees of freedom
## AIC: 16068
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
modelo1<-glm(peces_capturados ~ Latitude + Longitude + Temperature,
            family = poisson,
            data = Bacalao)
summary(modelo1)
##
## Call:
## glm(formula = peces_capturados ~ Latitude + Longitude + Temperature,
      family = poisson, data = Bacalao)
##
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
                1Q
                     Median
                                  3Q
                                          Max
## -24.691 -11.437
                     -4.987
                               3.259
                                       50.310
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept) 2.765474 0.627919 4.404 1.06e-05 ***
             -0.013039
## Latitude
                          0.007901 - 1.650
                                             0.0989 .
## Longitude 0.122820
                          0.002334 52.630 < 2e-16 ***
## Temperature 0.047880 0.011449
                                   4.182 2.89e-05 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 21533 on 88 degrees of freedom
## Residual deviance: 17095 on 85 degrees of freedom
## AIC: 17693
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
anova(modelo1, modelo2, test = "Chisq")
```

2 EJERCICIO 1

Resid. Df	Resid. Dev	Df	Deviance	Pr(>Chi)
85	17095.08	NA	NA	NA
84	15467.93	1	1627.155	0

# Inciso 1.a)

Escribe los modelos 1 y 2 con los valores de los coeficientes, indicando claramente los componentes aleatorio, sistemático y la función liga.

# Inciso 1.b)

Escribe las hipótesis nula  $(H_0)$  y alternativa  $(H_A)$  del Análisis de Devianza que se muestra en la salida de R.

# Inciso 1.c)

Escribe la conclusión de la prueba de Análisis de Devianza para la que escribiste las hipótesis, incluyendo en tu conclusión si vale o no la pena la inclusión de "Depth" (profundidad máxima) en el modelo.

### Inciso 1.d)

Interpreta los coeficientes del modelo 2.

# Ejercicio 2

En el archivo encuesta.csv se encuentran los conteos de una encuesta realizada en EU en donde se les preguntó a adultos si estaban de acuerdo con la distribución de condones a adolescentes (si condón/no condón), si estaban de acuerdo con el sexo premarital (desacuerdo / acuerdo) y su posición política (liberal/demócrata/ repúblicano).

Tabla 3: Datos de la encuesta

Conteos	Posición	Condones	Premarital
172	republicano	no c	sexo no
160	democrata	no c	sexo no
102	liberal	no c	sexo no
40	republicano	si c	sexo no
57	democrata	si c	sexo no
55	liberal	si c	sexo no
32	republicano	no c	sexo si
70	democrata	no c	sexo si

Tabla 3: Datos de la encuesta (continued)

Conteos	Posición	Condones	Premarital
39	liberal	no c	sexo si
26	republicano	si c	sexo si
73	democrata	si c	sexo si
100	liberal	si c	sexo si

```
modeloA <- glm(conteos ~ posicion + condones + premarital,</pre>
               family = poisson,
               data = Encuesta)
summary(modeloA)
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ posicion + condones + premarital, family = poisson,
##
       data = Encuesta)
##
## Deviance Residuals:
     \mathtt{Min}
           1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -4.153 -3.328 -1.673 1.901
                                    7.730
##
## Coefficients:
##
                       Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                       4.95205 0.06375 77.684 < 2e-16 ***
## (Intercept)
## posicionliberal
                       -0.19574
                                   0.07846 -2.495 0.012603 *
## posicionrepublicano -0.28768
                                   0.08051 -3.573 0.000352 ***
## condonessi c
                       -0.49358
                                   0.06774 -7.287 3.17e-13 ***
                     -0.54437
                                   0.06817 -7.985 1.40e-15 ***
## premaritalsexo si
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 305.60 on 11 degrees of freedom
## Residual deviance: 171.04 on 7 degrees of freedom
## AIC: 253.25
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
modeloB <- glm(conteos ~ posicion * condones * premarital,</pre>
               family = poisson,
               data = Encuesta)
summary(modeloB)
##
## Call:
```

```
## glm(formula = conteos ~ posicion * condones * premarital, family = poisson,
      data = Encuesta)
##
##
## Deviance Residuals:
   ##
## Coefficients:
##
                                                     Estimate Std. Error
## (Intercept)
                                                      5.07517
                                                                 0.07906
## posicionliberal
                                                     -0.45020
                                                                 0.12670
## posicionrepublicano
                                                      0.07232
                                                                 0.10984
## condonessi c
                                                     -1.03212
                                                                 0.15425
## premaritalsexo si
                                                     -0.82668
                                                                 0.14330
## posicionliberal:condonessi c
                                                      0.41448
                                                                 0.22755
## posicionrepublicano:condonessi c
                                                     -0.42649
                                                                 0.23368
## posicionliberal:premaritalsexo si
                                                     -0.13473
                                                                 0.23660
## posicionrepublicano:premaritalsexo si
                                                     -0.85508
                                                                 0.24000
## condonessi c:premaritalsexo si
                                                      1.07409
                                                                 0.22755
## posicionliberal:condonessi c:premaritalsexo si
                                                      0.48516
                                                                 0.33971
## posicionrepublicano:condonessi c:premaritalsexo si 0.17689
                                                                 0.39026
##
                                                     z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                                                      64.196 < 2e-16 ***
## posicionliberal
                                                      -3.553 0.000381 ***
## posicionrepublicano
                                                       0.658 0.510254
## condonessi c
                                                      -6.691 2.21e-11 ***
## premaritalsexo si
                                                      -5.769 7.99e-09 ***
## posicionliberal:condonessi c
                                                       1.821 0.068532 .
## posicionrepublicano:condonessi c
                                                      -1.825 0.067988 .
## posicionliberal:premaritalsexo si
                                                      -0.569 0.569053
## posicionrepublicano:premaritalsexo si
                                                      -3.563 0.000367 ***
## condonessi c:premaritalsexo si
                                                       4.720 2.36e-06 ***
## posicionliberal:condonessi c:premaritalsexo si
                                                       1.428 0.153249
## posicionrepublicano:condonessi c:premaritalsexo si
                                                       0.453 0.650363
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
      Null deviance: 3.0560e+02 on 11 degrees of freedom
##
## Residual deviance: -1.8652e-14 on 0 degrees of freedom
## AIC: 96.209
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 3
modeloC <- glm(conteos ~ premarital + condones*posicion,</pre>
              family = poisson,
              data = Encuesta)
summary(modeloC)
```

EJERCICIO 2

5

```
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ premarital + condones * posicion, family = poisson,
       data = Encuesta)
##
## Deviance Residuals:
                          3
                                            5
                                                     6
                                                                       8
## 3.5914
            1.1786
                      1.3215 - 0.2753 - 2.9506 - 4.7474 - 5.6015 - 1.6207
                10
                          11
                                  12
## -1.8566
            0.3547
                     3.3901
                              5.1534
##
## Coefficients:
                                   Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
                                               0.07053 70.616 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                                    4.98052
## premaritalsexo si
                                   -0.54437
                                               0.06817 -7.985 1.40e-15 ***
## condonessi c
                                   -0.57054
                                              0.10973 -5.200 2.00e-07 ***
## posicionliberal
                                   -0.48932
                                               0.10696 -4.575 4.76e-06 ***
## posicionrepublicano
                                   -0.11996
                                               0.09617 -1.247 0.21229
## condonessi c:posicionliberal
                                               0.15995 4.159 3.20e-05 ***
                                    0.66521
## condonessi c:posicionrepublicano -0.55792
                                               0.17915 -3.114 0.00184 **
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
       Null deviance: 305.60 on 11 degrees of freedom
##
## Residual deviance: 122.98 on 5 degrees of freedom
## AIC: 209.19
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
modeloD <- glm(conteos ~ condones + posicion*premarital,</pre>
              family = poisson,
               data = Encuesta)
summary(modeloD)
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ condones + posicion * premarital, family = poisson,
       data = Encuesta)
##
##
## Deviance Residuals:
##
         1
                          3
  3.3575
             2.1124
                      0.4534
                             -4.9907
                                      -2.9491 -0.5924 -0.6821 -2.0721
                 10
                          11
                                   12
## -5.7149
            0.8321
                     2.4234
                              5.7907
##
## Coefficients:
```

```
Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept)
                                         4.90339 0.07258 67.561 < 2e-16
## condonessi c
                                        -0.49358
                                                   0.06774 -7.287 3.17e-13
## posicionliberal
                                        -0.32365 0.10477 -3.089 0.002008
## posicionrepublicano
                                        -0.02331 0.09657 -0.241 0.809248
## premaritalsexo si
                                        -0.41705
                                                   0.10771 -3.872 0.000108
## posicionliberal:premaritalsexo si
                                         0.29528
                                                   0.15863 1.861 0.062689
## posicionrepublicano:premaritalsexo si -0.87909
                                                   0.18319 -4.799 1.60e-06
## (Intercept)
                                        ***
## condonessi c
                                        ***
## posicionliberal
## posicionrepublicano
## premaritalsexo si
                                        ***
## posicionliberal:premaritalsexo si
## posicionrepublicano:premaritalsexo si ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 305.60 on 11 degrees of freedom
## Residual deviance: 127.41 on 5 degrees of freedom
## AIC: 213.62
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
modeloE <- glm(conteos ~ posicion + condones*premarital,</pre>
              family = poisson,
              data = Encuesta)
summary(modeloE)
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ posicion + condones * premarital, family = poisson,
##
      data = Encuesta)
## Deviance Residuals:
           1Q
                     Median
                                  3Q
##
      Min
                                          Max
## -4.7227 -1.0642 -0.5804
                              1.1670
                                       4.2070
##
## Coefficients:
                                 Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept)
                                  5.12827
                                             0.06326 81.065 < 2e-16 ***
## posicionliberal
                                             0.07846 -2.495 0.012603 *
                                 -0.19574
## posicionrepublicano
                                 -0.28768
                                             0.08051 -3.573 0.000352 ***
## condonessi c
                                 -1.04916
                                             0.09425 -11.132 < 2e-16 ***
                                 -1.12428
                                             0.09693 -11.598 < 2e-16 ***
## premaritalsexo si
```

```
## condonessi c:premaritalsexo si 1.39371
                                              0.14491
                                                        9.617 < 2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
##
       Null deviance: 305.597 on 11 degrees of freedom
## Residual deviance: 74.325 on 6
                                     degrees of freedom
## AIC: 158.53
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
modeloF <- glm(conteos ~ condones*posicion + condones*premarital + posicion*premarital,
               family = poisson,
               data = Encuesta)
summary(modeloF)
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ condones * posicion + condones * premarital +
      posicion * premarital, family = poisson, data = Encuesta)
##
## Deviance Residuals:
                              3
                                        4
                                                  5
                                                            6
##
          1
## -0.02677
            -0.31740
                        0.44208
                                  0.05572
                                            0.54949
                                                     -0.57816
                                                                0.06234
##
          8
                    9
                             10
                                       11
                                                 12
   0.49355 - 0.67967
                      -0.06860
                                 -0.46536
                                            0.44661
##
##
## Coefficients:
                                         Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept)
                                          5.10016
                                                     0.07541 67.630 < 2e-16
## condonessi c
                                         -1.13079
                                                     0.13460 -8.401 < 2e-16
## posicionliberal
                                         -0.51928
                                                     0.11821 -4.393 1.12e-05
## posicionrepublicano
                                          0.04937
                                                     0.10457
                                                              0.472 0.63683
## premaritalsexo si
                                                     0.12763 -7.140 9.34e-13
                                         -0.91124
## condonessi c:posicionliberal
                                          0.63420
                                                     0.16799
                                                              3.775 0.00016
## condonessi c:posicionrepublicano
                                                     0.18779 -1.804 0.07130
                                         -0.33869
## condonessi c:premaritalsexo si
                                          1.28630
                                                     0.14862
                                                             8.655
                                                                     < 2e-16
## posicionliberal:premaritalsexo si
                                                     0.16805
                                                             0.600 0.54854
                                          0.10082
## posicionrepublicano:premaritalsexo si -0.78360
                                                     0.19042 -4.115 3.87e-05
##
## (Intercept)
                                         ***
## condonessi c
                                         ***
## posicionliberal
## posicionrepublicano
## premaritalsexo si
                                         ***
## condonessi c:posicionliberal
                                         ***
## condonessi c:posicionrepublicano
```

8

```
## condonessi c:premaritalsexo si
## posicionliberal:premaritalsexo si
## posicionrepublicano:premaritalsexo si ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
       Null deviance: 305.5974 on 11 degrees of freedom
## Residual deviance:
                        2.0664 on 2 degrees of freedom
## AIC: 94.275
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 3
modeloG <- glm(conteos ~ condones*posicion + posicion*premarital,</pre>
               family = poisson,
               data = Encuesta)
summary(modeloG)
##
## Call:
## glm(formula = conteos ~ condones * posicion + posicion * premarital,
##
       family = poisson, data = Encuesta)
##
## Deviance Residuals:
                2
                        3
                                4
##
        1
                                        5
                                                6
   0.923
            1.770
                    2.980
                          -1.712 -2.538 -3.195 -1.877 -2.332 -3.625
##
##
       10
               11
                       12
   2.809
           2.797
                    3.017
##
##
## Coefficients:
                                         Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
##
## (Intercept)
                                           4.9319
                                                      0.0786 62.745 < 2e-16
## condonessi c
                                          -0.5705
                                                      0.1097 -5.200 2.0e-07
## posicionliberal
                                          -0.6172
                                                      0.1275 -4.840 1.3e-06
## posicionrepublicano
                                           0.1444
                                                      0.1100
                                                              1.313 0.189122
## premaritalsexo si
                                          -0.4170
                                                      0.1077 -3.872 0.000108
## condonessi c:posicionliberal
                                           0.6652
                                                      0.1600
                                                              4.159 3.2e-05
## condonessi c:posicionrepublicano
                                          -0.5579
                                                      0.1792 -3.114 0.001844
## posicionliberal:premaritalsexo si
                                           0.2953
                                                      0.1586 1.861 0.062689
## posicionrepublicano:premaritalsexo si
                                         -0.8791
                                                      0.1832 -4.799 1.6e-06
##
## (Intercept)
## condonessi c
## posicionliberal
## posicionrepublicano
## premaritalsexo si
                                         ***
## condonessi c:posicionliberal
                                         ***
```

Resid. Df	Resid. Dev	Df	Deviance	Pr(>Chi)
2 0	2.066	NA	NA	NA
	0.000	2	2.066	0.356

# Inciso 2.a)

Haz una tabla con las devianzas, grados de libertad, AIC, términos incluidos en cada modelo ajustado y tipo de independencia

### Inciso 2.b)

Escribe las hipótesis nula  $(H_0)$  y alternativa  $(H_A)$  del Análisis de Devianza que se muestra en la salida de R.

#### Inciso 2.c)

Escribe la conclusión de la prueba de Análisis de Devianza para la que escribiste las hipótesis, incluyendo en tu conclusión si vale o no la pena la inclusión de la triple interacción en el modelo.

#### Inciso 2.d)

Elige al mejor modelo justificando la elección en el AIC, devianzas, grados de libertad y parsimonia.

# Inciso 2.e)

10

¿El mosaicplot que elegiste apoya tu elección? Justifica tu respuesta.