

### 3) Somme de deux signaux sinusoïdaux

#### 3.1 Signaux de même fréquence $f$

Soient  $s_1(t)$  et  $s_2(t)$  des signaux sinusoïdaux de même fréquence  $f$ , dont les valeurs complexes associées sont  $\underline{S}_1$  et  $\underline{S}_2$ , on peut énoncer :

**Propriété fondamentale 1** : la somme  $s(t)$  de deux signaux sinusoïdaux  $s_1(t)$  et  $s_2(t)$  de même fréquence  $f$  est également un signal sinusoïdal de fréquence  $f$ .

**Propriété fondamentale 2** : la valeur complexe  $\underline{S}$  associée à la somme  $s(t) = s_1(t) + s_2(t)$  est la somme des valeurs complexes associées à  $s_1(t)$  et à  $s_2(t)$ , et inversement.

Autrement dit :  $s(t) = s_1(t) + s_2(t)$  équivaut à  $\underline{S} = \underline{S}_1 + \underline{S}_2$ .

#### 3.2 Signaux de fréquences différentes $f_1$ et $f_2$

Soient  $s_1(t)$  un signal sinusoïdal de fréquence  $f_1$  et  $s_2(t)$  un signal sinusoïdal de fréquence  $f_2$ , avec  $f_2$  différente de  $f_1$ . La somme  $s(t) = s_1(t) + s_2(t)$  n'est pas un signal sinusoïdal.

Il en résulte que la relation  $\underline{S} = \underline{S}_1 + \underline{S}_2$  n'a aucun sens dans ce cas.

## III- NOTION DE PUISSANCE RÉGIME SINUSOIDAL

Considérons un dipôle traversé par un courant  $i(t)$  et soumis à une tension  $u(t)$  telles que :

$$u(t) = U\sqrt{2} \sin(\omega t + \varphi_u) \text{ avec } U: \text{Val eff}, \omega: \text{rafas...} \text{ et } \varphi_u = \text{phase à l'origine}$$
$$i(t) = I\sqrt{2} \sin(\omega t + \varphi_i) \text{ avec } I: \text{Val eff}, \omega: \text{...} \text{ et } \varphi_i = \text{...}$$

-  $P_{\text{instant}} \rightarrow p(t)$

$$p(t) = u(t) = I(t)$$

①  $P_{\text{active}} \rightarrow P$

$$P = \langle p(t) \rangle = U \times I \times \cos \varphi_{ui} \leftarrow \text{déphasage}$$

-  $P_{\text{apparente}} \rightarrow S$

$$S = U \times I$$

V.A

-  $P_{\text{réactive}} \rightarrow Q$

$$Q = U \times I \times \sin \varphi_{ui}$$

VAR

## IV - DÉPHASAGE ENTRE DEUX GRANDEURS SINUSOIDALES

### 1- Définition

On appelle déphasage  $\varphi_{ui}$  de la tension  $u$  par rapport au courant  $i$ , la différence entre la phase à l'origine  $\varphi_u$  de  $u(t)$  et la phase à l'origine  $\varphi_i$  de  $i(t)$  :  $\varphi_{ui} = \varphi_u - \varphi_i$

Remarque :  $\varphi_{ui} > 0$  signifie que  $u$  est en « avance » par rapport à  $i$  (ou que  $i$  est en "retard" par rapport à  $u$ ).  
 $\varphi_{ui} < 0$  signifie que  $u$  est en « retard » par rapport à  $i$  (ou que  $i$  est en "avance" par rapport à  $u$ ).