

# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

"МИРЭА - Российский технологический университет"

#### РТУ МИРЭА

Институт информационных технологий (ИТ) кафедра математического обеспечения и стандартизации информационных технологий

## ОТЧЕТ ПО ПРАКТИЧЕСКОЙ РАБОТЕ №14

#### по дисциплине

«Структуры и алгоритмы обработки данных»

Выполнил студент группы ИКБ	O-01-19	Рогов Д.В.					
Принял старший преподавате	ль	Грушицын А.					
«Зачтено»	« <u> </u> »	2020Γ.					

### Оглавление

	Задание 1	3
	Задание 2	
	Задание 3.	
	Задание 4.	
	Задание 5	4
	Задание 6	5
B	ыволы:	. 6

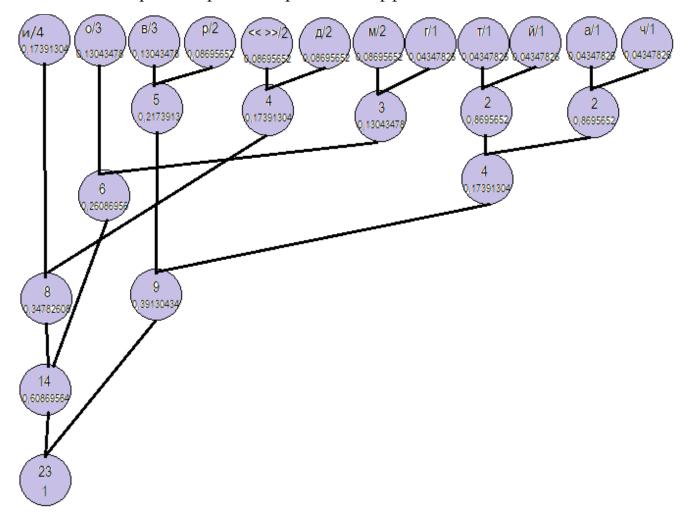
**Задание 1.** Построить таблицу частот встречаемости символов в исходной строке символов для чего сформировать алфавит исходной строки и посчитать количество вхождений (частот) символов и их вероятности появления, для строки **рогов дмитрий вадимович** такая таблица будет иметь вид:

											Табли	ица част
Алфавит	р	0	Г	В	<b>&lt;&lt;&gt;&gt;&gt;</b>	Д	М	И	Т	й	a	Ч
Кол. вх.	2	3	1	3	2	2	2	4	1	1	1	1
Вероятн.	0,08695652	0,13043478	0,04347826	0,13043478	0,08695652	0,08695652	0,08695652	0,17391304	0,04347826	0,04347826	0,04347826	0,04347826

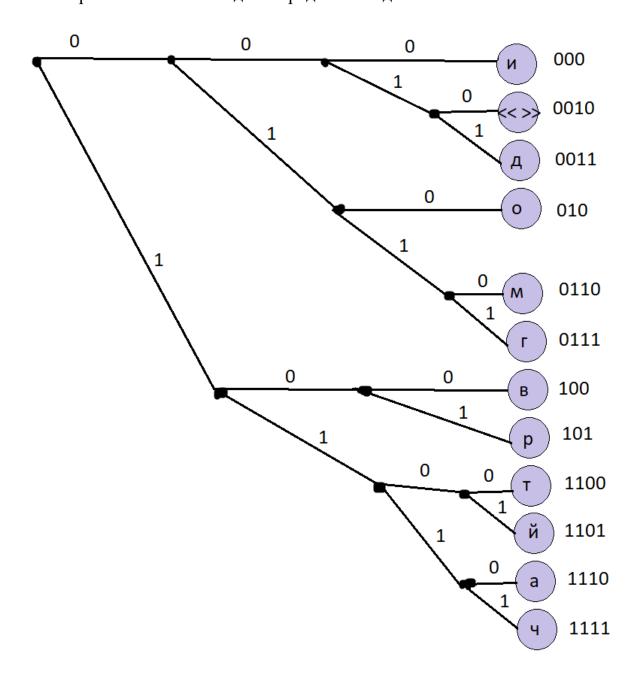
Задание 2. Отсортировать алфавит в порядке убывания частот появления символов:

Таблица отсортированных част												
Алфавит	И	0	В	р	<b>&lt;&lt;&gt;&gt;&gt;</b>	Д	М	Г	Т	й	a	Ч
Кол. вх.	4	3	3	2	2	2	2	1	1	1	1	1
Вероятн.	0,17391304	0,13043478	0,13043478	0,08695652	0,08695652	0,08695652	0,08695652	0,04347826	0,04347826	0,04347826	0,04347826	0,04347826

Задание 3. Построить дерево кодирования Хаффмана:



**Задание 4.** Упорядочить построенное дерево слева-направо (при необходимости). Присвоить ветвям коды. Определить коды символов:



Задание 5. Провести кодирование исходной строки:

рогов«» дмитрий «» 101 010 0111 010 100 0010 0011 0110 000 1100 101 000 1101 0010 вадимович 100 1110 0011 000 0110 010 100 000 1111 Рассчитать коэффициенты сжатия относительно кодировки ASCII и относительно равномерного кода.

Коэффициент сжатия относительно использования кодировки ASCII (8 бит/символ).

$$S_{ASCII} = 8 \cdot 23 = 184$$
 бит

$$S_{\text{HUFF}} = 4 \cdot 11 + 3 \cdot 12 = 80 \, \text{бит}$$

Значит коэффициент сжатия относительно кодировки ASCII будет равен:

$$\mathbf{K}_{\mathrm{ASCII}} = \frac{S_{ASCII}}{S_{HUFF}} \approx 2.3$$

Коэффициент сжатия относительно равномерного кода (5 бит/символ, т. к. у нас всего 23 символа) будет равен:

$$\mathbf{K}_{\text{равн.код}} = \frac{23 \cdot 5}{S_{HUFF}} = \frac{115}{80} \approx 1,4375$$

Задание 6. Рассчитать среднюю длину полученного кода и его дисперсию.

Рассчитаем среднюю длину полученного кода по формуле

$$l_{\text{cp.}} = \sum_{S} p_{S} \cdot l_{S}$$

где s — множество символов алфавита;  $p_s$  — вероятность появления символа;  $l_s$  — количество бит в коде символа.

Для полученного кода средняя длина будет равна

$$l_{\text{ср.}} = 3 \cdot 0.17391304 + 6 \cdot 0.13043478 + 24 \cdot 0.08695652 + 20 \cdot 0.04347826 = =3,4782608$$
 бит/символ

Дисперсия рассчитывается по формуле:

$$\delta = \sum_{S} p_{S}(l_{S} - l_{\rm cp})^{2}$$

Для полученного кода дисперсия будет равна:

$$\delta = 0.17391304 \cdot (3 - 3.4782608)^2 + 2 \cdot 0.13043478 \cdot (3 - 3.4782608)^2 + 0.08695652 \cdot (3 - 3.4782608)^2 + 3 \cdot 0.08695652 \cdot (4 - 3.4782608)^2 + 5 \cdot 0.04347826 \cdot (4 - 3.4782608)^2 = 0.249527$$

Для уменьшения дисперсии кода существует правило: когда на дереве имеется более двух узлов с наименьшей вероятностью, следует объединять символы с наибольшей и наименьшей вероятностью; это сокращает общую дисперсию кода.

#### Выводы:

В ходе данной практической работы я изучил алгоритм оптимального префиксного кодирования Хаффмана и его использование для сжатия сообщений. Убедился в корректности данного алгоритма и его необходимости для сжатия данных.

Данный алгоритм позволяет значительно уменьшить объем необходимой информации путем измерения вероятности использования символа. Что было продемонстрированно в практической работе.