

هوالحق

مستند پروژه پایانترم ساختمان داده

استاد فاطمی

ارائه دهنده : فاطمه جانثاری و ریحانه خرمیان



● بخش مشتری

- در این بخش در ابتدا غذاهای روز از کاربر گرفته و در منوی غذاها ذخیره می‌شود.
(از مرتبه ی $O(n)$ که n تعداد غذاست)
- سپس نقشه ی رستوران را کاربر وارد میکند و با تابع `mapToGraph` تبدیل به گراف میشود و در همان حین میزها هم به ترتیب الفبا ذخیره می‌شوند.
(از مرتبه ی $O(n^2)$ که n ابعاد آرایه‌ی مرتبه دو نقشه است)
- بعد از این رستوران باز شده و مشتری ها یکی یکی وارد میشوند(نام و مدت زمان صرف غذا) و از بین غذاهای روز انتخاب می‌کنند(اطلاعات آنها داخل یک صف ذخیره میشوند).
(از مرتبه $O(n*m)$ که n تعداد افراد و m تعداد غذاهاست)
- سپس با فراخوانی تابع `enteringPeople` افراد، به تعداد میزهای موجود، به مکان مناسب راهنمایی میشوند (هر فرد که مستقر می‌شود اطلاعات آن داخل یک صف اولویت ذخیره می‌شود)
(از مرتبه ی $O(n)$ که n تعداد میزهاست)
- زمانی که ظرفیت رستوران تکمیل شد افراد باقی مانده صبر می‌کنند تا نفرات داخل رستوران یکی یکی غذایشان تمام شود و میزها خالی شوند. در اینجا با فراخوانی تابع `exitingPeople` مشتری های داخل رستوران به ترتیب زمان تمام شدن غذایشان از صف خارج شده و از افرادی که داخل صف انتظارند جایگزین آنها می‌شود. تا اینکه افراد در صف انتظار تمام شوند.
(از مرتبه ی $O(n)$ که n تعداد افراد در صف انتظار است)

● بخش آشپزخانه

ابتدا ورودی ها را مطابق نمونه ای که در تست کیس داده شده از کاربر دریافت می کنیم. و هر غذا در کلاس Food و پیش نیازهای آن در یک گراف که داخل کلاس آن غذا است ذخیره می شود. و همه غذاها نیز در آرایه ای در کلاس kitchen ذخیره می شوند.

✓ حذف یک غذا و تمام نیازمندی های آن: یک غذا از لیست غذاهای داخل آشپزخانه حذف می شود. و از $O(1)$ انجام می شود.

✓ دریافت غذا با بیشترین نیازمندی: در تابع `getFoodWithMaxRequisites` بین غذاها جستجو می کند و غذا با بیشترین نیازمندی را برمی گرداند. مرتبه زمانی $O(n)$: که n تعداد غذاهاست.

✓ اضافه کردن یک رابطه دوتایی: بعد از دریافت رابطه دوتایی از کاربر، آنها را به تابع `addARelationship` می فرستیم و از آنجا هم به تابع `setEdgeWithoutCycle` (در حالت عادی که کاربر به ما ورودی می دهد فرض بر این است که ورودی ها درست اند و دور ایجاد نمی کنند اما اینجا برای اطمینان از این تابع استفاده می کنیم). در این تابع، ابتدا ما این رابطه دوتایی داده شده را به گراف اضافه می کنیم اما بعد چک می کنیم که دور به وجود نیامده باشد. اگر دور به وجود آمد، این یال را حذف می کنیم.

برای همه گره های گراف یکبار چک می کنیم؛ یعنی هر گره اگر ویزیت نشده بود به تابع `checkCycle` می رود. تابع `checkCycle` از الگوریتم `dfs` استفاده می کند. به این صورت که هر نودی که به آن داده می شود را ویزیت می کند بعد در یک حلقه، همه همسایه های آن گره را چک می کند اگر ویزیت نشده بودند، دوباره به صورت بازگشتی وجود یا عدم وجود دور در آنها را چک می کند. اما اگر ویزیت شده بودند و در همین `dfs` ویزیت شده بودند، این یعنی که ما دور داشته ایم پس تابع مقدار `true` برمی گرداند.

مرتبه زمانی این قسمت $O(n + E)$: که n تعداد گره ها و E تعداد یال ها است. چون برای هر گره یکبار `dfs` می زنیم در واقع مثل این است که برای کل گراف الگوریتم `dfs` را انجام دهیم پس در نهایت مرتبه زمانی همان مرتبه زمانی الگوریتم `dfs` می شود.

✓ دریافت غذا با بیشترین زمان و کمترین زمان: برای هر کدام یکبار بین غذاهای آشپزخانه جستجو می کنیم و غذا با بیشترین/کمترین زمان را برمی گردانیم. برای پیدا کردن زمان نهایی هر غذا هم از تابع `getTotalTime` استفاده می کنیم که با یک حلقه روی نیازمندی ها زمان کل را پیدا می کند.

مرتبۀ زمانی $O(n * m)$: که n تعداد غذاها و m تعداد گره های گراف غذاست.

✓ پیدا کردن دستور غذای مرتب شده: برای این کار به مرتب سازی توپولوژیکی نیاز داریم .

○ اولین سورت `topologicalSort` بر پایه الگوریتم `kahn` است که اول گره هایی که درجه ورودی شان صفر است را ویزیت می کند و به همین ترتیب ادامه می دهد و از گره های ویزیت نشده گره های با درجه ورودی صفر را ویزیت می کند و ...

مرتبۀ زمانی آن $O(n + E)$ است که n تعداد گره ها و E تعداد یال هاست. چون برای هر گره که در صف هست چک می کند و در چک کردن هر بار همسایه های آن گره را بررسی می کند پس حلقه داخلی به تعداد یال ها انجام می شود.

○ دومین سورت `topologicalSort2` بر پایه الگوریتم `dfs` است. به این صورت که برای هر گره `dfs` را ادامه می دهد تا به پایین ترین گره برسد و آن را به استک پوش می کند و به همین ترتیب بالا می آید. بعد از اتمام وقتی یکی یکی از استک پاپ کنیم لیست مرتب شده را به دست می آوریم .

مرتبۀ زمانی آن همان مرتبۀ زمانی الگوریتم `dfs` است یعنی $O(n + E)$ که n تعداد گره ها و E تعداد یال هاست .

ما این دو سورت را نوشته و امتحان کردیم اما برای تعداد زیاد داده جواب نمی داد و مرتبۀ زمانی زیادی داشت برای همین الگوریتم دیگری با مرتبۀ زمانی کمتر پیدا کردیم :

○ سومین سورت : `topologicalSort3` در این روش ما همه گره های گراف را در یک لیست می ریزیم. بعد روی یال ها یک حلقه می زنیم و برای هر یال مثلاً از A به B چک می کنیم که آیا در لیست گره ها، A قبل از B قرار دارد یا نه (چون A قبل از B باید اجرا شود) اگر اینطور نبود جای A و B را با هم عوض می کنیم. بعد از اتمام حلقه بازهم از اول لیست را چک می کنیم تا اگر با این

جابه‌جایی‌ها ترتیب بعضی گره‌ها به هم خورده درست شود. و در پایان لیست ما به ترتیب مرتب می‌شود.
مرتبه زمانی این الگوریتم $O(E)$ است که E تعداد یال‌هاست. چون حلقه ما فقط به تعداد یال‌های گراف اجرا می‌شود.

● بخش مهمانی

در ورودی دستور لازم گرفته می‌شود.

✓ Search :

برای این دستور ریشه و کلید مورد نظر داده می‌شود، سپس درواقع جستجوی باینری انجام می‌شود و کلید با ریشه مقایسه می‌شود اگر کوچکتر بود سرچ برای سمت چپ انجام می‌شود و اگر بزرگتر بود سرچ برای سمت راست انجام می‌شود تا کلید یافت شود اگر به انتها رسیدیم و پیدا نشد null بر می‌گردانیم و اگر پیدا شد خود نود را. این بخش از مرتبه $O(\log n)$ است.

✓ Insert:

در ابتدای این بخش ابتدا شبیه به سرچ در درخت جستجو می‌شود که کجا مناسب قرارگیری عنصر جدید است زمانی که به null رسید همانجا یک نود جدید اضافه می‌شود. سپس برای ریشه عدد توازن مشخص می‌شود. سپس این عدد توازن برای هر گره به همراه نسبت آن با گره‌های فرزند سنجیده می‌شود و اگر نیاز به تغییر و جابه‌جایی بود اعلام می‌کند و چرخش متناسب با آن انجام می‌شود.
دو نوع چرخش داریم:

چرخش راست و چپ

چرخش راست نود با عدد توازن نامناسب را به عنوان y می‌گیرد. فرزند سمت چپ k قرار است به عنوان ریشه در نهایت داده شود به عنوان x مشخص می‌شود. فرزند سمت راست x به نام $T2$ ذخیره می‌شود. سپس y در جایگاه فرزند سمت راست x قرار گرفته و $T2$ می‌شود فرزند چپ y و چرخش انجام می‌شود.

چرخش چپ هم به همین صورت در جهت عکس. و در انتهای تابع insert ریشه ی نهایی درخت داده می‌شود.
این بخش از مرتبه ی زمانی $O(\log n)$ است

✓Delete:

در تابع نود ریشه و کلید داده میشود(در ورودی نام مهمان داده می‌شود که توسط پیمایش pre-order نود ها جستجو میشوند و کلید متناسب با آن نام داده می‌شود) سپس در ابتدا باهم روند جستجوی دو دویی نود مورد نظر پیدا می‌شود. بعد از پیدا شدن بررسی می‌شود که چند فرزند دارد:
اگر هیچ فرزندی نداشت که به راحتی نود را null میکنیم .
اگر یک فرزند داشت آن فرزند را جایگزینش میکنیم .
اگر دو فرزند داشت فرزند سمت راست که بزرگتر است را جایگزین آن میکنیم و اگر فرزندان هم فرزند داشتند به همین صورت برایشان عمل می‌شود.
در نهایت باز عدد توازن ریشه بررسی می‌شود و اگر نیاز به چرخش بود انجام می‌شود.
این بخش نیز از مرتبه ی زمانی $O(\log n)$ است

✓ShowTree:

در اینجا ابتدا نود ریشه داخل یک لیست ذخیره می‌شود. سپس ارتفاع درخت معلوم شده و متناسب با آن تعدادنود های درخت کامل این ارتفاع ذخیره می‌شود. (برای چاپ زیبا تر) سپس برای هر نود که داخل لیست اولیه هست مراحل چاپ انجام می‌شود و فرزندان آن داخل لیست ذخیره میشوند.
برای چاپ :
هر نود ، به انداره ی تقسیم تعداد نود بر دو به توان شمارنده ی مورد نظر، تب می‌خورد و از ابتدای خط فاصله می‌گیرد. سپس نام مهمان و شماره نوبت آن چاپ می‌شود.
این بخش از مرتبه ی زمانی $O(n \log n)$ است. (حلقه ی وایل به اندازه ی ارتفاع درخت طی می‌شود و داخل حلقه از مرتبه ی n قرار است تب زده شود).