# E2DSD — Journal #2 "Arithmetic and Logical Operators" og "Dataflow-style Combinatorial Designs"

Gruppe #37 Adam Ryager Høj — 201803767 Rasmus Kahr — 201803491 Hoang Phuoc Pho Tran — 201507142

2020-03-17

# Indhold

1	Øvelse 3 — Arithmetic and Logical Operators		3
	1.1	Signed and Unsigned Arithmetic	3
	1.2	Concatenation	8
	1.3	Multiplication	10
2	Øvelse 4 — Dataflow-style Combinatorial Designs		
	2.1	Binary to 7-Segment Decoder Using Selected Signal Assignment .	14
		The Conditional Signal Assignment	17
		Table Lookup	

# 1 Øvelse 3 — Arithmetic and Logical Operators

I denne øvelse er en testbench brugt, hvorpå alle switches og LED'er er mappet til, se source code table 1.

```
LIBRARY ieee;

USE ieee.std_logic_1164.ALL;

USE work.ALL;

ENTITY UnitUnderTest IS

PORT (

SW : IN std_logic_vector(17 DOWNTO 0);

LEDR : OUT std_logic_vector(17 DOWNTO 0);

LEDG : OUT std_logic_vector(7 DOWNTO 0));

END;

ARCHITECTURE structural OF UnitUnderTest IS

BEGIN

ARCHITECTURE structural OF UnitUnderTest IS

BEGIN

PORT MAP

PORT MAP

- UUTO : ENTITY fourbitaddersimple(CarryImpl)

- PORT MAP

- OUTO - INPUTS
```

Tab. 1: Testbench setup

# 1.1 Signed and Unsigned Arithmetic

# 1.1.1 Introduktion

Ved at udnytte VHDLs indbyggede arithmetiske funktioner, har vi mulighed for at simplificere four-bit-adderen fra øvelse 2 (Ø2). Dette vil ske vha. *casting* fra std\_logic\_vector til unsigned / signed.

Vi har i denne opgave, skrevet og testet 3 four-bit-adders: signed, unsigned og unsigned w. carry,

# 1.1.2 Design og implementering

Vi brugte i Ø2 std\_logic\_vector som input og output - dette vil ske igen.

Dog bliver både signalet der behandles, midlertidigt lavet om til enten signed eller unsigned.

Dette giver mulighed for at bruge regneoperatorer på en ny måde - der kan adderes, trækkes fra, multipliceres og divideres. Den fulde entity, med de tilhørende architectures ses i source code table 2, 3 og 4, det hele er samlet i én fil.

```
1 LIBRARY IEEE;
2 USE ieee.std_logic_1164.ALL;
3 USE ieee.numeric std.ALL;
4 ENTITY fourbitaddersimple IS
      PORT (
          A, B : IN std_logic_vector(3 DOWNTO 0);
          Cin : IN std_logic := '0';
           A_out : OUT std_logic_vector(3 DOWNTO 0);
           B_out : OUT std_logic_vector(3 DOWNTO 0);
           SUM : OUT std_logic_vector(3 DOWNTO 0);
           Cout : OUT std_logic := '0');
12 END fourbitaddersimple;
13
  -- Unsigned with Carry
14
15 ARCHITECTURE CarryImpl OF fourbitaddersimple IS
      SIGNAL ua : unsigned(4 DOWNTO 0);
17
      SIGNAL ub : unsigned(4 DOWNTO 0);
18
      SIGNAL uc : unsigned(4 DOWNTO 0);
19
      SIGNAL usum : unsigned(4 DOWNTO 0);
20
21
22 BEGIN
      A_out <= a;
23
      B_out <= b;
24
      ua <= resize(unsigned(a), 5);</pre>
      ub <= resize(unsigned(b), 5);</pre>
26
      uc \ll (0 \Rightarrow Cin, OTHERS \Rightarrow '0');
      usum <= ua + ub + uc;
      Cout <= std_logic(usum(4));</pre>
      sum <= std_logic_vector(resize(usum, 4));</pre>
      -- sum <= std logic vector(usum);</pre>
31
32 END;
```

**Tab. 2:** Entity dekleration, der går igen i de 3 adders og Four-bit-adder: architecture: unsigned with carry

```
1 -- Unsigned
2 ARCHITECTURE unsigned_impl OF fourbitaddersimple IS
3
4     SIGNAL ua : unsigned(3 DOWNTO 0);
5     SIGNAL ub : unsigned(3 DOWNTO 0);
6     SIGNAL usum : unsigned(3 DOWNTO 0);
7     --
8 BEGIN
9     ua <= unsigned(a);
10     ub <= unsigned(b);
11     usum <= ua + ub;
12     sum <= std_logic_vector(usum);
13
14 END;</pre>
```

Tab. 3: Four-bit-adder: architecture: unsigned\_impl

```
1 -- Signed
2 ARCHITECTURE signed_impl OF fourbitaddersimple IS
3
4     SIGNAL sa : signed(3 DOWNTO 0);
5     SIGNAL sb : signed(3 DOWNTO 0);
6     SIGNAL ssum : signed(3 DOWNTO 0);
7
8 BEGIN
9     sa <= signed(a);
10     sb <= signed(b);
11     ssum <= sa + sb;
12     sum <= std_logic_vector(ssum);
13 END;</pre>
```

Tab. 4: Four-bit-adder: architecture: signed\_impl

# 1.1.3 Resultater

Efter fuldført syntese kan vi se på RTL diagrammerne, der viser den funktionelle opbygning af koden, disse ses i

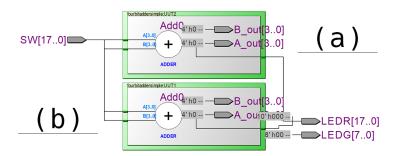


Fig. 1: (a) signed full adder, (b) unsigned full adder

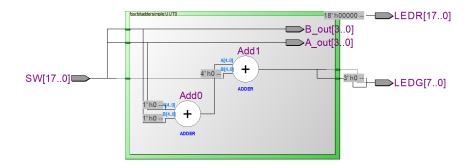


Fig. 2: RTL view af en unsigned full adder med carry

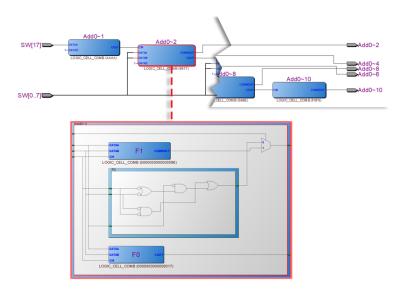


Fig. 3: Technology map view af unsigned full adder med carry - inkl. udsnit af de interne blokkes arbejde.

Desuden kan vi se på technology map viewet, der viser hvordan FPGA boardet mapper dets interne forbindelser, dette ses i fig. 3 og fig. 4.

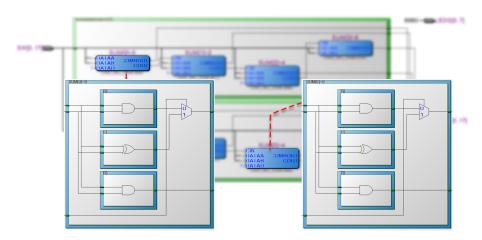


Fig. 4: Udsnit af technology map view af en signed og unsigned adder. Der er ingen forskel i praksis.

Ydermere kan der sættes en timing simulation op der viser den system under påvirkning, dette ses i fig. 5.

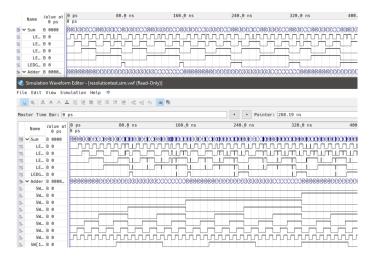


Fig. 5: Udsnit af timingsimuleringeringen der viser funktionaliten for adderen med carry.

For at teste de to adders funktionalitere satte vi nogle testcases op, der blot skulle addere to binære input, den ene test er vist i tab. 5.

Input	Forventet output	Reelt output
A: 0b0110+	S: 0b1000	S: 0b1000
B: 0b0010	U: 0b1000	U: 0b1000

**Tab. 5:** Testsetup til signed og unsigned four-bit-adders.

# 1.1.4 Diskussion

Sammenholder man de to RTL-views ses det funktionaliteten i de adders er ens, dette vises på fig. 1 og ses på technology map viewet i fig. 4.

Ved den funktionelle timingsimulering fremkom en række uforklarlige outputs, se fig. 6.

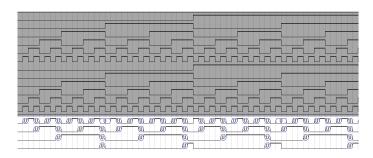


Fig. 6: Timing issues fra signed og unsigned Adder.

# 1.1.5 Konklusion

Ved at bruge ieee.numeric\_std, kan man vha. meget få operationer, skrive relativt komplekse funktioner via dataflowstilarten.

Desuden pakkes flere implementationsmuligheder nemt ind i en enkelt entity.

# 1.2 Concatenation

## 1.2.1 Introduktion

Vi ønsker i denne opgave at benytte et af VHDL's biblioteker til simplificere nogle processerser. Dette gøre ved at bruge *concatenation*. Ved at udnytte funktioner fra ieee.numeric\_std.ALL - specielt dens multiplikations og divisions operatøre, vil vi kunne omarrangere bits på en nem måde.

# 1.2.2 Design og implementering

Med en viden om at 0b0001 \* 2 = 0b0010 & 0b0010 \* 4 = 0b1000, og 0b1000 / 2 = 0b0100 & 0b0100 / 4 = 0b0001, skrev vi en kode der på den måde implementerede en bitrearranger, denne ses i source code table 6. Udover bitshifterne, er der også en bitrotater der tager to *slices* af vores std\_logic\_vector og omarrangere dem i en ny std\_logic\_vector.

```
1 LIBRARY IEEE;
2 USE ieee.std logic 1164.ALL;
3 USE ieee.numeric_std.ALL;
5 ENTITY shift_div IS
      PORT (
          a : IN std_logic_vector(7 DOWNTO 0);
          a_shl, a_shr, a_ror : OUT std_logic_vector(7 DOWNTO 0)
      );
10 END shift div;
12 ARCHITECTURE logicshift OF shift_div IS
13 BEGIN
      a \ shl <= a(6 \ downto \ 0) \& '0';
      -- shiftes til venstre og begraenses til 8 pladser
      a_{shr} \le '0' \& '0' \& a(5 downto 0);
      -- shiftes til hoejre med 2 og begraenses til 8 pladser
      a\_ror \le a(2 DOWNTO 0) & a(7 DOWNTO 3);
18
      -- Rotere 3 til hoejre - plads er stadig 8.
20 END logicshift; -- logicshift
```

**Tab. 6:** Entitien der viser de 3 funktioner: a\_sh1,a\_shr,a\_ror

Tab. 7: Testbench port mappingen

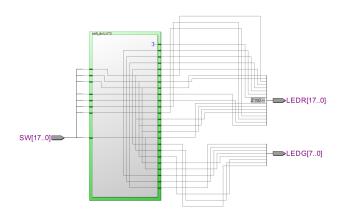
Ved at sende et output til LED'erne har vi mulighed for at få et visuelt feedback, og dermed udføre en række test, som ses i tab. 8.

Input	Forventet output	Reelt output
input: 0b00011110	a_shl: 0b00111100 a_shr: 0b00000111 a_ror: 0b11000011	a_shl: 0b00111100 a_shr: 0b00000111 a_ror: 0b11000011

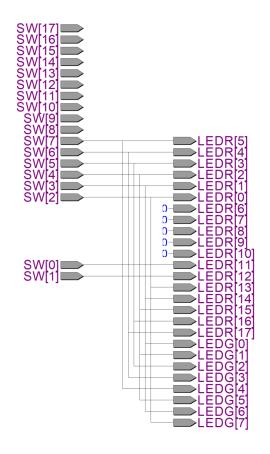
**Tab. 8:** Testcase til shift\_div funktionaliteten

# 1.2.3 Resultater

Testen i tab. 8 viste tilfredsstillende resultater, der blev 1 shiftet til venstre, 2 til højre og en rotation på 3 mod højre.



**Fig. 7:** RTL view af hele entitien i source code table 6 — det ses at der ingen logiske elementer bruges — der flyttes blot rundt på interne forbindelser.



**Fig. 8:** Technology mapping view af hele shift\_div funktionen — igen ses det at der flyttes blot rundt på interne forbindelser.

# 1.2.4 Diskussion

Efter syntesen gennemgik vi RTL mappingen og technology mapping viewet - de viser begge at der ikke bliver brugt et eneste logisk element i denne proces. Der kan altså shiftes og roteres *gratis*<sup>1</sup> i VHDL.

# 1.2.5 Konklusion

Med få linjer kode kan man skabe en *gratis* funktionalitet, forstået på den måde at *ingen* logiske elementer brugt.

# 1.3 Multiplication

# 1.3.1 Introduktion

FPGA-boardet vi arbejder med har en række indbyggede 9-bits multipiere - hvad sker der hvis man slår dem fra?

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Dog gælder:  $a \cdot 2^n$   $a, n \in \mathbb{Z}$ 

# 1.3.2 Design og implementering

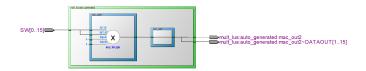
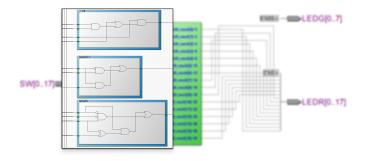


Fig. 9: Technology map view der viser mult funktionen.



**Fig. 10:** Ved at aktivere DSP Block Balancing, tvinges FGPA'en til at bruge hardware logikelementer — Her er vist et udsnit af mappingen.

```
1 LIBRARY IEEE;
2 USE ieee.std_logic_1164.ALL;
3 USE ieee.numeric_std.ALL;
5 ENTITY mult IS
      PORT (
          A : IN std_logic_vector(31 DOWNTO 0);
          B : IN std_logic_vector(31 DOWNTO 0);
          Prod : OUT std_logic_vector(63 DOWNTO 0)
      );
11 END mult;
13 ARCHITECTURE multiplication OF mult IS
14
15 BEGIN
      Prod <= std_logic_vector(</pre>
          signed(A) * signed(B)
          );
19 END;
```

Tab. 9: Entitiy der viser de multiplier funktionen: mult

**Tab. 10:** Testbench for mult

# 1.3.3 Resultater

Input	Forventet output	Reelt output
A: 0b00010100 ×	0b0000010001100000	0ь0000010001100000
B: 0b00111000		

Tab. 11: Testcase til mult

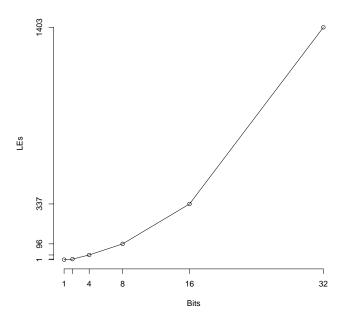


Fig. 11: Plot der viser forholdet mellem bits og logikelementer - dette er en potensieludvikling.

 $\frac{2}{2 \operatorname{Dog gælder}: a \cdot b \quad a, b \in 2^n \quad n \in \mathbb{Z}}$ 

# 1.3.4 Diskussion

Bits	LEs
1	1
2	4
4	29
8	96
16	337
32	1403

**Tab. 12:** Forholdet m. bits og logiskeelementer



**Fig. 12:** Et kaotisk indblik i en 32 bits multiplier — ét system med 1403 logiskeelementer, for mange til at have på én side.

Det ses ud fra compilation reporten at der ved 2 x 32 bit input skal bruges 1403 logiskeelementer, se Technology map viewet fig. ??

Ved test med DSP block slået fra skulle der først bruges logiskeelementer v. 32 bits multiplikation, alt derunder blev klaret af den embedded multiplier.

# 1.3.5 Konklusion

Denne øvelse viste ikke meget om multiplikation, udover at det fungere fremragende på FGPA'en, men viste tilgengæld hvor effektivt FPGA'en kan syntetiseres.

# 2 Øvelse 4 — Dataflow-style Combinatorial Designs

I denne øvelse er en testbench brugt som mapper switches, keys, hex displays og LED'er på DE2-boardet. I source code table 13 ses testbenchens interface.

Tab. 13: Testbench interface brugt i øvelse 4

# 2.1 Binary to 7-Segment Decoder Using Selected Signal Assignment

# 2.1.1 Introduktion

I denne opgave skal der implementeres en BCD til 7-segment decoder ved brug af "Selected Signal Assignment", altså en såkaldt WITH-SELECT statement i VHDL.

# 2.1.2 Design og implementering

Source koden for vores decoder ses herunder i source code table 14. Som givet i opgavens IBD har vi et 4-bit input signal bin som mappes til et 7-bit output signal Sseg, således at displayet viser den hexadecimale værdi angivet på inputtet. Desuden har vi inkluderet en WHEN OTHERS situation til sidst for at undgå latches i vores design.

```
LIBRARY ieee;
2 USE ieee.std_logic_1164.ALL;
3 USE ieee.numeric_std.ALL;
5 ENTITY bin2sevenseg IS
      PORT (
          bin : IN std_logic_vector(3 DOWNTO 0);
          Sseg : OUT std_logic_vector(6 DOWNTO 0)
      );
10 END bin2sevenseg;
12 ARCHITECTURE sevenseg OF bin2sevenseg IS
13
14 BEGIN
      WITH bin SELECT
          Sseg <= "1000000" WHEN "0000", -- 0
          "1111001" WHEN "0001", -- 1
          "0100100" WHEN "0010", --
          "0110000" WHEN "0011",
19
          "0011001" WHEN "0100", --
20
          "0010010" WHEN "0101",
          "0000010" WHEN "0110",
          "1111000" WHEN "0111", --
          "0000000" WHEN "1000",
24
          "0011000" WHEN "1001", --
          "0001000" WHEN "1010",
26
          "0000011" WHEN "1011",
          "0100111" WHEN "1100", -- C
          "0100001" WHEN "1101", --
29
          "0000110"
                    WHEN "1110", -- E
30
          "0001110" WHEN "1111", -- F
31
          "----" WHEN OTHERS;
32
      END sevenseg;
33
```

Tab. 14: Implementering af BCD til 7-segment i VHDL

Vores decoder entity bin2sevenseg testes med testbenchen UnitUnderTest som set nedenfor i source code table 15.

Tab. 15: Test af entity bin2sevenseg

# 2.1.3 Resultater

I opgaven undersøges en multiplexer (mux) lavet vha. WITH-SELECT statement i VHDL, til at styre et 7-segment display. Når koden syntetiseres ser vi på det resulterende RTL-view fig. 13 at der ikke bare er én, men hele 7 multiplexere.

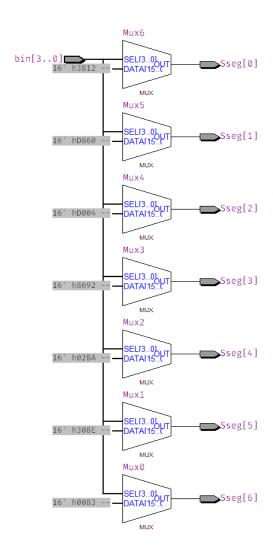


Fig. 13: RTL-view af den syntetiserede decoder

### 2.1.4 Diskussion

Vi ser ud fra vores RTL-view på fig. 13 at vores ene selected signal assignment er blevet syntetiseres til 7 multiplexere som hver driver et enkelt segment på 7-segment displayet med deres select baseret på bin inputtet. Dette giver mening da hver segment så kan drives af en meget simpel multiplexer.

# 2.1.5 Konklusion

Vi har i denne opgave erfaret at man med en meget simpel WITH-SELECT statement nemt kan lave omfattende mapninger mellem signaler af forskellige størrelser. Dette står i kontrast med hvor tidskrævende og fejlbarligt det ville være at lave denne mapning med basale logiske operatorer.

# 2.2 The Conditional Signal Assignment

# 2.2.1 Introduktion

Vi ønsker i denne opgave at implementere systemet der er vist i opgavetekstens figur 2. Dette skal gøres med en "Conditional Signal Assignment", dvs. en WHEN-ELSE statement i VHDL. Med denne implementering viser vi en anden måde at multiplex/demultiplex i VHDL.

# 2.2.2 Design og implementering

Vores implementering af HEX multiplexeren ses i source code table 16. Vi bruger vores bin2sevenseg entity fra forrige opgave, der mapper det binære input bin til tre interne signaler. Output signalet tsseg gives så en værdi baseret på inputtet sel, hvoraf to output er hardcoded til at vise "On"og "Err", det tredje er en konkatinering af de interne signaler.

```
1 LIBRARY ieee;
2 USE ieee.std_logic_1164.ALL;
3 USE ieee.numeric std.ALL;
4 USE work.ALL;
6 ENTITY hex mux IS
      PORT (
          bin : IN std_logic_vector(11 DOWNTO 0);
          sel : IN std_logic_vector(1 DOWNTO 0);
          tsseg : OUT std_logic_vector(20 DOWNTO 0)
      );
12 END hex_mux;
14 ARCHITECTURE mux OF hex mux IS
      SIGNAL seg1 : std logic vector(6 DOWNTO 0);
      SIGNAL seg2 : std_logic_vector(13 DOWNTO 7);
      SIGNAL seg3 : std_logic_vector(20 DOWNTO 14);
18 BEGIN
      b2sseg1 : ENTITY bin2sevenseg
19
          PORT MAP (
20
              bin => bin(3 DOWNTO 0),
21
              Sseg => seg1
          );
24
      b2sseg2 : ENTITY bin2sevenseg
25
          PORT MAP (
26
              bin => bin(7 DOWNTO 4),
              Sseg => seg2
          );
30
      b2sseg3 : ENTITY bin2sevenseg
31
          PORT MAP (
32
              bin => bin(11 DOWNTO 8),
              Sseg => seg3
          );
35
36
      tsseg <= "100000001010111111111" WHEN sel = "11" ELSE -- "On
37
          seg3 & seg2 & seg1 WHEN sel = "10" ELSE
          "000011001011110101111" WHEN sel = "01" ELSE -- "Err"
          (OTHERS => '-');
41 END mux; -- mux
```

Tab. 16: Implementering af HEX multiplexer med Conditional Signal Assignment

Som i forrige opgave er vores HEX multiplexer testet med testbench entity UnitUnderTest, dette ses i source code table 17

```
ARCHITECTURE structural OF UnitUnderTest IS
2 BEGIN
      UUT1 : ENTITY hex mux
3
          PORT MAP
          (
               -- INPUTS
               bin \Rightarrow SW(11 DOWNTO 0),
               sel => KEY(1 DOWNTO 0),
               -- OUTPUTS
               tsseg(6 DOWNTO 0) => HEXO,
               tsseg(13 DOWNTO 7) => HEX1,
               tsseg(20 DOWNTO 14) => HEX2
12
          );
13
14 END;
```

Tab. 17: Test af entity hex\_mux

## 2.2.3 Resultater

Vi har brugt conditional signal assignment til at implementere en multiplexer der vælger mellem tre forskellige output. Syntesen af vores kode giver det resulterende RTL-view som set på fig. 14.

Vi så ingen inferred latches i vores design, da vi som set på source code table 16 linje 40 har husket en assignment uden condition, som bliver brugt i alle de tilfælde der ikke eksplicit er taget højde for.

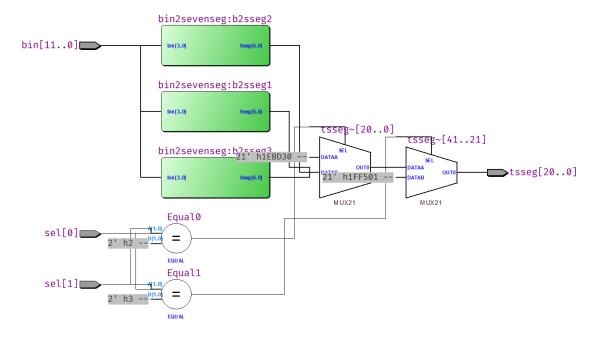


Fig. 14: RTL-view af multiplexer implementeret med conditional signal assignment

# 2.2.4 Diskussion

Ud fra det resulterende RTL-view kan vi se at *synthesizeren* har lavet vores HEX multiplexer med to multiplex komponenter i serie. Vores sel input sammenlig-

nes med hardcodede værdier og bruges som input select til de to multiplexere. Den første vælger så mellem en hardcoded værdi og det sammensatte output fra vores decodere, den anden vælger mellem output fra forrige mux eller en hardcoded værdi. Dermed har vi opnået en 3-input mux som ønsket.

## 2.2.5 Konklusion

Som i forrige opgave har vi her set at man med en meget simpel WHEN-ELSE statement kan vælge mellem forskellige input. En af styrkerne ved en WHEN-ELSE er at der kan bruges forskellige signaler til hver condition, designet i denne opgave var dog så simpelt at det ikke var nødvendigt.

# 2.3 Table Lookup

# 2.3.1 Introduktion

I denne opgave vil vi bruge en tredje metode til implementering af multiplexing, nemlig et "lookup table". Vi vil med denne metode implementere sandhedstabellen som vist i opgavens tabel 1. Lookup tabellen defineres som en hardcoded konstant array med output værdier, hvorefter den numeriske værdi af inputsne bruges som indeks i arrayet.

# 2.3.2 Design og implementering

Vi har ud fra tabel 1 i opgaven implementeret entity table\_lookup med 3 inputs a, b og c, og outputtet x. Source code table 18 viser vores implementering, med den konstante array table der har output værdierne som defineret i sandhedstabelle og type casting af de tre input, først til typen unsigned og derefter til integer, således at værdien kan bruges som indeks.

```
1 LIBRARY ieee;
2 USE ieee.std_logic_1164.ALL;
3 USE ieee.numeric_std.ALL;
4
5 ENTITY table_lookup IS
6     PORT (
7         a, b, c : IN std_logic;
8         x : OUT std_logic
9     );
10 END table_lookup;
11
12 ARCHITECTURE lookup OF table_lookup IS
13     CONSTANT table : std_logic_vector(0 TO 7) := "11010--1";
14 BEGIN
15     x <= table(to_integer(unsigned'(a, b, c)));
16 END lookup;</pre>
```

Tab. 18: Implementering af table lookup i VHDL

Vi har igen brugt vores testbench entity UnitUnderTest til at teste vores design. Set i source code table 19 er vores architecture for test af table lookup entity.

Tab. 19: Test af entity table\_lookup

## 2.3.3 Resultater

Vores design resulterede efter syntetisering i det RTL-view som er set på fig. 15. Desuden opstillede vi en funktionel simuleringstest som set på fig. 16 hvor alle de 8 mulige kombinationer af inputs og resulterende outputs gennemgås.

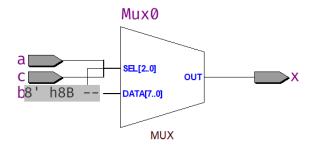


Fig. 15: RTL-view af den syntetiserede table lookup

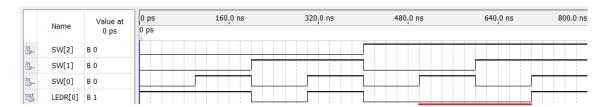


Fig. 16: Funktionel simulering af table lookup

# 2.3.4 Diskussion

Vi ser på fig. 15 at vores table lookup er blevet syntetiseret til et multiplexer med vores tre input som select og vores hardcodede værdi som data, dette stemmer overens med vores forventning.

Desuden kan vi ud fra vores funktionelle simulation som set på fig. 16 se, at sammenhængen mellem input og output stemmer overens med sandhedstabellen. Vi

ser desuden at de to outputs som er sat til "don't care" (markeret med rødt på billedet) bliver sat til 0 i simulationen.

# 2.3.5 Konklusion

Vi har i denne opgave erfaret at man som alternativ til WITH-SELECT og WHEN-ELSE også kan bruge en array af konstante værdier og omdanne input til et indeks i arrayet. Dette bliver korrekt omdannet til en multiplexer ligesom de andre selection metoder. Vi erfarede også at i den funktionelle simulation bliver "don't care" holdt til 0.