Tarea 5

Física Computacional

Diego Sarceño
201900109
8 de noviembre de 2022

Los códigos tanto de c++ como de gnuplot, se pueden encontrar en la carpeta de Github.

Problema 1

Solución de la ecuación de calor independiente del tiempo (Estado estacionario) por el método SOR

$$\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} + \frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}y^2} = 0. \tag{1}$$

Con esto se tiene, que para un "grid" de 9×9 de $1m^2$ y $100^{o}C$ en la frontera inferior e izquierda y $0^{o}C$ en la frontera superior y derecha, se tiene el siguiente mapa de calor.

Solución a la Ecuación de Calor de Estado Estacionario

100 80 60 40 20 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

Figura 1: Mapa de calor de la solución a la ecuación (1).

```
1 // Librerias
2 #include <cmath>
3 #include <iostream>
4 #include <fstream>
5
6 using namespace std;
7
8
```

```
10 void output (ostream &of, double **u, double *x, double *y, int Nx, int
     Ny );
^{11} double p1( double x );
12 double p2( double x );
13 double q1( double y );
14 double q2( double y );
15
16
17
18
19 int main()
  {
20
    int ITMAX = 10000; // maximo numero de iteraciones
21
    double eps = 1e-6; // tolerancia de error
22
    int Nx = 9;
23
    int Ny = 9; // grid
24
    double Lx = 1.0;
25
    double Ly = 1.0;
26
    double dx = Lx/Nx;
27
    double dy = dx;
28
    double alpha = 0.2; // factor para acelerar convergencia en SOR
29
    ofstream of ( "solucion.dat", ios::out);
30
31
32
    // reservar memoria
33
    double *x
                       = new double[Nx+1];
34
    double *y
                       = new double[Nx+1];
35
                       = new double*[Nx+1];
    double **u
36
    double **u_nueva = new double*[Nx+1];
37
38
    for( int i=0; i<Nx+1; i++ ){</pre>
39
      u_nueva[i] = new double[Ny+1];
40
      u[i]
                   = new double[Ny+1];
41
    }
42
43
    // coordenadas
45
    for( int i=0; i<Nx+1; i++ ) x[i] = i*dx;</pre>
46
    for ( int j=0; j < Ny+1; j++ ) y[j] = j*dy;
47
48
49
    // inicializar temperatura
50
    for( int i=0; i<Nx+1; i++ ){</pre>
51
      for( int j=0; j<Ny+1; j++ ){</pre>
         u[i][j]
                         = 0.0;
53
         u_nueva[i][j] = 0.0;
54
      }
55
```

```
}
56
57
58
     // condiciones de frontera
59
     // lado inferior
60
     for( int i=0; i<Nx+1; i++ ) u[i][0] = p1( x[i] );</pre>
61
62
     // lado superior
63
     for( int i=0; i<Nx+1; i++ ) u[i][Ny] = p2( x[i] );</pre>
65
     // lado izquierdo
66
     for ( int j=0; j<Ny+1; j++ ) u[0][j] = q1(y[j]);
67
68
     // lado derecho
69
     for ( int j=0; j<Ny+1; j++ ) u[Nx][j] = q2(y[j]);
70
71
72
     // ciclo principal de SOR
73
     bool seguimos = true; // condicion de salida
74
     int k = 0; // numero de iteraciones
75
76
77
     cout << "Iniciando SOR" << endl;
78
79
     while ( seguimos ) {
80
       if ( k > ITMAX ){
81
         cerr << "Se_alcanzo_el_numero_maximo_de_iteraciones_para_SOR" <<
82
            endl;
         exit(1);
83
       }
84
85
       seguimos = false;
86
87
       for( int i=1; i<Nx; i++ ){</pre>
88
         for( int j=1; j<Ny; j++ ){</pre>
89
           u_nueva[i][j] = 0.25 * (u[i+1][j] + u[i-1][j] + u[i][j-1] + u[i]
90
               ][j+1]);
91
           // verificamos si seguimos o no
92
           if ( fabs( u_nueva[i][j] - u[i][j] ) > eps )
93
              seguimos = true;
94
95
           // cambiamos iteraciones
96
           u[i][j] = u_nueva[i][j] + alpha*( u_nueva[i][j] - u[i][j] );
97
         }
98
       }
99
100
       // terminamos la iteracion
101
```

```
k++;
102
     }
103
104
105
     cout << "SOR finalizo en " << k << " teraciones " << endl;
106
107
     // escribir solucion
108
     output( of, u, x, y, Nx, Ny );
109
110
111
     return 0;
112
113 }
114
115
116
117
   void output (ostream &of, double **u, double *x, double *y, int Nx, int
      Ny )
119
     for( int i=0; i<Nx+1; i++ ){</pre>
120
       for( int j=0; j<Ny+1; j++ )</pre>
121
          of << x[i] << "\t" << y[j] << "\t" << u[i][j] << endl;
122
123
       of << endl;
124
125
126 }
127
128
129
130
  double p1( double x ){ // Bottom edge
     return 100.0;
132
133
   }
134
  double p2( double x ){ // Top edge
135
     return 0.0;
136
   }
137
138
139
   double q1( double y ){ // Left edge
     return 100.0;
141
142 }
143
144 double q2( double y){ // Right edge
     return 0.0;
145
146 }
```