Universidad de San Carlos de Guatemala Escuela de Ciencias Físicas y Matemáticas Programas de Licenciatura

## Programa de Física Computacional

## 1. Descripción del Curso

Nombre: Física computacional Código: F811 Prerrequisitos: F605 – F705 Créditos: 5

Profesor: Giovanni Ramírez García Semestre: Primero, 2021

Las computadoras se han convertido en una parte fundamental de la física moderna. Tradicionalmente, la física se dividía en dos grandes ramas: la física experimental y la física teórica. Sin embargo una nueva rama, la física computacional, ha venido ganando mucha importancia ya que combina métodos de ambas partes. Además, la simulación computacional de sistemas físicos ayuda a desarrollar y validar modelos, y permite investigar sus propiedades haciendo uso de métodos numéricos. Por otro lado, con el aumento del poder computacional, la disponibilidad de sistemas de procesamiento en paralelo y de sistemas de alto rendimiento, resulta de utilidad conocer y manejar las distintas técnicas que ya se usan en la física computacional actualmente.

El curso inicia con una exposición de algunos de los lenguajes de programación y la programación de alto rendimiento. Posteriormente se divide en cuatro partes: interpolación y aproximación numéricas, integración numérica, diferenciación numérica y métodos Monte Carlo. Las cuatro partes se utilizarán para desarrollar ejemplos del análisis de las propiedades de sistemas físicos mediante métodos numéricos y computacionales. Si el tiempo y el grupo lo permite habrá una quinta parte donde se podrá estudiar el comportamiento de sistemas de autómatas celulares y de redes neuronales.

El lenguaje de programación que se utilizará es Fortran, un lenguaje de uso general pero especialmente dedicado a computación numérica y computación científica. Se usará la versión Fortran 95 porque ya incluye la especificación de *High Performance Fortran*. Se usará el compilador GNU puesto que es un *software* libre y de código abierto y se usará la versión que esté disponible en el clúster de la Escuela: euclides.

# 2. Competencias

## 2.1. Competencias generales

- 2.1.1 Plantear, analizar y resolver problemas físicos, tanto teóricos como experimentales, mediante la utilización de métodos analíticos, experimentales o numéricos.
- 2.1.2 Utilizar o elaborar programas o sistemas de computación para el procesamiento de información, cálculo numérico, simulación de procesos físicos o control de experimentos.
- 2.1.3 Demostrar una comprensión profunda de los conceptos y principios fundamentales, tanto de la física clásica como de la física moderna.
- 2.1.4 Demostrar hábitos de trabajo necesarios para el desarrollo de la profesión tales como el trabajo en equipo, el rigor científico, el auto- aprendizaje y la persistencia.

### 2.2. Competencias específicas

- a) Identificar y resolver problemas que pueden resolverse mediante análisis numérico y simulaciones con computadoras.
- b) Calcular la complejidad algorítmica de soluciones numéricas a problemas físicos.

- c) Conocer los lenguajes de programación científica, especialmente FORTRAN.
- d) Conocer y utilizar las soluciones de computación de alto rendimiento.

#### 3. Unidades

#### 3.1. Introducción

**Descripción:** Lenguajes de programación científica. Programación de Alto Rendimiento. Computabilidad y Complejidad. Clústers de computación

Duración: 10 períodos de 50 minutos

Metodología: Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de tareas cortas y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la exposición oral de los ejercicios y temas propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio de tareas cortas y una exposición.

## 3.2. Métodos numéricos de interpolación y aproximación

**Descripción:** Interpolación de Lagrange. Interpolación por Diferencias Divididas. Interpolación de Hermite. Interpolación Spline.

**Duración:** 10 períodos de 50 minutos

**Metodología:** Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de ejercicios guía y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la resolución y exposición oral de los ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio de tareas cortas y un proyecto.

#### 3.3. Métodos numéricos de integración

**Descripción:** Integración de ecuaciones diferenciales ordinarias. Órbitas y trayectorias. Modelos matemáticos de epidemiología. Péndulo doble.

Duración: 10 períodos de 50 minutos

**Metodología:** Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de ejercicios guía y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la resolución y exposición oral de los ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio de tareas cortas y un proyecto.

#### 3.4. Métodos numéricos de diferenciación

**Descripción:** Ecuaciones diferenciales parciales. Ecuación de Poisson. Ecuación de Laplace. Condiciones de frontera de Dirichlet. Ecuación de Calor. Ecuación de onda.

Duración: 10 períodos de 50 minutos

**Metodología:** Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de ejercicios guía y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la resolución y exposición oral de los ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio de tareas cortas y un proyecto.

#### 3.5. Métodos Monte Carlo

**Descripción:** Métodos de Monte Carlo. Simulación de decaimiento radiactivo y de propiedades de transporte. El problema de Percolación. Caminatas aleatorias.

Duración: 10 períodos de 50 minutos

Metodología: Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de ejercicios guía y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la resolución y exposición oral de los ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio del proyecto final.

### 3.6. Modelos para Sistemas Dinámicos y Sistemas Complejos

Descripción: Autómatas celulares. Redes neuronales.

Duración: 4 períodos de 50 minutos

Metodología: Los períodos de clase son mayoritariamente magistrales, con tiempo dedicado a la solución de ejercicios guía y tiempo para que el grupo de estudiantes pueda demostrar su aprendizaje y comprensión del tema mediante la resolución y exposición oral de los ejercicios propuestos.

Evaluación: Se evaluará por medio del proyecto final.

## 4. Evaluación del curso

Los porcentajes asignados a cada uno de los elementos de la evaluación están de acuerdo con el Reglamento General de Evaluación y Promoción del Estudiante de la Universidad de San Carlos de Guatemala. Es obligatorio cumplir con el  $80\,\%$  de la asistencia al curso y la lista de asistencia se debe firmar antes de los  $15\,$ minutos de haber iniciado el periodo de clase.

El curso se evaluará mediante la presentación proyectos enfocados a las unidades 3.2, 3.3, 3.4 y 3.5. Durante el desarrollo de dichas unidades se definirán los detalles del proyecto y las fechas de entrega y exposición de los mismos. Las tareas y las exposiciones son de caracter obligatorio para tener derecho a presentar el Proyecto final. Se aceptan proyectos y tareas después de la fecha y hora convenida aplicando la tasa de decaimiento de nota dada por la función  $100e^{-t/36}$ , donde t es el tiempo de retraso en horas.

Tareas cortas y exposiciones	10	puntos
2 Proyectos	60	puntos
Proyecto final	30	puntos
Total	100	puntos

# 5. Bibliografía

## Referencias comentadas

Para la introducción a los distintos lenguajes de programación se usarán los libros de Deitel y Deitel [1] para los lenguajes de C y C++, Langtangen [2] para Python, de Quarteroni, Saleri y Gervasio [3] para Octave. También se usarán las bibliotecas descritas en el libro *Numerical Recipes* de Press et al. [4]. Para aprender Fortran se pueden usar los libros de Brooks [5], de Hahn [6] y de Koelbel [7]. Para los detalles del compilador GNU para Fortran se puede consultar el manual [8].

Para la parte del curso relacionada a computación de alto rendimiento y computación en paralelo se usarán los libros de Fountain [9], de Sipser [10], de Golub y Ortega [11] y de Dowd y Severance [12]. Además, vamos a tomar varios de los trabajos compilados en los libros de Fountain [9] y de Goulb y Ortega [11] para construirnos una idea de las aplicaciones y de los algoritmos usados en computación en paralelo.

El tercer capítulo del libro de Atkinson y Han [13] será usado para la parte de análisis y teoría de aproximaciones, el libro cuenta con definiciones muy formales pero en las clases magistrales se discutirá lo necesario para entender los métodos presentados. Sin embargo el libro de Cohen [14] puede usarse como una guía más didáctica.

Una introducción al Método de Monte Carlo aparece en el primer capítulo del libro de Landau y Binder [15] de donde también se tomará una guía para las aplicaciones en mecánica estadística. Por otro lado, el tercer capítulo del libro de Binder y Heermann [16] será usado como guía práctica en la aplicación del Método Monte Carlo. En caso de ser necesario un refuerzo en las áreas de termodinámica y mecánica estadística puede usarse el segundo capítulo del libro de Landau y Binder [15].

Para la última unidad, en el caso de que podamos cubrir todos los contenidos obligatorios, vamos a usar dos libros introductorios: el de Rojas [17] y el de Gurney [18]. Hay dos libros más avanzados para estos temas: el de Bishop [19] y el de Hastie et al. [20].

## Referencias

- [1] H. Deitel and P. Deitel, C++ How to Program. Prentice Hall, 2003.
- [2] H. Langtangen, A Primer on Scientific Programming with Python. Texts in Computational Science and Engineering, Springer Berlin Heidelberg, 2014.
- [3] A. Quarteroni, F. Saleri, and P. Gervasio, *Scientific Computing with MATLAB and Octave*. Texts in Computational Science and Engineering, Springer Berlin Heidelberg, 2014.
- [4] W. Press, S. Teukolsky, W. Vetterling, and B. P. Flannery, *Numerical Recipes in Fortran 90: The Art of Parallel Scientific Computing*. No. v. 2 in Fortran numerical recipes, Cambridge University Press, 1996.
- [5] D. Brooks, *Problem Solving with Fortran 90: For Scientists and Engineers*. Undergraduate Texts in Computer Science, Springer New York, 1997.
- [6] B. Hahn, FORTRAN 90 for Scientists and Engineers. Elsevier Science, 1993.
- [7] C. Koelbel, D. Loveman, R. Schreiber, G. Steele-Jr, and M. Zosel, *The High Performance Fortran Handbook*. Scientific and engineering computation, MIT Press, 1997.
- [8] The GNU Project (Free Software Foundation), GNU Fortran, 2017.
- [9] T. Fountain, Parallel Computing: Principles and Practice. Cambridge University Press, 2006.
- [10] M. Sipser, Introduction to the Theory of Computation. Thomson Course Technology, 2006.
- [11] G. Golub and J. Ortega, Scientific Computing: An Introduction with Parallel Computing. Academic Press, Inc., 1993.
- [12] K. Dowd and C. Severance, High Performance Computing. A Nutshell handbook, O'Reilly, 1998.
- [13] K. Atkinson and W. Han, *Theoretical Numerical Analysis: A Functional Analysis Framework*. Texts in Applied Mathematics, Springer New York, 2001.
- [14] H. Cohen, Numerical Approximation Methods:  $\Pi \approx 355/113$ . Springer, 2011.
- [15] D. Landau and K. Binder, A Guide to Monte Carlo Simulations in Statistical Physics. Cambridge University Press, 2005.
- [16] K. Binder and D. Heermann, Monte Carlo Simulation in Statistical Physics: An Introduction. Graduate Texts in Physics, Springer Berlin Heidelberg, 2010.
- [17] R. Rojas, Neural Networks: A Systematic Introduction. Springer Berlin Heidelberg, 2013.
- [18] K. Gurney, An Introduction to Neural Networks. CRC Press, 2018.

- [19] C. Bishop, *Pattern Recognition and Machine Learning*. Information Science and Statistics, Springer New York, 2016.
- [20] T. Hastie, R. Tibshirani, and J. Friedman, *The Elements of Statistical Learning: Data Mining, Inference, and Prediction.* Springer Series in Statistics, Springer New York, 2013.

http://www.ecfm.usac.edu.gt/programas