
数 字 逻 辑

丁 贤 庆

ahhfdxq@163.com

作业得分的说明:

作业得分采用扣分制:

- 1、满分100分。
- 2、少交（没有按时交）一次 扣5分。
- 3、作业不规范(步骤过分简化、卡诺图不规范) 扣5分
- 4、作业完成后需要进行检查和错误更正。
没有进行错误更正的 扣5分
- 5、超额完成作业（课后习题多做） 加5-10分。
- 6、作业完成效果不好的或者作业抄袭的。按下表扣分

期末考试得分	作业扣分
60分以下	扣20分
70分以下	扣15分
80分以下	扣10分
90分以下	扣5分

7、下周交第一次作业。

Home work (P74)

☞ 2.3.1 (1)

☞ 2.3.5

☞ 2.4.3 (1) (2) (3) (4)

☞ 2.4.4 (1) (2)

第二章

逻辑代数与硬件描述语言基础

2.3.1 逻辑函数的最简形式

逻辑函数有不同形式，如与-或表达式、与非-与非表达式、或-与表达式、或非-或非表达式以及与-或-非表达式等。

将其中包含的与项数最少，且每个与项中变量数最少的与-或表达式称为最简与-或表达式。

$$L = AC + \bar{C}D$$

$$= \overline{\overline{A} \overline{C}} \cdot \overline{\overline{C} \overline{D}}$$

$$= (A + \bar{C})(C + D)$$

$$= \overline{\overline{(A + \bar{C})} + \overline{(C + D)}}$$

$$= \overline{\overline{A} \overline{C}} + \overline{\overline{C} \overline{D}}$$

取两次非运算

“与-或” 表达式

“与非-与非” 表达式

“或-与” 表达式

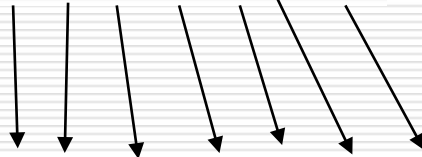
“或非-或非” 表达式

“与-或-非” 表达式

从与或式变换为或与式，只要对与或式取两次反演或者两次对偶就可以了。

上页中, $L = AC + \bar{C}D = (A + \bar{C})(C + D)$ 推导过程

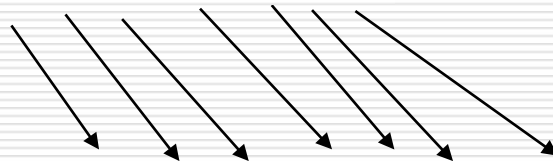
$$L = AC + \bar{C}D$$



$$L' = (A + C)(\bar{C} + D)$$

$$L' = A\bar{C} + AD + CD = A\bar{C} + CD$$

$$L' = A\bar{C} + CD$$



$$L = (L')' = (A + \bar{C})(C + D)$$

求两次对偶运算

上页中, $L = AC + \bar{C}D = (A + \bar{C})(C + D)$ 推导过程

$$L = AC + \bar{C}D$$

求两次反演运算

$$\bar{L} = (\bar{A} + \bar{C}) * (C + \bar{D})$$

$$\bar{L} = (\bar{A}C) + (\bar{C}\bar{D}) + (\bar{A}\bar{D})$$

$$\bar{L} = (\bar{A}C) + (\bar{C}\bar{D})$$

$$L = \bar{\bar{L}} = (A + \bar{C})(C + D)$$

2.3.2 逻辑函数的代数化简法

1、逻辑函数的化简

化简的主要方法：

1. 代数法（公式法）
2. 卡诺图法（图解法）

代数化简法：

运用逻辑代数的基本定律和恒等式进行化简的方法。

并项法： $A + \bar{A} = 1$

$$L = \bar{A}\bar{B}C + \bar{A}B\bar{C} = \bar{A}\bar{B}(C + \bar{C}) = \bar{A}\bar{B}$$

吸收法: $A + AB = A$

$$L = \underline{\bar{A}B} + \underline{\bar{A}BCD}(E + F) = \bar{A}B$$

消去法: $A + \bar{A}B = A + B$

$$L = AB + \underline{\bar{A}C} + \underline{\bar{B}C} = AB + (\bar{A} + \bar{B})C$$

$$\bar{A} + \bar{B} = \overline{AB}$$

$$= AB + \overline{ABC} = AB + C$$

$$A + \bar{A}B = A + B$$

配项法: $A + \bar{A} = 1$

$$L = AB + \bar{A}\bar{C} + \underline{B\bar{C}} = AB + \bar{A}\bar{C} + (\underline{A + \bar{A}})B\bar{C}$$

$$= \underline{AB} + \underline{\bar{A}\bar{C}} + \underline{AB\bar{C}} + \underline{\bar{A}B\bar{C}}$$

$$= (\underline{AB + ABC}) + (\underline{AC + ACB})$$

$$= AB + \bar{A}\bar{C}$$

2、逻辑函数形式的变化

通常在一片集成电路芯片中只有一种门电路，为了减少门电路的种类，需要对逻辑函数表达式进行变换。

例：已知

$$L = ABD + \bar{A}\bar{B}\bar{D} + ABD + \bar{A}\bar{B}\bar{C}D + \bar{A}\bar{B}CD$$

(1) 求最简的与-或式，并画出相应的逻辑图；

(2) 画出仅用与非门实现的电路。

解： $L = AB(\bar{D} + D) + \bar{A}\bar{B}\bar{D} + \bar{A}\bar{B}D(\bar{C} + C)$

$$= AB + \bar{A}\bar{B}\bar{D} + \bar{A}\bar{B}D$$

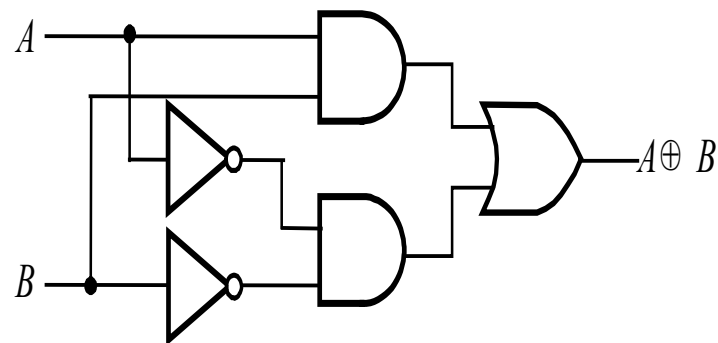
$$= AB + \bar{A}\bar{B}(D + \bar{D})$$

$$= AB + \bar{A}\bar{B}$$

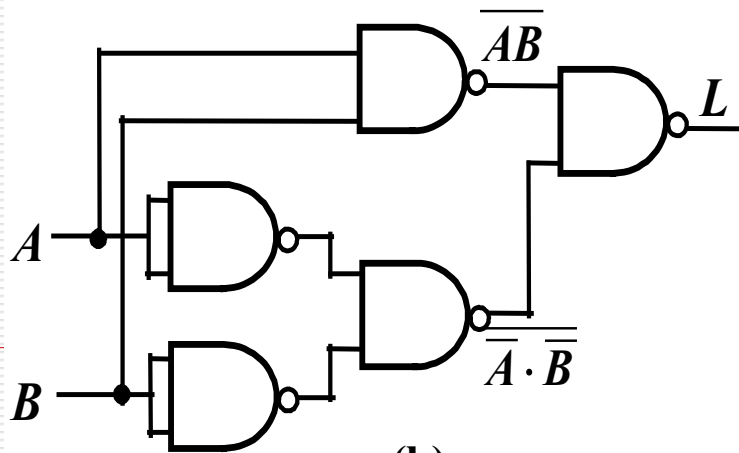
取两次非运算

$$= \overline{\overline{AB + \bar{A}\bar{B}}}$$

$$= \overline{\overline{AB}} \cdot \overline{\overline{\bar{A}\bar{B}}}$$



(a)



(b)

已知： $L = A\bar{C} + CD$ ， 与之不等价的式子是 ()

A $L = \overline{A\bar{C} \cdot CD}$

B $L = (A + C)(\bar{C} + D)$

C $L = \overline{AC + \bar{C}\bar{D}}$

D $L = \overline{(A + C) + (\bar{C} + D)}$

提交

2.4 逻辑函数的卡诺图化简法

2.4.1 用卡诺图表示逻辑函数

2.4.2 用卡诺图化简逻辑函数

2.4.1 用卡诺图表示逻辑函数

1、卡诺图的引出

卡诺图：将n变量的全部最小项都用小方块表示，并使具有逻辑相邻的最小项在几何位置上也相邻地排列起来，这样，所得到的图形叫n变量的卡诺图。

逻辑相邻的最小项：如果两个最小项只有一个变量互为反变量，那么，就称这两个最小项在逻辑上相邻。

如最小项 $m_6 = ABC\bar{C}$ $m_7 = ABC$ 在逻辑上相邻

m_6	m_7
-------	-------

两变量卡诺图

A \ B	0	1
0	m_0	m_1
1	m_2	m_3

三变量卡诺图

A \ BC	00	01	11	10
0	m_0	m_1	m_3	m_2
1	m_4	m_5	m_7	m_6

Diagram illustrating the 3-variable Karnaugh map with groupings for variables B and C.

四变量卡诺图

AB \ CD	00	01	11	10
00	m_0	m_1	m_3	m_2
01	m_4	m_5	m_7	m_6
11	m_{12}	m_{13}	m_{15}	m_{14}
10	m_8	m_9	m_{11}	m_{10}

Diagram illustrating the 4-variable Karnaugh map with groupings for variables A, B, C, and D.

2、卡诺图的特点:各小方格对应于各变量不同的组合,而且上下左右在几何上相邻的方格内只有一个因子有差别,这个重要特点成为卡诺图化简逻辑函数的主要依据。

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

三变量卡图

例如， A 、 B 、 C 三个逻辑变量的最小项有（ $2^3=$ ）8个，即

$\bar{A}\bar{B}\bar{C}$ 、 $\bar{A}\bar{B}C$ 、 $\bar{A}B\bar{C}$ 、 $\bar{A}BC$ 、 $A\bar{B}\bar{C}$ 、 $A\bar{B}C$ 、 $AB\bar{C}$ 、 ABC

变量组合 A B C			对应 十进 制	最小项	最小项 代表符 号 m_n
0	0	0	0	$\bar{A}\bar{B}\bar{C}$	m_0
0	0	1	1	$\bar{A}\bar{B}C$	m_1
0	1	0	2	$\bar{A}B\bar{C}$	m_2
0	1	1	3	$\bar{A}BC$	m_3
1	0	0	4	$A\bar{B}\bar{C}$	m_4
1	0	1	5	$A\bar{B}C$	m_5
1	1	0	6	$AB\bar{C}$	m_6
1	1	1	7	ABC	m_7

三变量

每格对应一个最小项

		BC			
		$\bar{B}\bar{C}$	$\bar{B}C$	$B\bar{C}$	BC
A	\bar{A}	$\bar{A}\bar{B}\bar{C}$	$\bar{A}\bar{B}C$	$\bar{A}B\bar{C}$	$\bar{A}BC$
	A	$A\bar{B}\bar{C}$	$A\bar{B}C$	$AB\bar{C}$	ABC

每格标变量取值

		BC			
		00	01	11	10
A	0	000	001	011	010
	1	100	101	111	110

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

三变量卡图

例如， A 、 B 、 C 三个逻辑变量的最小项有 ($2^3=$) 8个，即

$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$ 、 $\overline{A}\overline{B}C$ 、 $\overline{A}B\overline{C}$ 、 $\overline{A}BC$ 、 $A\overline{B}\overline{C}$ 、 $A\overline{B}C$ 、 $AB\overline{C}$ 、 ABC

每格标最小项编号

		BC			
A		00	01	11	10
	0	m_0	m_1	m_3	m_2
	1	m_4	m_5	m_7	m_6

		BC			
A		00	01	11	10
	0	0	1	3	2
	1	4	5	7	6

\overline{B} (over 00, 01)
 B (over 11, 10)
 $\overline{A}B\overline{C}$ (pointing to cell 2)
 \overline{C} (under 00, 10)
 C (under 01, 11)

三变量

每格对应一个最小项

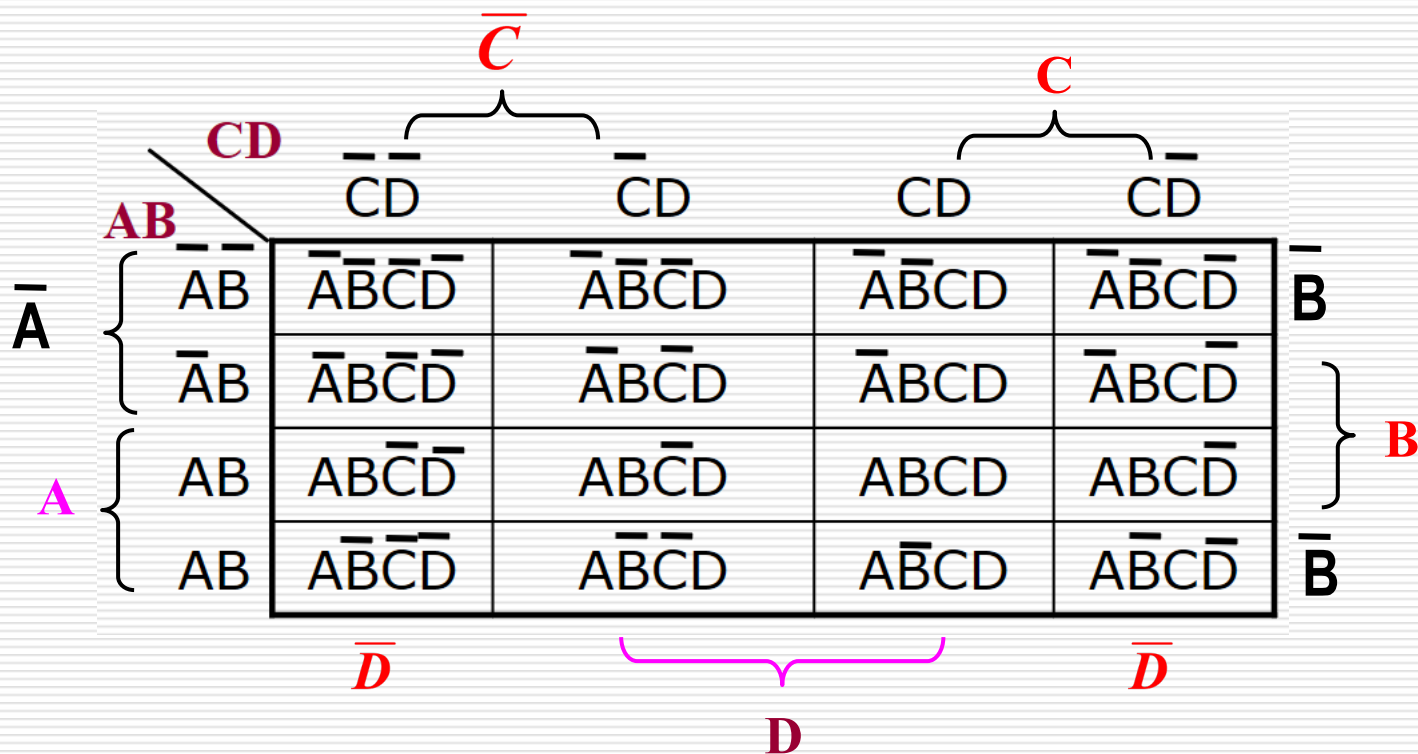
		BC			
A		$\overline{B}\overline{C}$	$\overline{B}C$	BC	$B\overline{C}$
	\overline{A}	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$	$\overline{A}B\overline{C}$	$\overline{A}BC$
	A	$A\overline{B}\overline{C}$	$A\overline{B}C$	$AB\overline{C}$	ABC

每格标变量取值

		BC			
A		00	01	11	10
	0	000	001	011	010
	1	100	101	111	110

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

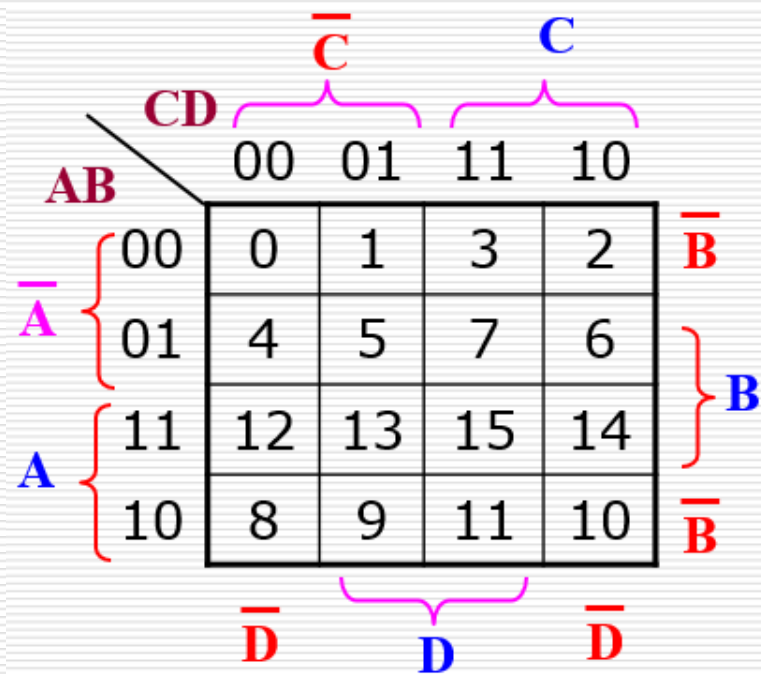
四变量卡诺图



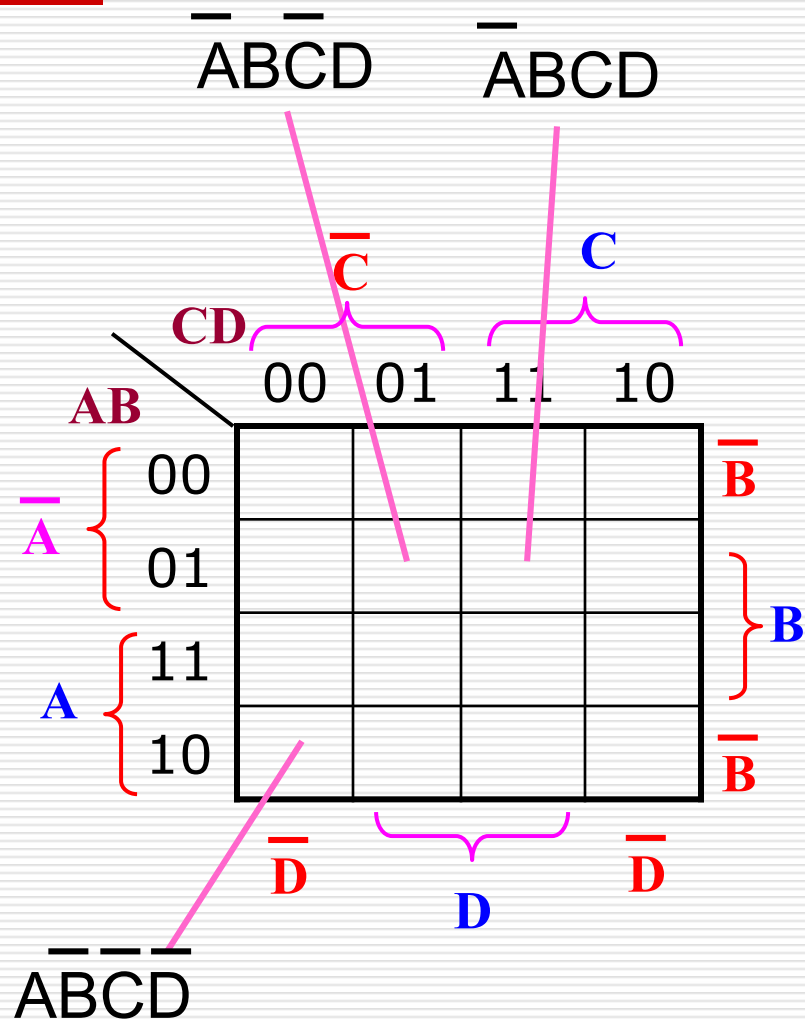
相邻两方格只有一个变量发生改变，符合格雷码规则。

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

四变量卡诺图

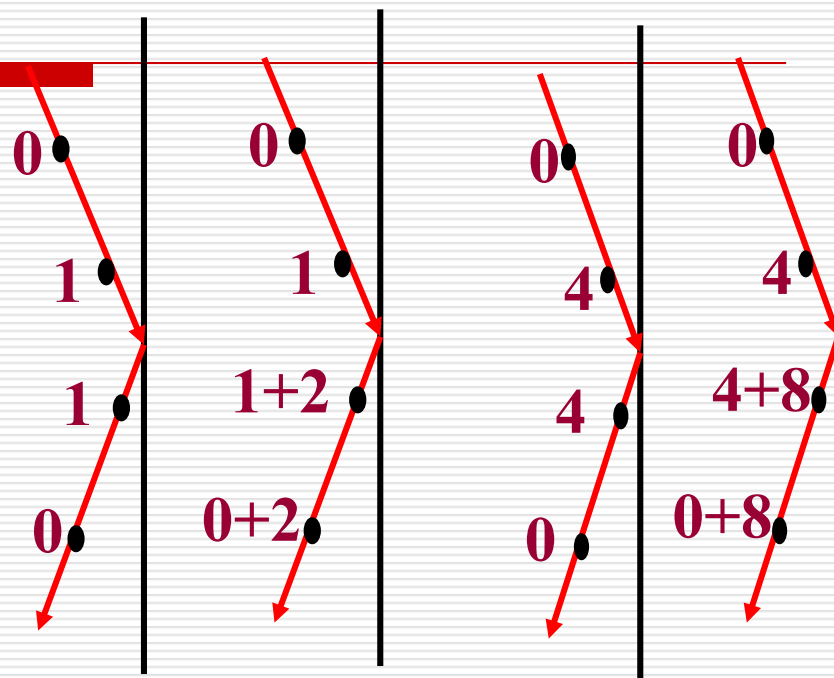
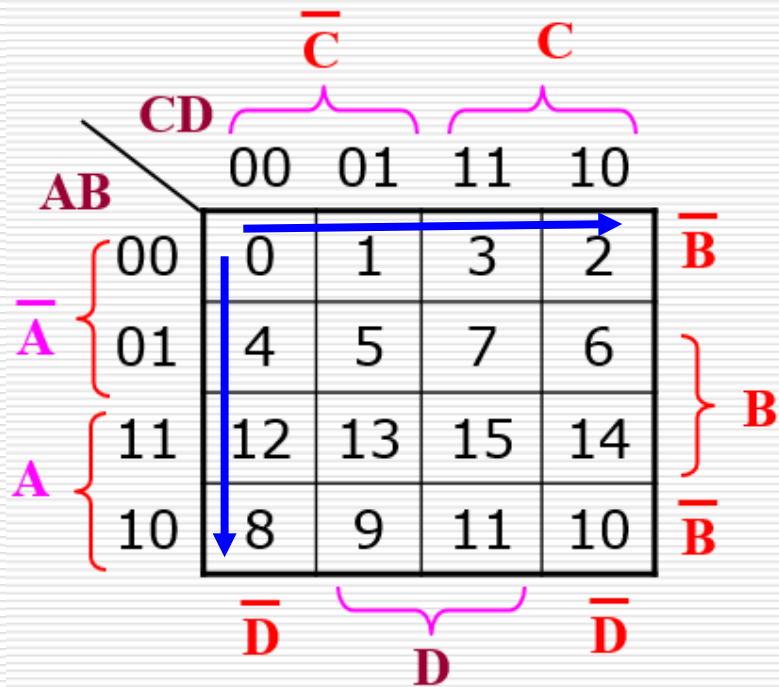


相邻的小方格具有逻辑相邻性
(对应的最小项只有1位不同)



➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

四变量卡诺图



镜面反射对称。

Reflected

也可以称为：折叠展开特性

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

五变量卡诺图

将最小项以二维表格形式排列

		\overline{C}								C	
		E				\overline{E}				E	
AB \ CDE		000	001	011	010	110	111	101	100		
\overline{A} {	00	0	1	3	2	6	7	5	4	\overline{B}	
	01	8	9	11	10	14	15	13	12	{	
A {	11	24	25	27	26	30	31	29	28		
	10	16	17	19	18	22	23	21	20	\overline{B}	
		\overline{D}		D				\overline{D}			

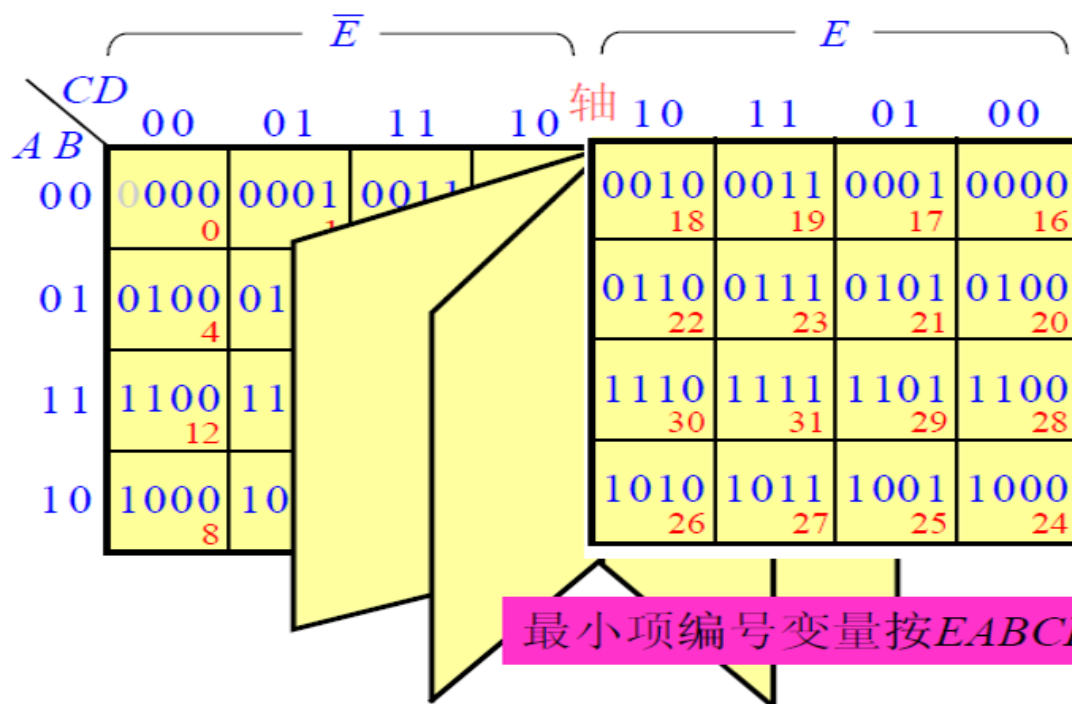
任意几何相邻的小方格所代表的最小项具有逻辑相邻性

相邻两方格只有一个变量发生改变，符合格雷码规则。

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

五变量卡诺图

五变量卡诺图的画法：五变量卡诺图是在四变量卡诺图的基础上翻转构成的。



我们将逻辑函数中带有 \bar{E} 的与项填入轴左侧的 \bar{E} 四变量卡诺图中；将带有 E 的与项填入轴右侧的 E 四变量卡诺图中；不带变量 E 的与项填入以轴为对称的二个四变量卡诺图中。

3. 已知逻辑函数画卡诺图

当逻辑函数为最小项表达式时，在卡诺图中找出和表达式中最小项对应的小方格填上1，其余的小方格填上0（有时也可用空格表示），就可以得到相应的卡诺图。任何逻辑函数都等于其卡诺图中为1的方格所对应的最小项之和。

例1：画出逻辑函数

$L(A, B, C, D) = \sum m(0, 1, 2, 3, 4, 8, 10, 11, 14, 15)$ 的卡诺图

L $AB \backslash CD$	00	01	11	10
00				
01				
11				
10				

例2 画出下式的卡诺图

$$L(A, B, C, D) = (\bar{A} + \bar{B} + \bar{C} + \bar{D})(\bar{A} + \bar{B} + C + \bar{D})(\bar{A} + B + \bar{C} + D) \\ (A + \bar{B} + \bar{C} + D)(A + B + C + D)$$

解 1. 将逻辑函数化为最小项表达式

$$\bar{L} = ABCD + AB\bar{C}\bar{D} + A\bar{B}C\bar{D} + \bar{A}BC\bar{D} + \bar{A}\bar{B}C\bar{D} \\ = \sum m(0, 6, 10, 13, 15)$$

2. 填写卡诺图

\textcircled{L}		CD			
		00	01	11	10
AB	00				
	01				
	11				
	10				

2.4.2 用卡诺图化简逻辑函数

1、化简的依据

AB \ CD	00	01	11	10
00	m ₀	m ₁	m ₃	m ₂
01	m ₄	m ₅	m ₇	m ₆
11	m ₁₂	m ₁₃	m ₁₅	m ₁₄
10	m ₈	m ₉	m ₁₁	m ₁₀

$$\overline{A}\overline{B}CD + \overline{A}B\overline{C}D = \overline{A}\overline{B}D$$

$$\overline{A}B\overline{C}D + \overline{A}B\overline{C}\overline{D} = \overline{A}B\overline{D}$$

$$\overline{A}\overline{B}\overline{D} + \overline{A}B\overline{D} = \overline{A}\overline{D}$$

$$A\overline{B}\overline{D} + AB\overline{D} = A\overline{D}$$

$$\overline{A}D + AD = D$$

卡诺图中小方块的相邻

- 小方块的相邻
(可以是大块相邻)
- 相邻 – 有共同的边界
- 相对 – 同行(或列)两端

以上相邻的小方块只有一个变量不同的最小项，称为逻辑相邻。对于 n 个变量函数，每个小方块有 n 个相邻的小方块。

* 四个相邻小方格合并

最小项为1的四个小方格合并成一项，就可消去两个变量。

AB \ CD	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

AC

用代数式
验证

AB \ CD	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

$\overline{C}D$

AB \ CD	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

$\overline{B}C$

AB \ CD	00	01	11	10
00	0	1	3	2
01	4	5	7	6
11	12	13	15	14
10	8	9	11	10

$\overline{B}\overline{D}$

* 八个相邻小方格合并

—— 最小项为1的八个方格合并成一项，就可消去三个变量。

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	3	2
	01	4	5	7	6
	11	12	13	15	14
	10	8	9	11	10

Diagram illustrating a 4x4 Karnaugh map for variables A, B, C, and D. The map shows 16 cells, each containing a decimal index (0-15) and a value (0 or 1). The values 1 are located in cells 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, and 15, forming a vertical column in the middle two columns (CD = 01 and CD = 11). An orange oval highlights these eight cells, and an arrow points to a box labeled **D**, indicating that these cells can be grouped to form the term D .

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	0	1	3	2
	01	4	5	7	6
	11	12	13	15	14
	10	8	9	11	10

Diagram illustrating a 4x4 Karnaugh map for variables A, B, C, and D. The map shows 16 cells, each containing a decimal index (0-15) and a value (0 or 1). The values 1 are located in cells 0, 1, 3, 2, 4, 5, 7, 6, 8, 9, 11, 10, 12, 13, 15, and 14, forming a horizontal row in the top two rows (AB = 00 and AB = 01). An orange oval highlights these eight cells, and an arrow points to a box labeled \overline{B} , indicating that these cells can be grouped to form the term \overline{B} .

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

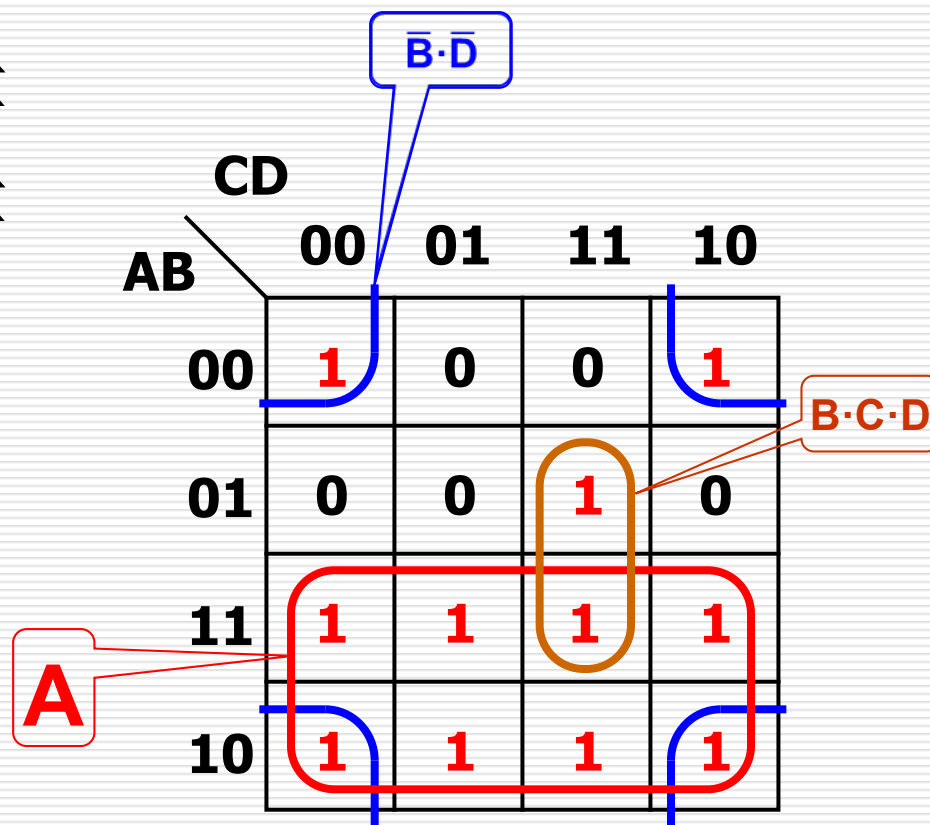
两个相邻项，可消去一个变量

四个相邻项，可消去两个变量

八个相邻项，可消去三个变量

2^n 个相邻项，可消去 n 个变量

只能是 **2^n 个相邻项**可以合并。
不能**3个，5个，6个，7个**
相邻项合并。



➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

卡诺图化简步骤

- 填写卡诺图

可由真值表、标准和或标准积等来填写

按最小项表达式填卡诺图，凡式中包含了的最小项，
其对应方格填1，其余方格填0。

可以圈6个吗



- 圈组：找出相邻的1或0 (1: 最小项； 0: 最大项)

将相邻的1方格或0方格圈成一组(包围圈)，每一组含 2^n 个方格

组(圈)内1或0的个数尽量多，组(圈)数尽量少，确保所有1或0都被圈过

如果需要，1或0可被圈多次

- 读图：若圈1，写出合并后的乘积项；若圈0，写出合并后的求和项

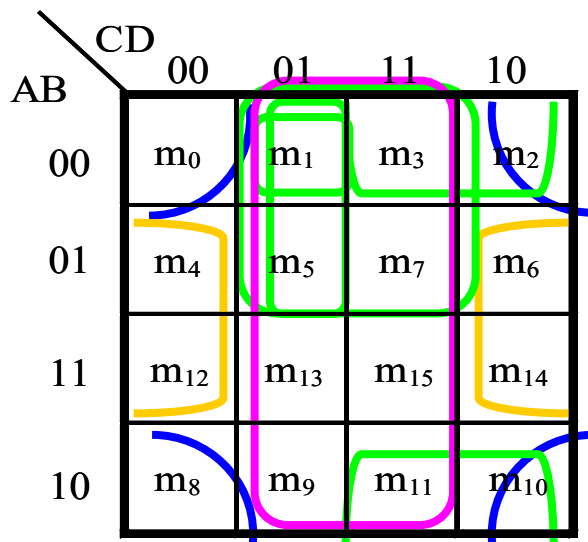
消掉有变化的变量；保留无变化的变量

- 写出化简后的积之和表达式（圈1）或和之积（圈0）表达式

圈1：将所有包围圈对应的乘积项相加； 圈0：将所有包围圈对应的和项相乘。

画包围圈时应遵循的原则：

- (1) 包围圈内的方格数一定是 2^n 个，且包围圈必须呈矩形。
- (2) 循环相邻特性包括上下底相邻，左右边相邻和四角相邻。
- (3) 同一方格可以被不同的包围圈重复包围多次，但新增的包围圈中一定要有原有包围圈未曾包围的方格。
- (4) 一个包围圈的方格数要尽可能多, 包围圈的数目要可能少。



已知：函数L对应的卡诺图如下图，请写出函数L的表达式（ ）

A $L(A,B,C,D) = \sum m(0, 2, 5, 7, 8, 10, 13, 15)$

B $L(A,B,C,D) = \sum m(0, 3, 5, 7, 8, 10, 13, 15)$

C $L(A,B,C,D) = \sum m(0, 2, 5, 7, 9, 10, 11, 15)$

D $L(A,B,C,D) = \sum m(0, 2, 5, 6, 7, 10, 13, 15)$

提交

L

C			
1	0	0	1
0	1	1	0
0	1	1	0
1	0	0	1
D			

A B

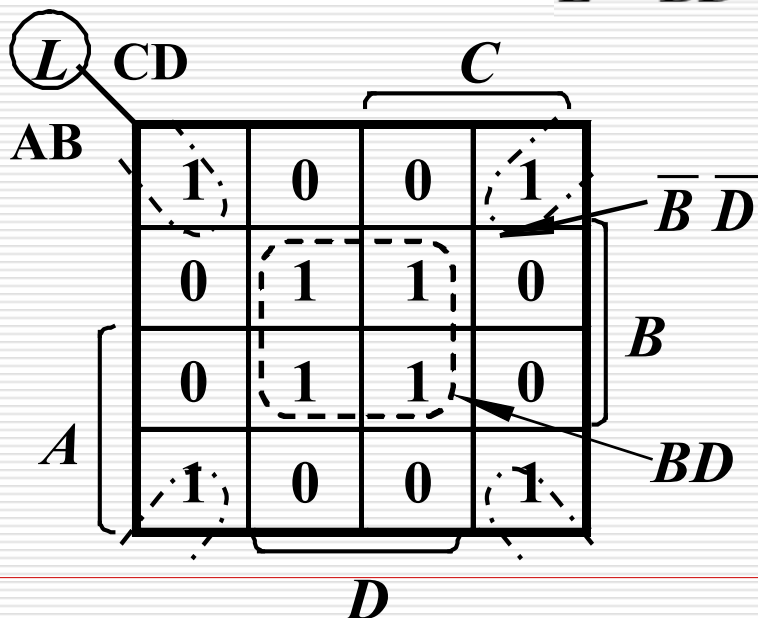
例 :用卡诺图法化简下列逻辑函数

$$L(A, B, C, D) = \sum m(0, 2, 5, 7, 8, 10, 13, 15)$$

解: (1) 由 L 画出卡诺图

(2) 画包围圈合并最小项, 得最简与-或表达式

$$L = BD + \bar{B} \bar{D}$$

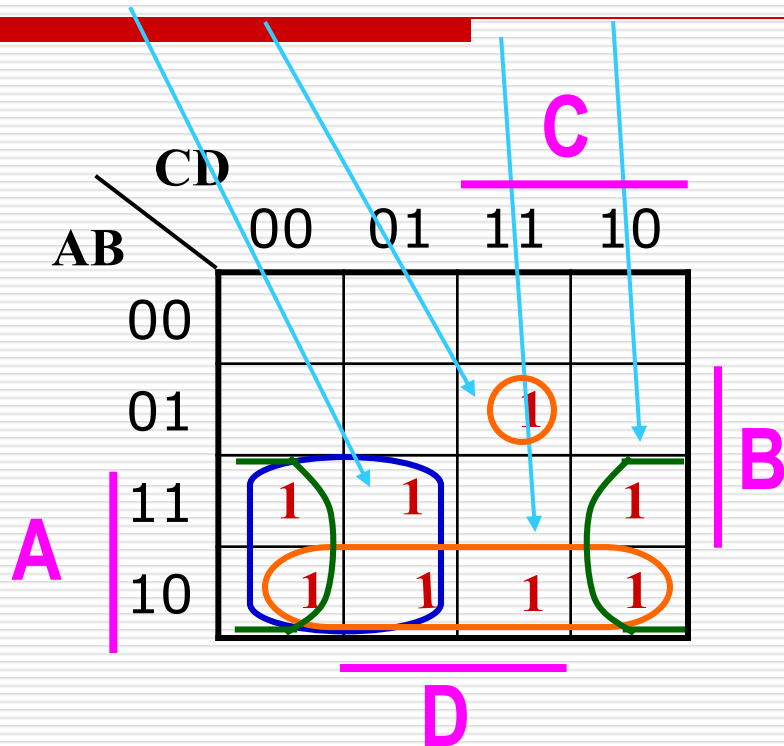


AB \ CD	CD			
	00	01	11	10
00	m_0	m_1	m_3	m_2
01	m_4	m_5	m_7	m_6
11	m_{12}	m_{13}	m_{15}	m_{14}
10	m_8	m_9	m_{11}	m_{10}

例 试用卡诺图化简法求逻辑表达式

$F(A, B, C, D) = ABC\bar{D} + \bar{A}BCD + A\bar{B} + A\bar{D}$ 的最简与或表达式。

解：



化简的原则：用尽可能少的极大圈将所有的“1”圈掉

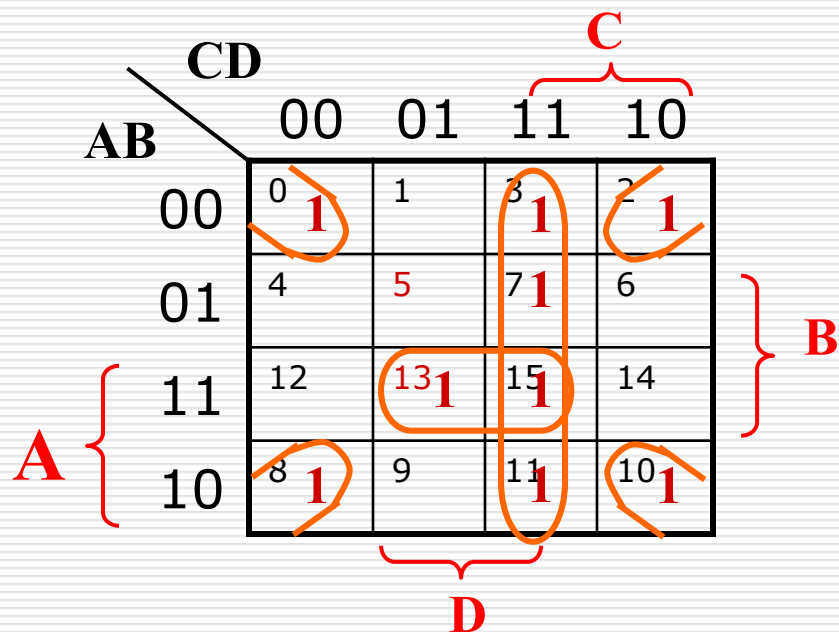
- 1、先用极大圈覆盖尽可能多的“1” (即先合并大的圈)
- 2、圈的个数尽可能少。

$$F(A, B, C, D) = \bar{A}BCD + A\bar{B} + A\bar{D} + A\bar{C}$$

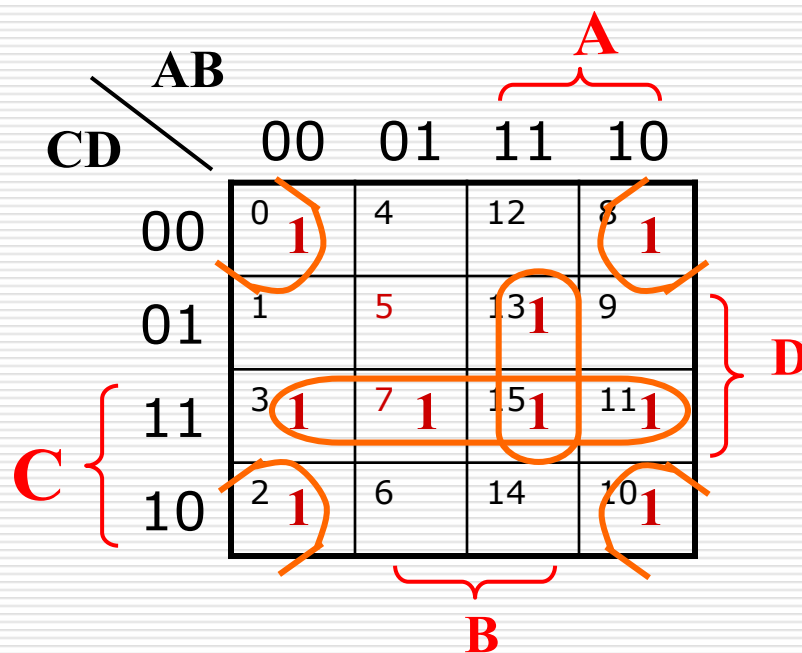
例

试用卡诺图化简法求逻辑表达式

$F(A,B,C,D) = \sum (0,2,3,7,8,10,11,13,15)$ 的最简与或表达式。



$$F = ABD + CD + \overline{B}\overline{D}$$



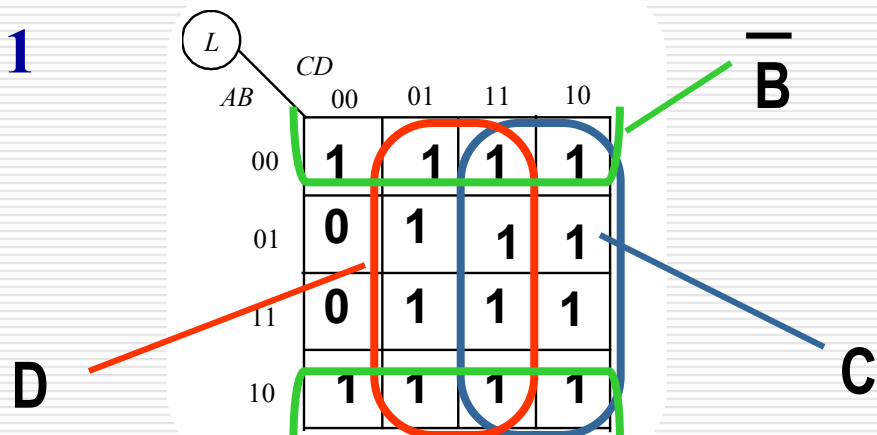
$$F = ABD + CD + \overline{B}\overline{D}$$

说明：左图中AB在下方。右图中AB在上方。注意每个变量的区域。
两张卡诺图中，变量放置位置不同，但是化简结果是相同的。

例： 用卡诺图化简

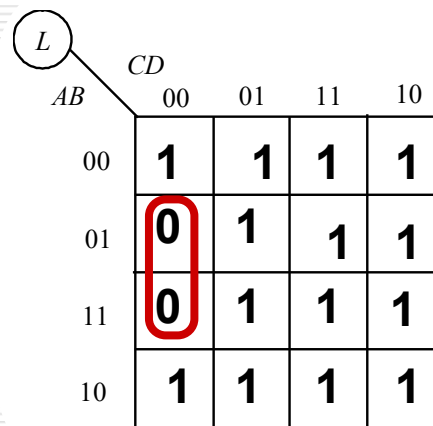
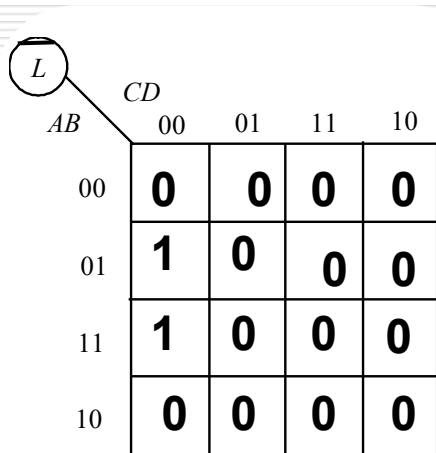
$$L(A,B,C,D) = \sum m(0 \sim 3, 5 \sim 7, 8 \sim 11, 13 \sim 15)$$

圈1



$$L = D + C + \bar{B}$$

圈0



$$\bar{L} = \bar{B}CD$$



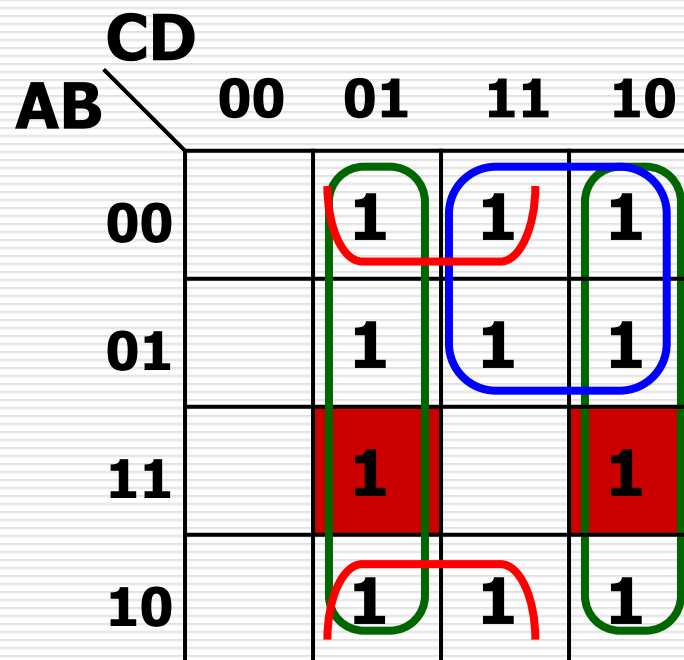
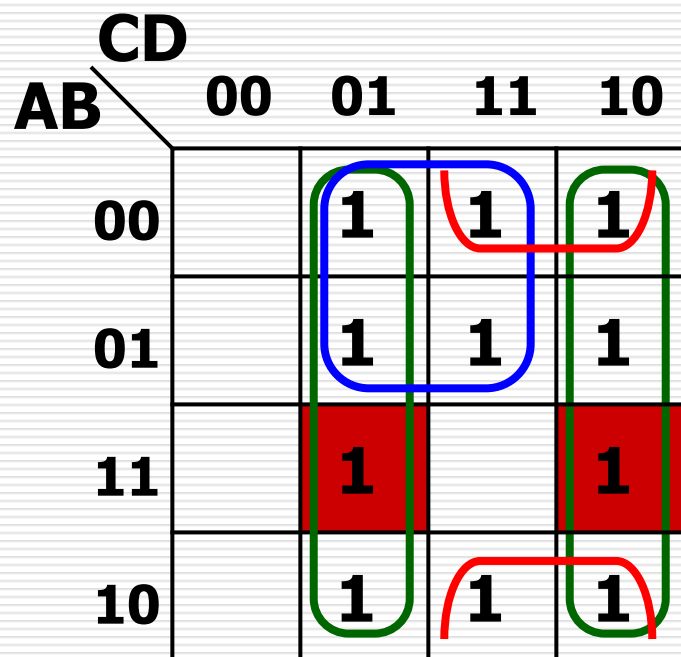
$$L = D + C + \bar{B}$$

\bar{L} 的卡诺图

$$\bar{L} = \bar{B}CD$$

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

Example



化简结果不一定唯一，但代价相同

Example

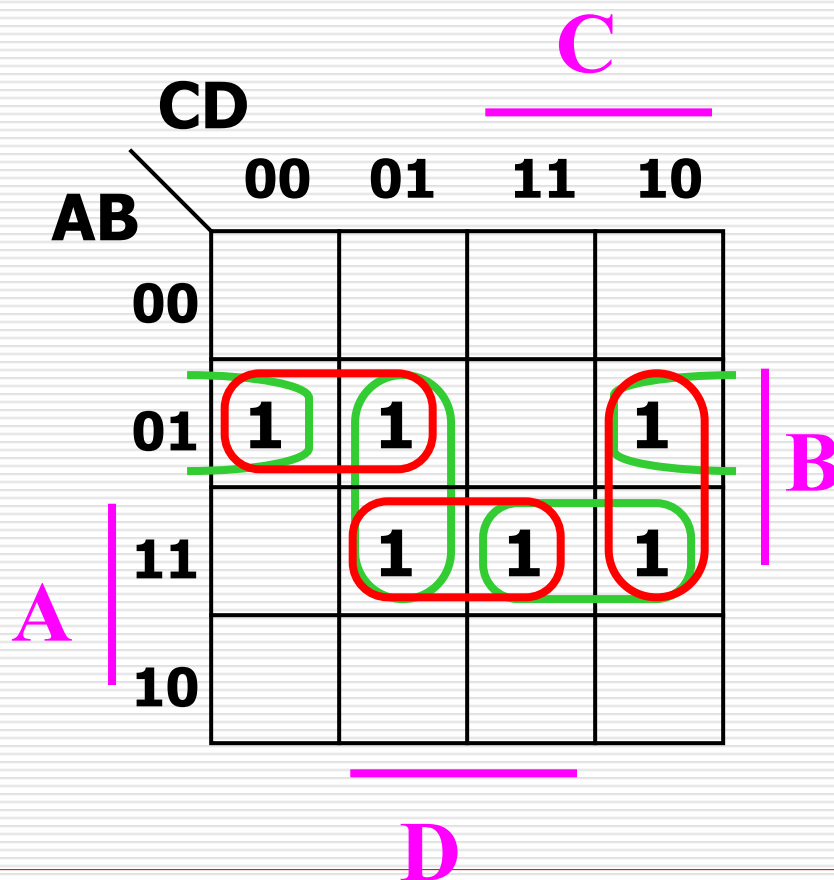


$$F = (A+B+C+D) \cdot (A+C) \cdot (C+D)$$

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

Example

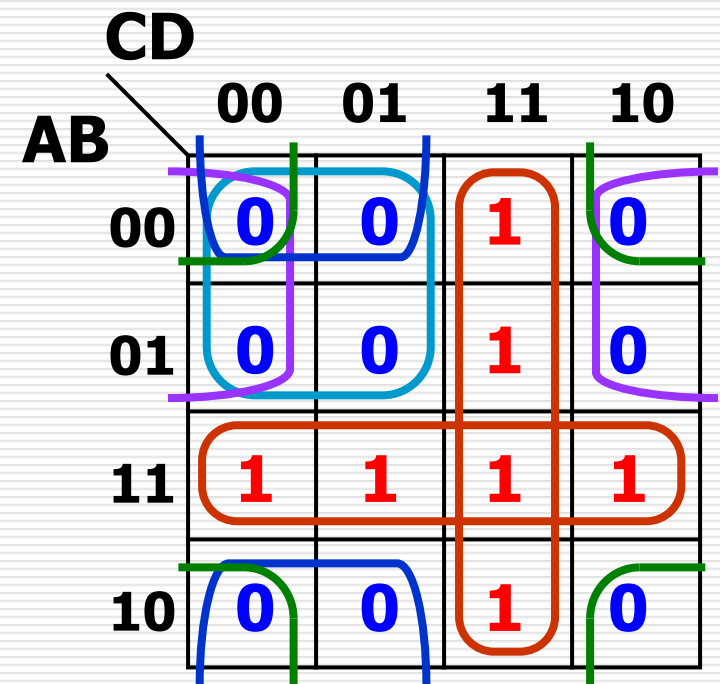
找出所有的可合并项



消掉冗余的合并项。

➤ Karnaugh Maps (卡诺图)

Example



圈0和圈1的代价相同吗？

圈1得最小和: $F = A \cdot B + C \cdot D$

圈0得最小积: $F = (A+C) \cdot (A+D) \cdot (B+C) \cdot (B+D)$

∴ 圈1代价最小

3、具有无关项的化简

“Don't-Care” Input Combinations
(“无关”输入组合)

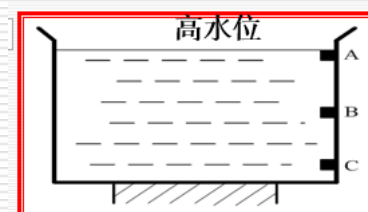
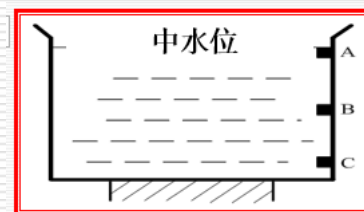
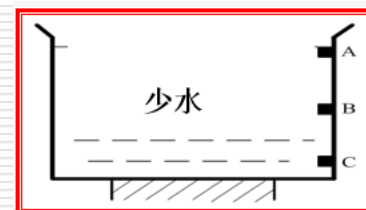
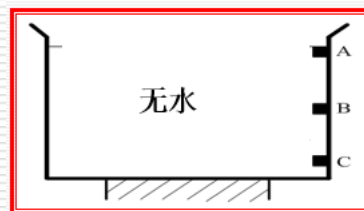
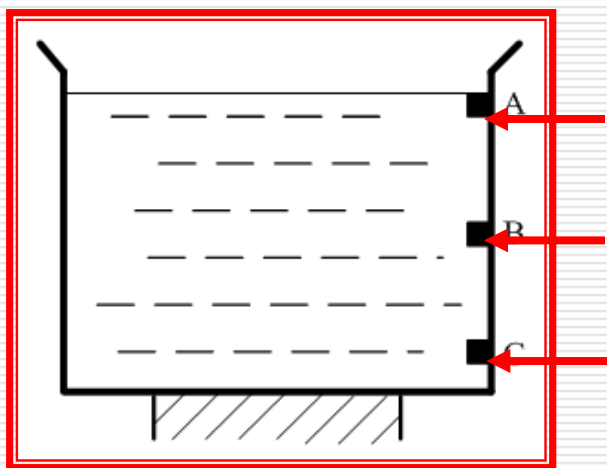
(1) 什么叫无关项:

在真值表内对应于变量的某些取值下，函数的值可以是任意的，或者这些变量的取值根本不会出现，这些变量取值所对应的最小项称为无关项或任意项。

在含有无关项逻辑函数的卡诺图化简中，它的值可以取0或取1，具体取什么值，可以根据使函数尽量得到简化而定。

例：下图所示的水箱中设置了3个水位检测元件A、B、C，当水位高于检测元件时，检测元件输出为0，当水位低于检测元件时，检测元件输出为1。根据常识可知，检测元件A、B、C共有000、100、110和111四种取值组合，其余4种取值001、010、

011、101没有实际意义，因此不能取。在这种情况下，称变量A、B、C为一组具有约束的变量，不能取的这4种取值组合所对应的最小项称为该逻辑问题的约束项。





对于要设计的电路，约束项的输入值并不会出现，所以将约束项写入函数表达式或者不写入，对逻辑函数并没有影响。也就是说，在卡诺图中约束项对应的格子中填入1或者0都可以，一般填入“×”。表示既可以取1也可以取0。

例如：设计此电路时假设水位介于A和C之间是安全的，红灯不亮。水位介于A上或者C下都是危险的，红灯亮。红灯用Y表示，对应的真值表如图所示。

<i>A</i>	<i>B</i>	<i>C</i>	<i>Y</i>
0	0	0	1
0	0	1	x
0	1	0	x
0	1	1	x
1	0	0	0
1	0	1	x
1	1	0	0
1	1	1	1

例: 要求设计一个逻辑电路, 能够判断一位十进制数是奇数还是偶数, 当十进制数为奇数时, 电路输出为1, 当十进制数为偶数时, 电路输出为0。

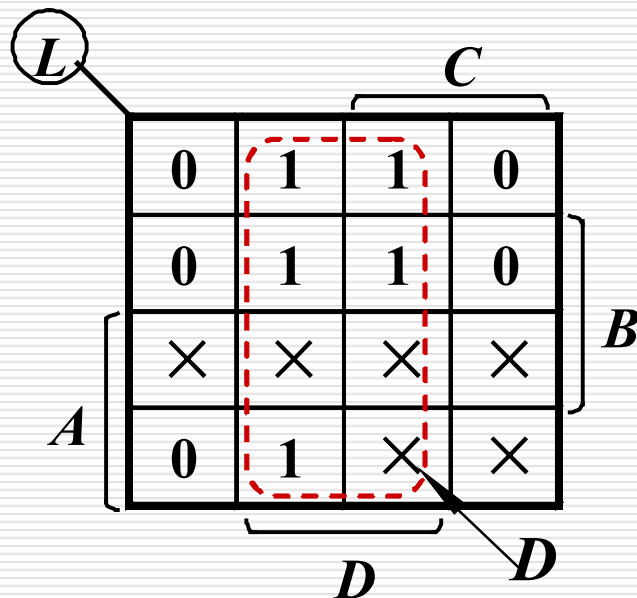
解:

(1) 列出真值表

(2) 画出卡诺图

(3) 卡诺图化简

$$L = D$$



ABCD	L
0000	0
0001	1
0010	0
0011	1
0100	0
0101	1
0110	0
0111	1
1000	0
1001	1
1010	×
1011	×
1100	×
1101	×
1110	×
1111	×

● 具有无关项逻辑函数的化简

无关项

$$F(A,B,C,D) = \underbrace{\sum (1,2,7,8,11)}_{F=1\text{项}} + \underbrace{\sum_{\phi} (0,6,9,15)}_{\text{无关项}}$$

例 化简函数 $F(A,B,C,D) = \sum (3,5,7)$ ，且无关项为 $\sum \phi(10,11,12,13,14,15)$

解：

CD \ AB	AB			
	00	01	11	10
00			×	
01		1	×	
11	1	1	×	×
10			×	×

$$F(A,B,C,D) = CD + BD$$

例

化简函数 $F(A,B,C,D) = \sum(0,7,13,14,15)$ ，且无关项为

$$\sum \phi(1,2,3,9,10,11)$$

解：

		AB			
		00	01	11	10
CD	00	1			
	01	×		1	×
	11	×	1	1	×
	10	×		1	×

$$F(A,B,C,D) = \overline{A}\overline{B} + CD + AD + AC$$