IIP (E.T.S. de Ingeniería Informática) Curso 2018-2019

Práctica 5. Selección: método cross de la clase Point

Profesores de IIP Departamento de Sistemas Informáticos y Computación Universitat Politècnica de València



Índice

L.	Objetivos y trabajo previo a la sesión de prácticas	1
2.	Descripción del problema	1
3.	Diseño de las clases de la aplicación	2
1.	Diseño del método cross	3
5.	Actividades de laboratorio	4

1. Objetivos y trabajo previo a la sesión de prácticas

El objetivo principal de esta práctica es trabajar con la sintaxis y la semántica de las instrucciones condicionales Java estudiadas en el tema 5 de teoría ("Estructuras de control: selección"). En concreto, se propone completar un método de una clase "Tipo de Datos" que define un punto en el plano cartesiano.

2. Descripción del problema

Un problema muy común en aplicaciones gráficas es el de comprobar si un punto es interior a un polígono. Un algoritmo conocido es el del rayo que, básicamente, consiste en avanzar desde el punto en una dirección fija, por ejemplo, paralela al eje X en sentido positivo, y contar el número de veces que se cruza algún lado del polígono. Si dicho número es par, el punto es exterior y si es impar, el punto es interior. Intuitivamente, si estamos dentro de un cercado de cualquier forma y avanzamos en una dirección fija, cuando hemos saltado la cerca un número impar de veces estamos fuera del cercado, y si saltamos la cerca un número par de veces seguiremos dentro (viceversa si partiéramos de un punto exterior del cercado). Formalmente, se trata de una aplicación del teorema $de Jordan^{1,2}$.

En esta práctica se propone implementar primero un método que, dado un punto p, compruebe si un rayo iniciado en p cruza un segmento de recta delimitado por los puntos u y v.

¹http://erich.realtimerendering.com/ptinpoly/

²https://wrf.ecse.rpi.edu//Research/Short_Notes/pnpoly.html

Si se tiene un polígono dado por una secuencia de vértices, el método anterior permite comprobar si p es interior al polígono por el método del rayo, como en el ejemplo de la Figura 1. Básicamente, se debe contar el número de lados del polígono atravesados por el rayo y comprobar si es par o impar. Hay que tener cuidado si el rayo cruza el polígono por un vértice, dado que el vértice pertenece a dos lados diferentes, lo que se debe tener en cuenta a la hora de contar el número de cruzamientos. El algoritmo para contar el número de cruzamientos se implementará en la práctica 7.

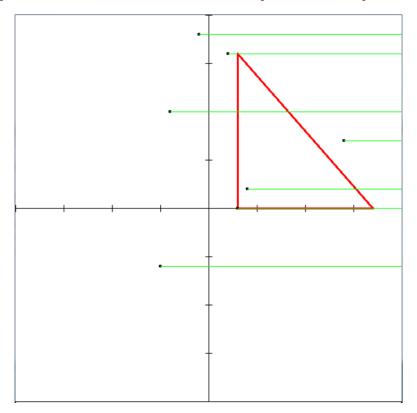


Figura 1: Triángulo y diferentes rayos que cruzan sus lados.

3. Diseño de las clases de la aplicación

Para la resolución del problema planteado, se completará la implementación de las siguientes clases:

- La clase "Tipo de Datos" Point, que representa un punto en el plano cartesiano mediante los siguientes atributos y métodos:
 - Atributos públicos: las constantes Java -variables finales (final) de clase (static)— de tipo int que definen el cruzamiento: DONT_CROSS, LOW_CROSS, CROSS, HIGH_CROSS, con valores -1, 0, 1 y 2, respectivamente.
 - Atributos privados: las variables de instancia x e y de tipo double que definen la abscisa y la ordenada del punto, respectivamente.
 - Métodos públicos: constructor, getters, setters, toString, equals y cross.
 - El método cross, dados dos objetos de tipo Point, u y v, que representan los puntos extremos de un segmento de recta uv, comprueba si el rayo, que se inicia en this y avanza paralelo al eje X en sentido positivo, cruza el segmento de recta uv, es decir, pasa por un único punto del segmento. En la sección 4 se describe con detalle el análisis de casos necesario para su implementación.
- La clase "Programa" RayTest, en cuyo método main se prueba el método cross de la clase Point y se muestra el resultado que devuelve en la salida estándar y en la salida gráfica.

4. Diseño del método cross

El perfil del método cross es el siguiente:

```
/** Dado el rayo que se inicia en this y avanza paralelo al eje X
 * en sentido +, comprueba si dicho rayo cruza el segmento de
 * recta uv, es decir, pasa por un unico punto del segmento.
 * @param u Point, punto extremo del segmento de recta uv.
 * @param v Point, punto extremo del segmento de recta uv.
 * @return int, entero entre DONT_CROSS (-1), LOW_CROSS (0),
 * CROSS (1), HIGH_CROSS (2), según los casos:
 * - Si el rayo no cruza el segmento, devuelve DONT_CROSS.
 * - Si el rayo lo cruza por el extremo más bajo, devuelve LOW_CROSS.
 * - Si el rayo lo cruza por un punto entre u y v, devuelve CROSS.
 * - Si el rayo lo cruza por el extremo más alto, devuelve HIGH_CROSS.
 */
public int cross(Point u, Point v)
```

Este método se puede abordar calculando por dónde atraviesa el rayo la recta definida por u y por v, teniendo en cuenta la pendiente de dicha recta. Supóngase, en primer lugar, que se ha seleccionado en una variable pHigh el punto de entre u y v más alto (el de mayor ordenada), y en una variable pLow el más bajo (el de menor ordenada):

- Si el segmento que pasa por ambos puntos es paralelo al eje X, es decir pHigh.y == pLow.y, entonces ningún rayo cruza el segmento, pues no pasa por ningún punto, o pasa por todos (Caso 1).
- En caso contrario, lo más sencillo es comprobar primero si pasa por uno u otro punto extremo, diferenciando si pasa por pHigh (CASO 2) o por pLow (CASO 3). Si no pasa por ninguno, se puede calcular el punto de corte del rayo con la recta que contiene el segmento. Sea dicha recta ax + b, y (xCut, yCut) el punto de corte que se desea calcular. Teniendo en cuenta que

$$\begin{aligned} & \text{yCut} = \text{this.y}, \\ a &= \frac{\text{pHigh.y} - \text{pLow.y}}{\text{pHigh.x} - \text{pLow.x}}, \\ b &= \text{pLow.y} - a \cdot \text{pLow.x}, \\ & \text{xCut} = \frac{\text{yCut} - b}{a} \end{aligned}$$

entonces, la abscisa del punto de corte se calcula como:

Hecho este cálculo, el rayo cruza el segmento si yCut se encuentra entre la ordenada más alta y la más baja del segmento, y xCut se encuentra a la derecha de this.x (CASO 4), si no el rayo no cruza el segmento (CASO 5), como se ve en los ejemplos de la Figura 2.

Todo ello se traduce en el análisis de casos de la Figura 3.

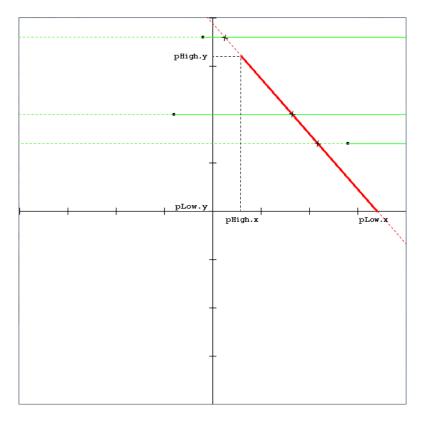


Figura 2: Cruces de un segmento por diferentes rayos: casos 4 y 5.

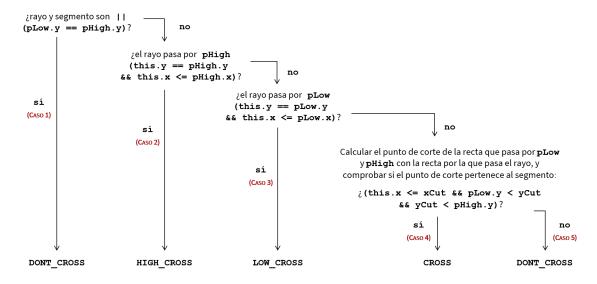


Figura 3: Análisis de casos del método cross.

5. Actividades de laboratorio

Actividad 1: crear el paquete BlueJ pract5

- 1. Descarga en el directorio Downloads los ficheros Point.java y RayTest.java, disponibles en la carpeta de material para la práctica 5 de *PoliformaT*.
- 2. Abre el proyecto *BlueJ* de trabajo de la asignatura (iip).

- 3. Crea un nuevo paquete (Edición Nuevo Paquete) de nombre pract5 y ábrelo (doble clic).
- 4. Agrega al paquete pract5 las clases Point y RayTest (Edición Agregar Clase desde Archivo). Comprueba que sus primeras líneas incluyen la directiva package pract5;, que indica que son clases del paquete.

Actividad 2: instalación de la librería gráfica Graph2D

Para poder mostrar gráficamente los segmentos y los cruzamientos de los rayos, se te proporciona una librería gráfica que permite representar gráficamente puntos y líneas, entre otros elementos, en un espacio bidimensional. Se trata de una librería desarrollada a propósito, en el ámbito de las asignaturas IIP y PRG, para facilitar a los alumnos de primer curso la obtención de resultados gráficos de forma sencilla.

La librería gráfica (clase Graph2D del paquete graph2D) se facilita como una librería en el fichero graphLib.jar (disponible en la carpeta IIP:recursos/Laboratorio/Librería gráfica de <math>PoliformaT). Debes cargar esta librería como sigue:

- 1. Sitúa el fichero (graphLib.jar) en el proyecto de prácticas (iip).
- 2. En *Preferencias-Librerías* de *BlueJ*, añade el fichero graphLib.jar. Tendrás que arrancar nuevamente *BlueJ* para que la librería se cargue, como puedes ver en la Figura 4.

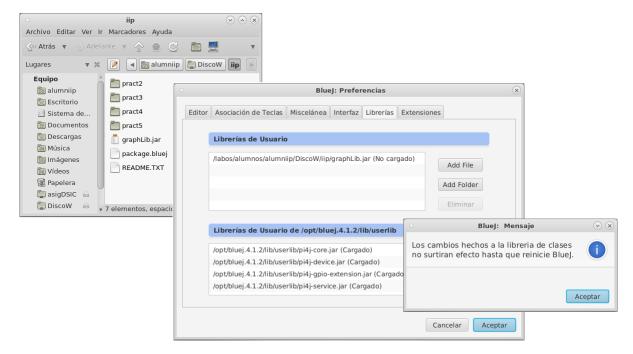


Figura 4: Instalación de la librería gráfica en BlueJ.

La documentación de la clase Graph2D se te proporciona en el fichero docGraph2D.zip. Descomprímelo en el proyecto iip para poder consultar dicha documentación (fichero Graph2D.html) cuando sea necesario.

Actividad 3: completar la clase Point

En el paquete pract5, completa la clase Point siguiendo al pie de la letra los comentarios que aparecen en su cuerpo. Al concluir, la clase debe contener:

1. Las variables de instancia y de clase que se indican en la sección 3.

- 2. Un método constructor por defecto que crea el punto (0.0, 0.0) y un método constructor que crea un punto de coordenadas dadas como parámetros.
- 3. Los métodos get y set asociados a cada una de las variables de instancia.
- 4. El método distance que devuelve la distancia entre el punto this y otro punto dado.
- 5. El método move que actualiza las coordenadas del punto this a los valores dados como parámetros.
- 6. El método equals que comprueba si dos objetos de tipo Point son iguales, es decir, si todos sus atributos coinciden.
- 7. El método toString que devuelve un String representando el punto this en el formato típico matemático, i.e., (x,y).
- 8. El método cross que implementa el esquema de análisis de la Figura 3 para calcular el cruzamiento.

Actividad 4: completar la clase RayTest - salida estándar

La clase RayTest es la clase "Programa" en la que se comprueba si el método cross de la clase Point es correcto. Para ello, se escribirán los siguientes métodos:

■ Método main, en el que se declaran tres vértices:

```
Point vert1 = new Point(3.0, 16.0),
    vert2 = new Point(3.0, 0.0),
    vert3 = new Point(17.0, 0.0);
```

que determinan los lados del triángulo de la Figura 1, de manera que el segmento delimitado por vert2 y vert3 es paralelo a los rayos y permite probar el CASO 1 del análisis de casos, mientras que se puede usar cualquiera de los otros dos segmentos para probar el resto de casos. Se declaran además unos puntos a testear:

```
Point p1 = new Point(-1.0, 18.0), p2 = new Point(2.0, 16.0),
p3 = new Point(-4.0, 10.0), p4 = new Point(14.0, 7.0),
p5 = new Point(1.0, 0.0), p6 = new Point(-5.0, -6.0);
```

con los que se pueden cubrir todos los posibles casos del método, como en la Tabla 1.

Caso	Ejemplos	u	v	р
1	a	vert2	vert3	cualquiera
2	a	vert1	vert2	p2
	b	vert1	vert3	p2
3	a	vert1	vert2	p5
	b	vert1	vert3	p5
4	a	vert1	vert2	p3
	b	vert1	vert3	р3
5	a	vert1	vert2	p1
	b	vert1	vert2	p4
	C	vert1	vert2	p6
	d	vert1	vert3	p1
	e	vert1	vert3	p4
	\mathbf{f}	vert1	vert3	9 g

Tabla 1: Casos de prueba para p.cross(u, v).

En el método se realizarán, al menos, cinco llamadas, escogidas de manera que se cubran los cinco casos posibles del algoritmo (en el código se te da resuelto, como guía, el CASO 1). Para cada llamada, se mostrará el resultado en la salida estándar en un formato como el del siguiente ejemplo, que ha tomado los casos de prueba 1a, 2b, 3b, 4b y 5e de la Tabla 1:

```
Cruce del segmento (3.0,0.0) a (17.0,0.0) desde (-1.0,18.0) : DONT_CROSS Cruce del segmento (3.0,16.0) a (17.0,0.0) desde (2.0,16.0) : HIGH_CROSS Cruce del segmento (3.0,16.0) a (17.0,0.0) desde (1.0,0.0) : LOW_CROSS Cruce del segmento (3.0,16.0) a (17.0,0.0) desde (-4.0,10.0) : CROSS Cruce del segmento (3.0,16.0) a (17.0,0.0) desde (14.0,7.0) : DONT_CROSS
```

Nota que, en esta salida, el resultado del método cross se muestra con la palabra correspondiente DONT_CROSS, HIGH_CROSS, LOW_CROSS, CROSS en lugar del valor entero que devuelve el método. Con este propósito, se usará el método auxiliar crossToString, cuyo código se debe completar tal como se describe a continuación.

■ Método crossToString en el que, haciendo uso de una instrucción switch y de las constantes definidas en la clase Point, debes actualizar adecuadamente el valor de la variable res.

Actividad 5: completar la clase RayTest - salida gráfica

Haciendo uso de la librería <code>Graph2D</code> del paquete <code>graph2D</code>, se van a mostrar los casos de prueba en una salida gráfica, de modo que se puedan contrastar con los resultados obtenidos en la actividad anterior. Nota que, para utilizar esta librería, al comienzo de la clase <code>RayTest</code>, se ha incluido la directiva de importación de la clase <code>gráfica</code>:

```
import graph2D.Graph2D;
```

Una vez hecho esto, ya es posible definir objetos de dicha clase y operar sobre ellos en la clase RayTest. Como se ve en el código que se te proporciona, para crear el espacio de dibujo, se usa el constructor que crea un Graph2D a partir de las dimensiones reales de los ejes de coordenadas (-20, 20 para el eje X y -20, 20 para el eje Y), las dimensiones de la ventana (600 \times 600), un color de fondo (Color.WHITE) y un título.

A continuación, el método de instancia drawLine, a partir de las coordenadas de los puntos u y v, un color (Color.RED) y un grosor (3), dibuja el segmento uv en el espacio de dibujo.

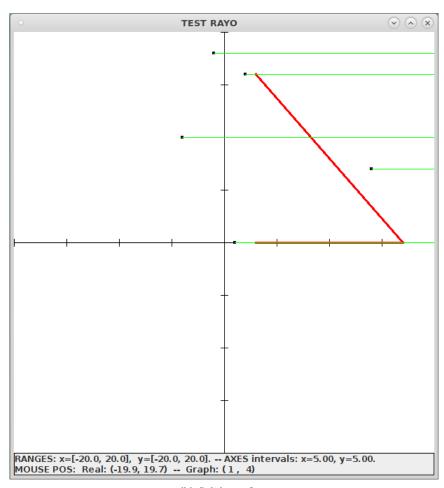
Por último, se invoca al método privado estático drawRay (de la clase RayTest) para dibujar cada uno de los puntos a testear (con el método drawPoint) y sus rayos (con el método drawLine). El código de este método auxiliar drawRay es el que sigue:

```
/** Dibuja en el espacio de dibujo gd el Point p y su rayo. */
private static void drawRay(Graph2D gd, Point p) {
    gd.drawPoint(p.getX(), p.getY(), Color.BLACK, 4);
    gd.drawLine(p.getX(), p.getY(), 20, p.getY(), Color.GREEN, 1);
}
```

En esta actividad debes completar el dibujo de los rayos de prueba, para visualizar su cruzamiento con el segmento uv. Igual que para la salida estándar, en el código se te proporciona, como guía, la resolución del CASO 1.

El resultado en la salida gráfica del método main, por ejemplo, para los casos de prueba 1a, 2b, 3b, 4b y 5e de la Tabla 1, debe ser el que se muestra en la Figura 5(b).

(a) Salida estándar.



(b) Salida gráfica.

Figura 5: Resultado del método main para los casos de prueba 1a, 2b, 3b, 4b y 5e de la Tabla 1.