

Examen Julio 2018, preguntas y respuestas

Estructuras de datos y algoritmos (Universitat Politecnica de Valencia)

Resolución del Primer Parcial de EDA (11 de Abril de 2018)

1.- Diseña una método en la clase LEGListaConPI que, accediendo únicamente a los atributos de la clase, elimine todos los elementos que hay antes del Punto de Interés (PI) de una Lista y devuelva como resultado cuántos ha eliminado. El PI de la Lista deberá permanecer inalterado.

(2.5 puntos)

```
public int metodo1() {
    if (ant == pri) return 0; // Si NO hay elementos ANTES del PI, se borran 0 elementos
    int res = 0;
                              // Sino, hay que contar cuántos elementos hay ANTES del PI
    for (NodoLEG<E> aux = pri; aux != ant; aux = aux.siguiente) { res++; }
    // Tras contarlos, ...
    // PASO 1: actualizar la talla
    talla = talla - res:
    // PASO 2: Borrado "lazy" de todos los elementos ANTES del que ocupa el PI,
    // que consiste en desenlazar los nodos que los contienen como sique:
    // 2.1 - El elemento que ocupa el PI debe pasar a ser el primero de la lista.
    pri.siguiente = ant.siguiente; // El nodo cabecera pasa a apuntar al que ocupa el PI
    ant = pri; // Y el anterior al PI es ahora el nodo cabecera
    // 2.2 - Si hubiera que borrar todos los elementos de la Lista, ult se debe actualizar
    if (talla == 0) { ult = pri; }
    return res;
}
```

2.- Diseñar un método estático Divide y Vencerás que, dado un array v de Integer ordenado ascendentemente y sin elementos repetidos y un Integer e, devuelva el sucesor de e en v, o null si no existe tal sucesor en v. Recuerda que el sucesor de un elemento e es el menor de todos los elementos mayores que e. (2.5 puntos)

- a) Indica la talla del problema: x = f i + 1, o v.length en la llamada más alta
- b) Escribe las Relaciones de Recurrencia para el Mejor y Peor de los casos.

```
En el caso general, cuando x > 0:
T^{M}_{metodo2}(x) = k
T^{P}_{metodo2}(x) = 1 * T^{P}_{metodo2}(x / 2) + k'
```

c) Indica el coste Temporal del método que has diseñado utilizando la notación asintótica (O y Ω o bien Θ).

```
T_{metodo2}(x) \in \Omega(1) \text{ y } T_{metodo2}(x) \in O(logx)
```

3.- Diseña un método estático que, dados un array v de Integer y un Integer e, devuelva un String en el que se indique, con el formato que se muestra en el siguiente ejemplo, los pares de elementos de v que sumen e. Por ejemplo, si v = [1, 4, 6, 3, 8, 9, 5, 2] y e = 10, el resultado del método es el String resultante que figura a continuación: (2.5 puntos)

```
v[1] + v[2] = 4 + 6 = 10

v[0] + v[5] = 1 + 9 = 10

v[4] + v[7] = 8 + 2 = 10
```

A la hora de diseñar este método debes tener en cuenta las siguientes consideraciones:

- El array v no debe contener elementos repetidos. Así que, en cuanto tu método detecte un repetido debe devolver como resultado el String "Error: hay elementos repetidos".
- Si v[i] + v[j] está en el resultado, no hay que incluir también v[j] + v[i] (por la propiedad conmutativa).
- El método debe tener el menor coste temporal posible, debiendo evitar recorrer el array v más de una vez. Considera pues el uso de un Map como estructura de datos auxiliar.

```
public static String metodo3(Integer[] v, Integer e) {
     String res = "";
     // Map: clave = elemento de v, valor = posición de la clave en v
     Map<Integer, Integer> mapAux = new TablaHash<Integer, Integer>(v.length);
     for (int j = 0; j < v.length; j++) {
         Integer i = mapAux.recuperar(e - v[j]);
         if (i != null) { // v[j] forma par con v[i] (v[i] + v[j] = e) \rightarrow res se actualiza
             res += "v[" + i + "] + v[" + j + "] = " + v[i] + " + " + v[j] + " = " + e + "\n";
         // Como hay que controlar la aparición de repetidos en v, tanto si i != null como si
         // no lo es hay que insertar la Entrada de clave v[j] y valor j en mapAux
         Integer jRepetido = mapAux.insertar(v[j], j);
         if (jRepetido != null) { return "Error: hay elementos repetidos"; }
         // Observa también que insertando v[j] tras haber actualizado res permite también
         // controlar que si v[i] + v[j] está en el resultado, v[j] + v[i] NO lo estará
     return res;
}
```

4. Diseña un método en la clase MonticuloBinario que devuelva el número de apariciones de un elemento dado e en un Montículo. Aprovecha la propiedad de orden del Montículo para que el coste Temporal efectivo de tu método solo dependa del número de sus elementos que sean menores o iguales que e. **(2.5 puntos)**

- a) Indica la talla del problema: x = Tamaño del Heap con raíz en i, o this.talla en la llamada más alta
- b) Escribe las Relaciones de Recurrencia para el Mejor y Peor de los casos.

```
En el caso general, cuando x > 0: T^{M}_{metodo4}(x) = k y T^{P}_{metodo4}(x) = 2 * T^{P}_{metodo4}(x / 2) + k'
```

c) Indica el coste Temporal del método que has diseñado utilizando la notación asintótica (O y Ω o bien Θ).

```
T_{metodo4}(x) \in \Omega(1) \ y \ T_{metodo4}(x) \in O(x)
```

```
La interfaz Map del paquete modelos.
```

```
public interface Map<C, V> {
    V insertar(C c, V v);
    V eliminar(C c);
    V recuperar(C c);
    boolean esvacio();
    int talla();
    ListaConPI<C> claves();
}
```

Las clases NodoLEG y LEGLIStaConPI del paquete lineales.

```
class NodoLEG<E> {
    E dato;
    NodoLEG<E> siguiente;
    NodoLEG(E e, NodoLEG<E> s) { dato = e; siguiente = s; }
    NodoLEG(E dato) { this(dato, null); }
}

public class LEGListaConPI<E> implements ListaConPI<E> {
    protected NodoLEG<E> pri, ant, ult;
    protected int talla;
    ...
}
```

La clase MonticuloBinario del paquete je rarquicos.

```
public class MonticuloBinario<E extends Comparable<E>> implements ColaPrioridad<E> {
    protected static final int CAPACIDAD_INICIAL = 50;
    protected E[] elArray;
    protected int talla;
    ...
}
```

.....

Teoremas de coste:

• si a>1, $f(x) \in \Theta(x^{\log_c a})$;

```
Teorema 1: f(x) = a \cdot f(x - c) + b, con b \ge 1

• si a = 1, f(x) \in \Theta(x);

• si a > 1, f(x) \in \Theta(a^{x/c});

Teorema 3: f(x) = a \cdot f(x/c) + b, con b \ge 1

• si a = 1, f(x) \in \Theta(\log_c x);
```

```
Teorema 2: f(x) = a \cdot f(x - c) + b \cdot x + d, con b y d≥1

• si a=1, f(x) \in \Theta(x^2);

• si a>1, f(x) \in \Theta(a^{x/c});

Teorema 4: f(x) = a \cdot f(x/c) + b \cdot x + d, con b y d≥1

• si a<c, f(x) \in \Theta(x);

• si a=c, f(x) \in \Theta(x \cdot \log_c x);

• si a>c, f(x) \in \Theta(x \cdot \log_c x);
```