

Ejercicios puntuables de APR, curso 2018-2019, grupo 4C021

La numeración de paginas corresponde a los materiales docentes que hay en www.prhlt.upv.es/~evidal/students/apr/

La puntuación de cada ejercicio está en el rango $[0,2]$. La puntuación total es el máximo entre 2.0 y la suma de puntuaciones de los ejercicios entregados.

Tema 3:

3.1. (p.3.9, 0.5 puntos) Obtener los estimadores de máxima verosimilitud del vector media de una gaussiana bi-variada, cuya matriz de covarianza es fija y conocida partir de una muestra de de vectores bi-dimensionales x_1, x_2, \dots, x_N .

3.2. (p.3.9, 1 punto) Obtener los estimadores de máxima verosimilitud de los 5 parámetros de una gaussiana bi-variada, a partir de una muestra de de vectores bi-dimensionales x_1, x_2, \dots, x_N .

3.3. (p.3.10, 0.25 puntos) Desarrollar y explicar con detalle todos los pasos necesarios para obtener el estimador de máxima verosimilitud del vector media de una de una gaussiana multivariada cuya matriz de covarianza es fija y conocida, a partir de una muestra de vectores x_1, x_2, \dots, x_N .

3.4. (p.3.16, 0.25 puntos) Ejercicio b) de la página indicada: minimizar una función con una condición de igualdad.

3.5. (p.3.18, 0.5 puntos) Ejercicio al pie de la página indicada: estimación por máxima verosimilitud de las probabilidades a priori de un clasificador genérico en C clases.

3.6. (p.3.20, 0.25 puntos) Ejercicio al pie de la página indicada: minimizar una función con una restricción de desigualdad haciendo uso de la condición complementaria de KKT.

3.7. (p.3.26, 0.5 puntos) Mostrar la traza de tres iteraciones de descenso por gradiente para minimizar la función indicada usando paso decreciente con el número de iteraciones, k (por ejemplo $\rho_k = 1/(2k)$).

3.8. (p.3.26, 1 puntos) Implementar en el lenguaje de programación que

se desee el algoritmo de descenso por gradiente para minimizar la función de Rosenbrock. Mostrar una traza de ejecución hasta convergencia. Ensayar paso fijo (valor pequeño fijo para ρ_k) y paso decreciente con el número de iteraciones, k (por ejemplo $\rho_k = 1/(2k)$). Ensayar también distintas inicializaciones de los parámetros; al menos proporcionar traza(s) empezando en $(-1, 1)^t$.

3.9 (p.3.41, 0.25 puntos) Desarrollar con detalle los pasos necesarios para obtener la expresión de la esperanza de las variables latentes de una mezcla de gaussianas que se muestra en el Paso E la página 39.

3.10 (p.3.41, 1 puntos) Desarrollar con detalle los pasos necesarios para obtener las expresiones de actualización de parámetros (π_k , μ_k , $1 \leq k \leq K$) de la mezcla de gaussianas que se muestran en el Paso M de la página 41. Sugerencia: Optimización analítica para las μ_k (para las que no hay restricciones) y optimización lagrangiana (solo) para las π_k .

Tema 4:

4.1 (p.4.9, 0 puntos, pues está resuelto en el boletín de ejercicios) Detallar y completar los desarrollos indicados en esta página hasta obtener la Lagrangiana Dual en función de los multiplicadores de Lagrange y de los productos escalares entre vectores de aprendizaje.

4.2. (p.4.14, 1 punto) Ejercicio 1 de la página indicada: Obtener de forma analítica los parámetros de una SVM a partir de 3 datos de entrenamiento en dos dimensiones.

4.3 (p.4.16-17, 0.75 puntos) Detallar y completar los desarrollos indicados en estas páginas para SVM en caso de no separabilidad lineal.

4.4 (p.4.18, 0.75 puntos) Una SVM con márgenes "blandos" asigna a cada vector de entrenamiento un valor de $a = \alpha^*$ y de $z = \zeta^*$. Completar una tabla de tres filas y tres columnas como esta:

	$a = 0$	$0 < a < C$	$a = C$
$z = 0$	x	x	x
$z \leq 1$	x	x	x
$z > 1$	x	x	x

donde C es la constante de tolerancia.

Cada casilla de la tabla, x, indica cómo quedaría clasificado un vector de entrenamiento para los correspondientes valores de a y z .

Esto debe indicarse mediante:

"m" : mal clasificado
"b+" : bien clasificado y con margen mayor que el margen óptimo
"b=" : bien clasificado justo con el margen óptimo
"b-" : bien clasificado pero con margen menor que el margen óptimo
"--" : imposible

Tema 5:

5.1. (1 punto) Considerar el problema resuelto 5 del boletín de ejercicios (www.prhlt.upv.es/~evidal/students/apr/EjercYexam/Ejercicios.pdf).

- a) Calcular el error cuadrático, $q_S(\theta)$, de la red inicial para la muestra dada $((-2,1)^t, (0,1,0)^t)$ y el correspondiente error de la red reentrenada con dicha muestra.
- b) Realizar una segunda iteración del algoritmo BackProp, con la misma muestra de entrenamiento y factor de aprendizaje (1.0).
- c) Calcular el error cuadrático de la red obtenida en b) para la muestra dada.

5.2 (p.5.39, 0.5 puntos) Ejercicio propuesto al final de la página indicada: Obtener las ecuaciones de actualización de un perceptrón multicapa para la minimización de la entropía cruzada.

Tema 6:

6.1. (p.6.9, 0.25 puntos) Ejercicio propuesto al final de la página indicada: Calcular los 8 valores de $P(A|L,C)$ y obtener la mejor predicción para el estado del aspersor, sabiendo que llueve y el césped está mojado.

6.2. (p.6.10, 0.5 puntos) Ejercicio propuesto al final de la página indicada: Determinar la probabilidad de que un paciente no fumador *no* tenga cáncer de pulmón, si la radiografía ha dado un resultado negativo pero sufre de disnea. (Ejercicio también propuesto en Prácticas para ser resuelto de forma computacional).

6.3. (0.75 puntos): Realizar una traza del método de aprendizaje con observaciones incompletas por "reestimación a la Viterbi" sugerido en la P.6.40, para el ejemplo considerado en esa página con $S = \{(0,1),$

$(1,0)$, $(1,1)$ y $p_0=0.4$, $p_1=0.6$.

6.4. (0.75 puntos) Ejercicio propuesto al final de la sección de Aprendizaje EM: Realizar una traza del EM para el ejemplo desarrollado en las páginas 6.37-6.43, con $S = \{(0,1), (1,0), (1,1)\}$ y $p_0=0.4$, $p_1=0.6$.