Tema 4. Análisis sintáctico descendente

- 1. Introducción
- 2. Gramáticas LL(1).
- 3. Cálculo de Primeros y Siguientes.
- 4. Tabla y análisis sintáctico LL(1).
- 5. Transformaciones de gramáticas.
- 6. A.S. Descendente Recursivo

1. Introducción

ASD intuitivo. PRIM y SIG

```
S-> xF

| Ez

| F

E-> yF

| d

F->w

Realizar ASD para la cadena
"ywz"
```

ASD intuitivo. PRIM y SIG

Y si añadimos una producción vacía ¿Cuándo habría que seleccionarla?

Realizar ASD para la cadena "z"

2. Gramáticas LL(1)

Primeros y Siguientes

PRIMEROS:
$$(N \cup \Sigma)^* \longrightarrow P(\Sigma \cup \{\epsilon\})$$

PRIM $(\alpha) = \{x \in \Sigma \mid \alpha \Rightarrow^* x \beta\} \cup \{\epsilon \mid \alpha \Rightarrow^* \epsilon\}$
 $\alpha, \beta \in (N \cup \Sigma)^*$

SIGUIENTES:
$$N \longrightarrow P (\Sigma \cup \{\$\})$$

SIG (A)=
$$\{x \in \Sigma \mid S \Rightarrow^* \alpha \ Ax \ \beta\} \cup \{\$ \mid S \Rightarrow^* \alpha A\}$$

 $\alpha, \beta \in (\mathbb{N} \cup \Sigma)^*; A \in \mathbb{N}$

Condición LL(1)

Una gramática independiente del contexto es **LL(1)**, si para cualquier par de producciones $(A \rightarrow \alpha \ y \ A \rightarrow \beta)$ se cumple la condición:

PRIM (
$$\alpha$$
 Sig (A)) \cap PRIM (β Sig (A)) = \emptyset

Proposición 1:

Si una gramática es LL(1) entonces no es ambigua.

Proposición 2:

Si una gramática es LL(1) entonces no es recursiva a izquierdas.

3. Cálculo de Primeros y Siguientes

Función Primeros

```
Función Primeros (x \in (N \cup \Sigma)^*): Conjunto de (\Sigma \cup \{\varepsilon\})
<u>Dada</u> G = (N, \Sigma, P, S); <u>con</u> PRIM: Conjunto de (\Sigma \cup \{\varepsilon\})
     PRIM := \emptyset;
     \underline{Si} \times \in (\Sigma \cup \{\epsilon\}) \ \underline{ent} \qquad PRIM := \{x\} \underline{\hspace{1cm}}
                                                                                                      Terminal
     Si \times \in \mathbb{N} ent
                                                              Auxiliar
           Para toda (x \rightarrow \alpha) \in P hacer PRIM := PRIM \cup Primeros(\alpha)
     Si \times = X_1 \times_2 \dots \times_m \wedge m > 1 ent
                                                                                                      Cadena
              i := 1
              Mientras (i < m) \land (\epsilon \in \text{Primeros}(x_i)) hacer
                        PRIM := PRIM \cup (Primeros(x_i) - \{\epsilon\});
                       i := i + 1;
            PRIM := PRIM \cup (Primeros(x_i));
Devolver PRIM
```

Ejemplo Cálculo de PRIM

Ejercicio 1: cálculo de PRIM

```
S \rightarrow Bb \mid Dc
B \rightarrow aB \mid \varepsilon
D \rightarrow dD \mid \varepsilon
PRIM(S) = PRIM(Bb) \cup PRIM(Dc)
PRIM(Bb) = PRIM(aBb) \cup PRIM(\varepsilonb) = \{a, b\}
PRIM(Dc) = PRIM(dDc) \cup PRIM(\varepsilonc) = \{d, c\}
PRIM(S) = \{a, b\} \cup \{d, c\} = \{a, b, c, d\}
```

Recalcular tras añadir las producciones:

S→Sf	PRIM(S)={a, b, c, d}
S→BD	PRIM(S)={a, b, c, d, f, ε }

Función Siguientes

```
<u>Función</u> Siguientes (A \in N: Conjunto de (\Sigma \cup \{\$\})
<u>Dada</u> G = (N, \Sigma, P, S);
Método
Para todo A \in N hacer SIG[A] = \phi
SIG[S] := {$};
                              /* S es el símbolo inicial */
Mientras cambie algún SIG[X] (X \in N) hacer
    Para_toda (B \rightarrow \alpha A \beta) \in P hacer
        Si \beta \Rightarrow^* \epsilon /* \epsilon \in \text{Primeros}(\beta) */
          ent SIG[A] := SIG[A] \cup (Primeros(\beta) - {\epsilon}) \cup SIG[B]
          sino SIG[A] := SIG[A] \cup Primeros(\beta)
```

<u>Fin</u>

Ejemplo calculo de SIG

Calcular SIG para todos los símbolos no-terminales

$$S \rightarrow a A B C$$
 $A \rightarrow a \mid b b D$
 $B \rightarrow a \mid \varepsilon$
 $C \rightarrow b \mid \varepsilon$
 $D \rightarrow c \mid \varepsilon$

```
SIG(S) = {$}

SIG(A) = {a, b, $}

SIG(B) = {b, $}

SIG(C) = {$}

SIG(D) = {a, b, $}
```

Calcular SIG para todos los símbolos no-terminales

E→TE'
E'→
$$\varepsilon$$
 | + TE'
T→ FT'
T'→ ε | * FT'
F→ num | (E) | id

$$PRIM(E')=\{+, \varepsilon\} \rightarrow SIG(T)$$

PRIM(T')={ *,
$$\varepsilon$$
 } \rightarrow SIG(F)

4. Tabla y análisis LL(1)

Tabla de Análisis LL(1)

```
<u>Algoritmo</u>
                        Construcción de la T.A. LL(1)
Entrada G = (N, \Sigma, P, S);
<u>Salida</u> TA: (N \cup \Sigma \cup \{\$\}) \times (\Sigma \cup \{\$\}) \longrightarrow \{(r: A \rightarrow \beta), sacar, aceptar, error\}
Método
      Inicializar TA con la acción "error";
      Para toda (r: A \rightarrow \beta) \in P hacer
            para todo a \in PRIM (\beta SIG(A)) hacer
                  TA [A, a] := (r: A \rightarrow \beta);
      Para todo a \in \Sigma hacer TA [a, a] := sacar;
      TA [$, $] := aceptar;
<u>Fin</u>
```

Análisis Sintáctico Descendente

```
Algoritmo A.S.D: basado en la T.A. LL(1)
Entrada \omega \in \Sigma^*; TA, para una G = (N, \Sigma, P, S);
<u>Salida</u> <u>Si</u> \omega \in L(G) <u>entonces</u> \chi <u>else</u> error()
Método
    apilar (S); sim = yylex(); \chi := \varepsilon; fin = falso;
    Repetir
       <u>Caso</u> TA [cima, sim] <u>sea</u>
         "(r: A \rightarrow \beta)": desapilar; apilar(\beta); \chi := \chi \cdot r;
         "sacar": desapilar; sim := yylex();
         "aceptar": fin := verdad;
         "error": yyerror();
       Fin;
     Hasta fin
```

5. Transformación de gramáticas

Factorización

Una gramática es factorizable cuando existen más de una producción de un mismo no terminal cuya parte derecha comienza por un mismo prefijo.

Factorización:

$$A \rightarrow \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \dots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma$$

Es equivalente a:

$$A \to \alpha A' \mid \gamma$$

$$A' \to \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_n$$

donde A' es un nuevo no terminal.

Eliminación recursión a izq.

Una GIC es recursiva a izquierdas <u>sii</u> \exists $A \in N$: $A \Rightarrow * A \alpha$.

Eliminación de la recursión directa a izquierdas:

$$A \rightarrow A \alpha_1 \mid A \alpha_2 \mid \dots \mid A \alpha_n \mid \beta_1 \mid \beta_2 \mid \dots \mid \beta_p$$

donde los β_i no comienzan por A, $\forall i$.

Es equivalente a:

$$A \rightarrow \beta_1 A' | \beta_2 A' | \dots | \beta_p A'$$

$$A' \rightarrow \alpha_1 A' \mid \alpha_2 A' \mid \dots \mid \alpha_n A' \mid \epsilon$$

donde A' es un nuevo no terminal.

Eliminación recursión a izq.

```
<u>Algoritmo</u>
                       Eliminación de recursión indirecta a izquierdas
<u>Entrada</u> G, GIC recursiva a izquierdas sin ciclos ni A \rightarrow e
Método
     Ordenar los no terminales A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub> ....A<sub>n</sub>
      Para i:=1 Hasta n do
       Para k:=1 Hasta i -1 Hacer
            <u>Si</u> existe A_i \rightarrow A_k \beta sustituir por A_i \rightarrow \gamma_1, \gamma_2, ..., \gamma_p \beta
                                                (donde A_k \rightarrow \gamma_1, \gamma_2, ..., \gamma_p)
         Eliminar recursión inmediata en A_i \rightarrow A_i \alpha
       Fin para
      Fin para
```

$$S \rightarrow Aa \mid b \quad B \rightarrow ab \quad A \rightarrow SB \rightarrow$$

$$S \rightarrow Aa \mid b \rightarrow ab$$

Obtén una gramática equivalente sin recursión a izquierdas

$$S \rightarrow Aa \mid b$$

 $A \rightarrow Ac \mid Sd \mid \epsilon$

Demuestra que las siguientes gramáticas no cumplen la condición LL(1)

6. A. S. Descendente Recursivo

A. Sintáctico Descendente Recursivo

 $A \rightarrow a B c D | Bc$

```
B \rightarrow b | f | \epsilon
```

 $D \rightarrow d$

```
void A () {
   switch(sim){
       case 'a': empareja('a'); B(); empareja('c'); D();
case 'b': case 'f'; case 'c': B(); empareja('c');
                                                                        break ;
                                                                        break ;
       default: yyerror();
void B ( ) {
   switch (sim) {
       case 'b' : empareja ('b'); break;
case 'f' : empareja('f'); break;
                                                         int main(char x) {
                                                              sim = yylex();
       case 'c' : { } ; break ;
                                                             A ();
       default: yyerror ();
void D ( ) {
   switch (sim) {
  case 'd' : empareja ('d'); break;
       default: yyerror ();
                                                 void empareja (char x) {
                                                    if (x == sim) sim=yylex();
                                                    else yyerror();
```

Transforma la siguiente gramática para eliminar el prefijo común. ¿Es LL(1) la nueva gramática?

S-> aB | aBc | d
B ->
$$\epsilon$$

Transforma la siguiente gramática para eliminar la recursión a izquierdas. ¿Es LL(1) la nueva gramática?

Dada la siguiente gramática:

- a) Obtener la tabla de análisis LL(1). ¿Es una gramática LL(1)? ¿Por qué?
- b) Obtener una gramática equivalente LL(1).

Dada la siguiente gramática

$$S \rightarrow B A$$

 $A \rightarrow \% B A \mid \epsilon$
 $B \rightarrow D C$
 $C \rightarrow \& D C \mid \epsilon$
 $D \rightarrow (S) \mid b$

- a) Demostrar que la gramática es LL(1) y construir su tabla de análisis LL(1).
- b) Realizar la traza de análisis LL(1) para la cadena "((b))".

Dada la gramática

- a) Construye la tabla de análisis LL(1)
- b) ¿Es una gramática LL(1)? ¿Por qué?
- c) Realiza la traza para la cadena ω = (zx)