

## EJERCICIO LAPL

Stéphane Diáz - Aljo León

1-

$$S \rightarrow bAb \mid bBa$$

$$B \rightarrow b \mid Bc$$

$$A \rightarrow aS \mid CB$$

$$C \rightarrow c$$

a) No es LL(1) debido a que las reglas de S presentan factorización, y las reglas de B, recursión a izquierdas.

b)

$$S \rightarrow bS'$$

$$B \rightarrow bB'$$

$$S' \rightarrow Ab \mid Ba$$

$$B' \rightarrow CB' \mid \epsilon$$

$$A \rightarrow aS \mid CB$$

$$C \rightarrow c$$

c)

$$\text{PRIM}(bS') = \{b\}$$

$$\text{SIG}(S) = \{\$, b\}$$

$$\text{PRIM}(Ab) = \{a, c\}$$

$$\text{SIG}(S') = \{\$, b\}$$

$$\text{PRIM}(Ba) = \{b\}$$

$$\text{SIG}(A) = \{b\}$$

$$\text{PRIM}(aS) = \{a\}$$

$$\text{SIG}(B) = \{a, b\}$$

$$\text{PRIM}(CB) = \{c\}$$

$$\text{SIG}(B') = \{a, b\}$$

$$\text{PRIM}(bB') = \{b\}$$

$$\text{SIG}(C) = \{a, b, c\}$$

$$\text{PRIM}(CB') = \{c\}$$

$$\text{PRIM}(\epsilon) = \{\epsilon\}$$

$$\text{PRIM}(c) = \{c\}$$



d)

	a	b	c	\$
S	-	r1	-	-
S'	r2	r3	r2	-
A	r4	-	r5	-
B	-	r6	-	-
B'	r8	r8	r7	-
C	-	-	r9	-

Es LL(1) porque no  
hay entradas múltiples

e)

S \$	b b c a \$	-
b S' \$	b b c a \$	1
S' \$	b c a \$	1
B a \$	b c a \$	1 3
B B' a \$	b c c \$	1 3 6
B' a \$	c a \$	1 3 6
C B' a \$	c a \$	1 3 6 7
c B' a \$	c a \$	1 3 6 7 9
B' a \$	a \$	1 3 6 7 9
a \$	a \$	1 3 6 7 9 8
\$	\$	1 3 6 7 9 8



f) Para que una fila asociada a un no-terminal no tenga al menos una acción "derivar" se ha de cumplir que todas las reglas asociadas a este símbolo den lo siguiente:

$PRIM(\alpha \cdot SIG(A)) = \{ \epsilon \} \text{ o } \emptyset$ . Vayamos paso a paso, para que la función PRIM no devuelva inmediatamente un valor  $\alpha$  ha de ser  $\epsilon$  y por ende, todo recae en  $SIG(A)$ .

Sim embargo se puede demostrar que dada una gramática bien formada,  $\forall A \in N, SIG(A) \neq \emptyset$ . Con todo esto, se concluye que no se puede cumplir la condición, por lo que la fila asociada a un no-terminal siempre ha de tener como mínimo una acción "derivar".

La demostración de  $\forall A \in N, SIG(A) \neq \emptyset$  es la siguiente:

A no puede ser S (axioma) ya que  $SIG(S) = \{ \$ \}$

Si  $SIG(A) = \emptyset$  esto implica que <sup>no</sup> existe una regla  $B \rightarrow \alpha A \beta$  perteneciente a las producciones en la que A forma parte de la parte derecha, por lo que no sería accesible y por tanto tampoco bien formada.