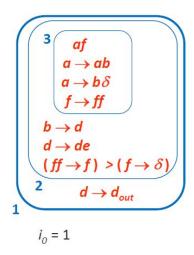
PRÁCTICA 3

ALUMNOS: Sergi Albiach Caro & Stéphane Díaz-Alejo León

EJERCICIO 1.- Especifique el conjunto de naturales calculado por cada uno de los siguientes sistemas P.

a)



X = número de transiciones hasta que se ejecuta la regla que disuelve la membrana de la tercera región (incluyendo esa transición)

Cuando se disuelve la membrana correspondiente a la región número tres, obtenemos los siguientes símbolos:

$$b^{x}f^{2^{x}}$$

Podemos observar que todos los símbolos "a" que podrían haber sido generados por la primera regla, son convertidos en símbolos "b" por la segunda. En cuanto a los símbolos "f", habrá el doble símbolos que en la anterior transición.

Cuando se disuelve la membrana correspondiente a la región número dos, obtenemos los siguientes símbolos:

$$d^{x}e^{x^{2}}$$

La prioridad de la tercera regla, nos indica que en *x* transiciones se disolverá la membrana, por lo que en la primera transición, todos los símbolos "b" se transforman en "d", y después por

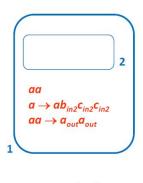
cada símbolo de "d", se genera un símbolo "e", por lo que en cada iteración tenemos x símbolos más de "e".

Finalmente, la regla de la primera región saca todos los símbolos "d", quedando:

$$e^{x^2}$$

En cuanto al conjunto de naturales la solución sería la siguiente: [1, 4, 9, 16, 25, ...]

b)



 $i_0 = 2$

En la primera región existen dos posibles acciones que se pueden tomar en cada transición:

- Introducir "bccbcc" en la segunda región manteniendo "aa" en la primera región.
- Mover "aa" al exterior y parar todo el proceso.

X = número de transiciones hasta que se aplica la segunda acción (sin incluir la transición que desintegra la membrana)

Entonces el resultado sería:

$$(bcc)^{2x}$$

En cuanto al conjunto de naturales la solución sería la siguiente: [0, 6, 12, 24, 48, ...]

EJERCICIO 2.- Dado el siguiente sistema P, establezca cuándo el sistema calcula como salida "s" y cuándo calcula como salida "n" (considere la región número 3 como la de salida).

$$\begin{bmatrix}
2 & a^{n}c^{k}d & & & & \\
ac \to c' & & & \\
ac' \to c
\end{bmatrix} \to (d \to d\delta)$$

$$(dcc' \to n_{in3}) > (d \to s_{in3})$$

$$i_{0} = 3$$

En caso de que el número de as sea un múltiplo del número de cs, todas las c se transformaran en c o c', no habrá ninguna c diferente al resto y por lo tanto se devuelve "s". Si n no es múltiplo de k, y ambos son mayores que 0, se devuelve "n".

En resumen:

$$\{ "n" \ si \ n \ge 1, \ k \ge 1, \ n\% k \ne 0 \\ "s" \ en \ cualquier \ otro \ caso$$