



Exámen 2012, preguntas y respuestas - Resolucion del Primer Parcial

Estructuras de datos y algoritmos (Universitat Politecnica de Valencia)

1.- La siguiente interfaz extiende la funcionalidad de una Lista con Punto de Interés para añadir un nuevo método, *borrarTodos*:

```
public interface ListaConPIPlus<E> extends ListaConPI<E> {
    int borrarTodos(E x);
}
```

Este método elimina todos los elementos de la lista que sean iguales a x , y devuelve el número de elementos que se han borrado. **Se pide** completar el método *borrarTodos* en la siguiente clase, haciendo uso únicamente de los métodos de la interfaz *ListaConPI*: **(2 puntos)**

```
public class ImplementacionListaConPIPlus<E>
    extends ImplementacionListaConPI<E> implements ListaConPIPlus<E> {
    public int borrarTodos(E x) {
```

```
        int n = 0;
        inicio();
        while ( !esFin() )
            if ( recuperar().equals(x) ){
                eliminar();
                n++;
            }
            else siguiente();
        return n;
    }
```

```
public interface
ListaConPI<E> {
    void insertar(E e);
    void eliminar();
    E recuperar();
    void inicio();
    void siguiente();
    boolean esFin();
    boolean esVacia();
    void fin();
    int talla();
}
```

2.- La clase *LEGCola* es una implementación de la interfaz *Cola* mediante una lista enlazada. Se ha diseñado una nueva clase, *LEGColaDeEnteros*, a la que se quiere añadir un nuevo método, *borrarPrimero*, que elimine el primer elemento de la cola si y sólo si el valor del primer elemento es mayor que la suma de todos los demás. El método devuelve *true* si se ha realizado el borrado y *false* en caso contrario.

Se pide completar el método *borrarPrimero* asumiendo que hay, al menos, dos elementos en la cola: **(2 puntos)**

```
public class LEGColaDeEnteros extends LEGCola<Integer> {
    public boolean borrarPrimero() {
```

```
        int suma = 0;
        NodoLEG<Integer> aux = primero.siguiente;
        while ( aux != null ){
            suma += aux.dato;
            aux = aux.siguiente;
        }
        if ( primero.dato.compareTo(suma) > 0 ){
            primero = primero.siguiente;
            return true;
        }
        else return false;
    }
```

```
public class LEGCola<E>
    implements Cola<E> {
    protected NodoLEG<E>
        primero, fin;
    ...
}

class NodoLEG<E> {
    E dato;
    NodoLEG<E> siguiente;
    ...
}
```

3.- Se desea analizar el coste temporal del siguiente método recursivo:

(3 puntos)

```
public int metodo(int v[], int i, int j){
    if ( i>j ) return 0;
    else{
        int medio = ( i + j )/2;
        int n1 = metodo(v, i, medio - 1);
        int n2 = metodo(v, medio + 1, j);
        return n1 + v[medio] + n2;
    }
}
```

Para ello se pide:

a) Expresar la talla del problema en función de los parámetros del método:

(0.5 puntos)

$x = j - i + 1$

b) Indica de forma justificada si existen instancias significativas para una talla dada: (0.5 puntos)

No hay instancias significativas pues, en cualquier caso, se debe recorrer el (sub) array $v[i...j]$

c) Escribir las Relaciones de Recurrencia que definan el coste del método:

(1 punto)

$$T_{\text{metodo}}(x) = \begin{cases} k' & \text{si } x = 0 \\ T_{\text{metodo}}\left(\frac{x}{2}\right) + k & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

d) Resuelve las relaciones de recurrencia del apartado anterior y escribe el coste temporal asintótico del método:

(1 punto)

Por Teorema 3 con $a=c=2$, $T_{\text{metodo}}(x) \in \Theta(x)$

4.- Dado un array v de componentes de tipo *int*, ordenado de forma creciente y sin elementos repetidos, se quiere determinar si existe alguna componente de v que represente el mismo valor que el de su posición en v (y obtener dicha posición). En el caso de que no haya ninguna, se devolverá -1.

(3 puntos)

Ejemplo:

| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----|----|----|---|---|---|---|
| -5 | -4 | -2 | 1 | 4 | 7 | 8 |

Para ello se pide: completar el método recursivo *igualAPosicion* haciendo uso de la estrategia Divide y Vencerás para obtener una implementación lo más eficiente posible.

```
public static int igualAPosicion(int v[]){
    return igualAPosicion(v, 0, v.length-1);
}

private static int igualAPosicion(int v[], int izq, int der){
    if ( izq <= der){
        int mitad = (izq + der)/2;
        if ( v[mitad]==mitad ) return mitad;
        if ( v[mitad]< mitad ) return igualAPosicion(v, mitad+1, der);
        else return igualAPosicion(v, izq, mitad-1);
    }
    else return -1;
}
```