

Computabilidad y Complejidad

Boletín de Ejercicios de Autoevaluación - 2

1. Demuestre que las siguientes funciones son recursivas primitivas.

1. $\text{maig}(n, m) =$

- 1, si $n \geq m$
- 0, en otro caso

2. $\text{meig}(n, m) =$

- 1, si $n \leq m$
- 0, en otro caso

3. $|n - m| =$

- $n - m$, si $n \geq m$
- $m - n$, en otro caso

4. $\text{máx}(n, m)$: el máximo entre n y m .

5. $\text{mín}(n_1, \dots, n_m)$: el mínimo entre n_1, \dots, n_m .

6. $\text{div}(n, m) =$

- 0, si $m = 0$
- n/m , en otro caso

7. $\text{resto}(n, m) =$

- 0, si $m = 0$
- $n \% m$, en otro caso

8. $\text{par}(n) =$

- 1, si n es par
- 0, en otro caso

9. $\text{impar}(n) =$

- 1, si n es impar
- 0, en otro caso

2. Demuestre que si $f(n, m)$ es una función recursiva primitiva, entonces, para cada k , también lo es la función $g_k(n)$ definida como

$$g_k(n) = f(n, k)$$

1. $\text{maig}(n, m) = \text{mayor}(n, m) + \text{igual}(n, m) = \text{cosg}(\text{menor}(n, m))$

Ejemplos:

$$\text{maig}(5, 3) = \text{cosg}(\text{menor}(5, 3)) = \text{cosg}(0) = 1.$$

$$\text{maig}(3, 5) = \text{cosg}(\text{menor}(3, 5)) = \text{cosg}(1) = 0.$$

$$\text{maig}(3, 3) = \text{cosg}(\text{menor}(3, 3)) = \text{cosg}(0) = 1.$$

2. $\text{meig}(n, m) = \text{menor}(n, m) + \text{igual}(n, m) = \text{cosg}(\text{mayor}(n, m))$

Ejemplos:

$$\text{meig}(5, 3) = \text{cosg}(\text{mayor}(5, 3)) = \text{cosg}(1) = 0.$$

$$\text{meig}(3, 5) = \text{cosg}(\text{mayor}(3, 5)) = \text{cosg}(0) = 1.$$

$$\text{meig}(3, 3) = \text{cosg}(\text{mayor}(3, 3)) = \text{cosg}(0) = 1.$$

3. $\text{abs}(n - m) = (n - m) + (m - n)$
 $= \text{dif}(m, n) + \text{dif}(n, m)$
 $= \text{dif}(\text{p2}(n, m), \text{p1}(n, m)) + \text{dif}(n, m)$

4. $\text{max}(n, m) = n * \text{mayor}(n, m) + m * \text{menor}(n, m) + n * \text{igual}(n, m)$

Ejemplos:

$$\text{max}(2, 5) = 2 * 0 + 5 * 1 + 2 * 0 = 5.$$

$$\text{max}(3, 3) = 3 * 0 + 3 * 0 + 3 * 1 = 3.$$

$$\text{max}(5, 2) = 5 * 1 + 2 * 0 + 5 * 0 = 5.$$

5. $\text{min}(n, m) = n * \text{menor}(n, m) + m * \text{mayor}(n, m) + n * \text{igual}(n, m)$

Ejemplos:

$$\text{min}(2, 5) = 2 * 1 + 5 * 0 + 2 * 0 = 2.$$

$$\text{min}(3, 3) = 3 * 0 + 3 * 0 + 3 * 1 = 3.$$

$$\text{min}(5, 2) = 5 * 0 + 2 * 1 + 5 * 0 = 2$$

6.

$$\text{div}(0, m) = \text{p0}(m) = \text{cte0}(m) = 0.$$

$$\text{div}(s(n), m) = \text{div}(n, m) + \text{igual}(s(n), s(\text{div}(n, m)) * m)$$

7. $\text{resto}(n, m) = \text{sg}(m) * (n - \text{div}(n, m) * m)$

2

8. $\text{par}(n) = \text{cosg}(\text{resto}(n, 2)) = \text{cosg}(\text{resto}(n, \text{cte2}(n)))$

9. $\text{impar}(n) = \text{resto}(n, 2) = \text{resto}(n, \text{cte2}(n))$

10. $f(n, m)$ es recursiva. Demuestre que, para cada k , $g_k(n)$ también lo es.

$$g_k(n) = f(n, k)$$

$$g_k(n) = f(p_1(n), \text{cte}_k(n))$$

$$\text{¿}g_k(n) = f(n, \text{cte}_k(n))\text{?}$$