

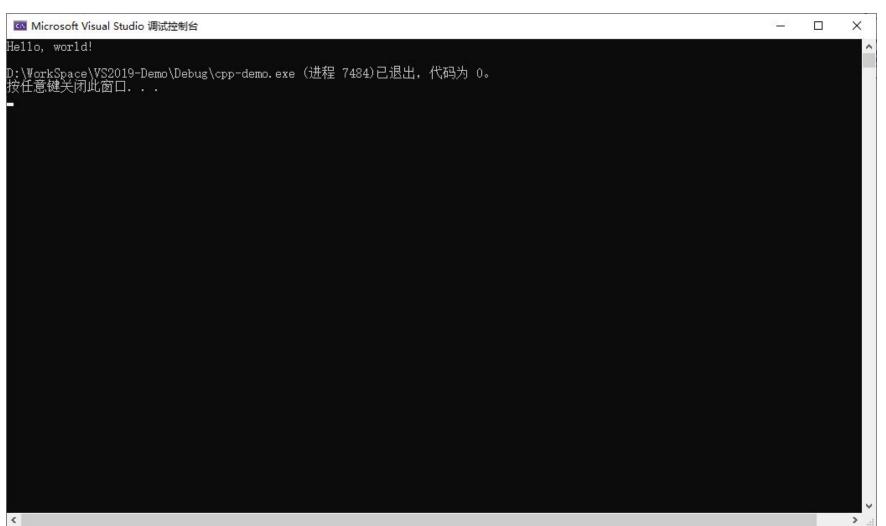
#### 要求:

- 1、完成本文档中所有的题目并写出分析、运行结果
- 2、无特殊说明,均使用VS2022编译即可
- 3、直接在本文件上作答,写出答案/截图(不允许手写、手写拍照截图)即可;填写答案时,为适应所填内容或贴图, 允许调整页面的字体大小、颜色、文本框的位置等
  - ★ 贴图要有效部分即可,不需要全部内容
  - ★ 在保证一页一题的前提下,具体页面布局可以自行发挥,简单易读即可
  - ★ 不允许手写在纸上,再拍照贴图
  - ★ 允许在各种软件工具上完成(不含手写),再截图贴图
- 4、转换为pdf后提交
- 5、9月15日前网上提交本次作业(在"文档作业"中提交)



贴图要求: 只需要截取输出窗口中的有效部分即可, 如果全部截取/截取过大, 则视为无效贴图

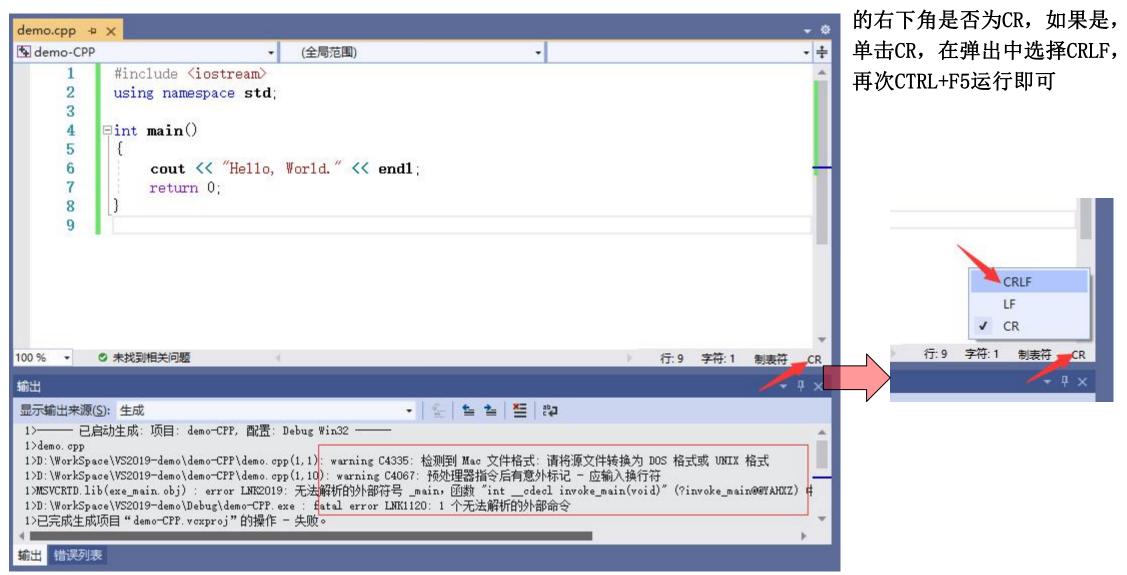
例:无效贴图



#### 例:有效贴图

📧 Microsoft Visual Studio 调试控制台 Hello,world!

附:用WPS等其他第三方软件打开PPT,将代码复制到VS2022中后,如果出现类似下面的编译报错,则观察源程序编辑窗





基础知识:用于看懂float型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

上例解读: 单精度浮点数123.456,在内存中占四个字节,四个字节的值依次为0x42 0xf6 0xe9 0x79(按打印顺序逆向取)

转换为32bit则为: 0100 0010 1111 0110 1110 1001 0111 1001

8位指数 23位尾数



基础知识:用于看懂double型数据的内部存储格式的程序如下:

注意:除了对黄底红字的具体值进行改动外,其余部分不要做改动,也暂时不需要弄懂为什么(需要第6章的知识才能弄懂)

```
Microsoft
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
      double d = 1.23e4;
      unsigned char* p = (unsigned char*)&d;
      cout << hex << (int) (*p) << endl;
      cout \langle\langle \text{ hex } \langle\langle \text{ (int) } (*(p+1)) \rangle\langle\langle \text{ endl};
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+2)) \langle\langle end1;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+3)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+4)) \langle\langle endl;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+5)) \langle\langle endl;
      cout << hex << (int) (*(p+6)) << end1;
      cout \langle\langle hex \langle\langle (int) (*(p+7)) \langle\langle endl;
      return 0:
```



自学内容: 自行以"IEEE754" / "浮点数存储格式" / "浮点数存储原理" / "浮点数存储方式"等关键字,

在网上搜索相关文档,读懂并了解浮点数的内部存储机制

学长们推荐的网址:

https://baike.baidu.com/item/IEEE%20754/3869922?fr=aladdin

https://zhuanlan.zhihu.com/p/343033661

https://www.bilibili.com/video/BV1iW411d7hd?is\_story\_h5=false&p=4&share\_from=ugc&share\_medium=android&share\_plat=android&share\_session\_id=e12b54be-6ffa-4381-9582-

9d5b53c50fb3&share source=QQ&share tag=s i&timestamp=1662273598&unique k=AuouME0

### 例: float型数的机内表示



格式要求: 多字节时, 每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001") 注意: 1、作业中绿底/黄底文字/截图可不填 例1:100.25 2、计算结果可借助第三方工具完成, 下面是float机内存储手工转十进制的的方法: (42 c8 80 00) 没必要完全手算 (2) 其中: 符号位是 0 指数是 1000 0101 (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是 133\_\_\_\_(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是 6 (32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换) 1000 0101 - 0111 1111  $= 0000 \ 0110 \ (0x06 = 6)$ 尾数是 100 1000 1000 0000 0000 0000 (填32bit中的原始形式) (加整数部分的1后) 尾数表示的十进制小数形式是 1.56640625 100 1000 1000 0000 0000 0000 =  $2^{0} + 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-8}$ = 0.5 + 0.0625 + 0.00390625 = 0.56640625 = 10.566406251.56640625 x 26 = 100.25 (此处未体现出误差) 下面是十进制手工转float机内存储的方法: 100 = 0110 0100 (整数部分转二进制为7位) (小数部分转二进制为2位) 100.25 = 0110 0100.01 = 1.1001 0001 x 26 (确保整数部分为1,移6位) 符号位:0 码:  $6 + 127 = 133 = 1000 \ 0101$ 尾数(舍1): 1001 0001 => 1001 0001 0000 0000 0000 (补齐23位,后面补14个蓝色的0) 100 1000 1000 0000 0000 0000 (从低位开始四位一组,共23位)

本页不用作答

### 例: float型数的机内表示

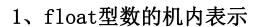


格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")	注意:
MIO 100 4505 505 4001	1、作业中绿底/黄底文字/截图可不填
例2: 1234567. 7654321	2、计算结果可借助第三方工具完成,
下面是float机内存储手工转十进制的的方法: (1) 想到的20ki+的提供表示是 0100 1001 1001 0110 1011 0100 0011 1110 (40 06 b4 22)	
(1) 得到的32bit的机内表示是: <u>0100 1001 1001 0110 1011 0100 0011 1110</u> (49 96 b4 3e)	/ 没必要完全手算
(2) 其中: 符号位是0	
指数是 <u>1001 0011</u> (填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是147(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
指数表示的十进制形式是20(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)	
1001 0011	
- 0111 1111 - 0221 2422 (2.14 - 22)	
$= 0001 \ 0100 \ (0x14 = 20)$	
尾数是 <u>001 0110 1011 0100 0011 1110</u> (填32bit中的原始形式)	
尾数转换为十进制小数形式是 <u>0.1773755503845214844</u> (32bit中的原始形式按二进制原码形式转换)	
尾数表示的十进制小数形式是 <u>1.1773755503845214844</u> (加整数部分的1后)	
$001 \ 0110 \ 1011 \ 0100 \ 0011 \ 1110 = 2^{-3} + \cdots + 2^{-22}$	
= 0.17737555503845214844 => 加1 => 1.17737555503845214844	
1. 17737555503845214844 * 2 <sup>20</sup> = 1234567. 75 (此处)	已体现出误 <i>差)</i>
下面是十进制手工转float机内存储的方法:	
1234567 = 0001 0010 1101 0110 1000 0111 (整数部分转二进制为21位)	
0.7654321 = 11000···· (小数部分转二进制,再要3位就够了)	
$1234567.7654321 = 0001 0010 1101 0110 1000 0111.110 = 1.0010 1101 0110 1000 0111 110 x 2^{20} (移20位)$	
<mark>符号位: 0</mark>	
<u>阶</u> 码: 20 + 127 = 147 = 1001 0011	
尾 数: 0010 1101 0110 1000 0111 110 (23位)	
001 0110 1011 0100 0011 1110 (从低位开始四位一	组,共23位)
	<b>本页不用作答</b>

### 1、float型数的机内表示



格式要求: 多	泛字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
A. 1234567. 76 注: 尾数为正	654321 (此处假设学号是1234567,各人换成自己的学号,按1234567做的0分!!!) 三、指数为正
2152402. 2042	2512
(1) 得到的32	2bit的机内表示是:0100 1010 0000 0011 0101 1111 0100 1000
(2) 其中: 符	F号位是0
指	省数是1001 0100(填32bit中的原始形式) 省数转换为十进制形式是148(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 省数表示的十进制形式是21(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
眞	图数是000 0011 0101 1111 0100 1000(填32bit中的原始形式) 图数转换为十进制小数形式是0.026345252990722656_(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 图数表示的十进制小数形式是1.026345252990722656(加整数部分的1)





格式要求:	多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
	1.1234567 <mark>(此处假设学号是1234567,各人换成自己的学号,按1234567做的0分!!!)</mark> 1负、指数为正
-2042512. 2	2152402
(1) 得到的	J32bit的机内表示是:1100 1001 1111 1001 0101 0100 1000 0001
(2) 其中:	符号位是1
	指数是1001 0011(填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是147(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是20(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
	尾数是111 1001 0101 0100 1000 0001(填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.947891354560852(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是_1.947891354560852(加整数部分的1)

### 1、float型数的机内表示

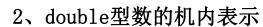


格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
C. 0. 001234567 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注: 尾数为正、指数为负
0. 002152402
(1) 得到的32bit的机内表示是:0011 1011 0000 1101 0000 1111 0101 0000
(2) 其中: 符号位是0
指数是0111 0110(填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是118(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是9(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
尾数是000 1101 0000 1111 0101 0000(填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.10202980041503906_(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是1.10202980041503906(加整数部分的1)

### 1、float型数的机内表示

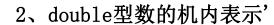


格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
D0. 007654321 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注: 尾数为负、指数为负
-0. 002042512
(1) 得到的32bit的机内表示是:1011 1011 0000 0101 1101 1011 1010 1010
(2) 其中: 符号位是1
指数是0111 0110(填32bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是118(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是9(32bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
尾数是000 0101 1101 1011 1010 1010(填32bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.04576611518859863(32bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是1.04576611518859863_(加整数部分的1)



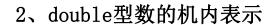


格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
A. 1234567. 7654321 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注:尾数为正、指数为正
2152402. 2042512
(1) 得到的64bit的机内表示是: 01000001 01000000 01101011 11101001 00011010 001001
(2) 其中: 符号位是0
指数是100 0001 0100(填64bit中的原始形式)
指数转换为十进制形式是1044(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换)
指数表示的十进制形式是21(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
尾数是_0000 0110 1011 1110 1001 0001 1010 0010 0100 1110 0111 0100 0000_(填64bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.026345350385284405_(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是1.026345350385284405(加整数部分的1)



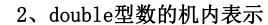


格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
B7654321. 1234567 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注: 尾数为负、指数为正
-2042512. 2152402
(1) 得到的64bit的机内表示是: 11000001 00111111 00101010 10010000 0011011
(2) 其中: 符号位是1
指数是100 0001 0011(填64bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是1043(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是20(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换) 尾数是_1111 0010 1010 1001 0000 0011 0111 0001 1001 1111 1011 0101 0011 _(填64bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.9478914406206129(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是1.9478914406206129_(加整数部分的1)





格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
C. 0. 001234567 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注:尾数为正、指数为负
0. 002152402
(1) 得到的64bit的机内表示是: _00111111 01100001 10100001 11101010 00000110 01010100 10111111
(2) 其中: 符号位是0
指数是11 1111 0110(填64bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是1014(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是9(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换) 尾数是_0001 1010 0001 1110 1010 0000 0110 0101 0100 1011 1111 0000 0101_(填64bit中的原始形式) 尾数转换为十进制小数形式是0.1020298239999994(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 尾数表示的十进制小数形式是1.1020298239999994_(加整数部分的1)





格式要求: 多字节时,每8bit中间加一个空格或-(例: "11010100 00110001" 或 "11010100-00110001")
D0. 007654321 (此处假设学号是1234567, 各人换成自己的学号, 按1234567做的0分!!!) 注: 尾数为负、指数为负
-0. 002042512
(1) 得到的64bit的机内表示是: 10111111 01100000 10111011 01110101 01000111 10111011 11100111 10001000
(2) 其中: 符号位是1
指数是011 1111 0110(填64bit中的原始形式) 指数转换为十进制形式是1014(64bit中的原始形式按二进制原码形式转换) 指数表示的十进制形式是9(64bit中的原始形式按IEEE754的规则转换)
尾数是_0000 1011 1011 0111 0100 0111 1011 101



#### 3、总结

- (1) float型数据的32bit是如何分段来表示一个单精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?
- (2) 为什么float型数据只有7位十进制有效数字? 为什么最大只能是3.4x10<sup>38</sup> ? 有些资料上说有效位数是6<sup>~</sup>7位,能找出6位/7位不同的例子吗?
- (3) double型数据的64bit是如何分段来表示一个双精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?
- (4) 为什么double型数据只有15位十进制有效数字?为什么最大只能是 $1.7x10^{308}$ ?有些资料上说有效位数是 $15^{\sim}16$ 位,能找出15位/16位不同的例子吗?

#### 注:

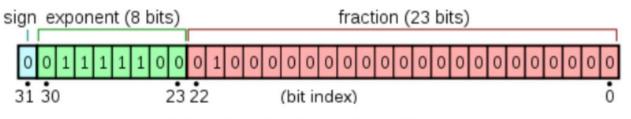
- 文档用自己的语言组织
- 篇幅不够允许加页
- 如果用到某些小测试程序进行说明,可以贴上小测试程序的源码及运行结果
- 为了使文档更清晰,允许将网上的部分图示资料截图后贴入
- 不允许在答案处直接贴某网址,再附上"见\*\*"(或类似行为),否则文档作业部分直接总分-50

(1) float型数据的32bit是如何分段来表示一个单精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?



### ① 如何分段/分段解释?

float型数据的32bit是分成三段来表示一个单精度的浮点数的,分别是: 1符号位,8指数位,23尾数位。



32位浮点数内存占用示意图, 共使用了32个小格子

② 尾数的正负如何表示?

通过符号位来表示:符号位为0表示正数,符号位为1表示负数。

③ 尾数如何表示?

首先将十进制浮点数表示为二进制格式,然后将该二进制数转换成以2为底的指数形式,得到尾数、指数(尾数的小数点放在第一位和第二位之间,然后保证第一位数非0)。

只取尾数中小数点后的部分,若不够23位,则在末尾补零,得到尾数在32bit中的表示。

④ 指数如何表示? 指数的正负如何表示?

对于32bit浮点数,指数位用于表示[-127,128]范围内的指数。

对指数进行偏移(+127)后再存入指数位(8位,若不够8位则在高位补0)中。

若指数位存储的数小于127,则指数为负;若大于127,则指数为正。

(2) 为什么float型数据只有7位十进制有效数字? 为什么最大只能是3. 4x10<sup>38</sup> ? 有些资料上说有效位数是6<sup>~</sup>7位,能找出6位/7位不同的例子吗?

10 A STATE OF THE PROPERTY OF

- ① 为什么float型数据只有7位十进制有效数字? float型数据的尾数位有23位,也就是说最小能表示到 2-23 = 1.19 \* 10-7。 除去最后一位,再加上小数点前的一位,即只有7位十进制有效数字。
- ② 为什么最大只能是3.  $4x10^{38}$  ? float型数据的指数为有8位,而( $2^8 1$ ) 127 = 128,也就是说最大能表示到  $2^{128} = 3.4 * 10^{38}$ 。
- ③ 有效位数位6位/7位的例子?

```
float x0 = 123456.0;

    选择 Microsoft Visual Studio

float x1 = 123456.1;
                      123456, 00000
float x2 = 123456.2;
                       123456, 10156
float x3 = 123456.3:
                      123456, 20312
                      123456, 29688
float x4 = 123456.4
                       123456, 39844
float x5 = 123456.5;
                       123456, 50000
float x6 = 123456.6:
                       123456, 60156
float x7 = 123456.7:
                       123456, 70312
                       123456. 79688
float x8 = 123456.8
                       123456. 89844
float x9 = 123456.9
printf("\%.5f\n", x0);
printf("%.5f\n", x1);
```

printf("%.5f\n", x2); printf("%.5f\n", x3); printf("%.5f\n", x4); printf("%.5f\n", x5); printf("%.5f\n", x6); printf("%.5f\n", x7); printf("%.5f\n", x8); printf("%.5f\n", x9);

#### 如左图所示:

- 1. 对于浮点数 123456.0 123456.1 123456.2 123456.5 123456.6 123456.7 而言,有效位数7位;
- 2. 对于浮点数 123456.3 123456.4 123456.8 123456.9 而言,有效位数6位

(3) double型数据的64bit是如何分段来表示一个双精度的浮点数的?给出bit位的分段解释 尾数的正负如何表示?尾数如何表示?指数的正负如何表示?指数如何表示?



- ① 如何分段?分段解释?
  double型数据的64bit是分成三段来表示一个单精度的浮点数的,分别是:1符号位,11指数位,52尾数位。
- ② 尾数的正负如何表示? 通过符号位来表示: 符号位为0表示正数, 符号位为1表示负数。

### ③ 尾数如何表示?

首先将十进制浮点数表示为二进制格式,然后将该二进制数转换成以2为底的指数形式,得到尾数、指数(尾数的小数点放在第一位和第二位之间,然后保证第一位数非0)。

只取尾数中小数点后的部分,若不够52位,则在末尾补零,得到尾数在64bit中的表示。

④ 指数如何表示? 指数的正负如何表示?

对于64bit浮点数,指数位用于表示[-1023,1024]范围内的指数。

对指数进行偏移(+1023)后再存入指数位(11位,若不够11位则在高位补0)中。

若指数位存储的数小于1023,则指数为负;若大于1023,则指数为正。

(4) 为什么double型数据只有15位十进制有效数字? 为什么最大只能是1.7x10<sup>308</sup> ? 有些资料上说有效位数是15<sup>~</sup>16位,能找出15位/16位不同的例子吗? TO UNINE

- ① 为什么double型数据只有15位十进制有效数字? double型数据的尾数位有52位,也就是说最小能表示到 2<sup>-52</sup> = 2.2 \* 10<sup>-16</sup>。 除去最后一位,再加上小数点前的一位,即只有16位十进制有效数字。
- ② 为什么最大只能是 $1.7x10^{308}$  ? double型数据的指数为有11位,而( $2^{11}$  1) 1023 = 1024,也就是说最大能表示到  $2^{1024}$  =  $1.7*10^{308}$ 。
- ③ 有效位数位15位/16位的例子?

```
double x0 = 111111111111111.0:
double x2 = 111111111111111.2;
double x3 = 11111111111111.3:
double x4 = 111111111111111.4;
double x5 = 11111111111111.5;
double x6 = 111111111111111.6;
double x7 = 11111111111111.7;
double x9 = 1111111111111119;
printf("%.5lf\n", x0);
printf("%.5lf\n", x1);
printf("%.5lf\n", x2);
printf("%.5lf\n", x3);
printf("%.5lf\n", x4);
printf("%.5lf\n", x5);
printf("%.5lf\n", x6);
printf("\%.5|f\n", x7);
printf("%.5lf\n", x8);
printf("%.5lf\n", x9);
```

### 如左图所示:

有效位数为16位。