6. fejezet

Tesztelés

A modellek fejlesztése és tesztelése során, a saját számítógépemen dolgoztam. A felhasznált környezet paraméterei:

Hardver:

- Lenovo Z50-75 laptop
- AMD FX-7500 Radeon R7, 10 Compute Cores 4C+6G 2.10 GHz processzor
- 8 GB DDR3 RAM

Szoftverek:

- Microsoft Windows 8.1 Pro 64 bites operációs rendszer
- GUSEK (GLPK Under Scite Extended Kit) v0.2.21
- GLPSOL GLPK LP/MIP Solver, v4.63
- Gurobi Optimizer v8.1.1
- GitHub Desktop v2.6.0

A fejlesztés során a GUSEK GUI-t használtam és a GLPSOL programmal futtattam a modelleket. A következőkben az elkészült MILP modellek futási eredményeit mutatom be.

Feladatosztály 1

Ehhez az osztályhoz két modell tartozott: Modell 1A és Modell1B. A modellek a probléma megközelítésében eltértek egymástól, azonban mivel ugyanazokat a halmazokat és paramétereket használták a modell felírásakor, ezért az adatfájljuk megegyezett. A közös .dat fájl a .ábrán látható. A felhasznált adatok random számok.

```
set Helyek := A B C D;
\texttt{param} \cdot \texttt{tav} \colon \cdot \texttt{A} \cdot \cdot \texttt{B} \cdot \cdot \texttt{C} \cdot \cdot \texttt{D} \cdot \colon =
 → A · · 0 · 14 · 17 · · 8
  \longrightarrow B·14··0··5·10
 --->c⋅17⋅⋅5⋅⋅0⋅20
--->D · · 8 · 10 · 20 · · 0
; : #km
param ido: A · B · C · D :=
 → A··0·21·26·12
  → B·21··0··8·15
 --->C ⋅ 26 ⋅ ⋅8 ⋅ ⋅0 ⋅ 30
 -->D · 12 · 15 · 30 · · 0
; #perc
param jaratszam := 12;
param : honnan hova mikortol meddig:=
1 · · A · B · 10 · · · 35
2 · · C · D · 10 · · · 45
3 · · A · C · 70 · · · 100
4 · · B · A · 40 · · · 65
5 · · B · C · 20 · · · 30
6 · · C · A · 105 · · 135
7 · · D · A · 50 · · · 65
8 · · B · D · 110 · · 130
9 · · A · D · 140 · · 155
10 · D · B · 160 · · 180
11 · D · C · 55 · · · 90
12 · C · B · 95 · · · 105
param buszszam := 3;
```

.ábra: Feladatosztály 1-hez tartozó .dat fájl

A kimeneti .out fájlok több ezer sorból állnak, ezért printf függvények segítségével jobban átlátható kimenetet generáltam. A két modell futási eredményeinek összehasonlítása az alábbi, .táblázatban található.

.táblázat: Modell 1A és Modell 1B futási eredményének összehasonlítása

	Modell 1A	Modell 1B
Busz 1	 Jarat 5: B (20) -> C (30) Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C 	• Jarat 5: B (20) -> C (30)
	(30) -> B (40)	• Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C (30) -> B (40)

	 Jarat 4: B (40) -> A (65) Atmenet: Jarat 40> Jarat 9: A (65) -> A (140) Jarat 9: A (140) -> D (155) Atmenet: Jarat 90> Jarat 10: D (155) -> D (160) Jarat 10: D (160) -> B (180) 	 Jarat 4: B (40) -> A (65) Atmenet: Jarat 40> Jarat 3: A (65) -> A (70) Jarat 3: A (70) -> C (100) Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105) Jarat 6: C (105) -> A (135) Atmenet: Jarat 60> Jarat 9: A (135) -> A (140) Jarat 9: A (140) -> D (155)
Busz 2	 Jarat 2: C (10) -> D (45) Atmenet: Jarat 20> Jarat 7: D (45) -> D (50) Jarat 7: D (50) -> A (65) Atmenet: Jarat 70> Jarat 3: A (65) -> A (70) Jarat 3: A (70) -> C (100) Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105) Jarat 6: C (105) -> A (135) 	 Jarat 1: A (10) -> B (35) Atmenet: Jarat 110> Jarat 11: B (35) -> D (55) Jarat 11: D (55) -> C (90) Atmenet: Jarat 110> Jarat 12: C (90) -> C (95) Jarat 12: C (95) -> B (105) Atmenet: Jarat 120> Jarat 8: B (105) -> B (110) Jarat 8: B (110) -> D (130) Atmenet: Jarat 80> Jarat 10: D (130) -> A (160) Jarat 10: D (160) -> B (180)
Busz 3	 Jarat 1: A (10) -> B (35) Atmenet: Jarat 110> Jarat 11: B (35) -> D (55) Jarat 11: D (55) -> C (90) Atmenet: Jarat 110> Jarat 1: C (90) -> C (95) Jarat 12: C (95) -> B (105) Atmenet: Jarat 120> Jarat 8: B (105) -> B (110) Jarat 8: B (110) -> D (130) 	 Jarat 2: C (10) -> D (45) Atmenet: Jarat 20> Jarat 7: D (45) -> D (50) Jarat 7: D (50) -> A (65)

Cél	15 km	15 km
Futási idő	0.3 mp	312.2 mp
Memória	2.2 MB	26.3 MB

A táblázatban levő Modell 1A oszlopában a Busz1 sorában található Jarat 5: B (20) -> C (30) azt jelenti, hogy az 5-ös számú járatot az 1-es számú busz végezte el és a járat B helyről indult 20 perckor és a C helyre érkezett 30 perckor. Az idősíkot percben számoltam, szóval a 110 perc az hajnali 01:50-nek felel meg. A Modell 1A Busz 3 sorában található Atmenet: Jarat 1 --10--> Jarat 11: B (35) -> D (55) pedig azt jelenti, hogy az 1-es járatot a 3-as busz 35 perckor a B helyen fejezte be és onnan a 11-es járat kezdési helyére halad át, ami 55 perckor indul a D helyről. A B és D hely közötti átmeneti távolság 10 kilométer. Amennyiben a nyílon található számjegy 0, az az előző érkezési helye megegyezik a másik indulási helyével.

Modell 1B-nél a 3-as busz menetrendje úgy néz ki, hogy elvégzi a 2-es járatot, majd 5percet várakozik D helyen és elvégzi a 7-es járatot is.

A cél a köztes kilométerek minimalizálása volt, ami mindkét modell esetben 15 kilométerre jött ki.

Mindkét modell talált optimális megoldást, de a táblázatból szépen látszik az indok, amiért továbbfejlesztésre a Modell1A-t választottam: háromszázszor gyorsabban végezte el a feladatát tizedannyi memóriahasználattal.

Feladatosztály 2

A második feladatosztályban található Modell 2 az 1A továbbfejlesztéseként már depókat is rendel minden buszhoz. Az előző modellek által használt adatfájllal futtattam ezt a modellt is, ám ebben az esetben a .ábrán található depo paraméter kiegészítéssel. A .táblázatban pedig a futási eredmény látható.

```
param depo:=
1 A
2 B
3 A
;
```

.ábra: A depo paraméter értékei

.táblázat: Modell2 futási eredménye

Busz 1	• Elsojarat: Depo0> Jarat 1: A (0) -> A (10)
	• Jarat 1: A (10) -> B (35)
	• Atmenet: Jarat 110> Jarat 7: B (35) -> D (50)
	• Jarat 7: D (50) -> A (65)
	• Atmenet: Jarat 70> Jarat 3: A (65) -> A (70)
	• Jarat 3: A (70) -> C (100)
	• Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105)
	• Jarat 6: C (105) -> A (135)
	 Utolsojarat: Jarat 60> Depo: A (135) -> A (135)
Busz 2	• Elsojarat: Depo0> Jarat 5: B (0) -> B (20)
	• Jarat 5: B (20) -> C (30)
	• Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C (30) -> B (40)
	• Jarat 4: B (40) -> A (65)
	• Atmenet: Jarat 40> Jarat 9: A (65) -> A (140)
	• Jarat 9: A (140) -> D (155)
	• Atmenet: Jarat 90> Jarat 10: D (155) -> D (160)
	• Jarat 10: D (160) -> B (180)
	• Utolsojarat: Jarat 100> Depo: B (180) -> B (180)
	. , , , , , ,
Busz 3	• Elsojarat: Depo17> Jarat 2: A (0) -> C (10)
	• Jarat 2: C (10) -> D (45)
	• Atmenet: Jarat 20> Jarat 11: D (45) -> D (55)
	• Jarat 11: D (55) -> C (90)
	• Atmenet: Jarat 110> Jarat 12: C (90) -> C (95)
	• Jarat 12: C (95) -> B (105)

	 Atmenet: Jarat 120> Jarat 8: B (105) -> B (110) Jarat 8: B (110) -> D (130) Utolsojarat: Jarat 88> Depo: D (130) -> A (142)
Cél	40 km
Futási idő	1 mp
Memória	3.3 MB

A depók bevezetésével láthatjuk a célként definiált minimum értékének, a futási időnek és a memóriahasználatnak a növekedését is.

Feladatosztály 3

A harmadik feladatosztályhoz egy modell tartozott: Modell 3. Ebben a modellben két új paraméter került bevezetésre: a járatok valós távolságát jelző tav2 és a buszok által egy töltéssel megtehető kilométerek számát jelölő maxtav. Az adatfájlban szereplő értékeiket a . és a . ábrán láthatjuk. A modell futási eredményét a .táblázat mutatja.

```
param tav2:=
1    16
2    21
3    19
4    16
5    8
6    19
7    10
8    12
9    10
10    12
11    21
12    8
;
```

.ábra: A tav2 paraméter értékei

```
param maxtav:=
1 200
2 300
3 250
;
```

.ábra: A maxtav paraméter értékei

.táblázat: Modell3 futási eredménye

• Elsojarat: Depo17> Jarat 2: A (0) -> C (10)	
• Jarat 2: C (10)21> D (45)	
• Atmenet: Jarat 20> Jarat 7: D (45) -> D (50)	
• Jarat 7: D (50)10> A (65)	
• Atmenet: Jarat 70> Jarat 3: A (65) -> A (70)	
• Jarat 3: A (70)19> C (100)	
• Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105)	
• Jarat 6: C (105)19> A (135)	
 Utolsojarat: Jarat 60> Depo: A (135) -> A (135) 	
• Ossz futott km / maxtav: 86 / 200	
• Elsojarat: Depo0> Jarat 5: B (0) -> B (20)	
• Jarat 5: B (20)8> C (30)	
• Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C (30) -> B (40)	
• Jarat 4: B (40)16> A (65)	
• Atmenet: Jarat 40> Jarat 9: A (65) -> A (140)	
• Jarat 9: A (140)10> D (155)	
• Atmenet: Jarat 90> Jarat 10: D (155) -> D (160)	
• Jarat 10: D (160)12> B (180)	
 Utolsojarat: Jarat 100> Depo: B (180) -> B (180) 	
• Ossz futott km / maxtav: 51 / 300	
• Elsojarat: Depo0> Jarat 1: A (0) -> A (10)	
• Jarat 1: A (10)16> B (35)	
• Atmenet: Jarat 110> Jarat 11: B (35) -> D (55)	
• Jarat 11: D (55)21> C (90)	
	 Jarat 2: C (10)21> D (45) Atmenet: Jarat 20> Jarat 7: D (45) -> D (50) Jarat 7: D (50)10> A (65) Atmenet: Jarat 70> Jarat 3: A (65) -> A (70) Jarat 3: A (70)19> C (100) Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105) Jarat 6: C (105)19> A (135) Utolsojarat: Jarat 60> Depo: A (135) -> A (135) Ossz futott km / maxtav: 86 / 200 Elsojarat: Depo0> Jarat 5: B (0) -> B (20) Jarat 5: B (20)8> C (30) Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C (30) -> B (40) Jarat 4: B (40)16> A (65) Atmenet: Jarat 40> Jarat 9: A (65) -> A (140) Jarat 9: A (140)10> D (155) Atmenet: Jarat 90> Jarat 10: D (155) -> D (160) Jarat 10: D (160)12> B (180) Utolsojarat: Jarat 100> Depo: B (180) -> B (180) Ossz futott km / maxtav: 51 / 300 Elsojarat: Depo -0> Jarat 1: A (0) -> A (10) Jarat 1: A (10)16> B (35) Atmenet: Jarat 110> Jarat 11: B (35) -> D (55)

	 Jarat 12: C (95)8> B (105) Atmenet: Jarat 120> Jarat 8: B (105) -> B (110) Jarat 8: B (110)12> D (130) Utolsojarat: Jarat 88> Depo: D (130) -> A (142) Ossz futott km / maxtav: 75 / 250
Cél	40 km
Futási idő	1.3 mp
Memória	3.2 MB

A járatok nyilain olvasható a járatok által megtett valós távolság hossza. Mint a táblázatból láthatjuk a célfüggvény értéke megegyezett a Modell 2-esével és a járatok ütemezését a kiegészítésekkel együtt is hasonlóan hajtotta végre ez a modell. A futási idő és memóriahasználatban sincs túl nagy eltérés.

Feladatosztály 4

```
param : maxtoltes fogyasztas:=
1 200 2
2 300 4
3 250 3
:
```

.ábra: a maxtoltes és fogyasztas paraméterek értékei

.táblázat: Modell 4 futási eredménye

```
Elsojarat: Depo --17--> Jarat 2: A (0) -> C (10)
Jarat 2: C (10) --21--> D (45)
Atmenet: Jarat 2 --0--> Jarat 11: D (45) -> D (55)
Jarat 11: D (55) --21--> C (90)
Atmenet: Jarat 11 --0--> Jarat 12: C (90) -> C (95)
Jarat 12: C (95) --8--> B (105)
Atmenet: Jarat 12 --0--> Jarat 8: B (105) -> B (110)
Jarat 8: B (110) --12--> D (130)
Utolsojarat: Jarat 8 --8--> Depo: D (130) -> A (142)
```

	Ossz futott km / Osszfogyasztas / maxtoltes: 87 / 174 / 200
Busz 2	• Elsojarat: Depo0> Jarat 5: B (0) -> B (20)
	• Jarat 5: B (20)8> C (30)
	• Atmenet: Jarat 55> Jarat 4: C (30) -> B (40)
	• Jarat 4: B (40)16> A (65)
	• Atmenet: Jarat 40> Jarat 9: A (65) -> A (140)
	• Jarat 9: A (140)10> D (155)
	• Atmenet: Jarat 90> Jarat 10: D (155) -> D (160)
	• Jarat 10: D (160)12> B (180)
	• Utolsojarat: Jarat 100> Depo: B (180) -> B (180)
	Ossz futott km / Osszfogyasztas / maxtoltes: 51 / 204 / 300
Busz 3	• Elsojarat: Depo0> Jarat 1: A (0) -> A (10)
	• Jarat 1: A (10)16> B (35)
	• Atmenet: Jarat 110> Jarat 7: B (35) -> D (50)
	• Jarat 7: D (50)10> A (65)
	• Atmenet: Jarat 70> Jarat 3: A (65) -> A (70)
	• Jarat 3: A (70)19> C (100)
	• Atmenet: Jarat 30> Jarat 6: C (100) -> C (105)
	• Jarat 6: C (105)19> A (135)
	• Utolsojarat: Jarat 60> Depo: A (135) -> A (135)
	Ossz futott km / Osszfogyasztas / maxtoltes: 74 / 222 / 250
Cél	600 kWh
Futási idő	0.9 mp
Memória	3.2 MB