Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота 4 з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту»

> Виконав: Студент 2 курсу ФІОТ групи ІО-91 Самойленко Т.П.

> > Перевірив:

Регіда П.Г.

Мета:Провести трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

$$y_{\text{min}} = 200 + x_{\text{cp max}};$$
 $y_{\text{min}} = 200 + x_{\text{cp min}}$

де $x_{\text{cp max}} = \frac{x_{\text{1max}} + x_{\text{2max}} + x_{\text{3max}}}{3}, x_{\text{cp min}} = \frac{x_{\text{1min}} + x_{\text{2min}} + x_{\text{3min}}}{3}$

Варіант:

Роздруківка програми:

```
import random
import numpy as np
from scipy.stats import f, t
def regression(x, b):
def dispersion(y, y aver, n, m):
        res.append(round(s, 3))
        x.append(x[1] * x[2])
        x.append(x[1] * x[3])
        x.append(x[2] * x[3])
        x.append(x[1] * x[2] * x[3])
```

```
res.append(b)
def kriteriy studenta(x, y average, n, m, dispersion):
       beta.append(b)
```

```
return
```

```
return S ad / dispersion average
dispersion arr = dispersion(Y, y aver, n, m)
 temp\_cohren = f.ppf(q=(1 - q / f1), dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2) \\ cohren\_cr\_table = temp\_cohren / (temp\_cohren + f1 - 1) 
Gp = max(dispersion_arr) / sum(dispersion_arr)
print(f'\nЗначення "y" з коефіцієнтами {final k}')
f4 = n - d
Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)
```

```
print('Ft =', Ft)
def with interaction effect(n, m):
def planning matrix_linear(n, m, x_range):
def regression equation (x, y, n):
   y average = [round(sum(i) / len(i), 2) for i in y]
```

```
dispersion arr = dispersion(y, y average, n, m)
temp_cohren = f.ppf(q=(1 - q / f1), dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2) cohren_cr_table = temp_cohren / (temp_cohren + f1 - 1)
student_cr_table = t.ppf(df=f3, q=qq)
        format([i for i in B if i not in final coefficients]))
```

```
Ft = f.ppf(dfn=f4, dfd=f3, q=1 - 0.05)

print('\nПepeBipka adekBathocti sa kputepiem Фimepa:\n')
print('Pospaxyhkobe shavehhя kputepiя Фimepa: Fp =', Fp)
print('Taбличне shavehhя kputepiя Фimepa: Ft =', Ft)
if Fp < Ft:
    print('Matematuvha модель adekBatha ekcпepumehtaльним даним')
    return True
else:
    print('Matematuvha модель не adekBatha ekcпepumehtaльним даним')
    return False

def main(n, m):
    main_1 = linear(n, m)
    if not main_1:
        interaction_effect = with_interaction_effect(n, m)
        if not interaction_effect:
            main(n, m)

if __name__ == '__main__':
        x_range = ((15, 45), (-35, 15), (-35, -5))
    y_max = 200 + int(sum([x[1] for x in x_range]) / 3)
    y_min = 200 + int(sum([x[0] for x in x_range]) / 3)
    main(8, 3)
```

Результати роботи програми:

```
Матриця планування:
    X0 X1
           X2 X3
                     Y1
                          Y2
                                Y3
   1. 15. -35. -35. 208. 189. 182.]
   1. 15. 15. -5. 211. 187. 186.]
       45. -35. -5. 209. 186. 191.]
   1. 45. 15. -35. 185. 182. 195.]
   1. 15. -35. -5. 198. 199. 182.]
   1. 15. 15. -35. 205. 195. 186.]
   1. 45. -35. -35. 217. 214. 218.]
   1. 45. 15. -5. 194. 189. 205.]]
Рівняння регресії:
y = 188.24 + 0.16*x1 + -0.12*x2 + -0.11*x3
Перевірка за критерієм Кохрена:
Розрахункове значення: Gp = 0.24233868553273102
Табличне значення: Gt = 0.815948432359917
3 ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.
Табличне значення критерій Стьюдента:
2.119905299221011
Розрахункове значення критерій Стьюдента:
[115.908, 1.401, 1.795, 0.958]
Коефіцієнти [0.16, -0.12, -0.11] статистично незначущі.
Отримаємо значення рівння регресії для 3 дослідів:
[188.24, 188.24, 188.24, 188.24, 188.24, 188.24, 188.24]
```

Перевірка адекватності за критерієм Фішера:

Розрахункове значення критерія Фішера: Fp = 6.453165140361412 Табличне значення критерія Фішера: Ft = 2.6571966002210865 Математична модель не адекватна експериментальним даним

Матриця планування для n = 8, m = 3:

3 кодованими значеннями факторів:

	X0	X1	X2	X3 X1)	(2 X1X3	X2X3	X1X2X3	Y1	Y2	Y3
]]	1 207]	15	-35	-35	-525	-525	1225	18375	203	198
[1 210]	15	15	-5	225	-75	-75	-1125	185	191
[1 195]	45	-35	-5	-1575	-225	175	7875	193	199
[1 183]	45	15	-35	675	-1575	-525	-23625	183	187
[1 211]	15	-35	-5	-525	-75	175	2625	203	200
[1 200]	15	15	-35	225	-525	-525	-7875	188	212
[1 207]	45	-35	-35	-1575	-1575	1225	55125	188	205
[1 206]]	45	15	-5	675	-225	-75	-3375	186	199

Нормовані значення факторів:

```
[[1-1-1-1-1 1 1 1-1]

[1-1 1 1-1-1 1-1 1-1]

[1 1-1 1 1-1 1-1-1-1]

[1 1 1-1-1 1-1-1-1]

[1-1-1 1 1-1-1 1]

[1 1-1-1-1 1 1-1 1]

[1 1 1 1 1 1 1 1 1]
```

Коефіцієнти рівняння регресії з нормованими X: [197.458, -3.208, -3.292, 0.708, -0.292, 1.375, 1.292, 2.958]

Середнє значення у: [202.667, 195.333, 195.667, 184.333, 204.667, 200.0, 200.0, 197.0] Дисперсія у: [13.556, 113.556, 6.222, 3.556, 21.556, 96.0, 72.667, 68.667] Gp = 0.28691697407650707

3 ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.

Критерій Стьюдента:

[137.531, 2.235, 2.293, 0.493, 0.203, 0.958, 0.9, 2.061]

Коефіцієнти [0.708, -0.292, 1.375, 1.292, 2.958] статистично незначущі, тому ми виключаємо їх з рівняння.

Значення "y" з коефіцієнтами [197.458, -3.208, -3.292] [203.958, 197.374, 197.542, 190.958, 203.958, 197.374, 197.542, 190.958]

Перевірка адекватності за критерієм Фішера

Fp = 1.2514188326848246

Ft = 2.852409165081986

Математична модель адекватна експериментальним даним

Висновок:

У ході лабораторної роботи було досліджено трьохфакторний експеримент з лінійним рівнянням регресії, використано критерій Кохрена для перевірки дисперсій на однорідність, критерій Стьюдента для перевірки нуль-гіпотези та критерій Фішера перевірки адекватності гіпотези. Можна зробити висновок, що ефект взаємодії підвищує точність апроксимації, але у деяких випадках для адекватної апроксимації необхідно додати у рівняння регресії квадратичні члени.