## Relatório 2º Projeto ASA 2022/2023

Grupo: tp012

Alunos: David Pires (103458) Diogo Miranda (102536)

## Descrição do Problema e da Solução

**Problema:** Dado um grafo G = (V,E), determinar o caminho de maior peso possível no grafo (Maximum Spanning Tree).

Solução: Aplicação do Algoritmo de Kruskal mas com uma pequena alteração. Até ao sort o algoritmo mantém-se porém depois percorre-se as edges do fim do vetor para o início (ordem decrescente) em vez do início do vetor para o fim (ordem crescente). Desta forma retira-se primeiro as edges de maior peso, obtendo-se a Maximum Spanning Tree.

## Análise Teórica

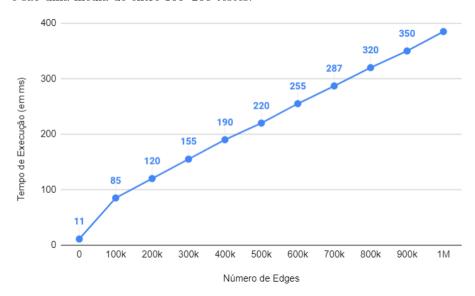
- Ler o input dado (simples loop que lê todas as entradas (#V, #E, edges)): O(E+2) = O(E)
- Criação do vetor para guardar os vértices e a sua raiz: O(V)
- Criação do vetor para guardar as edges: O(E)
- Dar sort no vetor de edges (utilizada a função sort() da biblioteca <algorithm>): O(E.log(E))
- Implementação de Kruskal, percorrer todas as edges, O(E) vezes a complexidade de uma chamada à função notCycle(). Na função notCycle() todos os parents da tree com menor tamanho são unidos à maior àrvore, com compressão de caminhos percorre-se todos os vértices (± procura em àrvore binária, tem complexidade O(log(E))). Assim a complexidade é: O(E.log(E))

Note-se que a nossa implementação de Kruskal não utiliza o critério de desempate por rank na junção de àrvores pelo que a procura nas àrvores será mais lenta que log(E) no pior caso. A nossa implementação de Kruskal terá uma complexidade um pouco pior que a demonstrada.

Complexidade Global:

$O(E \times log(E))$	

Os seguintes resultados foram obtidos através de cortes do seguinte teste com o comando  $\tt sed$  de UNIX. Os resultados foram obtidos com a ferramenta hyperfine e são uma média de entre  $100{\sim}200$  testes.



Esta função pode parecer linear mas E.log(E) também o parece para estes números elevados. f(E)=E é uma função linear, e f(E)=log(E) para estes números elevados cresce muito lentamente pelo que parece linear  $(log(100k)=11.5, \ldots, log(1M)=13.8)$ .

Assim Podemos concluir que gráfico aproxima-se da função E. Pelo que suporta a nossa suposição da complexidade deste programa ser:

$$O(E \times log(E))$$

Com 0 edges o tempo de execução não é 0 uma vez que ainda são gerados anteriormente os vetores para receber os vértices e a sua respetiva raiz. Este exemplo utiliza 10000 vértice, pelo que este processo ainda vai demorar algum tempo. Também podemos concluir aqui que para inputs com muitos vértices e poucas edges a complexidade de gerar este vetor será maior do que resolver o problema, assim nestes casos a complexidade da solução será:

O(V)