



Nome:

Número:

Data:

Curso:

## Capítulo 3 - Funções

Um número inteiro,  $n$ , diz-se *triangular* se existir um inteiro  $m$  tal que  $n = 1 + 2 + \dots + (m - 1) + m$ . Escreva uma função chamada `triangular` que recebe um número inteiro positivo  $n$ , e cujo valor é `True` apenas se o número for triangular. No caso de  $n$  ser 0 deverá devolver `False`. A função deve verificar a validade dos seus argumentos. Por exemplo,

```
>>> triangular(6)
True
>>> triangular(8)
False
>>> triangular(-4)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: triangular: argumento invalido
```

### Solução:

```
def triangular(n):
    if not (isinstance(n, int) and n > 0):
        raise ValueError('triangular: argumento invalido')
    elif n == 0:
        return False
    else:
        soma = 0
        i = 1
        while soma < n:
            soma = soma + i
            i = i + 1
        return soma == n
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

A função *arctg* pode ser calculada através da seguinte fórmula

$$\text{arctg}(x) = \sum_{i=1}^n \frac{(-1)^{i-1} x^{2i-1}}{2i-1}$$

Escreva uma função com o nome *arctg*, que recebe o número real  $x \in [-1,1]$  para o qual se quer calcular o *arctg*, bem como o número de termos *n* da expressão a calcular, e devolve o *arctg* calculado de acordo com a fórmula anterior. A função deve verificar a validade dos seus argumentos.

```
>>> arctg(0.5, 100)
0.46364760900080615
>>> arctg(1.0, 100)
0.7828982258896382
>>> arctg(0.5, -2)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: arctg: argumentos invalidos
```

#### Solução:

```
def arctg(x,n):
    if not (isinstance(x, float) and (-1 <= x <= 1.0) and \
            isinstance(n, int) and n > 0):
        raise ValueError('arctg: argumentos invalidos')
    soma = 0
    while n > 0:
        termo = (-1)**(n-1) * x**(2*n - 1) / (2*n - 1)
        soma = soma + termo
        n = n - 1
    return soma
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

A função  $\log(x)$  para  $x \in ]0,2]$  pode ser calculada através da seguinte fórmula

$$\log(x) = \sum_{i=1}^n \frac{(-1)^{i+1} (x-1)^i}{i}$$

Escreva uma função com o nome `log`, que recebe o número `x` para o qual se quer calcular o  $\log(x)$ , bem como o número de termos `n` da expressão a calcular, e devolve o  $\log(x)$  calculado de acordo com a fórmula anterior. A função deve verificar a validade dos seus argumentos.

```
>>> log(1.5, 50)
0.4054651081081644
>>> log(0.1, 50)
-2.3017962525010716
>>> log(-2, 50)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: log: argumentos invalidos
```

#### Solução:

```
def log(x,n):
    if not (isinstance(x, float) and (0 < x <= 2) and \
            isinstance(n, int) and n > 0):
        raise ValueError('log: argumentos invalidos')
    soma = 0
    while n > 0:
        termo = (-1)**(n + 1) * (x - 1)**n / n
        soma = soma + termo
        n = n - 1
    return soma
```



Nome:
-------

Número:
---------

Data:
-------

Curso:
--------

### Capítulo 3 - Funções

Um número *primo* é um número inteiro maior do que 1 que apenas é divisível por 1 e por si próprio. Por exemplo, 5 é primo porque apenas é divisível por si próprio e por 1, ao passo que 6 não é primo pois é divisível por 1, 2, 3, e 6. Os números primos têm um papel muito importante tanto em Matemática como em Informática. Um método simples, mas pouco eficiente, para determinar se um número,  $n$ , é primo consiste em testar se  $n$  é múltiplo de algum número entre 2 e  $\sqrt{n}$ .

Usando este processo, escreva uma função em Python chamada `primo` que recebe um número inteiro positivo e tem o valor `True` apenas se o seu argumento for primo. A função deve verificar a validade dos seus argumentos.

```
>>> primo(9)
False
>>> primo(11)
True
>>> primo(-4)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: primo: argumento invalido
```

#### Solução:

```
import math
def primo(n):
    if not (isinstance(n, int) and n > 0):
        raise ValueError('primo: argumento invalido')
    i = 2
    max = math.sqrt(n)
    while i <= max:
        if n % i == 0:
            return False
        i = i + 1
    return True
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Um número  $d$  é divisor de  $n$  se o resto da divisão de  $n$  por  $d$  for 0. Escreva uma função com o nome `num_divisores_impares` que recebe um número inteiro positivo  $n$ , e tem como valor o número de divisores de  $n$  ímpares. No caso de  $n$  ser 0 deverá devolver 0. A função deve verificar a validade dos seus argumentos. Por exemplo,

```
>>> num_divisores_impares(20)
2
>>> num_divisores_impares(13)
2
>>> num_divisores_impares(-4)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: num_divisores_impares: argumento invalido
```

#### Solução 1:

```
def num_divisores_impares(n):
    if not (isinstance(n, int) and n >= 0):
        raise ValueError('num_divisores_impares: argumento
invalido')
    res = 0
    i = 1
    while i <= n:
        if n % i == 0 and i%2 != 0:
            res = res + 1
        i = i + 1
    return res
```

#### Solução 2:

```
def num_divisores_impares(n):
    if not (isinstance(n, int) and n >= 0):
        raise ValueError('num_divisores_impares: argumento
invalido')
    res = 0
    i = 1
    while i <= n:
        if n % i == 0:
            res = res + 1
        i = i + 2
    return res
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Escreva uma função em Python que calcula o valor aproximado da série para um determinado valor de  $x \in [0, \text{inf}]$  :

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = e^x$$

O cálculo do valor aproximado da série deverá terminar quando o termo a adicionar for inferior a um certo delta (que é fornecido como segundo parâmetro da função). A função deve verificar a validade dos seus argumentos. Assuma a existência da função `factorial(n)`.

```
>>> serie_e(2.0, 0.0001)
7.388994708994708
>>> serie_e(1.0, 0.0001)
2.7182539682539684
>>> serie_e(2.5, "0.0001")
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: serie_e: argumentos invalidos
```

#### Solução:

```
def serie_e(x, delta):
    if not (isinstance(x, float) and x >= 0 and \
            isinstance(delta, float)):
        raise ValueError('serie_e: argumentos invalidos')
    soma = 0
    n = 0
    termo = 1
    while termo >= delta:
        soma = soma + termo
        n = n + 1
        termo = x**n / factorial(n)
    return soma
```



Nome:

Número:

Data:

Curso:

### Capítulo 3 - Funções

Escreva uma função em Python com o nome `prod_cubos` que recebe um número inteiro positivo, `n`, e tem como valor a soma dos cubos de todos os números inteiros de 1 até `n`. A função deve verificar a validade dos seus argumentos.

```
>>> prod_cubos(1)
1
>>> prod_cubos(3)
216
>>> prod_cubos(-4)
Traceback (most recent call last): <...>
ValueError: prod_cubos: argumento invalido
```

#### Solução:

```
def prod_cubos(n):
    if not (isinstance(n, int) and n > 0):
        raise ValueError('prod_cubos: argumento invalido')
    prod = 1
    while n != 0:
        prod = prod * (n**3)
        n = n - 1
    return prod
```