## Отчет по Лабораторной Работе №4

Модель гармонических колебаний - Вариант 27

Озьяс Стев Икнэль Дани

# Содержание

1	. Цель работы	3
2	2 Задание	4
3	Выполнение лабораторной работы         3.1 Теоретические сведения	. 5
4	Выводы	14
5	5 Список литературы	15

## 1 Цель работы

Построить фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев: 1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы 2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы 3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

# 2 Задание

- 1. Изучать модель гармонических колебаний
- 2. Построить фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора

### 3 Выполнение лабораторной работы

#### 3.1 Теоретические сведения

Движение грузика на пружинке, маятника, заряда в электрическом контуре, а также эволюция во времени многих систем в физике, химии, биологии и другихнауках при определенных предположениях можно описать одним и тем же дифференциальным уравнением, которое в теории колебаний выступает в качествеосновной модели. Эта модель называется линейным гармоническим осциллятором. Уравнение свободных колебаний гармонического осциллятора имеет следующий вид:

$$x'' + 2 g x' + w^2 x = 0$$

где x – переменная, описывающая состояние системы (смещение грузика, заряд конденсатора и т.д.), g – параметр, характеризующий потери энергии (трение в механической системе, сопротивление в контуре), w – собственная частота колебаний, t – время.

#### 3.2 Задача

Постройте фазовый портрет гармонического осциллятора и решение уравнения гармонического осциллятора для следующих случаев:

1. Колебания гармонического осциллятора без затуханий и без действий внешней силы

$$x'' + 9 x = 0$$

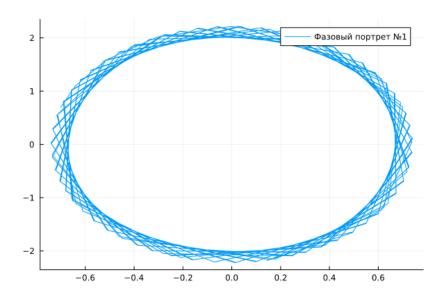


Рис. 3.1: Фазовый портрет №1 (Julia)

2. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и без действий внешней силы

$$x'' + 5.5 x' + 4.4 x = 0$$

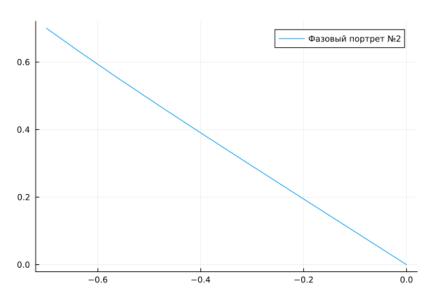


Рис. 3.2: Фазовый портрет №2 (Julia)

3. Колебания гармонического осциллятора с затуханием и под действием внешней силы

$$x'' + x' + 6x = 0$$

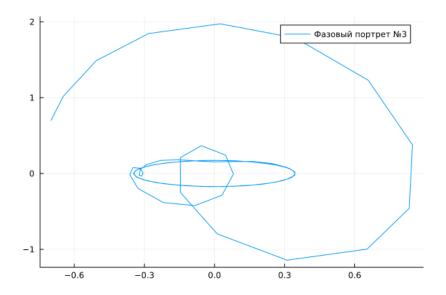


Рис. 3.3: Фазовый портрет №3 (Julia)

#### 3.3 Код программы (Julia)

using Plots
using DifferentialEquations

#ПЕРВЫЙ СЛУЧАЙ

```
#Параметры осциллятора

#x'' + g* x' + w^2* x = f(t)

#w - частота

#g - затухание

w = 3;

g = 0.00;
```

```
function f(t)
    f = 0;
    return f;
end
#Вектор-функция f(t, x)
#для решения системы дифференциальных уравнений
\#x' = y(t, x)
#где х - искомый вектор
function F(du,u, p, t)
    du[1] = u[2];
   du[2] = -w.* w.* u[1] - g.* u[2] + f(t);
end
#Вектор начальных условий
#x(t0) = x0
v0 = [-0.7; 0.7];
#Интервал на котором будет решаться задача
t = (0; 37);
#Решаем дифференциальные уравнения с начальным условием x(t0) = x0 на интервале t
#с правой частью, заданной у и записываем решение в матрицу х
```

#Правая часть уравнения f(t)

```
prob = ODEProblem(F, v0, t);
sol = solve(prob);
#Переписываем отдельно x в y1, x' в y2
y1 = [];
y2 = [];
for values in sol.u
    push!(y1, values[1]);
   push!(y2, values[2]);
end
#Рисуем фазовый портрет: зависимость x(x')
display(plot(y1, y2, legend=:topright, label= "Фазовый портрет №1"));
savefig("image1.png")
#ВТОРОЙ СЛУЧАЙ
w = sqrt(4.4);
g = 5.5;
#Правая часть уравнения f(t)
function f(t)
    f = 0;
    return f;
end
```

```
#Вектор-функция f(t, x)
#для решения системы дифференциальных уравнений
\#x' = y(t, x)
#где х - искомый вектор
function F(du,u, p, t)
    du[1] = u[2];
    du[2] = -w.* w.* u[1] - g.* u[2] + f(t);
end
#Вектор начальных условий
#x(t0) = x0
v0 = [-0.7; 0.7];
#Интервал на котором будет решаться задача
t = (0; 37);
#Решаем дифференциальные уравнения с начальным условием x(t0) = x0 на интервале t
#с правой частью, заданной у и записываем решение в матрицу х
prob = ODEProblem(F, v0, t);
sol = solve(prob);
#Переписываем отдельно х в у1, х' в у2
```

y1 = [];

```
y2 = [];
for values in sol.u
    push!(y1, values[1]);
    push!(y2, values[2]);
end
#Рисуем фазовый портрет: зависимость x(x')
display(plot(y1, y2, legend=:topright, label= "Фазовый портрет №2"));
savefig("image2.png")
#ТРЕТИЙ СЛУЧАЙ
w = sqrt(6);
g = 1;
#Правая часть уравнения f(t)
function f(t)
    f = 2*\cos(0.5*t);
    return f;
end
#Вектор-функция f(t, x)
#для решения системы дифференциальных уравнений
\#x' = y(t, x)
#где х - искомый вектор
```

```
function F(du, u, p, t)
    du[1] = u[2];
    du[2] = -w.* w.* u[1] - g.* u[2] + f(t);
end
#Вектор начальных условий
#x(t0) = x0
v0 = [-0.7; 0.7];
#Интервал на котором будет решаться задача
t = (0; 37);
#Решаем дифференциальные уравнения с начальным условием x(t0) = x0 на интервале t
#с правой частью, заданной у и записываем решение в матрицу х
prob = ODEProblem(F, v0, t);
sol = solve(prob);
#Переписываем отдельно x в y1, x' в y2
y1 = [];
y2 = [];
for values in sol.u
    push!(y1, values[1]);
    push!(y2, values[2]);
```

```
end
```

```
#Рисуем фазовый портрет: зависимость х(х')
display(plot(y1, y2, legend=:topright, label= "Фазовый портрет №3"));
savefig("image3.png")
```

## 4 Выводы

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделем гармонических колебаний. Проверили, как работает модель в различных ситуациях, построили фазовые портреты в рассматриваемых случаях.

# 5 Список литературы

1. Гармонические\_колебания