

Презентация по Лабораторной Работе №6

Модель Эпидемии

Озьяс Стев Икнэль Дани

Цели и задачи работы

Цель лабораторной работы

Рассмотрим простейшую модель эпидемии. Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы. Первая группа — это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи, обозначим их через $S(t)$. Вторая группа — это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции, обозначим их $I(t)$. А третья группа, обозначаемая через $R(t)$ — это здоровые особи с иммунитетом к болезни.

Задание к лабораторной работе

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1. если $I(0) \leq I^*$
2. если $I(0) > I^*$

Процесс выполнения лабораторной работы

Теоретический материал

До того, как число заболевших не превышает критического значения, считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда $I(t) > I^*$, тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей. Таким образом, скорость изменения числа меняется по следующему закону:


$$\frac{dS}{dt} = \begin{cases} -aS, & \text{если } I(t) > I^* \\ 0, & \text{если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

Поскольку каждая восприимчивая к болезни особь, которая, в конце концов, заболевает, сама становится инфекционной, то скорость изменения числа инфекционных особей представляет разность за единицу времени между заразившимися и теми, кто уже болеет и лечится, т. е.

$$\frac{dI}{dt} = \begin{cases} aS - bI, & \text{если } I(t) > I^* \\ -bI, & \text{если } I(t) \leq I^* \end{cases}$$

А скорость изменения выздоравливающих особей (при этом приобретающие иммунитет к болезни)

$$\frac{dR}{dt} = -bI$$

 **Note:** Постоянные пропорциональности a , b , - это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

Решение

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове $N = 11300$ в момент начала эпидемии $t = 0$ число заболевших людей

(являющихся распространителями инфекции) $I(0) = 240$, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни $R(0) = 46$. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени $S(0) = N - I(0) - R(0)$

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

1. если $I(0) \leq I^*$

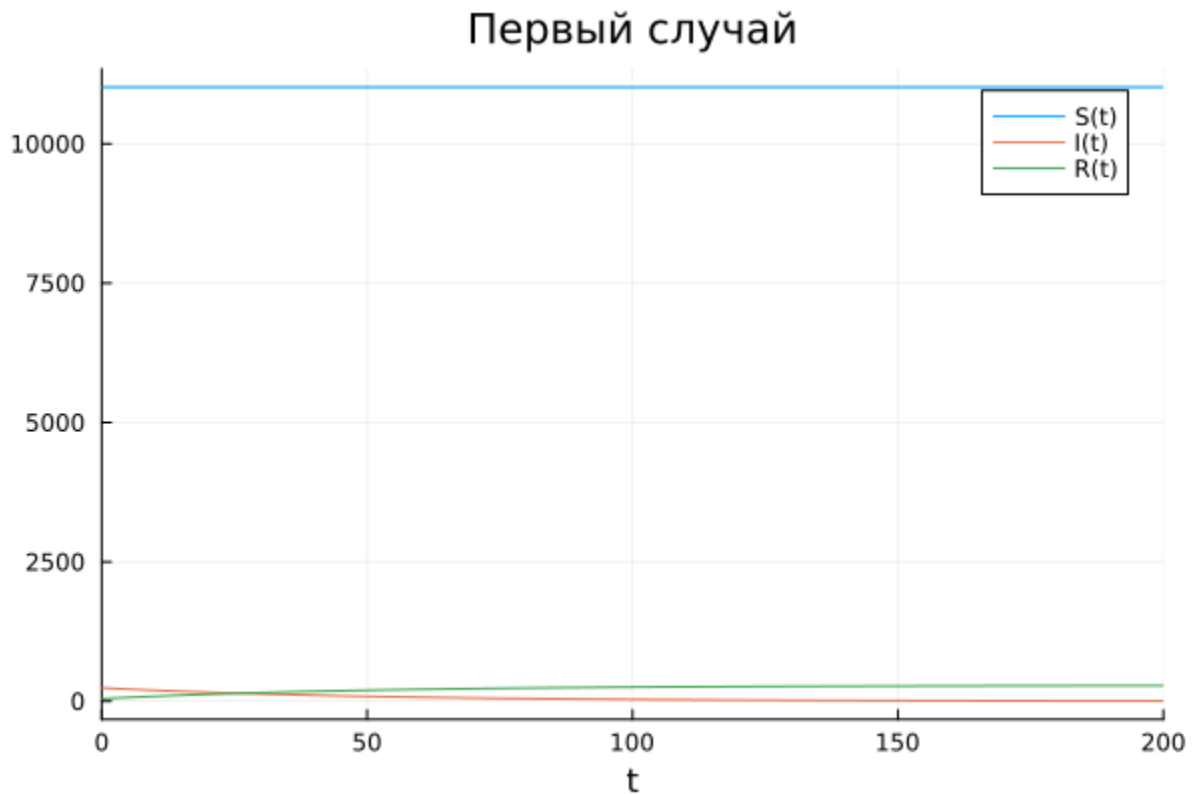


Рис1. Динамика изменения числа людей 1

2. если $I(0) > I^*$

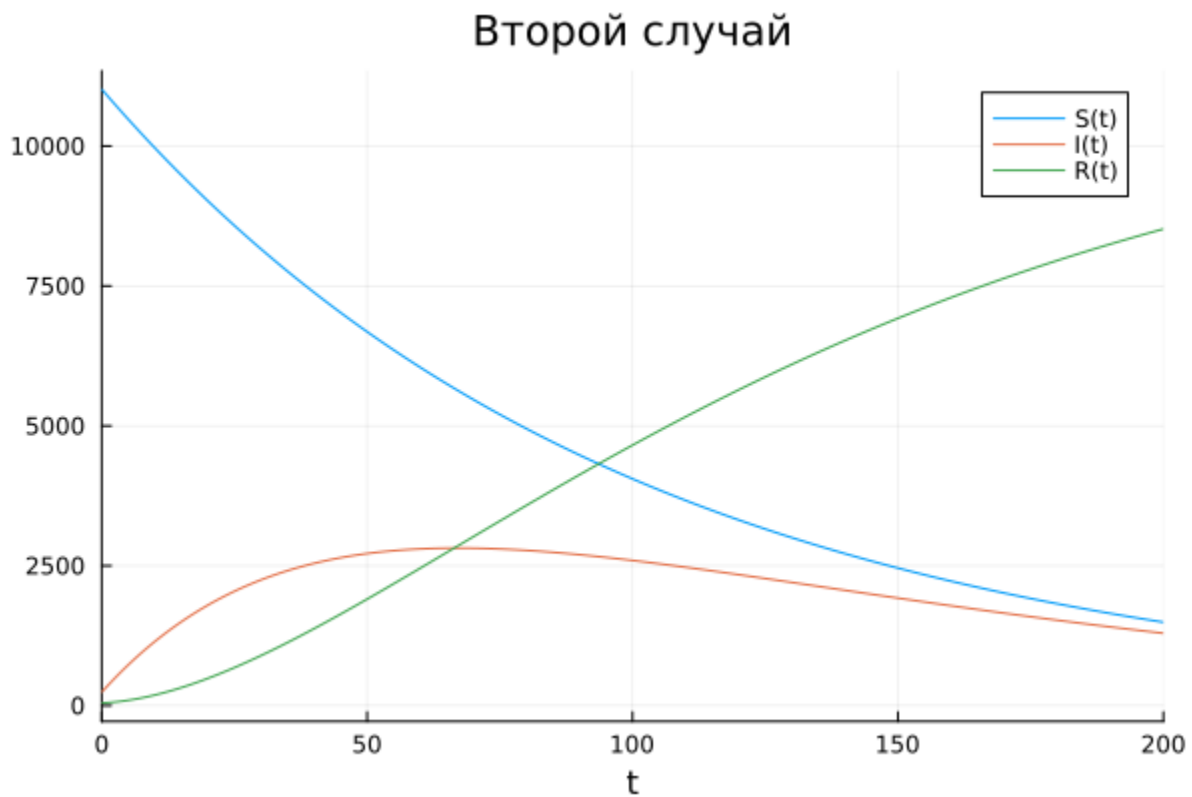


Рис2. Динамика изменения числа людей 2

Выводы по проделанной работе

Вывод

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделью эпидемии. Проверили, как работает модель в различных ситуациях, показали динамику изменения числа людей в каждой из трех групп в каждом случае.

Список литературы

1. [Модель эпидемии](#)