

Отчет по Лабораторной Работе №3

Модель Боевых Действий- Вариант 27

Озьяс Стив Икнэль Дани

Содержание

| | | |
|----------|---------------------------------------|-----------|
| 1 | Цель работы | 3 |
| 2 | Задание | 4 |
| 3 | Выполнение лабораторной работы | 5 |
| 3.1 | Теоретические сведения | 5 |
| 3.2 | Задача | 6 |
| 3.3 | Код программы (Julia) | 8 |
| 4 | Выводы | 12 |
| 5 | Список литературы | 13 |

1 Цель работы

Рассматривать 2 случая ведения боевых действий по модели Ланчестера: 1. Боевые действия между регулярными войсками 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

2 Задание

1. Изучать модель Ланчестера
2. Построить графики для обеих армий
3. Определить кто из них победитель

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Теоретические сведения

Будем рассматривать 2 случая ведения боевых действий: 1. Боевые действия между регулярными войсками 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

В первом случае численность регулярных войск определяется тремя факторами:

1. скорость уменьшения численности войск из-за причин, не связанных с боевыми действиями (болезни, травмы, дезертирство);
2. скорость потерь, обусловленных боевыми действиями противоборствующих сторон (что связано с качеством стратегии, уровнем вооружения, профессионализмом солдат и т.п.);
3. скорость поступления подкрепления (задаётся некоторой функцией от времени).

В этом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены $-a(t)x(t)$ и $-h(t)y(t)$, члены $-b(t)y(t)$ и $-c(t)x(t)$ отражают потери на поле боя. Коэффи-

циенты $b(t), c(t)$ указывают на эффективность боевых действий со стороны y и x соответственно, $a(t), h(t)$ - величины, характеризующие степень влияния различных факторов на потери. Функции $P(t), Q(t)$ учитывают возможность подхода подкрепления к войскам X и Y в течение одного дня.

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. Нерегулярные войска в отличии от постоянной армии менее уязвимы, так как действуют скрытно, в этом случае сопернику приходится действовать неизбирательно, по площадям, занимаемым партизанами. Поэтому считается, что темп потерь партизан, проводящих свои операции в разных местах на некоторой известной территории, пропорционален не только численности армейских соединений, но и численности самих партизан. В результате модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t)y(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

3.2 Задача

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 88000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 99000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a, b, c, h постоянны. Также считаем $P(t), Q(t)$ непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.45x(t) - 0.55y(t) + \sin(t + 15) \\ \frac{dy}{dt} = -0.58x(t) - 0.45y(t) + \cos(t + 3) \end{cases}$$

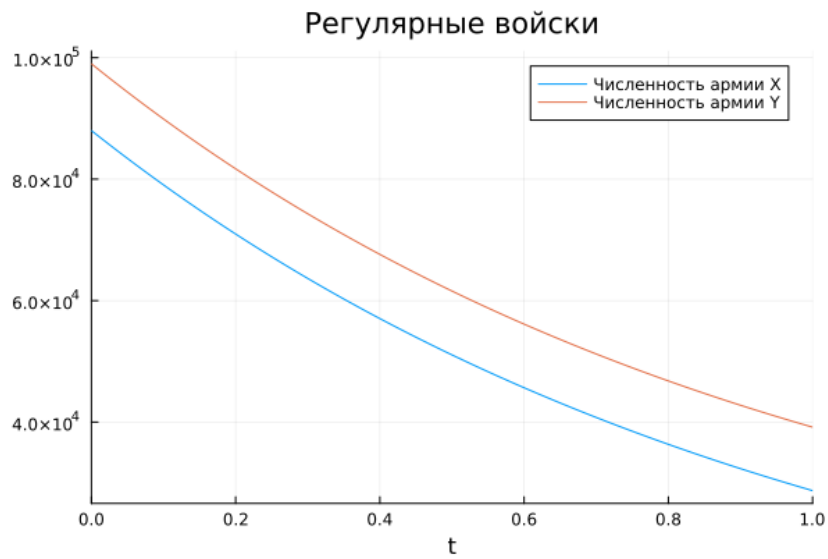


Рис. 3.1: График изменения численности в случае 1 (Julia)

По решению модели Ланчестера оказывается что армия Y - победитель.

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.37(t) - 0.67y(t) + \sin(7t) + 1 \\ \frac{dy}{dt} = -0.57x(t)y(t) - 0.39y(t) + \cos(8t) + 1 \end{cases}$$

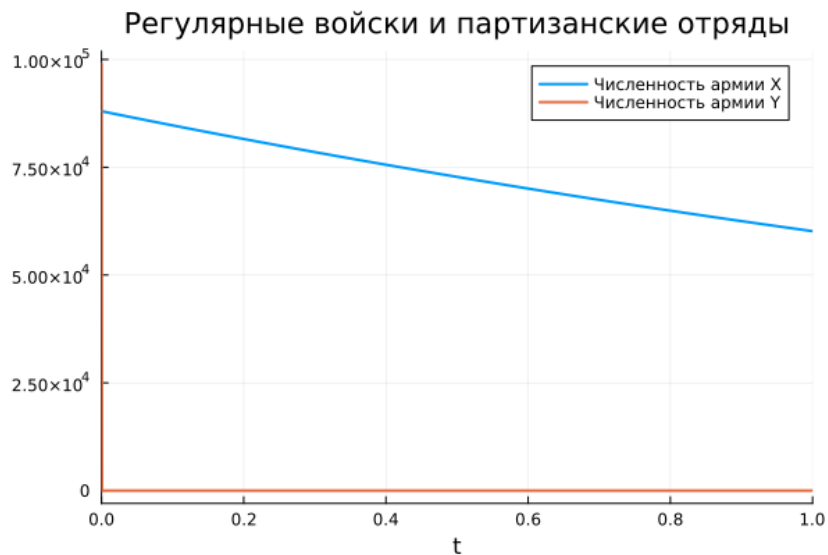


Рис. 3.2: График изменения численности в случае 2 (Julia)

По решению модели Ланчестера оказывается что армия X - победитель.

3.3 Код программы (Julia)

```
using Plots
using DifferentialEquations
using OrdinaryDiffEq

# начальные условия
x0 = 88000; #численность первой армии
y0 = 99000; #численность второй армии

t0 = 0; #начальный момент времени
a = 0.45; #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на по
b = 0.55; #эффективность боевых действий армии y
c = 0.58; #эффективность боевых действий армии x
```



```
h = 0.45;      #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на по
```

```
tmax = 1;      #предельный момент времени
```

```
t = (t0;tmax);
```

```
# ПЕРВЫЙ СЛУЧАЙ
```

```
function P(t)      #возможность подхода подкрепления к армии x
    p = sin(t + 15);
    return p;
end
```

```
function Q(t)      #возможность подхода подкрепления к армии y
    q = cos(t + 3);
    return q;
end
```

```
#Система дифференциальных уравнений
```

```
function f(du, u, p, t)
    du[1] = - a*u[1] - b*u[2] + P(t);      #изменение численности первой армии
    du[2] = - c*u[1] - h*u[2] + Q(t);      #изменение численности второй армии
end
```

```
v0 = [x0;y0];      #Вектор начальных условий
```

```

prob = ODEProblem(f, v0, t)
sol = solve(prob)

plot(sol, vars=(1), label = "Численность армии X", title = "Регулярные войски")
plot!(sol, vars=(2), label = "Численность армии Y")

a = 0.38;    #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на по
b = 0.67;    #эффективность боевых действий армии y
c = 0.57;    #эффективность боевых действий армии x
h = 0.39;    #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на по

# ВТОРОЙ СЛУЧАЙ

function P(t)    #возможность подхода подкрепления к армии x
    p = sin(7*t) + 1;
    return p;
end

function Q(t)    #возможность подхода подкрепления к армии y
    q = cos(8*t) + 1;
    return q;
end

#Система дифференциальных уравнений

```

```

function f(du, u, p, t)
    du[1] = - a*u[1] - b*u[2] + P(t);      #изменение численности первой армии
    du[2] = - c*u[1]*u[2] - h*u[2] + Q(t);  #изменение численности второй а
end

v0 = [x0;y0];    #Вектор начальных условий

prob = ODEProblem(f, v0, t)
sol = solve(prob)

plot(sol, vars=(1), linewidth = 2, label = "Численность армии X", title = "Регуля
plot!(sol, vars=(2), linewidth = 2, label = "Численность армии Y")

```

4 Выводы

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделями Ланчестера . Проверили, как работает модель в различных ситуациях, построили графики $x(t)$ и $y(t)$ в рассматриваемых случаях.

5 Список литературы

1. Законы Осипова — Ланчестера
2. Дифференциальные уравнения динамики боя
3. Элементарные модели боя