Отчет по Лабораторной Работе №3

Модель Боевых Действий

Озьяс Стев Икнэль Дани

Цель работы

Рассматривать 2 случая ведения боевых действий по модели Ланчестера:

- 1. Боевые действия между регулярными войсками
- 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

Задание

- 1. Изучать модель Ланчестера
- 2. Построить графики для обеих армий
- 3. Определить кто из них победитель

Выполнение лабораторной работы

Теоретические сведения

Будем рассматривать 2 случая ведения боевых действий:

- 1. Боевые действия между регулярными войсками
- 2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

В первом случае численность регулярных войск определяется тремя факторами:

- 1. скорость уменьшения численности войск из-за причин, не связанных с боевыми действиями (болезни, травмы, дезертирство);
- 2. скорость потерь, обусловленных боевыми действиями противоборствующих сторон (что связанно с качеством стратегии, уровнем вооружения, профессионализмом солдат и т.п.);

3. скорость поступления подкрепления (задаётся некоторой функцией от времени).

В этом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$dx/dt = -a(t) x(t) - b(t) y(t) + P(t)$$

$$dy/dt = -c(t) x(t) - h(t) y(t) + Q(t)$$

Потери, не связанные с боевыми действиями, описывают члены $-a(t) \, x(t) \, \text{и} - h(t) \, y(t)$, члены $-b(t) \, y(t) \, \text{и} - c(t) \, x(t)$ отражают потери на поле боя. Коэффициенты $b(t), \, c(t)$ указывают на эффективность боевых действий со стороны у и х соответственно, $a(t), \, h(t)$ - величины, характеризующие степень влияния различных факторов на потери. Функции $P(t), \, Q(t)$ учитывают возможность подхода подкрепления к войскам х и у в течение одного дня.

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. Нерегулярные войска в отличии от постоянной армии менее уязвимы, так как действуют скрытно, в этом случае сопернику приходится действовать неизбирательно, по площадям, занимаемым партизанами. Поэтому считается, что темп потерь партизан, проводящих свои операции в разных местах на некоторой известной территории, пропорционален не только численности армейских соединений, но и численности самих партизан. В результате модель принимает вид:

$$dx/dt = -ax(t) - by(t) + P(t)$$
$$dy/dt = -c x(t)y(t) - h y(t) + Q(t)$$

Задача

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями x(t) и y(t). В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 88000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 99000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a,b,c, h постоянны. Также считаем x(t), y(t) непрерывные функции Постройте графики изменения численности войск армии x и армии y для следующих случаев:

1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$dx/dt = -0.45x(t) - 0.55y(t) + \sin(t+15)$$

$$dy/dt = -0.58x(t) - 0.45y(t) + cos(t + 3)$$

Регулярные войски 1.0×10⁵ 8.0×10⁴ 4.0×10⁴ 0.0 0.2 0.4 0.6 0.8 1.0

Рис.1 Боевые действия между регулярными войсками

t

По решению модели Ланчестера оказывается что армия Y - победитель.

2. Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$dx/dt = -0.37x(t) - 0.67y(t) + \sin(7t) + 1$$

$$dy/dt = -0.57x(t)y(t) - 0.39y(t) + \cos(8t) + 1$$



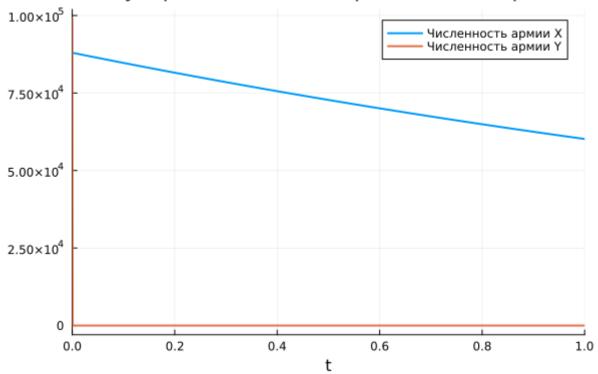


Рис.2 Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов

По решению модели Ланчестера оказывается что армия X - победитель.

Код программы (Julia)

```
using Plots
using DifferentialEquations
using OrdinaryDiffEq
# начальные условия
x0 = 88000;
            #численность первой армии
y0 = 99000;
               #численность второй армии
t0 = 0;
           #начальный момент времени
a = 0.45;
             #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на
потери
             #эффективность боевых действий армии у
b = 0.55;
c = 0.58;
            #эффективность боевых действий армии х
h = 0.45;
             #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на
потери
            #предельный момент времени
tmax = 1;
t = (t0;tmax);
# ПЕРВЫЙ СЛУЧАЙ
function P(t)
                   #возможность подхода подкрепления к армии х
```

```
p = sin(t + 15);
    return p;
end
function Q(t) #возможность подхода подкрепления к армии у
    q = cos(t + 3);
    return q;
end
#Система дифференциальных уравнений
function f(du, u, p, t)
    du[1] = -a*u[1] - b*u[2] + P(t); #изменение численности первой армии du[2] = -c*u[1] - h*u[2] + Q(t); #изменение численности второй армии
end
v0 = [x0;y0]; #Вектор начальных условий
prob = ODEProblem(f, v0, t)
sol = solve(prob)
plot(sol, vars=(1), label = "Численность армии X", title = "Регулярные войски")
plot!(sol, vars=(2), label = "Численность армии Y")
a = 0.38;
            #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на
потери
b = 0.67;
            #эффективность боевых действий армии у
с = 0.57; #эффективность боевых действий армии х
h = 0.39;
            #константа, характеризующая степень влияния различных факторов на
потери
# ВТОРОЙ СЛУЧАЙ
function P(t) #возможность подхода подкрепления к армии х
    p = \sin(7*t) + 1;
    return p;
end
function Q(t)
                  #возможность подхода подкрепления к армии у
    q = cos(8*t) + 1;
    return q;
end
#Система дифференциальных уравнений
function f(du, u, p, t)
    du[1] = -a*u[1] - b*u[2] + P(t); #изменение численности первой армии
    du[2] = - c*u[1]*u[2] - h*u[2] + Q(t); #изменение численности второй
армии
end
```

```
v0 = [x0;y0]; #Вектор начальных условий

prob = ODEProblem(f, v0, t)

sol = solve(prob)

plot(sol, vars=(1), linewidth = 2, label = "Численность армии X", title = "Регулярные войски и партизанские отряды")

plot!(sol, vars=(2), linewidth = 2, label = "Численность армии Y")
```

Выводы

В результате проделанной лабораторной работы мы познакомились с моделями Ланчестера . Проверили, как работает модель в различных ситуациях, построили графики x(t) и y(t) в рассматриваемых случаях.

Список литературы

- 1. Законы Осипова Ланчестера
- 2. Дифференциальные уравнения динамики боя
- 3. Элементарные модели боя