이것이 취업을 위한 코딩 테스트다 with 파이썬

- 다이나믹 프로그래밍은 메모리 공간을 약간 더 적절히 사용하여 연산 수행 속도를 비약적으로 증가시키는 방법입니다.
- 큰 문제를 작은 문제로 나누고, <u>이미 계산된 결과(작은 문제)는 별도의 메모리 영역에 저장</u>하여 다시 계산하지 않도록 합니다.
 - 배열이나 리스트로 표현하여 구현 가능
- 다이나믹 프로그래밍의 구현은 일반적으로 두 가지 방식(탑다운과 보텀업)으로 구성됩니다.

- 다이나믹 프로그래밍은 동적 계획법이라고도 부릅니다.
- 일반적인 프로그래밍 분야에서의 동적(Dynamic)이란 어떤 의미를 가질까요?
 - 자료구조에서 동적 할당(Dynamic Allocation)은 '프로그램이 실행되는 도중에 실행에 필요한 메모리를 할당하는 기법'을 의미합니다. (C malloc())
 - 정적 할당 (Static Allocation) : 프로그램이 실행되는 최초 시점에 실행에 필요한 메모리 할당하는 기법 (자주 사용하는 기법, int a;)
 - 반면에 다이나믹 프로그래밍에서 '다이나믹'은 별다른 의미 없이 사용된 단어입니다.

다이나믹 프로그래밍의 조건

- 다이나믹 프로그래밍은 문제가 다음의 조건을 만족할 때 사용할 수 있습니다.
 - 1. 최적 부분 구조 (Optimal Substructure)
 - 큰 문제를 작은 문제로 나눌 수 있으며 작은 문제의 답을 모아서 큰 문제를 해결할 수 있습니다.
 - 분할 정복 알고리즘 (Divide and Conquer)
 - 2. 중복되는 부분 문제 (Overlapping Subproblem)
 - 동일한 작은 문제를 반복적으로 해결해야 합니다.

피보나치 수열

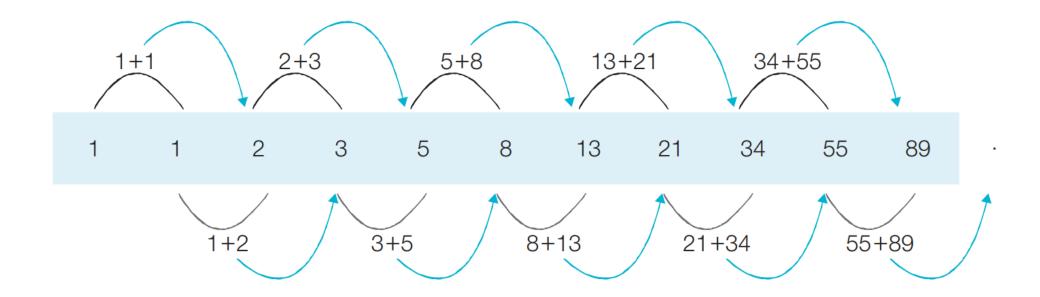
• 피보나치 수열 다음과 같은 형태의 수열이며, 다이나믹 프로그래밍으로 효과적으로 계산할 수 있습니다.

- 점화식이란 인접한 항들 사이의 관계식을 의미합니다.
- 피보나치 수열을 점화식으로 표현하면 다음과 같습니다.

$$a_n = a_{n-1} + a_{n-2}, \ a_1 = 1, \ a_2 = 1$$

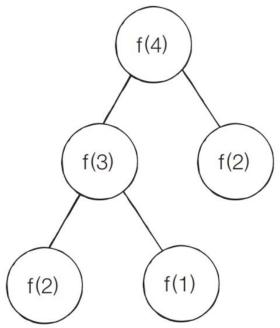
피보나치 수열

- 피보나치 수열이 계산되는 과정은 다음과 같이 표현할 수 있습니다.
 - 프로그래밍에서는 이러한 수열을 배열이나 리스트를 이용해 표현합니다.



피보나치 수열

- 피보나치 수열이 계산되는 과정은 다음과 같이 표현할 수 있습니다.
 - n번째 피보나치 수를 f(n)라고 할 때 4번째 피보나치 수 f(4)를 구하는 과정은 다음과 같습니다.



피보나치 수열: 단순 재귀 소스코드 (Python)

```
# 피보나치 함수(Fibonacci Function)을 재귀함수로 구현 def fibo(x):
   if x == 1 or x == 2:
      return 1
   return fibo(x - 1) + fibo(x - 2)

print(fibo(4))
```

실행 결과

피보나치 수열: 단순 재귀 소스코드 (C++)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int fibo(int x) {
   if (x == 1 || x == 2) {
      return 1;
   return fibo(x - 1) + fibo(x - 2);
int main(void) {
   cout << fibo(4) << '\mathbb{n}';
   return 0;
```

실행 결과

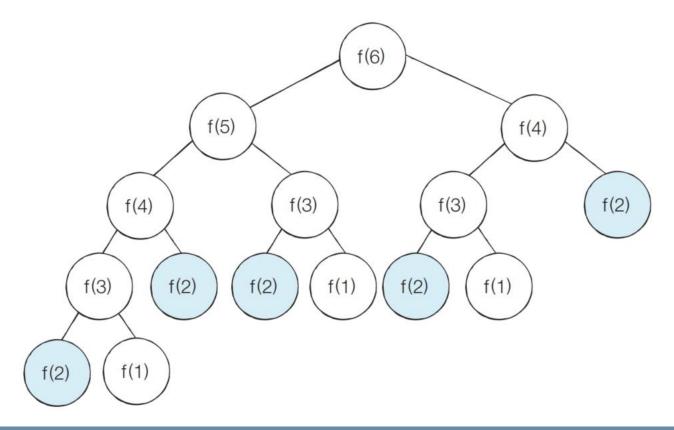
피보나치 수열: 단순 재귀 소스코드 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
  // 피보나치 함수(Fibonacci Function)을 재귀함수로 구현
   public static int fibo(int x) {
      if (x == 1 || x == 2) {
         return 1;
      return fibo(x - 1) + fibo(x - 2);
   public static void main(String[] args) {
      System.out.println(fibo(4));
```

실행 결과

피보나치 수열의 시간 복잡도 분석

- 단순 재귀 함수로 피보나치 수열을 해결하면 지수 시간 복잡도를 가지게 됩니다.
- 다음과 같이 f(2), f(3), f(1)가 여러 번 호출되는 것을 확인할 수 있습니다. (중복되는 부분 문제)

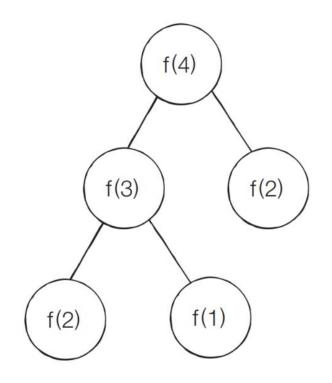


피보나치 수열의 시간 복잡도 분석

- 피보나치 수열의 시간 복잡도는 다음과 같습니다.
 - 세타 표기법: $\theta(1.618...^{N})$
 - 빅오 표기법: $O(2^N)$
- 빅오 표기법을 기준으로 f(30)을 계산하기 위해 약 10억가량의 연산을 수행해야 합니다.
- 그렇다면 f(100)을 계산하기 위해 얼마나 많은 연산을 수행해야 할까요?

피보나치 수열의 효율적인 해법: 다이나믹 프로그래밍

- 다이나믹 프로그래밍의 사용 조건을 만족하는지 확인합니다.
 - 1. 최적 부분 구조: 큰 문제를 작은 문제로 나눌 수 있습니다.
 - 2. 중복되는 부분 문제: 동일한 작은 문제를 반복적으로 해결합니다.
- 피보나치 수열은 다이나믹 프로그래밍의 사용 조건을 만족합니다.



메모이제이션 (Memoization)

- 메모이제이션은 다이나믹 프로그래밍을 구현하는 방법 중 하나입니다.
- <u>한 번 계산한 결과를 메모리 공간에 메모(임시변수 선언하고 임시변수에 저장)</u>하는 기법입니다.
 - 같은 문제를 다시 호출하면 메모했던 결과를 그대로 가져옵니다.
 - 배열이나 리스트로 구현 가능 (때에 따라서 dictionary type을 사용할 수도 있음)
 - 값을 기록해 놓는다는 점에서 캐싱(Caching)이라고도 합니다.

탑다운 VS 보텀업

- 탑다운(메모이제이션) 방식은 하향식이라고도 하며 보텀업 방식은 상향식이라고도 합니다.
- 다이나믹 프로그래밍의 전형적인 형태는 **보텀업 방식**입니다.
 - 결과 임시저장용 리스트는 DP 테이블이라고 부릅니다.
- 엄밀히 말하면 메모이제이션은 <u>이전에 계산된 결과를 일시적으로 기록해 놓는 넓은 개념을</u> <u>의미</u>합니다.
 - 따라서 메모이제이션은 다이나믹 프로그래밍에 국한된 개념은 아닙니다.
 - 한 번 계산된 결과를 담아 놓기만 하고 다이나믹 프로그래밍을 위해 활용하지 않을 수도 있습니다.

피보나치 수열: 탑다운 다이나믹 프로그래밍 소스코드 (Python)

```
# 한 번 계산된 결과를 메모이제이션(Memoization)하기 위한 리스트 초기화
d = [0] * 100
# 피보나치 함수(Fibonacci Function)를 재귀함수로 구현(탑다운 다이나믹 프로그래밍)
def fibo(x):
  # 종료 조건(1 혹은 2일 때 1을 반환)
  if x == 1 or x == 2:
    return 1
  # 이미 계산한 적 있는 문제라면 그대로 반환
  if d[x] != 0:
    return d[x]
  # 아직 계산하지 않은 문제라면 점화식에 따라서 피보나치 결과 반환
  d[x] = fibo(x - 1) + fibo(x - 2)
  return d[x]
print(fibo(99))
```

실행 결과

피보나치 수열: 보텀업 다이나믹 프로그래밍 소스코드 (Python)

```
# 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
d = [0] * 100

# 첫 번째 피보나치 수와 두 번째 피보나치 수는 1
d[1] = 1
d[2] = 1
n = 99

# 피보나치 함수(Fibonacci Function) 반복문으로 구현(보텀업 다이나믹 프로그래밍)
for i in range(3, n + 1):
  d[i] = d[i - 1] + d[i - 2]

print(d[n])
```

실행 결과

피보나치 수열: 보텀업 다이나믹 프로그래밍 소스코드 (C++)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
// 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
long long d[100];
int main(void) {
  // 첫 번째 피보나치 수와 두 번째 피보나치 수는 1
  d[1] = 1;
  d[2] = 1;
  int n = 50; // 50번째 피보나치 수를 계산
  // 피보나치 함수(Fibonacci Function) 반복문으로 구현(보텀업 다이나믹 프로그래밍)
  for (int i = 3; i <= n; i++) {
     d[i] = d[i - 1] + d[i - 2];
                                                                       실행 결과
  cout << d[n] << '\mathbb{m}';
  return 0;
                                                                       12586269025
```

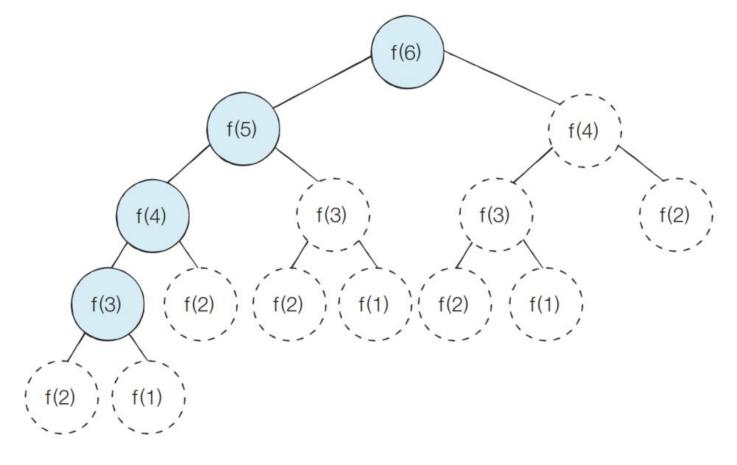
피보나치 수열: 보텀업 다이나믹 프로그래밍 소스코드 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
  public static long[] d = new long[100];
  public static void main(String[] args) {
     // 첫 번째 피보나치 수와 두 번째 피보나치 수는 1
     d[1] = 1;
     d[2] = 1;
     int n = 50; // 50번째 피보나치 수를 계산
     // 피보나치 함수(Fibonacci Function) 반복문으로 구현(보텀업 다이나믹 프로그래밍)
     for (int i = 3; i <= n; i++) {
        d[i] = d[i - 1] + d[i - 2];
                                                                      실행 결과
     System.out.println(d[n]);
                                                                      12586269025
```

피보나치 수열: 메모이제이션 동작 분석

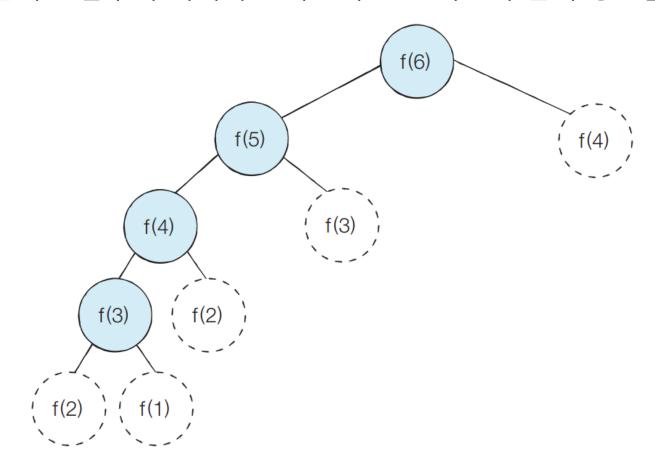
• 이미 계산된 결과를 메모리에 저장하면 다음과 같이 색칠된 노드만 처리할 것을 기대할 수 있

습니다.



피보나치 수열: 메모이제이션 동작 분석

• 실제로 호출되는 함수에 대해서만 확인해 보면 다음과 같이 방문합니다.



피보나치 수열: 메모이제이션 동작 분석

• 메모이제이션을 이용하는 경우 피보나치 수열 함수의 시간 복잡도는 O(N)입니다.

```
d = [0] * 100

def fibo(x):
    print('f(' + str(x) + ')', end=' ')
    if x == 1 or x == 2:
        return 1
    if d[x] != 0:
        return d[x]
    d[x] = fibo(x - 1) + fibo(x - 2)
    return d[x]

fibo(6)
```

실행 결과

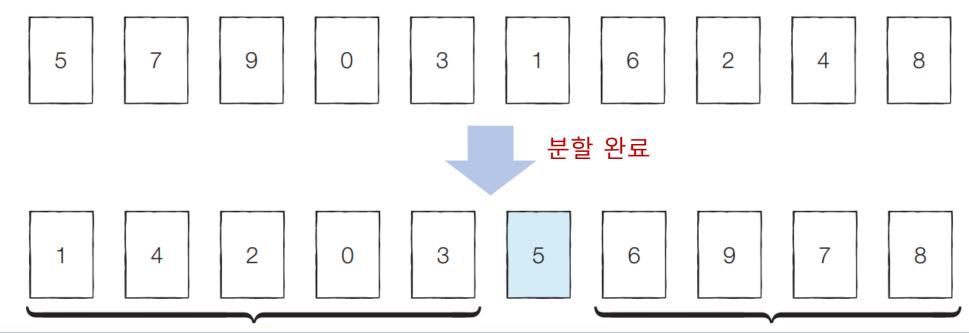
f(6) f(5) f(4) f(3) f(2) f(1) f(2) f(3) f(4)

다이나믹 프로그래밍 VS 분할 정복

- 다이나믹 프로그래밍과 분할 정복은 모두 최적 부분 구조를 가질 때 사용할 수 있습니다.
 - 큰 문제를 작은 문제로 나눌 수 있으며 작은 문제의 답을 모아서 큰 문제를 해결할 수 있는 상황
- 다이나믹 프로그래밍과 분할 정복의 차이점은 부분 문제의 중복입니다.
 - 다이나믹 프로그래밍 문제에서는 각 부분 문제들이 서로 영향을 미치며 부분 문제가 중복 됩니다.
 - 분할 정복 문제에서는 동일한 부분 문제가 반복적으로 계산되지 않습니다.

다이나믹 프로그래밍 VS 분할 정복

- 분할 정복의 대표적인 예시인 퀵 정렬을 살펴봅시다.
 - 한 번 기준 원소(Pivot)가 자리를 변경해서 자리를 잡으면 그 기준 원소의 위치는 바뀌지 않습니다.
 - 분할 이후에 해당 피벗을 다시 처리하는 부분 문제는 호출하지 않습니다.

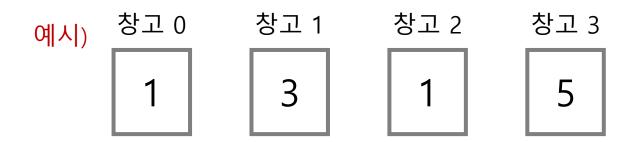


다이나믹 프로그래밍 문제에 접근하는 방법

- 주어진 문제가 다이나믹 프로그래밍 유형임을 파악하는 것이 중요합니다.
- 가장 먼저 그리디, 구현, 완전 탐색 등의 아이디어로 문제를 해결할 수 있는지 검토할 수 있습니다.
 - 다른 알고리즘으로 풀이 방법이 떠오르지 않으면 다이나믹 프로그래밍을 고려해 봅시다.
- 일단 재귀 함수로 비효율적인 완전 탐색 프로그램을 작성한 뒤에 (탑다운) 작은 문제에서 구한 답이 큰 문제에서 그대로 사용될 수 있으면, 코드를 개선하는 방법을 사용할 수 있습 니다. (버튼업 방식)
 - => 재귀함수를 사용하는 탑다운 방식보다 보텁업 방식으로 구현하는 것을 권장
- <u>일반적인 코딩 테스트 수준에서는 기본 유형의 다이나믹 프로그래밍 문제가 출제</u>되는 경우 가 많습니다.

<문제> 개미 전사: 문제 설명

- 개미 전사는 부족한 식량을 충당하고자 메뚜기 마을의 식량창고를 몰래 공격하려고 합니다. 메뚜기 마을에는 여러 개의 식량창고가 있는데 식량창고는 일직선으로 이어져 있습니다.
- 각 식량창고에는 정해진 수의 식량을 저장하고 있으며 개미 전사는 식량창고를 선택적으로 약탈하여 식량을 빼앗을 예정입니다. 이때 메뚜기 정찰병들은 일직선상에 존재하는 식량창고 중에서 서로 인접한 식량창고가 공격받으면 바로 알아챌 수 있습니다.
- 따라서 개미 전사가 정찰병에게 들키지 않고 식량창고를 약탈하기 위해서는 <u>최소한 한 칸 이</u> 상 떨어진 식량창고를 약탈해야 합니다.



<문제> 개미 전사: 문제 설명

• 예를 들어 식량창고 4개가 다음과 같이 존재한다고 가정합시다.

{1, 3, 1, 5}



- 이때 개미 전사는 두 번째 식량창고와 네 번째 식량창고를 선택했을 때 최댓값인 총 8개의 식량을 빼앗을 수 있습니다. 개미 전사는 식량창고가 이렇게 일직선상일 때 최대한 많은 식 량을 얻기를 원합니다.
- 개미 전사를 위해 식량창고 N개에 대한 정보가 주어졌을 때 얻을 수 있는 식량의 최댓값을 구하는 프로그램을 작성하세요.

<문제> 개미 전사: 문제 조건

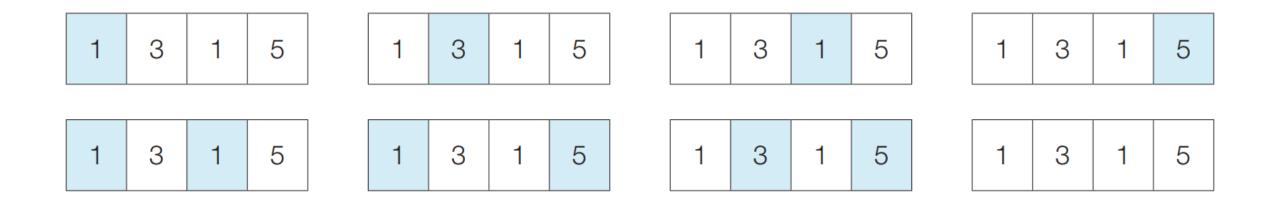
난이도 ●●○ | 풀이 시간 30분 | 시간제한 1초 | 메모리 제한 128MB

- 입력 조건
- 첫째 줄에 식량창고의 개수 N이 주어집니다. (3 <= N <= 100)
- 둘째 줄에 공백을 기준으로 각 식량창고에 저장된 식량의 개수 K가 주어집니다. (0 <= K <= 1,000)
- 출력 조건
- 첫째 줄에 개미 전사가 얻을 수 있는 식량의 최댓값을 출력하세요.

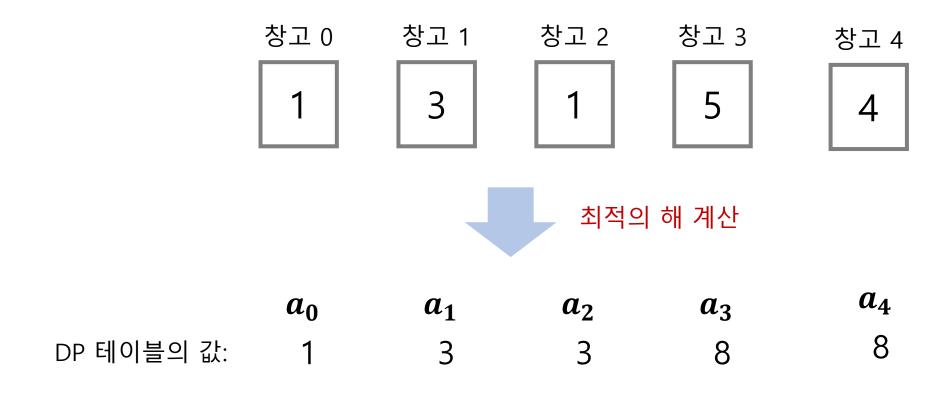
입력 예시 4 1 3 1 5

출력 예시

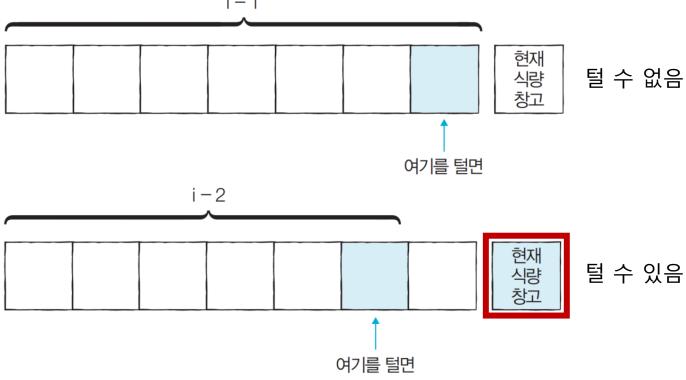
- 예시를 확인해 봅시다. N = 4일 때, 다음과 같은 경우들이 존재할 수 있습니다.
 - 식량을 선택할 수 있는 경우의 수는 다음과 같이 8가지입니다.
 - 7번째 경우에서 8만큼의 식량을 얻을 수 있으므로 최적의 해는 8입니다.



- $a_i = i$ 번째 식량창고까지의 최적의 해 (얻을 수 있는 식량의 최댓값)
 - 이렇게 정의한다면 다이나믹 프로그래밍을 적용할 수 있습니다.



• 왼쪽부터 차례대로 식량창고를 턴다고 했을 때, 특정한 i번째 식량창고에 대해서 털지 안 털지의 여부를 결정하면, 아래 2가지 경우 중에서 더 많은 식량을 털 수 있는 경우를 선택하면 됩니다.



- $a_i = i$ 번째 식량창고까지의 최적의 해 (얻을 수 있는 식량의 최댓값)
- $k_i = i$ 번째 식량창고에 있는 식량의 양 (i==3, ki => 5)
- 점화식은 다음과 같습니다.

$$a_i = max(a_{i-1}, a_{i-2} + k_i)$$

• 한 칸 이상 떨어진 식량창고는 항상 털 수 있으므로 (i-3)번째 이하는 고려할 필요가 없습니다.

<문제 > 개미 전사: 답안 예시 (Python)

```
# 정수 N을 입력 받기
n = int(input())
# 모든 식량 정보 입력 받기
array = list(map(int, input().split()))
# 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
d = [0] * 100
# 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행 (보텀업)
d[0] = array[0]
d[1] = max(array[0], array[1])
for i in range(2, n):
  d[i] = max(d[i - 1], d[i - 2] + array[i])
# 계산된 결과 출력
print(d[n - 1])
```

<문제> 개미 전사: 답안 예시 (C++)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
// 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
int d[100];
int n;
vector<int> arr;
int main(void) {
  cin >> n;
  for (int i = 0; i < n; i++) {
     int x;
     cin >> x;
     arr.push_back(x);
  // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행 (보텀업)
  d[0] = arr[0];
  d[1] = \max(arr[0], arr[1]);
  for (int i = 2; i < n; i++) {
      d[i] = max(d[i - 1], d[i - 2] + arr[i]);
  cout << d[n - 1] << '\mathbb{n}';
   return 0;
```

<문제> 개미 전사: 답안 예시 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
  // 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
  public static int[] d = new int[100];
  public static void main(String[] args) {
     Scanner sc = new Scanner(System.in);
     // 정수 N을 입력받기
     int n = sc.nextInt();
     // 모든 식량 정보 입력받기
     int[] arr = new int[n];
     for (int i = 0; i < n; i++) {
        arr[i] = sc.nextInt();
     // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행(보텀업)
     d[0] = arr[0];
     d[1] = Math.max(arr[0], arr[1]);
     for (int i = 2; i < n; i++) {
        d[i] = Math.max(d[i - 1], d[i - 2] + arr[i]);
     // 계산된 결과 출력
     System.out.println(d[n - 1]);
```

<문제 > 1로 만들기: 문제 설명

- 정수 X가 주어졌을 때, 정수 X에 사용할 수 있는 연산은 다음과 같이 4가지입니다.
 - 1. X가 5로 나누어 떨어지면, 5로 나눕니다.
 - 2. X가 3으로 나누어 떨어지면, 3으로 나눕니다.
 - 3. X가 2로 나누어 떨어지면, 2로 나눕니다.
 - 4. X에서 1을 뺍니다.
- 정수 X가 주어졌을 때, 연산 4개를 적절히 사용해서 값을 1로 만들고자 합니다. 연산을 사용하는 횟수의 최솟값을 출력하세요. 예를 들어 정수가 26이면 다음과 같이 계산해서 3번의 연산이 최솟값입니다.
 - $26 \to 25 \to 5 \to 1$

<문제 > 1로 만들기: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 20분 | 시간제한 1초 | 메모리 제한 128MB

입력 조건 • 첫째 줄에 정수 X가 주어집니다. (1 <= X <= 30,000)

출력 조건 • 첫째 줄에 연산을 하는 횟수의 최솟값을 출력합니다.

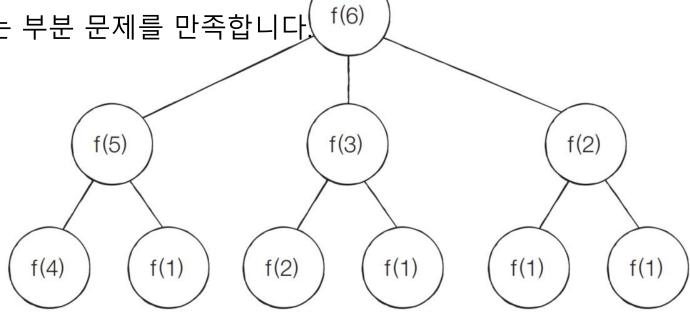
입력 예시 26 출력 예시

3

<문제> 1로 만들기: 문제 해결 아이디어

• 피보나치 수열 문제를 도식화한 것처럼 함수가 호출되는 과정을 그림으로 그려보면 다음과 같습니다.

• 최적 부분 구조와 중복되는 부분 문제를 만족합니다



:

<문제 > 1로 만들기: 문제 해결 아이디어

- $a_i = i = 1$ 로 만들기 위한 최소 연산 횟수
- 점화식은 다음과 같습니다.

$$a_i = min(a_{i-1}, a_{i/2}, a_{i/3}, a_{i/5}) + 1$$

• 단, 1을 빼는 연산을 제외하고는 <u>해당 수로 나누어떨어질 때에 한해 점화식을 적용</u>할 수 있습니다.

<문제 > 1로 만들기: 답안 예시 (Python)

```
# 정수 X를 입력 받기
x = int(input())
# 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
d = [0] * 30001
# 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행 (보텀업)
for i in range(2, x + 1):
  # 현재의 수에서 1을 빼는 경우
  d[i] = d[i - 1] + 1
  # 현재의 수가 2로 나누어 떨어지는 경우
  if i \% 2 == 0:
     d[i] = min(d[i], d[i // 2] + 1)
  # 현재의 수가 3으로 나누어 떨어지는 경우
  if i \% 3 == 0:
     d[i] = \min(d[i], d[i // 3] + 1)
  # 현재의 수가 5로 나누어 떨어지는 경우
  if i \% 5 == 0:
     d[i] = \min(d[i], d[i] / 5] + 1)
print(d[x])
```

<문제 > 1로 만들기: 답안 예시 (C++)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
// 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
int d[30001];
int x;
int main(void) {
  cin >> x;
  // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행 (보텀업)
  for (int i = 2; i <= x; i++) {
     // 현재의 수에서 1을 빼는 경우
     d[i] = d[i - 1] + 1;
     // 현재의 수가 2로 나누어 떨어지는 경우
     if (i \% 2 == 0)
         d[i] = min(d[i], d[i / 2] + 1);
     // 현재의 수가 3으로 나누어 떨어지는 경우
     if (i \% 3 == 0)
         d[i] = min(d[i], d[i / 3] + 1);
     // 현재의 수가 5로 나누어 떨어지는 경우
     if (i \% 5 == 0)
         d[i] = min(d[i], d[i / 5] + 1);
   cout << d[x] << '\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{\text{d}}}}}}'};
   return 0;
```

<문제 > 1로 만들기: 답안 예시 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
  // 앞서 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
  public static int[] d = new int[30001];
  public static void main(String[] args) {
     Scanner sc = new Scanner(System.in);
     int x = sc.nextInt();
     // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행(보텀업)
     for (int i = 2; i <= x; i++) {
       // 현재의 수에서 1을 빼는 경우
        d[i] = d[i - 1] + 1;
       // 현재의 수가 2로 나누어 떨어지는 경우
        if (i \% 2 == 0)
           d[i] = Math.min(d[i], d[i / 2] + 1);
        // 현재의 수가 3으로 나누어 떨어지는 경우
        if (i \% 3 == 0)
          d[i] = Math.min(d[i], d[i / 3] + 1);
       // 현재의 수가 5로 나누어 떨어지는 경우
        if (i \% 5 == 0)
          d[i] = Math.min(d[i], d[i / 5] + 1);
     System.out.println(d[x]);
```

<문제> 효율적인 화폐 구성: 문제 설명

- N가지 종류의 화폐가 있습니다. 이 화폐들의 개수를 최소한으로 이용해서 그 가치의 합이 M 원이 되도록 하려고 합니다. 이때 각 종류의 화폐는 몇 개라도 사용할 수 있습니다.
- 예를 들어 2원, 3원 단위의 화폐가 있을 때는 15원을 만들기 위해 3원을 5개 사용하는 것이 가장 최소한의 화폐 개수입니다.
- M원을 만들기 위한 최소한의 화폐 개수를 출력하는 프로그램을 작성하세요.

<문제 > 효율적인 화폐 구성: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 30분 | 시간 제한 1초 | 메모리 제한 128MB

입력 조건 • 첫째 줄에 N, M이 주어진다. (1 ≤ N ≤ 100, 1 ≤ M ≤ 10,000)

• 이후의 N개의 줄에는 각 화폐의 가치가 주어진다. 화폐의 가치는 10,000보다 작거나 같은 자연수이다.

 출력 조건
 • 첫째 줄에
 최소 화폐 개수를 출력 한다.

• 불가능할 때는 -1을 출력한다.

입력 예시 1

2 15

2

3

출력 예시 1

5

입력 예시 2

3 4

3

5

7

출력 예시 2

-1

- *k* = 각 화폐의 단위
- 점화식: 각 화폐 단위인 k를 하나씩 확인하며
 - a_{i-k} 를 만드는 방법이 존재하는 경우, $a_i = \min(a_i, a_{i-k} + 1)$
 - a_{i-k} 를 만드는 방법이 존재하지 않는 경우, $a_i = INF$

- N = 3, M = 7이고, 각 화폐의 단위가 2, 3, 5인 경우 확인해 봅시다.
- Step 0 (초기화)
 - 먼저 각 인덱스에 해당하는 값으로 INF(무한)의 값을 설정합니다.
 - INF은 특정 금액을 만들 수 있는 화폐 구성이 가능하지 않다는 의미를 가집니다.
 - 본 문제에서는 10,001을 사용할 수 있습니다.

인덱스	0	1	2	3	4	5	6	7
값	0	10,001	10,001	10,001	10,001	10,001	10,001	10,001

- N = 3, M = 7이고, 각 화폐의 단위가 2, 3, 5인 경우 확인해 봅시다.
- Step 1
 - 첫 번째 화폐 단위인 2를 확인합니다.
 - 점화식에 따라서 다음과 같이 리스트가 갱신됩니다.

인덱스	0	1	2	3	4		5	6	7
값	0	10,001	1	10,001	2		10,001	3	10,001
		4	원을 만들기 수는 2개: (2원	<u>-</u>		7-	원을 만드는 없음		

- N = 3, M = 7이고, 각 화폐의 단위가 2, 3, 5인 경우 확인해 봅시다.
- Step 2
 - 두 번째 화폐 단위인 3를 확인합니다.
 - 점화식에 따라서 다음과 같이 리스트가 갱신됩니다.

인덱스	0	1	2	3	4	5	6	7
값	0	10,001	1	1	2	2	2	3

7원을 만들기 위한 개 수는

3개: (2원 + 2원 + 3원)

- N = 3, M = 7이고, 각 화폐의 단위가 2, 3, 5인 경우 확인해 봅시다.
- Step 3
 - 세 번째 화폐 단위인 5를 확인합니다.
 - 점화식에 따라서 다음과 같이 최종적으로 리스트가 갱신됩니다.

인덱스	0	1	2	3	4	5	6	7
값	0	10,001	1	1	2	1	2	2

7원을 만들기 위한 개

수는 2개: (2원 + 5원)

<문제 > 효율적인 화폐 구성: 답안 예시 (Python)

```
# 정수 N, M을 입력 받기
n, m = map(int, input().split())
# N개의 화폐 단위 정보를 입력받기
array = []
for i in range(n):
  array.append(int(input()))
# 한 번 계산된 결과를 저장하기 위한 DP 테이블 초기화
d = [10001] * (m + 1)
# 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행(보텀업)
d[0] = 0
for i in range(n):
  for j in range(array[i], m + 1):
     if d[j - array[i]] != 10001: # (i - k)원을 만드는 방법이 존재하는 경우
       d[j] = min(d[j], d[j - array[i]] + 1)
# 계산된 결과 출력
if d[m] == 10001: # 최종적으로 M원을 만드는 방법이 없는 경우
  print(-1)
else:
  print(d[m])
```

<문제 > 효율적인 화폐 구성: 답안 예시 (C++)

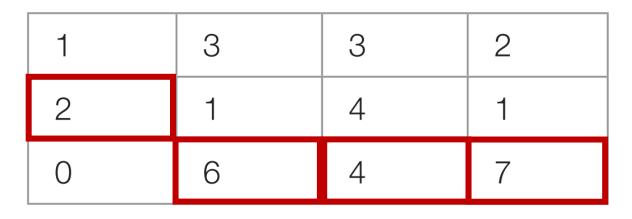
```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n, m;
vector<int> arr;
int main(void) {
  cin >> n >> m;
  // N개의 화폐 단위 정보를 입력받기
  for (int i = 0; i < n; i++) {
     int x:
     cin >> x;
      arr.push_back(x);
  vector<int> d(m + 1, 10001); // DP 테이블 초기화
  // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행(보텀업)
  d[0] = 0;
  for (int i = 0; i < n; i++) {
      for (int j = arr[i]; j <= m; j++) {
         if (d[j - arr[i]] != 10001) { // (i - k)원을 만드는 방법이 존재하는 경우
           d[j] = min(d[j], d[j - arr[i]] + 1);
  if (d[m] == 10001) cout << -1 << '\pm';
  else cout << d[m] << '\mathfrak{w}n';
```

<문제 > 효율적인 화폐 구성: 답안 예시 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
   public static void main(String[] args) {
     Scanner sc = new Scanner(System.in);
     int n = sc.nextInt();
     int m = sc.nextInt();
     // N개의 화폐 단위 정보를 입력받기
     int[] arr = new int[n];
     for (int i = 0; i < n; i++) {
         arr[i] = sc.nextInt();
     int[] d = new int[m + 1]; // DP 테이블 초기화
     Arrays.fill(d, 10001);
     // 다이나믹 프로그래밍(Dynamic Programming) 진행(보텀업)
     d[0] = 0;
     for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = arr[i]; j <= m; j++) {
           // (i - k)원을 만드는 방법이 존재하는 경우
           if (d[j - arr[i]] != 10001) {
               d[j] = Math.min(d[j], d[j - arr[i]] + 1);
     if (d[m] == 10001) System.out.println(-1);
     else System.out.println(d[m]);
```

<문제> 금광: 문제 설명

- n × m 크기의 금광이 있습니다. 금광은 1 × 1 크기의 칸으로 나누어져 있으며, 각 칸은 특정
 한 크기의 금이 들어 있습니다.
- 채굴자는 첫 번째 열부터 출발하여 금을 캐기 시작합니다. 맨 처음에는 첫 번째 열의 어느 행에서는 출발할 수 있습니다. 이후에 m 1번에 걸쳐서 매번 오른쪽 위, 오른쪽, 오른쪽 아래 3가지 중 하나의 위치로 이동해야 합니다. 결과적으로 채굴자가 얻을 수 있는 금의 최대 크기를 출력하는 프로그램을 작성하세요.





얻을 수 있는 금의 최대 크기: 19

<문제> 금광: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 30분 | 시간 제한 1초 | 메모리 제한 128MB | 기출 Flipkart 인터뷰

입력 조건

- 첫째 줄에 테스트 케이스 T가 입력됩니다. (1 ≤ T ≤ 1000)
- 매 테스트 케이스 첫째 줄에 n과 m이 공백으로 구분되어 입력됩니다. $(1 \le n, m \le 20)$ 둘째 줄에 n × m개의 위치에 매장된 금의 개수가 공백으로 구분되어 입력됩니다. $(1 \le 100)$ 개수 $(1 \le 100)$

출력 조건

• 테스트 케이스마다 채굴자가 얻을 수 있는 금의 최대 크기를 출력합니다. 각 테스트 케이스는 줄 바꿈을 이용해 구분합니다.

입력 예시

2

3 4

1 3 3 2 2 1 4 1 0 6 4 7

4 4

1 3 1 5 2 2 4 1 5 0 2 3 0 6 1 2

출력 예시

19

16

<문제> 금광: 문제 해결 아이디어

- 금광의 모든 위치에 대하여 다음의 세 가지만 고려하면 됩니다.
 - 1. 왼쪽 위에서 오는 경우
 - 2. 왼쪽 아래에서 오는 경우
 - 3. 왼쪽에서 오는 경우
- 세 가지 경우 중에서 <u>가장 많은 금을 가지고 있는 경우</u>를 테이블에 갱신해주어 문제를 해결합니다.

<문제> 금광: 문제 해결 아이디어

- $array[i][j] = i \forall j \subseteq M$ 존재하는 금의 양
- 점화식은 다음과 같습니다.

```
dp[i][j] = array[i][j] + max(dp[i - 1][j - 1], dp[i][j - 1], dp[i + 1][j - 1])
```

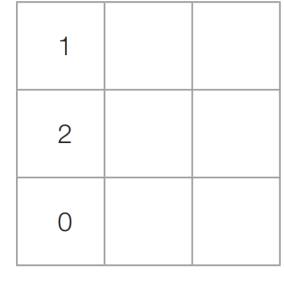
- 이때 테이블에 접근할 때마다 리스트의 범위를 벗어나지 않는지 체크해야 합니다.
- 편의상 초기 데이터를 담는 변수 array를 사용하지 않아도 됩니다.
 - 바로 DP 테이블에 초기 데이터를 담아서 다이나믹 프로그래밍을 적용할 수 있습니다.

<문제> 금광: 문제 해결 아이디어

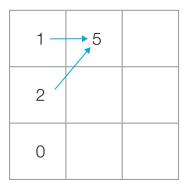
• 금광 문제를 다이나믹 프로그래밍으로 해결하는 과정을 확인합시다.

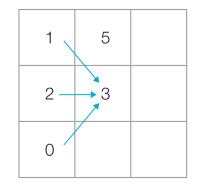
1	3	3
2	1	4
0	6	4











· (반복)

<문제> 금광: 답안 예시 (Python)

```
# 테스트 케이스(Test Case) 입력
for tc in range(int(input())):
  # 금광 정보 입력
  n, m = map(int, input().split())
  array = list(map(int, input().split()))
  # 다이나믹 프로그래밍을 위한 2차원 DP 테이블 초기화
  dp = []
  index = 0
  for i in range(n):
     dp.append(array[index:index + m])
     index += m
  # 다이나믹 프로그래밍 진행
  for j in range(1, m):
     for i in range(n):
        # 왼쪽 위에서 오는 경우
        if i == 0: left up = 0
        else: left_up = dp[i - 1][j - 1]
        # 왼쪽 아래에서 오는 경우
        if i == n - 1: left_down = 0
        else: left_down = dp[i + 1][j - 1]
        # 왼쪽에서 오는 경우
        left = dp[i][i - 1]
        dp[i][j] = dp[i][j] + max(left_up, left_down, left)
  result = 0
  for i in range(n):
     result = max(result, dp[i][m - 1])
  print(result)
```

<문제> 병사 배치하기: 문제 설명

- N명의 병사가 무작위로 나열되어 있습니다. 각 병사는 특정한 값의 전투력을 보유하고 있습니다.
- 병사를 배치할 때는 전투력이 높은 병사가 앞쪽에 오도록 내림차순으로 배치를 하고자 합니다.
 다. 다시 말해 앞쪽에 있는 병사의 전투력이 항상 뒤쪽에 있는 병사보다 높아야 합니다.
- 또한 배치 과정에서는 특정한 위치에 있는 병사를 열외시키는 방법을 이용합니다. 그러면서 도 남아 있는 병사의 수가 최대가 되도록 하고 싶습니다.

<문제> 병사 배치하기: 문제 설명

• 예를 들어, N = 7일 때 나열된 병사들의 전투력이 다음과 같다고 가정하겠습니다.

병사 번호	1	2	3	4	5	6	7
전투력	15	11	4	8	5	2	4

이때 3번 병사와 6번 병사를 열외시키면, 다음과 같이 남아 있는 병사의 수가 내림차순의 형태가 되며 5명이 됩니다. 이는 남아 있는 병사의 수가 최대가 되도록 하는 방법입니다.

병사 번호	1	2	4	5	7
전투력	15	11	8	5	4

• 병사에 대한 정보가 주어졌을 때, 남아 있는 병사의 수가 최대가 되도록 하기 위해서 열외시 켜야 하는 병사의 수를 출력하는 프로그램을 작성하세요.

<문제> 병사 배치하기: 문제 조건

난이도 ●●○ | 풀이 시간 40분 | 시간 제한 1초 | 메모리 제한 256MB | 기출 핵심 유형

입력 조건

• 첫째 줄에 N이 주어집니다. $(1 \le N \le 2,000)$ 둘째 줄에 각 병사의 전투력이 공백으로 구분되어 차례대로 주어집니다. 각 병사의 전투력은 10,000,000보다 작거나 같은 자연수입니다.

출력 조건

• 첫째 줄에 남아 있는 병사의 수가 최대가 되도록 하기 위해서 열외시켜야 하는 병사의 수를 출력합니다.

입력 예시

7

15 11 4 8 5 2 4

출력 예시

2

- 이 문제의 기본 아이디어는 가장 긴 증가하는 부분 수열(Longest Increasing Subsequence, LIS)로 알려진 전형적인 다이나믹 프로그래밍 문제의 아이디어와 같습니다.
- 예를 들어 하나의 수열 $array = \{4, 2, 5, 8, 4, 11, 15\}$ 이 있다고 합시다.
 - 이 수열의 가장 긴 증가하는 부분 수열은 {4,5,8,11,15}입니다.
- <u>본 문제는 가장 긴 감소하는 부분 수열을 찾는 문제</u>로 치환할 수 있으므로, LIS 알고리즘을 조금 수정하여 적용함으로써 정답을 도출할 수 있습니다.

- 가장 긴 증가하는 부분 수열 (LIS) 알고리즘을 확인해 봅시다.
- D[i] = array[i]를 마지막 원소로 가지는 부분 수열의 최대 길이
- 점화식은 다음과 같습니다.

모든 $0 \le j < i$ 에 대하여, D[i] = max(D[i], D[j] + 1) if array[j] < array[i]

4	2	5	8	4	11	15
1	1	1	1	1	1	1

초기 상태: i = 0

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1
i = 2	1	1	2	1	1	1	1

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1
i = 2	1	1	2	1	1	1	1
i = 3	1	1	2	3	1	1	1

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1
i = 2	1	1	2	1	1	1	1
i = 3	1	1	2	3	1	1	1
i = 4	1	1	2	3	2	1	1

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1
i = 2	1	1	2	1	1	1	1
i = 3	1	1	2	3	1	1	1
i = 4	1	1	2	3	2	1	1
i = 5	1	1	2	3	2	4	1

	4	2	5	8	4	11	15
초기 상태: $i = 0$	1	1	1	1	1	1	1
i = 1	1	1	1	1	1	1	1
i = 2	1	1	2	1	1	1	1
i = 3	1	1	2	3	1	1	1
i = 4	1	1	2	3	2	1	1
i = 5	1	1	2	3	2	4	1
i = 6	1	1	2	3	2	4	5

- 가장 먼저 입력 받은 병사 정보의 순서를 뒤집습니다.
- 가장 긴 증가하는 부분 수열 (LIS) 알고리즘을 수행하여 정답을 도출합니다.

<문제> 병사 배치하기: 답안 예시 (Python)

```
n = int(input())
array = list(map(int, input().split()))
# 순서를 뒤집어 '최장 증가 부분 수열' 문제로 변환
array.reverse()
# 다이나믹 프로그래밍을 위한 1차원 DP 테이블 초기화
dp = [1] * n
# 가장 긴 증가하는 부분 수열(LIS) 알고리즘 수행
for i in range(1, n):
  for j in range(0, i):
     if array[j] < array[i]:</pre>
       dp[i] = max(dp[i], dp[j] + 1)
# 열외해야 하는 병사의 최소 수를 출력
print(n - max(dp))
```

<문제> 병사 배치하기: 답안 예시 (C++)

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n;
vector<int> v;
int main(void) {
  cin >> n;
  for (int i = 0; i < n; i++) {
     int x;
     cin >> x:
     v.push_back(x);
  // 순서를 뒤집어 '최장 증가 부분 수열' 문제로 변환
  reverse(v.begin(), v.end());
  // 다이나믹 프로그래밍을 위한 1차원 DP 테이블 초기화
  int dp[2000];
  for (int i = 0; i < n; i++) dp[i] = 1;
  // 가장 긴 증가하는 부분 수열(LIS) 알고리즘 수행
  for (int i = 1; i < n; i++)
     for (int j = 0; j < i; j++)
        if (v[j] < v[i]) dp[i] = max(dp[i], dp[j] + 1);
  // 열외해야 하는 병사의 최소 수를 출력
  int maxValue = 0:
  for (int i = 0; i < n; i++) maxValue = max(maxValue, dp[i]);
  cout << n - maxValue << '\m';
```

<문제 > 병사 배치하기: 답안 예시 (Java)

```
import java.util.*;
public class Main {
  static int n;
  static ArrayList<Integer> v = new ArrayList<Integer>();
  static int[] dp = new int[2000];
  public static void main(String[] args) {
     Scanner sc = new Scanner(System.in);
     n = sc.nextInt();
     for (int i = 0; i < n; i++) {
        v.add(sc.nextInt());
     // 순서를 뒤집어 '최장 증가 부분 수열' 문제로 변환
     Collections.reverse(v);
     // 다이나믹 프로그래밍을 위한 1차원 DP 테이블 초기화
     for (int i = 0; i < n; i++) dp[i] = 1;
     // 가장 긴 증가하는 부분 수열(LIS) 알고리즘 수행
     for (int i = 1; i < n; i++)
        for (int j = 0; j < i; j++)
           if (v.get(j) < v.get(i)) dp[i] = Math.max(dp[i], dp[j] + 1);
     // 열외해야 하는 병사의 최소 수를 출력
     int maxValue = 0;
     for (int i = 0; i < n; i++) maxValue = Math.max(maxValue, dp[i]);
     System.out.println(n - maxValue);
```