

Rapport ACP

```
np.random.seed(42)

n = 100 # nombre d'individus

X1 = np.random.normal(10, 2, n) # variable 1
X2 = 0.5 * X1 + np.random.normal(0, 1, n) # variable 2 corrélée à X1
X3 = np.random.normal(50, 10, n) # variable 3
X4 = 0.3 * X3 + np.random.normal(0, 5, n) # variable 4 corrélée à X3
X5 = np.random.normal(0, 1, n) # variable 5 peu corrélée

data = pd.DataFrame({
    "X1": X1,
    "X2": X2,
    "X3": X3,
    "X4": X4,
    "X5": X5
})

data.head() #lire les 5 premières lignes du tableau
```

✓ 0.0s

	X1	X2	X3	X4	X5
0	10.993428	4.081343	53.577874	11.928387	-1.594428
1	9.723471	4.441090	55.607845	13.881448	-0.599375
2	11.295377	5.304974	60.830512	21.985622	0.005244
3	13.046060	5.720753	60.538021	21.213257	0.046981

Python

Activer Windows
Accédez aux paramètres pour activer Windows.

Ce code sert à générer un jeu de données artificiel avec des corrélations contrôlées, très utile pour s'entraîner à l'ACP.(creation des 100 individus , les 5 variables)

```
scaler = StandardScaler() #centre réduit les données
X_norm = scaler.fit_transform(data) #normalisation des données (fit : calcule les moyennes et écarts-types de

print("Moyennes après normalisation :", X_norm.mean(axis=0)) #axis=0 pour les colonnes
print("Variances après normalisation :", X_norm.var(axis=0, ddof=1)) #ddof=1 pour échantillon

✓ 0.0s
```

Moyennes après normalisation : [-1.69309011e-16 1.97619698e-16 5.30686606e-16 -7.32747196e-17
-8.88178420e-18]
Variances après normalisation : [1.01010101 1.01010101 1.01010101 1.01010101 1.01010101]

Python

Ce code sert à centrer et réduire ton jeu de données avant de faire une ACP.

```
pca = PCA() #initialisation de l'objet PCA de sklearn sans limiter le nombre de composantes
X_pca = pca.fit_transform(X_norm) #application de l'ACP sur les données normalisées

eigenvalues = pca.explained_variance_ #valeurs propres  $\lambda_1, \lambda_2, \dots$ 
explained_var_ratio = pca.explained_variance_ratio_ #pourcentages d'inertie expliquée :  $\lambda / \sum(\lambda)$ 
cum_explained = np.cumsum(explained_var_ratio) #inertie cumulée : somme des pourcentages d'inertie expliquée

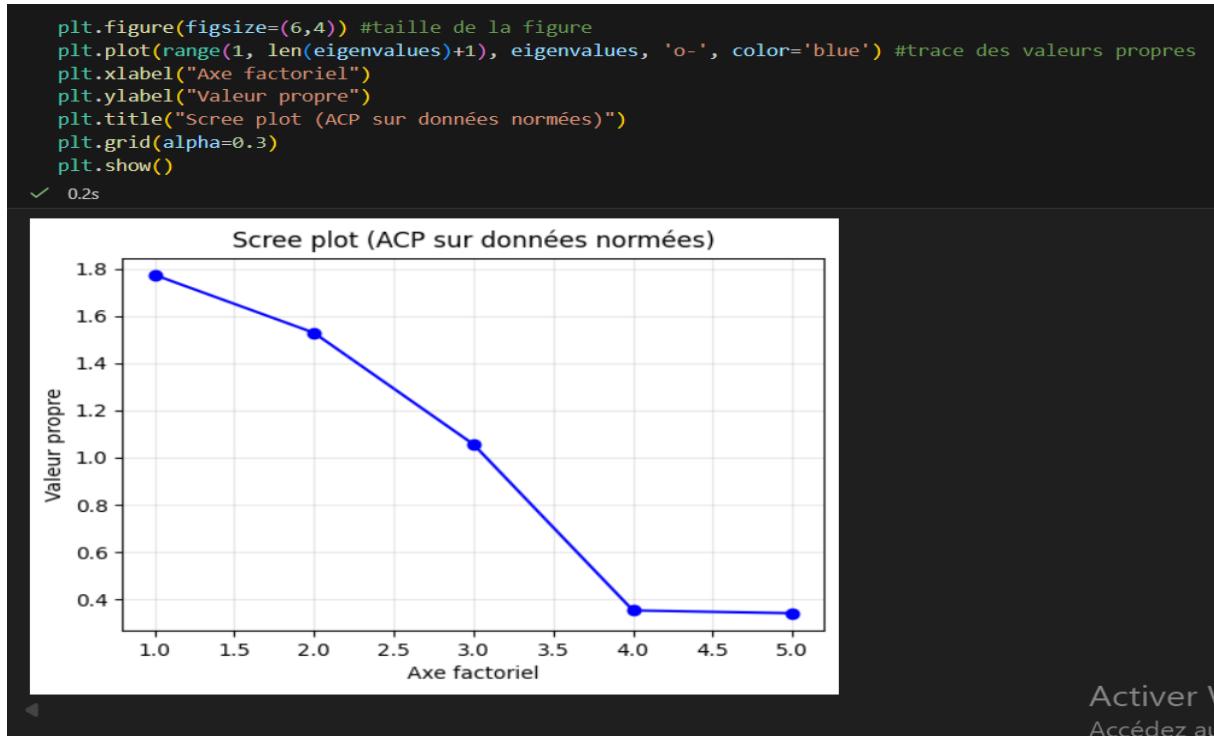
print("Valeurs propres :", eigenvalues)
print("Pourcentages d'inertie expliquée :", explained_var_ratio)
print("Inertie cumulée :", cum_explained)

✓ 0.0s
```

Valeurs propres : [1.77419543 1.5285879 1.05583206 0.35191844 0.33997121]
Pourcentages d'inertie expliquée : [0.3512907 0.3026604 0.20905475 0.06967985 0.0673143]
Inertie cumulée : [0.3512907 0.6539511 0.86300585 0.9326857 1.]

Python

Ce code sert à calculer les valeurs propres , pourcentages d'inertie expliquée , L'inertie cumulée



Activer V
Accédez au

Ce code sert à tracer la figure qui représente les axes factoriels par rapport leur valeurs propres déjà calculées.



Activer Windows

Ce code génère le **cercle des corrélations**, et **Tracé des flèches pour chaque variable** sur le plan ainsi que montre les variables les plus proches du cercle les bien corrélées.



Activer Windows

Accédez aux paramètres pour activer Windows

Ce graphique représente le **nuage des individus projetés sur les deux premiers axes de l'ACP**.

```

n, p = X_norm.shape

# Contributions des individus à l'axe 1 (en %)
ctr_ind_1 = (F1**2) / (n * eigenvalues[0]) * 100
print("Contributions des 10 premiers individus à l'axe 1 :")
print(ctr_ind_1[:10])

# Qualité de représentation ( $\cos^2$ ) sur le plan 1-2
dist2 = (X_norm**2).sum(axis=1)
cos2_1 = F1**2 / dist2
cos2_2 = F2**2 / dist2
cos2_12 = (F1**2 + F2**2) / dist2

print("cos² sur l'axe 1 (10 premiers) :", cos2_1[:10])
print("cos² sur l'axe 2 (10 premiers) :", cos2_2[:10])
print("cos² cumulés (1-2) (10 premiers) :", cos2_12[:10])

```

✓ 0.0s

Contributions des 10 premiers individus à l'axe 1 :

```
[2.34341412e-03 2.61798996e-03 1.25897694e+00 2.69501990e+00
7.41414550e-01 2.52468539e-01 6.51667636e+00 6.94894093e-01
6.27181073e-03 4.86433157e+00]
```

\cos^2 sur l'axe 1 (10 premiers) : [0.00115967 0.00623936 0.74467591 0.86400866 0.46299382 0.27451535
0.78218983 0.62571647 0.01396648 0.52094671]

\cos^2 sur l'axe 2 (10 premiers) : [0.05235222 0.02412883 0.1999885 0.00471103 0.45377927 0.37555653
0.05985728 0.30253828 0.89780676 0.38254728]

\cos^2 cumulés (1-2) (10 premiers) : [0.05351189 0.03036819 0.94466442 0.86871969 0.91677228 0.65007188
0.84204712 0.92825475 0.91171324 0.90349399]

Les contributions (CTR) mesurent l'importance de chaque individu dans la construction d'un axe. Elles sont proportionnelles au carré de leurs coordonnées factorielles. Les \cos^2 représentent la qualité de représentation : ils indiquent la part de l'information de l'individu captée par l'axe (ou le plan). Un \cos^2 élevé signifie une bonne représentation. individus 3 avec (0,94466442) bon qlt.