

Casos de test

String_inverso

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
''	''	String vacío.
'hola'	'aloh'	String solamente con caracteres del abecedario.
'h2! Ñ;'	';Ñ !2h'	String compuesto por caracteres de todo tipo.
'1000'	'0001'	String compuesto por números.

Decimal_a_binario

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
1	'1'	Primer número natural. Números naturales no balanceados.
8	'1000'	
13	'1101'	
2	'10'	Números naturales balanceados.
9	'1001'	
35	'100011'	

Es_binario_balanceado

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
2	True	Primer natural balanceado. Naturales balanceados.
9	True	
50	True	
1	False	Primer natural no balanceado. Naturales no balanceados.
5	False	
84	False	

Cantidad_binarios_balanceados_entre

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
(9,9)	1	Ambos parámetros son iguales y balanceados.
(11,11)	0	Ambos parámetros son iguales, pero no balanceados.
(2,10)	3	Ambos parámetros son balanceados y tienen balanceado entre sí.
(1,3)	1	Ambos parámetros no son balanceados, pero tienen uno entre sí.
(2,8)	1	Un parámetro es balanceado, pero el otro no y no existen balanceados entre sí.
(41,60)	7	Intervalo grande entre parámetros, con balanceados entre sí.
(3,8)	0	Ambos parámetros no son balanceados y no contienen uno entre sí.
(15,30)	0	

Siguiente_binario_balanceado

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
1	2	Primer natural no balanceado.
2	9	Número natural balanceado.
3	9	Números naturales no balanceados.
27	35	

Anterior_binario_balanceado

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
3	2	Primer número natural elegible.
5	2	Natural no balanceado.
10	9	Número natural balanceado.

Binario_balanceado_más_cercano

Argumento	Salida esperada	Justificación de elección
1	2	Único valor natural elegible, cuyo valor de retorno será estrictamente mayor.
2	2	Naturales balanceados, por lo que esperan como valor de retorno a sí mismos.
50	50	
3	2	Natural no balanceado, que se encuentra entre dos valores balanceados.
20	12	Naturales no balanceados, que se encuentran entre dos valores balanceados (12 y 35).
28	35	
51	52	Natural no balanceado, que se encuentra entre dos valores a la misma distancia de cada uno (espera recibir el mayor de ellos).

Terminación y correctitud

i) Es_binario_balanceado:

Terminación

- La variable *i* comienza valiendo 0 (cero).
- En cada iteración *i* se incrementa en 1.
- *bina* es una variable tipo string, que es resultado de la conversión de *n* a binario y no se modifica en ningún momento luego de ser definida. Además, por el requiere sabemos que $n > 0$. Por lo tanto, su conversión a binario siempre tendrá necesariamente un dígito o más. Como resultado, la longitud de *bina* ($\text{len}(\text{bina})$) siempre será > 0 .
- Por lo tanto, es inevitable que en algún momento *i* llegue al valor de la longitud de *bina* ($\text{len}(\text{bina})$).
- En ese momento, la condición $i < \text{len}(\text{bina})$ es falsa, por lo que el ciclo termina.

Correctitud

Predicado invariante:

- $0 \leq i \leq \text{len}(\text{bina})$
- Ceros es la cantidad de ceros (0's) en las primeras *i*-posiciones de *bina* (*n*, en su expresión binaria).
- Unos es la cantidad de unos (1's) en las primeras *i*-posiciones de *bina* (*n*, en su expresión binaria).

#A

- $0 \leq i \leq \text{len}(\text{bina})$ es correcto porque $i = 0$.
- Ambas variables ceros como unos, representan la cantidad de tales números dentro de las primeras i -posiciones recorridas. Como $i = 0$, es correcto que valgan 0 al no haber recorrido ninguna posición todavía.

#B -> #C

- Entramos al ciclo por lo que la guarda se cumple, es decir, $i < \text{len}(\text{bina})$. Así, $0 \leq i \leq \text{len}(\text{bina})$ sigue siendo válido.
- Llamando Φ al valor de i en #B, es verdadero que $\Phi < \text{len}(\text{bina})$. Como entre #B y #C i se incrementa en uno, vale $\Phi + 1$. Por eso, i puede seguir siendo menor a $\text{len}(\text{bina})$ o pasar a ser igual a $\text{len}(\text{bina})$, por lo que $0 \leq i \leq \text{len}(\text{bina})$ se cumple.
- Si el carácter analizado en la posición i es igual a '1', unos se incrementa en uno. En el caso contrario tendrá el valor de '0', ya que bina únicamente está compuestos por unos y ceros, por el devuelve de la función `decimal_a_binario`. En ese caso ceros aumenta en 1. Por tal razón, unos y ceros siguen representando la cantidad de sus números respectivos en las primeras i -posiciones de bina .

#D

- Podemos llegar a #D desde el punto #A, evaluando la guarda y que ésta resulte falsa o partiendo desde #C, evaluando la guarda y que ésta también resulte falsa. En ambos casos, el invariante sigue siendo válido, ya que tanto entre #A y #D como entre #C y #D no se modifican los valores de i , ceros y unos.
- Cuando la guarda es falsa, $i \geq \text{len}(\text{bina})$. Por el invariante sabemos que $i \leq \text{len}(\text{bina})$. Así, necesariamente $i = \text{len}(\text{bina})$.
- Por el invariante sabemos que ceros y unos valen la cantidad de 0's y 1's respectivamente en las primeras i -posiciones, es decir, en las primeras $\text{len}(\text{bina})$ posiciones, es decir, en todo bina . Por eso, en la última línea de la función el valor de retorno, que es `unos == ceros`, será `True` si la cantidad de unos y ceros en toda la función es la misma y `False`, si es diferente (que es lo que especifica el Devuelve). Así, podemos afirmar que la función hace lo especificado.

ii) `Siguiente_binario_balanceado`:

Terminación

- La variable i comienza valiéndolo n .
- La variable `encontrado` comienza valiéndolo `False`.
- En cada iteración i se incrementa en 1 (uno).
- Por lo tanto, en la condición `if(es_binario_balanceado(i))` voy a analizar los números naturales $> n$, aumentando de uno en uno.
- Como existen infinitos balanceados, i al ir aumentando en una unidad, en algún momento será balanceado estrictamente mayor a n , sin importar de qué número iniciemos.

- Por lo anterior, inevitablemente la condición (`if es_binario_balanceado(i)`) será verdadera en algún momento y allí encontrado tomará el valor de `True`.
- En ese momento, la guarda es falsa y el ciclo termina.

Correctitud

Predicado invariante:

- $n \leq i$
- encontrado es `True` si i es un número balanceado y todos los números entre n no incluido e $i - 1$ inclusive no son balanceados.

#A

- El invariante $n \leq i$, se cumple, ya que i comienza valiéndose n .
- Como n y $i - 1$ (que es $n - 1$) no hay ningún número natural, se cumple trivialmente que no hay balanceado entre ellos, por lo que la segunda parte del invariante es válida.

#B -> #C

- Suponemos que en #B el invariante es válido.
- Llamando Φ al valor de i en #B, en cada iteración del ciclo se le suma 1 a i , por lo que en #C i vale de $\Phi + 1$.
- En cada iteración encontrado toma el valor de `es_binario_balanceado(i)`, es decir, se vuelve `True` si $\Phi + 1$ es balanceado, y permanece `False` si no lo es.
- Como existen infinitos balanceados mayores a n (sea cual sea n), al irse incrementando de uno en uno, eventualmente será un balanceado.
- En esa iteración (la llamaremos iteración original) encontrado toma el valor `True`. Siendo que iteración original sea la primera iteración del ciclo o cualquier iteración posterior, se puede afirmar que Φ no es balanceado. De ser así, encontrado se hubiera vuelto `True` en la iteración anterior a la original y el ciclo hubiera terminado (por lo explicado en la terminación), nunca llegando así a la iteración original.
- Así, podemos afirmar que $i > n$, y que encontrado es `True` si i es binario balanceado y todos los números entre n e $i - 1$ no son balanceados, por lo que el invariante sigue siendo válido.

#D

- Se puede decir que a #D se llega únicamente desde #C y como entre #C y #D no hubo modificación a i , $n < i$.
- Según lo explicado en #C, es verdadero que cuando encontrado es `True`, i es el menor balanceado estrictamente mayor a n . Como el valor de retorno de la función es i , la función cumple con lo especificado.