

TP2 - Gestión eficiente de recursos en sistemas ferroviarios

Candelaria Sutton, Dafydd Jenkins, Josefina Jahde

November 17, 2024

Introducción

En este trabajo, abordamos el problema de la planificación y gestión óptima del material rodante para una empresa ferroviaria. El problema consiste en definir una asignación eficiente de material rodante a las distintas estaciones cabecera de una línea ferroviaria. Se busca minimizar el número total de unidades de material rodante necesarias para cubrir la demanda de la línea en cada horario, considerando que es posible la reutilización de unidades entre viajes.

Este problema pertenece a la categoría de problemas de circulación en redes y tiene gran relevancia en la optimización de recursos en operaciones logísticas y de transporte. En el contexto de la industria ferroviaria, una asignación ineficiente del material rodante (trenes) puede llevar a costos innecesarios y al uso ineficiente de los recursos disponibles, afectando tanto a la empresa como a los usuarios del servicio.

El objetivo de este trabajo es desarrollar un modelo que permita resolver el problema de circulación de trenes utilizando algoritmos de flujo de costo mínimo. Además, se implementará un set de experimentos para analizar el rendimiento del modelo en diferentes escenarios de demanda y costos.

En este informe se pueden encontrar las secciones:

- Sección 1: se describe el problema, las restricciones y las consideraciones del mismo.
- Sección 2: se describe la metodología, explicando cómo se modeló el problema y se implementó dicho modelo.
- Sección 3: detalla los experimentos realizados, presentando hipótesis, diseño de pruebas y resultados obtenidos.
- Sección 4: se analiza el *EscenarioAdicional* propuesto por la cátedra.
- Sección 5: se presentan las conclusiones, discutiendo la efectividad del modelo y posibles extensiones para trabajos futuros.

Sección 1: El problema

El problema consiste en definir una asignación eficiente de material rodante a las distintas estaciones cabecera de una línea ferroviaria. Se busca minimizar el número total de unidades de material rodante necesarias para cubrir la demanda de la línea en cada horario, considerando que es posible la reutilización de unidades entre viajes. Para cada viaje que se realiza en la línea durante un día, se tiene la demanda en cantidad de pasajeros y las estaciones y horarios de salida y llegada. Además se cuenta con restricciones: cantidad máxima de unidades que pueden circular por la línea y la capacidad máxima (en pasajeros) de cada unidad.

Se toma una versión simplificada con las siguientes consideraciones:

- Los trasposos de unidades ocurren únicamente en las cabeceras de la línea.
- Se pueden almacenar infinita cantidad de unidades de material rodante en las cabeceras.
- Todos los servicios tienen el mismo tipo de unidad rodante (en cuanto a cantidad de pasajeros).

Sección 2: Modelado e implementación

Para la resolución del problema, se adaptó el modelo propuesto por Alexander Schrijver REFERENCIA!!!. Dicho modelo se realiza a partir del cronograma, la información sobre la demanda y las restricciones de los servicios que recorren una línea durante el día, usando un digrafo que modele una red espacio-tiempo. Se formula la decisión como un problema de Circulación sobre la red que se reduce a un problema de Flujo de Costo Mínimo y se resuelve utilizando algoritmos de flujo. Tanto para la construcción de la red como para los algoritmos de flujo se utilizó la librería *NetworkX* de Python.

Creación del Grafo

La resolución comienza con la construcción del digrafo de la red. El mismo contiene un conjunto de vértices V , donde cada vértice representa un evento de llegada o salida a una estación. Dicho nodo tiene como etiqueta el nombre de la estación y el horario correspondiente y posee un imbalance igual a 0. Además, se agregan dos nodos que representan el final del día de cada estación, con etiqueta `{estacion}_0` (porque es un evento que ocurre a las 00:00).

El conjunto A de arcos del digrafo está compuesto por tres tipos:

- de tren: (i, j) conecta el evento de partida y el de arribo de un servicio, representando el viaje del servicio desde su estación origen a su estación destino. Estos arcos cuentan con una cota inferior l_{ij} de la cantidad de unidades necesarias para satisfacer la demanda y una cota superior u_{ij} de la cantidad máxima de unidades que pueden circular en un servicio. El costo es $c_{ij} = 0$.
- de traspaso: (i, j) conecta dos eventos consecutivos (en tiempo) dentro de una estación, indicando el pasaje de unidades entre eventos. Esta arista tiene cota inferior $l_{ij} = 0$, $u_{ij} = \infty$ y costo $c_{ij} = 0$.
- de reordenamiento: (i, j) conecta los eventos del final del día de cada estación mutuamente. Simula el pasaje de unidades entre estaciones una vez que terminó el día. Estas aristas tienen cota inferior $l_{ij} = 0$, $u_{ij} = \infty$ (si bien son unidades viajando por la línea, se asume que se podrían hacer tantos viajes como fuesen necesarios), y costo $c_{ij} = 0$ (no implican agregar unidades extra a la línea).
- de trasnoche: una para cada estación, conectan el último evento del día (el nodo de final del día) con el primero. Modela las condiciones de borde respecto que la cantidad de unidades al finalizar el día en una estación debe ser la necesaria para poder iniciar las operaciones al día siguiente. Estos arcos tienen $l_{ij} = 0$, $u_{ij} = \infty$ y $c_{ij} = 1$. Además, estos arcos son los utilizados para obtener la cantidad de unidades de material rodantes necesarias en la línea.

La construcción del grafo se realiza con el método `create_graph()` que, al igual que todos los demás métodos de esta implementación, se encuentra implementado en el archivo `railway_service.py`.

Entrada del Algoritmo

El algoritmo recibe un diccionario `data` con la siguiente estructura:

- `data["services"]`: Diccionario que contiene los servicios, incluyendo horarios de salida y llegada, y demanda de pasajeros.
- `data["rs_info"]["capacity"]`: Capacidad del material rodante (RS).
- `data["rs_info"]["max_rs"]`: Número máximo de unidades de RS disponibles.
- `data["stations"]`: Lista de estaciones, cabecera.

Proceso del Algoritmo

1. **Inicialización**: Se crea un grafo dirigido G utilizando *NetworkX* y se define un diccionario `nodos_estacion` para almacenar los tiempos de salida y llegada de cada estación.
2. **Creación de Nodos y Aristas de Servicios**: Para cada servicio en `data["services"]`, se extraen los horarios de salida y llegada, y se crean etiquetas para los nodos (`salida_str` y `llegada_str`). Se calcula la cantidad de RS necesarios y se crean aristas con:

- **Peso (weight):** 0, ya que no hay costo asociado al servicio.
 - **Cota mínima (lower_bound):** Igual al número de RS necesarios para cumplir la demanda.
 - **Cota máxima (upper_bound):** Igual al máximo número de RS disponibles.
3. **Creación de Nodos de Final del Día:** Se agregan nodos adicionales para representar el final del día en cada estación (`final_a` y `final_b`), y se conectan entre sí con aristas para permitir el traspaso de material rodante.
 4. **Creación de Aristas Internas en las Estaciones:** Para cada estación, se ordenan los tiempos de salida y llegada, y se crean aristas dirigidas entre tiempos consecutivos dentro de la misma estación, con:
 - **Peso (weight):** 0.
 - **Cota mínima (lower_bound):** 0.
 - **Cota máxima (upper_bound):** 1e9.
 5. **Creación de Aristas Cíclicas en las Estaciones:** Se conectan el último nodo de cada estación con el primer nodo de la misma estación, con un costo (`weight`) de 1.

Salida del Algoritmo

El método devuelve:

- **G:** El grafo dirigido que modela el problema de circulación, con nodos etiquetados con horarios y aristas con atributos de imbalance, capacidad máxima y cota mínima.
- **nodos_estacion:** Un diccionario con los tiempos de salida y llegada de cada estación, ordenados de menor a mayor.

Resolución del problema de Circulación mediante reducción al problema de Flujo de Costo Mínimo

Para la reducción del problema de Circulación a un problema de Flujo de Costo Mínimo, se toma el grafo construido y se construye uno nuevo con las siguientes modificaciones:

- Para cada nodo i el imbalance b_i es:

$$b_i = \sum_{j \in N^-(i)} l_{ji} - \sum_{j \in N^+(i)} l_{ij}$$

- Para cada arco, su nueva capacidad \hat{u}_{ij} será $\hat{u}_{ij} = u_{ij} - l_{ij}$

Sea \hat{x}^* la solución del problema de flujo de costo mínimo definido anteriormente, $x_{ij}^* = l_{ij} + \hat{x}_{ij}^*$ es una solución óptima del problema de circulación original.

La transformación anteriormente descrita se implementa en el método `solve_circulacion()`.

Entrada del Algoritmo

El algoritmo recibe como parámetro el grafo **G** del problema de Circulación.

Proceso del Algoritmo

1. **Inicialización:** Se crea un digrafo **H** utilizando el método `transform_graph()` que realiza la transformación del grafo según se describió anteriormente. Este método define **H** como digrafo, le agrega los nodos de **G** y las aristas del mismo pero con la capacidad correspondiente según la transformación. Luego modifica los imbalances de los nodos según la transformación, recorriendo todo arco y sumándole al nodo de salida el l_{ij} y restándoselo al nodo de entrada.

2. **Resolución del problema de Flujo de Costo Mínimo:** Para el grafo H se resuelve el problema de Flujo de Costo Mínimo usando el método `min_cost_flow()` de `NetworkX`. Este método devuelve un diccionario que contiene para cada arco saliente de cada nodo de H el flujo que circula por dicho arco. Dicho diccionario se almacena en `circulacion`.
3. **Transformación del Flujo de Costo Mínimo a la Circulación:** Se recorren los nodos u del flujo de los que salen arcos. Para cada uno de sus vecinos v , se modifica `circulacion` sumándole a la arista $u \rightarrow v$ el l_{ij} .

Salida del Algoritmo

Se retorna el diccionario `circulacion` que contiene, para cada arco saliente de cada nodo, el flujo que circula por dicho arco.

Generación de la respuesta final (cantidad de unidades necesarias)

Para calcular la cantidad total de unidades necesarias, se suma el flujo circulante por las aristas de trasnoche. Para ello se utiliza el método implementado `get_cost()`.

Entrada del Algoritmo

El algoritmo recibe como parámetros

- el grafo G del problema de Circulación.
- el diccionario `circulación` resultante de `solve_circulacion()`.
- el diccionario `nodos_estacion` resultante de `create_graph()` (para obtener las etiquetas del primer y último nodo de cada estación).

Proceso del Algoritmo

1. **Cálculo del costo resultante:** Se inicializa el costo resultante `cost` inicialmente igual a 0. Sean las estaciones x, y se recorren las posibles combinaciones (a, b) para $a, b \in \{x, y\}$. Para cada combinación se define `begin` como el primer nodo de a , y `end` como el último nodo de b . Finalmente, se suma a `cost` el flujo circulante por el arco `end` \rightarrow `begin`.

Salida del Algoritmo

Se retorna `cost`, el costo resultante de sumar el flujo circulante por las aristas de trasnoche.

Otros métodos

Se implementaron otros métodos para facilitar la implementación de los algoritmos, la experimentación y el uso por parte de los usuarios. A continuación se describe la funcionalidad que cumple cada uno y el modo de uso esperado para aquellos usuarios que desearan realizar sus propias experimentaciones.

- `load_instance()`: recibe la ruta un archivo json, a partir del cual generar una instancia de cronograma para resolver el problema.
- `show_graph()`: recibe un grafo G y el diccionario `nodos_estacion` generados por el método `create_graph()` y una instancia de cronograma `data`. Muestra el grafo ubicando los nodos de cada estación por columnas. Muestra en los arcos la cota mínima l y capacidad u .
- `show_flow()`: recibe un grafo G y el diccionario `nodos_estacion` generados por el método `create_graph()`, una instancia de cronograma `data` y el flujo `flow` resultante del método `solve_circulacion()`. Muestra el flujo en el grafo G .
- `modelo_circulacion()`: recibe una instancia de cronograma `data`. Resuelve el problema de circulación para la instancia haciendo uso de los métodos `create_graph()`, `solve_circulacion()` y `get_cost()`, y devuelve el la cantidad de unidades necesarias para resolver el problema.

- **modelo_empresa()**: recibe una instancia de cronograma **data**. Resuelve el problema utilizando el método de la empresa y devuelve la cantidad de unidades necesarias. Para ello,
 1. Se inicializan contadores para el stock y la cantidad de unidades nuevas de cada estación en 0.
 2. Se almacenan los eventos de **data** como tuplas y se las ordena según el horario.
 3. Para cada evento, si es una llegada, se suman las unidades recibidas (iguales a lo mínimo necesario para cubrir la demanda) al stock de la estación. Si es una salida, se trata de cubrir la demanda con el stock disponible. Si este es insuficiente, el remanente se obtiene incrementando la cantidad de unidades nuevas.
 4. Se devuelve la cantidad de unidades nuevas para cada estación.

Los algoritmos desarrollados e implementados se testearon con la instancia **toy_instance** propuesta por la cátedra y otras instancias que representan distintos casos bordes. Dichas instancias se encuentran en la carpeta **test** y son:

- **catch_and_shoot**: caso en el que cada salida de una estación se puede cubrir con stock existente en la misma proveniente de una llegada previa.
- **descordinados**: caso en el que cada salida necesitas generar unidades nuevas, es decir, no hay forma de optimizar la cantidad de unidades mediante el traspaso de las mismas entre eventos.
- **one_sends**: caso en el que solo una estación envía unidades.

Sección 3: Experimentación

Se realizó una serie de experimentos para evaluar el rendimiento y la efectividad del modelo propuesto. El objetivo principal de la experimentación es analizar cómo se comporta el algoritmo en distintos escenarios, considerando variaciones en la demanda, restricciones de capacidad, y costos asociados a los trasposos nocturnos. Se han diseñado y ejecutado diversos experimentos que permiten validar la solución implementada, comparar su desempeño con el método de la empresa y estudiar el impacto de los diferentes parámetros en los resultados.

Experimento 1: Modelo de Circulación vs. Modelo de la empresa

Como se planteaba en el escenario propuesto en el enunciado, la empresa ferroviaria poseía un método para resolver el problema. La idea de este experimento es ver que el modelo de Circulación propuesto genera soluciones que son mejores (o en el peor caso iguales) a las generadas por el método de la empresa.

Para ello, se generó un conjunto de 10 instancias. Las mismas tienen 5 eventos de salida para cada estación, con horarios ascendentes y randomizados. Las demandas de los eventos se generaron siguiendo distribuciones normales con media 1500 y varianza 200 (cuidando que no sean menores a 0 y no pasen de la máxima capacidad posible para los servicios). La generación de estos datos se realizó con el archivo **generador_csv.py** que se encuentra en **experimentacion_e_informe/exp1/media_alta**.

Luego, se comparó la solución resultante de cada modelo para cada instancia (implementado en **analyze.py**) y se almacenaron dichos resultados en el archivo **resultados.csv**. Luego, para cada instancia se tomó la diferencia de las soluciones obtenidas ($\text{solucion_empresa} - \text{solucion_circulacion}$). Los resultados se pueden visualizar en el siguiente gráfico:

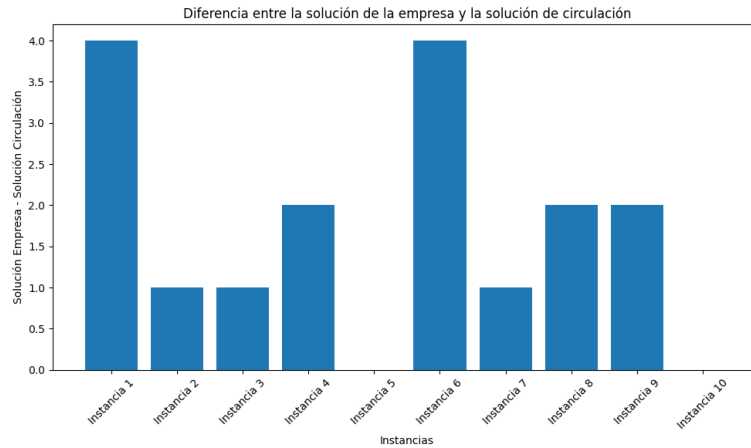


Figure 1: Diferencias entre la solución de la empresa y la solución de circulación (media alta)

Se repitió el proceso para demandas normales con media 500 (instancias y resultados en `experimentacion_e_informe / exp1 / media.baja`). Los resultados obtenidos son similares a los de la media alta:

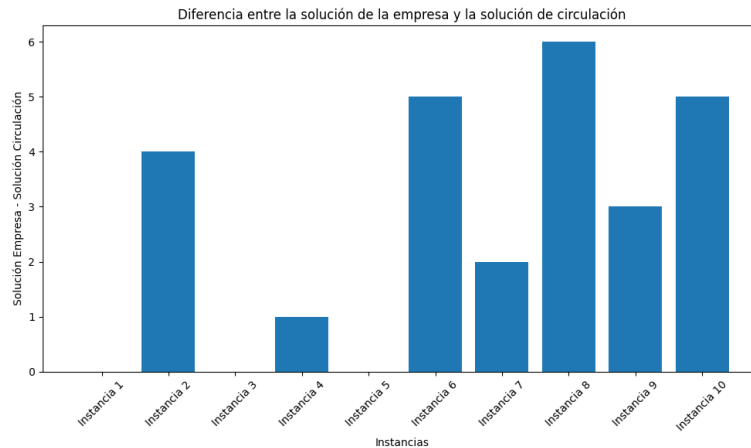


Figure 2: Diferencias entre la solución de la empresa y la solución de circulación (media baja)

Como se ve las diferencias son en ambos casos siempre mayores o iguales a 0. Por ello, concluimos que, como se esperaba, el modelo propuesto genera, tanto para demandas altas como bajas, mejores soluciones al problema. Como observación adicional, no pareciera que el nivel de la demanda (alta o baja) modifique esa mejoría en las respuestas. Para ambos niveles, la mejoría (diferencia) estuvo entre 0 y 6 unidades rodantes.

Experimento 2: Análisis de la Cantidad de Unidades Nuevas vs. Demanda

Se busca evaluar cómo varía la cantidad de unidades nuevas necesarias para cubrir la demanda cuando se incrementa la demanda de los servicios. Nuestra hipótesis es que aprovechado el traspaso de unidades entre eventos, al aumentar linealmente la demanda media de las instancias, la cantidad de unidades nuevas necesarias aumentará de forma menor que lineal.

Para esto, se generaron diez instancias para cada tipo de demanda media: baja (500), media-baja (1000), media-alta (1500) y alta (2000) (siempre cuidando que los valores estén entre 0 y 2500 que es el máximo por la capacidad de la red). Luego se corrió el modelo de circulación para cada instancia y se promedió la cantidad de unidades necesarias por tipo de demanda. Las instancias y los archivos con la implementación del experimento están en `experimentacion_e_informe / exp2`. Los resultados se presentan a continuación:

	Demanda Baja	Demanda Media-Baja	Demanda Media-Alta	Demanda Alta
Unidades necesarias promedio	14,1	24,7	34,2	44,2

Figure 3: Unidades necesarias promedio por tipo de demanda



Figure 4: Curva de unidades necesarias promedio en función de la demanda media

Como se puede apreciar, medida que la demanda media aumenta linealmente (saltos de 500 pasajeros), la cantidad de unidades necesarias promedio para cubrir la demanda también lo hace. Así, nuestra hipótesis no puede ser comprobada.

Experimento 3: Impacto de las Cotas Máximas en la Utilización del Material Rodante

La idea es analizar cómo afectan las restricciones de las cotas máximas en los servicios a la solución óptima. Nuestra hipótesis es que disminuir la cota máxima de los servicios forzará un aumento en la cantidad de unidades nuevas, ya que se limitará la reutilización del material rodante.

Para este experimento generamos 10 csv con demanda media 500 y varianza 200, y los convertimos a instancias con distintas cotas máximas. Las cotas utilizadas fueron: 25, 20, 15, 10. Luego se corrió el modelo de circulación sobre todas las instancias y se promedió la cantidad de unidades necesarias para cada una de las cotas. El resultado se muestra en la siguiente tabla:

	Cota máxima			
	25	20	15	10
Unidades necesarias promedio	13	13	13	13

Figure 5: Unidades necesarias promedio para distintas cotas máximas

Al contrario de lo esperado, no varió la cantidad de unidades necesitadas. Luego de mirar con detenimiento lo que pasaba en distintas instancias, vimos que si bien ocurría que se modificaba la cantidad de flujo circulante entre los eventos del día, este cambio se compensaba con los viajes añadidos de final del día entre estaciones, que tienen capacidad ilimitada.

Experimento 4: Evaluación del Costo del Traspaso Nocturno

Queremos estudiar el impacto del costo asociado a los trasposos nocturnos en la cantidad de unidades utilizadas. Que los costos de los arcos de traspaso no sea el mismo para ambas estaciones, representaría que hay una estación en la que es más costoso dejar los trenes para que pasen la noche. Nuestra hipótesis es que para demandas bajas en relación a la capacidad máxima de la red, se podrá ajustar el flujo con los arcos del día para maximizar el uso de los arcos de traspaso baratos y mantener mínimo el costo total, mientras que para demandas altas será inevitable tener que usar los arcos de traspaso más caros.

Para este experimento usamos los mismos csv del experimento 1 para la demanda baja y generamos diez nuevos con demanda normal con media 1800 y varianza 200 para la demanda alta. Al convertir los csv a instancias, lo hicimos una vez con costos de los arcos de traspaso iguales y una vez con un costo mayor al otro. Así, se obtienen dos configuraciones de costos, $costos_1 = (1, 1)$ y $costos_2 = (1, 2)$ para cada cronograma.

Luego, se resolvió el problema para todas las instancias, obteniendo para cada cronograma una cantidad de unidades necesarias con la configuración $costos_1$ (la llamaremos $\#c_1$) y una cantidad de unidades necesarias con la configuración $costos_2$ (la llamaremos $\#c_2$).

Finalmente, para cada cronograma, se calcula la proporción de aumento en las unidades necesarias como $\frac{\#c_1}{\#c_2}$. La implementación del experimento, las instancias y los resultados se encuentran en `experimentacion.e_informe / exp3`. Adeás, se muestran los resultados a continuación en forma de boxplot:

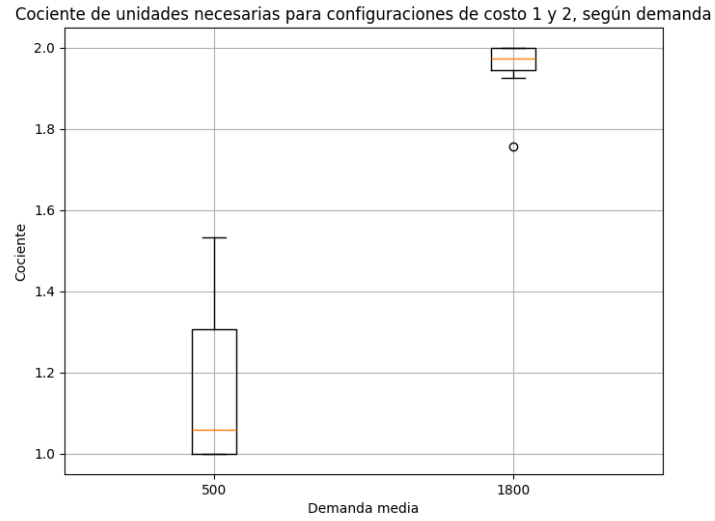


Figure 6: Cociente $\frac{\#c_1}{\#c_2}$, según la demanda

Como se esperaba, parece haber evidencia de que el aumento proporcional es mayor para demandas altas que para demandas bajas.