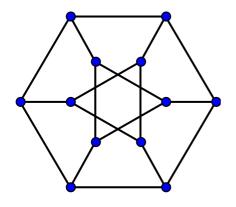
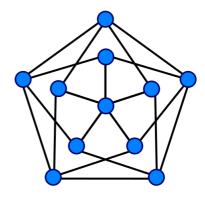
Домашнее задание

- **1.** Докажите непланарность графа $V_{3,3}$.
- **2.** Изобразите графы $V_{3,3},\,V_5,\,V_6$ (и $V_7,\,$ если получится) без пересечений ребер на развертке тора.
- 3. Докажите, что в планарном графе всегда найдется вершина с валентностью, не превосходящей 5.
- **4.** Докажите, что дополнение планарного графа на $n \ge 11$ вершинах непланарно. (Дополнение графа граф, полученный стиранием всех существующих ребер и добавлением всех отсутствующих. Например, для графа в виде квадрата дополнением будет граф с двумя ребрами диагоналями стертого квадрата).
- **5.** Верно ли, что произвольный трехмерный выпуклый многогранник можно изобразить в виде графа на плоскости (где ребра многогранника ребра графа) без пересечения ребер?
- **6.** Докажите, что любой граф с цикломатическим числом $g \le 3$ планарен. Приведите примеры графов с g = 1, 2, 3.
- 7. Исследуйте следующие графы на планарность:





- **8.** а) Добавьте в планарный граф из предыдущей задачи наименьшее количество ребер так, чтобы он стал непланарным.
- б) Удалите из непланарного графа из предыдущей задачи наименьшее количество ребер так, чтобы он стал планарным.