



Théorie des langages

Tlemcen le, 16 Juin 2015

## Epreuve de Rattrapage

**Justifiez vos réponses**

### Question de Cours

- 1- Soient  $X$  un alphabet et  $x, y \in X^*$ , que signifie  $x$  est conjugué de  $y$ .
- 2- Montrer que la relation «est conjugué de» est une relation d'ordre partiel.

### Exercice N° 1

Soit  $X = \{a, b\}$  un alphabet et  $u$  un mot un mot formé sur  $X$ .

$u$  est dit palindrome ssi  $u = u^R$

On définit sur  $X^*$ , une suite de mots  $(f_n)_{n \geq 0}$ , appelée suite de Fibonacci, de la manière suivante :

$$\begin{cases} f_1 = a & f_2 = ab \\ f_{n+2} = f_{n+1}f_n & \text{pour } n \geq 0 \end{cases}$$

Montrer que pour  $i \geq 2$ ,  $f_i = \begin{cases} uab & \text{si } i \text{ est pair} \\ uba & \text{sinon} \end{cases}$  avec  $u$  palindrome

### Exercice N° 2

Soit la grammaire  $G$  engendrant les expressions arithmétiques, définie par :

$$G = (\{a, *, +, (, )\}, \{E\}, E, \{E \rightarrow E * E / E + E / (E) / a\})$$

- 1- Les mots suivants:  $a+a$ ,  $(a+a)*a$ ,  $a+a+$  et  $a+a+a$  appartiennent-ils à  $L(G)$  ?
- 2- La grammaire  $G$  est-elle ambiguë ?
- 3- Construire une grammaire  $G'$  non ambiguë et équivalente à  $G$ .

### Exercice N° 3

Soit l'AEF  $\mathcal{A} = (\{x, y\}, \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6\}, \delta, q_0, \{q_0, q_1\})$  où  $\delta$  est définie par:

$\delta$	$x$	$y$
$q_0$	$q_1$	$q_4$
$q_1$	$q_1$	$q_3$
$q_2$	$q_2$	$q_1$
$q_3$	$q_4$	$q_2$
$q_4$	$q_3$	$q_5$
$q_5$	$q_5$	$q_0$
$q_6$	$q_4$	$q_6$

- 1- L'A.E.F  $\mathcal{A}$  est-il déterministe ?
- 2- Le mot  $xyyy$  est-il reconnu par L'A.E.F  $\mathcal{A}$  ?
- 3- Minimiser l'A.E.F  $\mathcal{A}$ ,
- 4- Déterminer le langage  $L(\mathcal{A})$ .