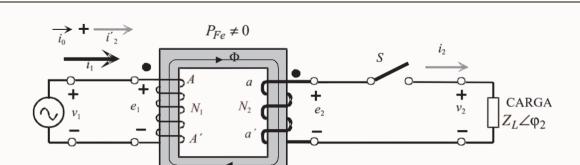
Hoja de fórmulas MÁQUINAS ELÉCTRICAS

# Nomenclatura

$\mathbf{Z}\left[\Omega\right]$	Impedancia	<b>I</b> [A]	Corriente
$\mathbf{V}[V]$	Tensión	j	Unidad imaginaria
<i>t</i> [s]	Tiempo	$P\left[W\right]$	Potencia activa
Q [VAr]	Potencia reactiva	S [VA]	Potencia aparente
m	Relación de transformación	$\mathbf{I}_{exc}$ o $\mathbf{I}_0$ [A]	Corriente de excitación
$\mathbf{I}_{Fe}$ [A]	Corriente debido a pérdidas en el Fe	$\mathbf{I}_{\mu}$ [A]	Corriente magnetizante
$\mathbf{V}_0$ [V]	Tensión en vacío	$\mathbf{V}_{pc}$ [V]	Tensión a plena carga

Unidad 1 ACÁ QUIERO PONER LO DE LAS BOBINAS Y ESO... VER Unidad 2 TRANSFORMADORES



### Transformador Ideal en vacío

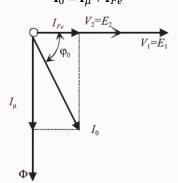
## Transformador Ideal en carga

# SIN PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

Autoinducción  $L = \frac{\mu N^2 S}{l}$ 

CON PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

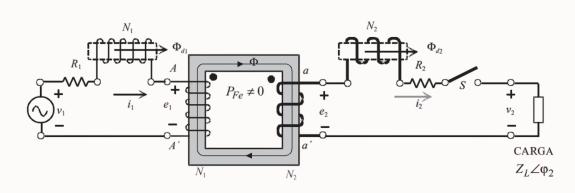
Fem  $\mathscr{F}=N_1\mathbf{I}_1=N_1\mathbf{I}_0$  Relación de transfor.  $m=\frac{E_1}{E_2}=\frac{N_1}{N_2}$   $\mathbf{I}_0=\mathbf{I}_\mu+\mathbf{I}_{Fe}$ 



# CON PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

 $\begin{aligned} \text{Fem} & \quad \mathscr{F} = N_1 \mathbf{I}_1 - N_2 \mathbf{I}_2 \\ \mathscr{F} = N_1 \mathbf{I}_0 \\ & \quad \mathbf{I}_0 = \mathbf{I}_1 - \frac{N_2}{N_1} \mathbf{I}_2 \end{aligned}$  Corriente reducida  $\mathbf{I'}_2 = \frac{\mathbf{I}_2}{I_2}$ 

Hoja de fórmulas MÁQUINAS ELÉCTRICAS



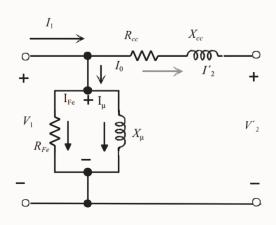
Transformador Real en vacío

Transformador Real en carga

$$\mathbf{V}_1 = \mathbf{E}_1 + R_1 \mathbf{I}_0 + j X_1 \mathbf{I}_0$$
  $\mathbf{V}_{20} = \mathbf{E}_2$   
En trafos industriales  $m \approx \frac{V_1}{V_2}$ 

### Circuito equivalente aproximado

Se muestra el circuito referido al primario. Cuando es referido al secundario se hace un análisis similar. La *rama paralelo* siempre permanece del lado de alta tensión.



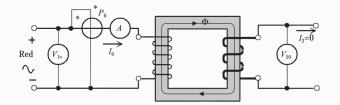
Resistencia de cortocircuito  $R_{cc} = R_1 + R'_2$ Reactancia de cortocircuito  $X_{cc} = X_1 + X'_2$ 

## Parámetros referidos al primario

Número de espiras  $N_2' = mN_2$ Tensión referida  $V_2' = mV_2$ Corriente referida  $I_2' = \frac{I_2}{m}$ Impedancia referida  $Z_2' = m^2 Z_2$   $Z_2 = R_2 + j X_2$ 

#### Ensavo de vacío

Permite determinar las pérdidas en el Fe y los parámetros de la rama paralelo,  $R_{Fe}$  y  $X_{\mu}$ .

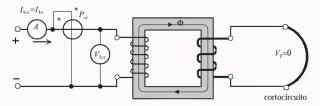


Pérdidas en Fe  $P_0 = P_{Fe} = V_{1n} \cdot I_0 \cos \phi_0$ 

$$R_{fe} = \frac{V_{1n}}{I_0 \cos \phi_0} \qquad \qquad X_{\mu} = \frac{V_{1n}}{I_0 \sin \phi_0}$$

### Ensayo de cortocircuito

Permite determinar las pérdidas en el Cu y los parámetros de la rama de cortocircuito,  $R_{cc}$  y  $X_{cc}$ .  $I_0$  es despreciable.



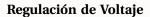
$$P_{cc} = P_{Cu} = V_{cc} \cdot I_{1n} \cos \phi$$

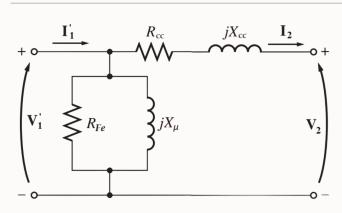
$$R_{cc} = \frac{V_{1cc}}{I_{1n}} \cos \phi_{cc} \quad X_{cc} = \frac{V_{1cc}}{I_{1n}} \sin \phi_{cc}$$

En ambos ensayos, los factores de potencia  $\cos\phi_0$  y  $\cos\phi_{cc}$  son las incógnitas a determinar para calcular los pará-

Hoja de fórmulas MÁQUINAS ELÉCTRICAS

metros.





Regulación de voltaje  $RV = \frac{V_{20} - V_{20}}{V_{20}}$ 

 $V = \frac{V_{2pc}}{V_{2pc}}$ 

 $RV = \frac{\frac{v_{1n}}{m} - V_{2pc}}{V_{2pc}}$ 

RV ideal RV

RV = 0%

Cargas resistivas e inductivas

 $RV_L > RV_R > 0$ 

Cargas capacitivas

 $RV_C < 0$ 

#### Eficiencia

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} = \frac{S\cos(\phi)}{S\cos(\phi) + P_{fe} + P_{\mu}}$$

Potencia útil  $P_{out} = S\cos\phi$ Potencia demandada  $P_{in} = P_{out} + P_p$ Pérdidas en potencia  $P_p = P_{Fe} + P_\mu$ 

# Índice de Carga

$$C = \frac{I}{I_n} \quad C_{opt} = \sqrt{\frac{P_0}{P_{cc}}}$$

### Máximo maximorum

Cuando 
$$\cos \phi = 1$$
 y  $C_{opt} = \sqrt{\frac{P_0}{P_{cc}}}$ .

#### Transformadores trifásicos

Índice	Símbolo	Diagrama fasorial		Índice	Símbolo	Diagrama fasorial	
horario	acoplam.	A.T.	B.T.	horario	acoplam.	A.T.	B.T.
0 (0°)	Dd0	C $A$ $B$	$c$ $\sum_{a}^{a}$ $b$	6 (180°)	Dd6	C $A$ $B$	b' $c'$
0 (0°)	Yy0	$C \longrightarrow B$	$\stackrel{a}{\swarrow}_b$	6 (180°)	Yy5	$C \xrightarrow{A} B$	
5 (150°)	Dy5	C $A$ $B$	b' $a'$	11 (330°)	Dy5	C $A$ $B$	$\sum_{c}^{a} b$
5 (150°)	Yd5	$C \longrightarrow B$	$b' \underbrace{\qquad \qquad }_{a'}^{c'}$	11 (330°)	Yd5	$C \longrightarrow B$	

# UNIDAD 3 MÁQUINAS ASÍNCRONAS

#### Aspectos básicos

Tension inducida  $e_{ind} = l\vec{v} \times \vec{B}$  $F = i\vec{l} \times \vec{B}$ Fuerza en el devanado

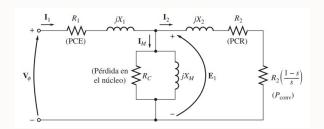
l es la longitud del segmento y su dirección es la de la corriente

 $n_{sinc} = \frac{120}{P} f_e$ Velocidad campo rotante

 $s = \frac{n_{sinc} - n_m}{n_{sinc}} = \frac{\omega_{sinc} - \omega_m}{\omega_{sinc}}$  $f_r = sf_e$ Deslizamiento

Frecuencia eléctrica en el rotor

# Circuito equivalente



$$R_2 = a_{ef}^2 R_R$$

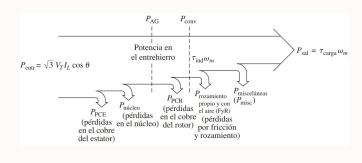
$$X_2 = a_{ef}^2 X_{R0}$$

$$E_2 = a_{ef} E_{R0}$$

$$I_2 = \frac{I_R}{a_{ef}}$$

Donde el subíndice R0 equivale a los parámetros a rotor bloqueado, es decir s=1

# Diagrama de potencias



Perdidas cobre estator  $P_{CE} = 3I_1^2 R_1$ 

Pérdidas en el núcleo  $P_{nucl} = 3E_1^2G_C$ 

Potencia en el entrehierro  $P_{EH} = P_{in} - P_{CE} - P_{nucl}$ 

Pérdidas cobre rotor  $P_{CR} = 3I_2^2 R_2$ 

Potencia convertida  $P_{conv} = P_{EH} - P_{CR}$ 

 $P_{CR} = sP_{EH}$   $P_{conv} = (1 - s)P_{EH}$ 

Potencia de salida  $P_{out} = P_{conv} - P_{FyR} - P_{misc}$ 

 $\tau_{ind} = \frac{P_{conv}}{\omega_m} = \frac{(1-s)P_{EH}}{(1-s)\omega_{sinc}}$ 

### Ensayos de motor asincrónico