# 5 teorías de rotura

1- Máxima tensión corte (GUEST):

$$\frac{\sigma_T}{C_s} = \sigma_{adm} \ge \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4 \ \tau_{xy}^2}$$

2- Máxima tensión normal:

$$\frac{\sigma_{RT}}{C_s} = \sigma_{adm} \ge \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4 \ \tau_{xy}^2}$$

3- Deformaciones principales:

$$\frac{\sigma_{RT}}{C_s}; \frac{\sigma_{RC}}{C_s} = \sigma_{adm}$$

$$\sigma_{adm} \geq (\sigma_x - \sigma_y) \left(\frac{1-\mu}{2}\right) \pm \frac{1+\mu}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4~\tau_{xy}^2}$$

4- Energía deformación

$$\sigma_{adm} = \frac{\sigma_f}{Cs} \ge \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - 2\mu\sigma_x\sigma_y + 2(1+\mu)\tau_{xy}^2}$$

5- Energía distorión:

$$\sigma_{adm} = \frac{\sigma_f}{Cs} \ge \sqrt{\sigma_x^2 - \sigma_x \sigma_y + \sigma_y^2 + 3\tau_{xy}^2}$$

(1,4,5 → material dúctil) (2,3 → material frágil)

## **NOMENCLATURA**

 $\sigma_T$ tensión tracción tensión compresión  $\sigma_C$ tensión fluencia  $\sigma_f$ tensión admisible  $\sigma_{adm}$ Coeficiente de seguridad Cs

## **Deformaciones**

$$e = \frac{l - l_0}{l_0}$$

- e = alargamiento especifico.
- *l* = longitud "final"
- $l_0$  = longitud inicial

$$\sigma = E e$$

Para deformaciones producidas por torsión

$$\tau_{xy} = G \gamma$$
 
$$G = \frac{E}{2(1+u)}$$

- $\tau$  = tensión tangencial
- $\gamma$  = angulo distorsión
- $l_0$  = longitud inicial

# Cargas dinámicas

Solicitud dinámica axial

$$\delta = \delta_{est} \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{v^2}{g \ \delta_{est}}} \right)$$

- $\delta_{est}$  alargamiento estático
- v velocidad
- g gravedad

$$\sigma_{din} = \sigma_{est} \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{2 \ h}{\delta_{est}}} \right)$$

- $\sigma_{est/din}$  tensión estatica/dinamica
- h altura

## **Tensiones variables**

## Consideraciónes/Recordatorios

Esto aplica para cilindros 
$$\sigma_{max} = \frac{MT}{Wp} = \frac{MT \ 16}{\pi \ D^3}$$
$$\sigma_{max} = \frac{MF}{Wr} = \frac{MF \ 32}{\pi D^3}$$

$$\tau_f = 0.6 \ \sigma_f$$
 y tambien  $\tau_R = 0.6 \ \sigma_R$ 

 $\sigma_{\mathbf{wb}}$  para distintos materiales

Aceros 
$$\begin{vmatrix} 0.4 & | & 0.5 & \sigma_R \le 140 Kg / mm^2 \\ 70 & kg / mm^2 & si\sigma_R \ge 140 Kg / mm^2 \end{vmatrix}$$
  
Fundición  $\begin{vmatrix} 0.4 & \sigma_R \\ 0.3 & | & 0.4 & \sigma_R \end{vmatrix}$ 

Tension media tension alternada 
$$\sigma_m = \frac{\sigma_{max} + \sigma_{min}}{2} \qquad \sigma_a = \frac{\sigma_{max} - \sigma_{min}}{2}$$
 
$$\sigma_{max} = \sigma_m + \sigma_a$$

Criterio Soderberg 
$$Cs = \frac{\sigma_f}{\sigma_m + \sigma_a * K_f * \frac{\sigma_f}{\sigma_w^*}}$$
 
$$Cs = \frac{\tau_f}{\tau_m + \tau_a * K_f * \frac{\tau_f}{\tau_w^*}}$$

Factores de concentración 
$$K_t = \frac{\sigma_{m\acute{a}x}}{\sigma_{nominal}}$$
, sale de ábaco.  $K_f = 1 + q * (K_t - 1)$ 

- q Indice de entalladura  $\rightarrow$  Syrson
- $K_t$  factor geométrico
- $K_f$  factor geométrico, tamaño absoluto.

## Coef. seguridad

Cond. Estática Cond. Fatíga
$$Cs = \frac{\sigma_f}{\sigma_{m\acute{a}x}} = \frac{\sigma_f}{\sigma_m + \sigma_a} \quad Cs = \frac{\sigma_w^*}{\sigma_a * K_f}$$

$$K_f \text{ solo si hay concentración}$$

# **VIDA** Finita 31,6

Condicionando cantidad de RPMs/ciclos

$$m = \frac{1}{3} log_{10} \left( \frac{0.9 \sigma_R}{\sigma_w} \right) \quad b = log_{10} \left( \frac{0.9 \sigma_R^2}{\sigma_w} \right)$$

$$\sigma_{wN} = \left[\frac{10^b}{N_{(RPM)}^m}\right] \qquad N_{(RPM)} = \sqrt[m]{\frac{10^b}{\sigma_{wN}}}$$
 
$$CL = \frac{\sigma_{wN}}{\sigma_w}$$
 Vida restante en caso de sobrecarga

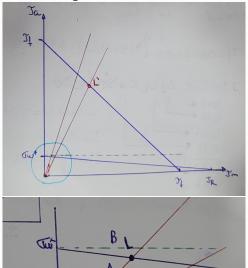
$$m = \frac{1}{3}log_{10}\left(\frac{0.9\sigma_R}{\sigma_w^*}\right) \quad b = log_{10}\left(\frac{0.9\sigma_R^2}{\sigma_w^*}\right)$$

$$Nb_{(RPM)} = \left[\frac{10^b}{\sigma_N}\right]^{\frac{1}{m}} \quad Nc = Nb - Na$$

la nueva tension:  $\sigma'_{w} = \left[\frac{10^{b'}}{N_{CRMO}^{m'}}\right]$ 

$$m' = \frac{log_{10}(0,9\sigma_R) - log_{10}(\sigma_N)}{log_{10}Nc - log_{10}10^3}$$
$$b' = log_{10}(0,9\sigma_R) + m' (log_{10}10^3)$$

## Diagrama de Goodman



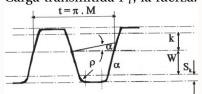
Soderberg Cs Elastico Cs

Cs Fatiga

## **ENGRANAJES**

## rectos: dimensionamiento

Carga transmitida  $P_t$ , la fuerza:



Altura diente

Kfra

Ja

 $\rightarrow De = Di + 2h = Dp + 2k$ 

Altura de cabeza (k) k = M o K = 0.8M

Raíz (w) w = 1,166M

Juego de cabeza  $S_k = W - k$ 

$$P_t = 71620 \frac{N}{n \frac{Dp_1}{2}} \left[ \frac{cv}{\frac{v}{min} cm} \right] [kg]$$

Relación de transmisión :  $i = \frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{z_1}{z_2} = \frac{Dp_1}{Dp_2}$ 

Paso del dentado:  $z \ t = \pi \ Dp \rightarrow Dp = \frac{t}{\pi \ z} = \frac{M}{\pi}$ 

Módulo del dentado:

Métrico/alemán

$$M(mm) = \frac{t(mm)}{\pi} = \frac{Dp(mm)}{z}$$

Diamteral pitch

$$P''(\frac{1}{pulg}) = \frac{\pi}{t(")} = \frac{z}{Dp(")}$$