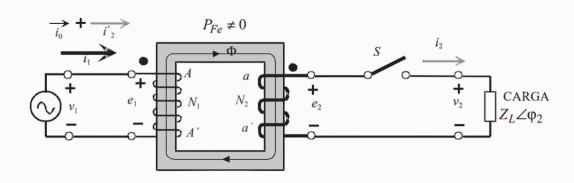
Nomenclatura

$\mathbf{Z}\left[\Omega\right]$	Impedancia	I [A]	Corriente
$\mathbf{V}[V]$	Tensión	j	Unidad imaginaria
<i>t</i> [s]	Tiempo	P[W]	Potencia activa
Q [VAr]	Potencia reactiva	S [VA]	Potencia aparente
m	Relación de transformación	\mathbf{I}_{exc} o \mathbf{I}_0 [A]	Corriente de excitación
\mathbf{I}_{Fe} [A]	Corriente debido a pérdidas en el Fe	\mathbf{I}_{μ} [A]	Corriente magnetizante
\mathbf{V}_0 [V]	Tensión en vacío	$\mathbf{V}_{pc}\left[\mathbf{V}\right]$	Tensión a plena carga

Unidad 1 ACÁ QUIERO PONER LO DE LAS BOBINAS Y ESO... VER Unidad 2

TRANSFORMADORES



Transformador Ideal en vacío

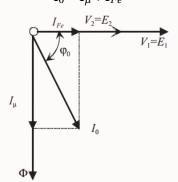
Transformador Ideal en carga

SIN PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

Autoinducción $L = \frac{\mu N^2 S}{l}$

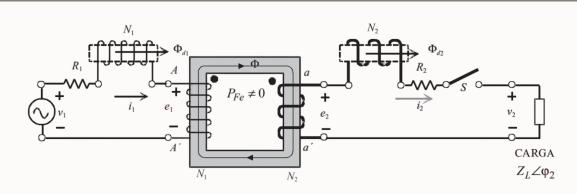
CON PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

Fem $\mathscr{F}=N_1\mathbf{I}_1=N_1\mathbf{I}_0$ Relación de transfor. $m=\frac{E_1}{E_2}=\frac{N_1}{N_2}$ $\mathbf{I}_0=\mathbf{I}_\mu+\mathbf{I}_{Fe}$



CON PÉRDIDAS EN EL NÚCLEO DE FE

$$\begin{split} \text{Fem} & \quad \mathscr{F} = N_1 \mathbf{I}_1 - N_2 \mathbf{I}_2 \\ \mathscr{F} = N_1 \mathbf{I}_0 \\ & \quad \mathbf{I}_0 = \mathbf{I}_1 - \frac{N_2}{N_1} \mathbf{I}_2 \\ \text{Corriente reducida} & \quad \mathbf{I'}_2 = \frac{\mathbf{I}_2}{m} \end{split}$$



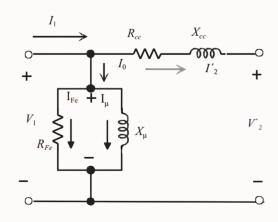
Transformador Real en vacío

Transformador Real en carga

$$\mathbf{V}_1 = \mathbf{E}_1 + R_1 \mathbf{I}_0 + j X_1 \mathbf{I}_0$$
 $\mathbf{V}_{20} = \mathbf{E}_2$
En trafos industriales $m \approx \frac{V_1}{V_2}$

Circuito equivalente aproximado

Se muestra el circuito referido al primario. Cuando es referido al secundario se hace un análisis similar. La *rama paralelo* siempre permanece del lado de alta tensión.



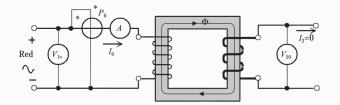
Resistencia de cortocircuito $R_{cc} = R_1 + R_2'$ Reactancia de cortocircuito $X_{cc} = X_1 + X_2'$

Parámetros referidos al primario

Número de espiras $N_2' = mN_2$ Tensión referida $V_2' = mV_2$ Corriente referida $I_2' = \frac{I_2}{m}$ Impedancia referida $Z_2' = m^2 Z_2$ $Z_2 = R_2 + j X_2$

Ensavo de vacío

Permite determinar las pérdidas en el Fe y los parámetros de la rama paralelo, R_{Fe} y X_{μ} .

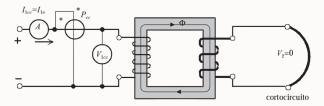


Pérdidas en Fe $P_0 = P_{Fe} = V_{1n} \cdot I_0 \cos \phi_0$

$$R_{fe} = \frac{V_{1n}}{I_0 \cos \phi_0} \qquad \qquad X_{\mu} = \frac{V_{1n}}{I_0 \sin \phi_0}$$

Ensayo de cortocircuito

Permite determinar las pérdidas en el Cu y los parámetros de la rama de cortocircuito, R_{cc} y X_{cc} . I_0 es despreciable.



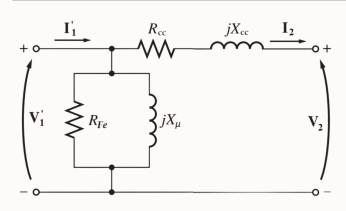
$$P_{cc} = P_{Cu} = V_{cc} \cdot I_{1n} \cos \phi$$

$$R_{cc} = \frac{V_{1cc}}{I_{1n}} \cos \phi_{cc} \quad X_{cc} = \frac{V_{1cc}}{I_{1n}} \sin \phi_{cc}$$

En ambos ensayos, los factores de potencia $\cos\phi_0$ y $\cos\phi_{cc}$ son las incógnitas a determinar para calcular los pará-

metros.





Regulación de voltaje $RV = \frac{V_{20} - V_{2po}}{V_{2po}}$

 $RV = \frac{\frac{V_{1n}}{m} - V_{2pc}}{\frac{V_{2pc}}{m}}$

RV ideal RV = 0%

Cargas resistivas e inductivas $RV_L > RV_R > 0$

Cargas capacitivas $RV_C < 0$

Eficiencia

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} = \frac{S\cos(\phi)}{S\cos(\phi) + P_{fe} + P_{\mu}}$$

Potencia útil $P_{out} = S\cos\phi$ Potencia demandada $P_{in} = P_{out} + P_p$ Pérdidas en potencia $P_p = P_{Fe} + P_\mu$

Índice de Carga

$$C = \frac{I}{I_n} \quad C_{opt} = \sqrt{\frac{P_0}{P_{cc}}}$$

Máximo maximorum

Cuando
$$\cos \phi = 1$$
 y $C_{opt} = \sqrt{\frac{P_0}{P_{cc}}}$.

Transformadores trifásicos

Índice	Símbolo	Diagrama fasorial		Índice	Símbolo	Diagrama fasorial	
horario	acoplam.	A.T.	B.T.	horario	acoplam.	A.T.	B.T.
0 (0°)	Dd0	C A B	c \sum_{b}^{a}	6 (180°)	Dd6	C A B	
0 (0°)	Yy0	$C \longrightarrow B$	$\stackrel{a}{\swarrow}_b$	6 (180°)	Yy5	$C \longrightarrow B$	
5 (150°)	Dy5	C A B	b' c' a'	11 (330°)	Dy5	C A B	$\sum_{c}^{a} b$
5 (150°)	Yd5	$C \longrightarrow B$	b' a'	11 (330°)	Yd5	$C \longrightarrow B$	$a \searrow b$

UNIDAD 3 MÁQUINAS ASÍNCRONAS

Aspectos básicos

 $e_{ind} = l\vec{v} \times \vec{B}$ Tension inducida $F = i\vec{l} \times \vec{B}$ Fuerza en el devanado

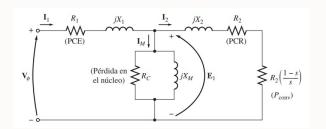
l es la longitud del segmento y su dirección es la de la corriente

 $n_{sinc} = \frac{120}{P} f_e$ Velocidad campo rotante

 $s = \frac{n_{sinc} - n_m}{n_{sinc}} = \frac{\omega_{sinc} - \omega_m}{\omega_{sinc}}$ $f_r = sf_e$ Deslizamiento

Frecuencia eléctrica en el rotor

Circuito equivalente



$$R_2 = a_{ef}^2 R_R$$

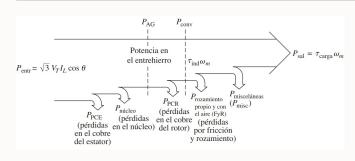
$$X_2 = a_{ef}^2 X_{R0}$$

$$E_2 = a_{ef} E_{R0}$$

$$I_2 = \frac{I_R}{a_{ef}}$$

Donde el subíndice R0 equivale a los parámetros a rotor bloqueado, es decir s=1

Diagrama de potencias



Perdidas cobre estator $P_{CE} = 3I_1^2 R_1$

Pérdidas en el núcleo $P_{nucl} = 3E_1^2G_C$

Potencia en el entrehierro $P_{EH} = P_{in} - P_{CE} - P_{nucl}$

Pérdidas cobre rotor $P_{CR} = 3I_2^2 R_2$

Potencia convertida $P_{conv} = P_{EH} - P_{CR}$

 $P_{CR} = sP_{EH}$ $P_{conv} = (1 - s)P_{EH}$

Potencia de salida $P_{out} = P_{conv} - P_{FyR} - P_{misc}$

 $\tau_{ind} = \frac{P_{conv}}{\omega_m} = \frac{(1-s)P_{EH}}{(1-s)\omega_{sinc}}$

Ensayo de vacío o rotor libre

Permite determinar las pérdidas en el Fe y mecánicas, los parámetros R_{Fe} .

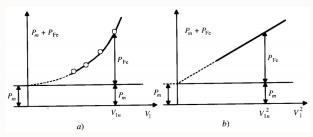
"Si bien $N_{rot} \neq N_{sinc}$, el motor gira a una velocidad muy cercana (R_2 elevada), y al no ejercer ningún par de carga el eje se considera potencia disipada $P_{conv} = 0$ "

Primero hay que medir la resistencia del estator (CC, se agrega un 10~20% por efecto pelicular). Luego hacemos funcionar el motor sin carga, conectandolo a tensión nominal y descendiendo hasta le 50~30%, midiendo la potencia tomada de la red.

Al nosotros conocer la potencia de entrada y la perdida en *Fe* nos quedan dos incognitas las cuales se iteran.

$$\begin{split} P_0 &= P_{fe} + P_m + P_{cu1} \\ P_0 - P_{cu1} &= P_{fe} + P_m = P_0 - m_1 \ R_1 \ I_0^2 \end{split}$$

cuando la tensión $V_1 = 0$ no existen perdidas en el hierro porque no hay flujo, "solo quedarán las pérdidas mecánicas"



$$Cos(\phi_0) = \frac{P_{fe}}{m_1 V_1 n I_0}$$

$$R_{fe} = \frac{V_{1n}}{I_0 \cos \phi_0}$$

$$X_{\mu} = \frac{V_{1n}}{I_0 \sin \phi_0}$$

Ensayo cortocircuito o rotor bloqueado

Se realiza impidiendo que el rotor gire $(n=0 \rightarrow s=1 \rightarrow R_2=0)$, se comporta como un transformador en cortocircuito.

Se realiza suministrando tensión desde 0 hasta llegar a la corriente nominal, midiendo a su vez la potencia.