# 5 teorías de rotura

1- Máxima tensión corte (GUEST):

$$\frac{\sigma_T}{C_s} = \sigma_{adm} \ge \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4 \ \tau_{xy}^2}$$

2- Máxima tensión normal:

$$\frac{\sigma_{RT}}{C_s} = \sigma_{adm} \ge \frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4 \ \tau_{xy}^2}$$

3- Deformaciones principales:

$$\frac{\sigma_{RT}}{C_s}; \frac{\sigma_{RC}}{C_s} = \sigma_{adm}$$

$$\sigma_{adm} \geq (\sigma_x - \sigma_y) \left(\frac{1-\mu}{2}\right) \pm \frac{1+\mu}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4~\tau_{xy}^2}$$

4- Energía deformación

$$\sigma_{adm} = \frac{\sigma_f}{Cs} \ge \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - 2\mu\sigma_x\sigma_y + 2(1+\mu)\tau_{xy}^2}$$

5- Energía distorión:

$$\sigma_{adm} = \frac{\sigma_f}{Cs} \ge \sqrt{\sigma_x^2 - \sigma_x \sigma_y + \sigma_y^2 + 3\tau_{xy}^2}$$

(1,4,5 → material dúctil) (2,3 → material frágil)

## **NOMENCLATURA**

 $\sigma_T$ tensión tracción tensión compresión  $\sigma_C$ tensión fluencia  $\sigma_f$ tensión admisible  $\sigma_{adm}$ Coeficiente de seguridad Cs

## **Deformaciones**

$$e = \frac{l - l_0}{l_0}$$

- e = alargamiento especifico.
- l = longitud "final"
- $l_0$  = longitud inicial

$$\sigma = E e$$

#### Para deformaciones producidas por torsión

$$\tau_{xy} = G \gamma$$
  $G = \frac{E}{2(1+\mu)}$ 

- $\tau$  = tensión tangencial
- $\gamma$  = angulo distorsión
- $l_0$  = longitud inicial

## Cargas dinámicas

### Solicitud dinámica axial

$$\delta = \delta_{est} \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{v^2}{g \ \delta_{est}}} \right)$$

- $\delta_{est}$  alargamiento estático
- v velocidad
- g gravedad

$$\sigma_{din} = \sigma_{est} \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{2 \ h}{\delta_{est}}} \right)$$

- $\sigma_{est/din}$  tensión estatica/dinamica
- h altura

### **Tensiones variables**

#### Consideraciónes/Recordatorios

$$\tau_f = 0.6 \ \sigma_f \ \sigma_{max} = \frac{MT}{Wp} = \frac{MT \ 16}{\pi \ D^3}$$
$$\sigma_{max} = \frac{MF}{Wr} = \frac{MT \ 32}{\pi D^3}$$

Tension media tension alternada 
$$\sigma_m = \frac{\sigma_{max} + \sigma_{min}}{2} \qquad \sigma_a = \frac{\sigma_{max} - \sigma_{min}}{2}$$

$$\sigma_{max} = \sigma_m + \sigma_a$$

Criterio Soderberg 
$$Cs = \frac{\sigma_f}{\sigma_m + \sigma_a * K_f * \frac{\sigma_f}{\sigma_w^*}}$$

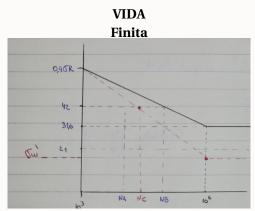
$$Cs = \frac{\tau_f}{\tau_m + \tau_a * K_f * \frac{\tau_f}{\tau_w^*}}$$

Factores de concentración
$$K_t = \frac{\sigma_{m\acute{a}x}}{\sigma_{nominal}}$$
, sale de ábaco.
 $K_f = 1 + q * (K_t - 1)$ 

- q Indice de entalladura  $\rightarrow$  Syrson
- $K_t$  factor geométrico
- $K_f$  factor geométrico, tamaño absoluto.

# Coef. seguridad

Cond. Estática Cond. Fatíga 
$$Cs = \frac{\sigma_f}{\sigma_{m\acute{a}x}} = \frac{\sigma_f}{\sigma_m + \sigma_a}$$
  $Cs = \frac{\sigma_w^*}{\sigma_a * K_f}$   $K_f$  solo si hay concentración



Condicionando cantidad de RPMs/ciclos

$$m = \frac{1}{3} log_{10} \left( \frac{0.9\sigma_R}{\sigma_w} \right) \quad b = log_{10} \left( \frac{0.9\sigma_R^2}{\sigma_w} \right)$$

$$\sigma_{wN} = \left[\frac{10^b}{N_{(RPM)}^m}\right] \qquad N_{(RPM)} = \sqrt[m]{\frac{10^b}{\sigma_{wN}}}$$
 
$$CL = \frac{\sigma_{wN}}{\sigma_w}$$
 Vida restante en caso de sobrecarga

$$m = \frac{1}{3}log_{10}\left(\frac{0.9\sigma_R}{\sigma_w^*}\right) \quad b = log_{10}\left(\frac{0.9\sigma_R^2}{\sigma_w^*}\right)$$

$$Nb_{(RPM)} = \left[\frac{10^b}{\sigma_N}\right]^{\frac{1}{m}} \quad Nc = Nb - Na$$

 $Nb_{(RPM)} = \left[\frac{10^b}{\sigma_N}\right]^{\frac{1}{m}}$  Nc = Nb - Na la nueva tension:  $\sigma'_w = \left[\frac{10^{b'}}{N_{(RPM)}^{m'}}\right]$ 

$$m' = \frac{log_{10}(0,9\sigma_R) - log_{10}(\sigma_N)}{log_{10}Nc - log_{10}10^3}$$

$$b' = log_{10}(0,9\sigma_R) + m' (log_{10}10^3)$$

