# **Quoridor-AI**

## **Graf-Konstruktion**

### **Noder**

Varje ruta på spelbrädet måste läggas till i en lista för användning, detta betyder att antalet noder som kommer läggas till är bredden multiplicerat med höjden vilket är antalet noder. Det ger en tidskomplexitet på O(N). Utrymmeskomplexiteten blir detsamma eftersom den kommer behöva använda (N × nod) mängd utrymme för att lagra alla noder vilket blir O(N).

### **Bågar**

För varje nod som lags till skall det finnas bågar som går emellan varandra som indikerar för spelaren/motståndare vart de kan gå eller var det är mer lämpligt att gå. För att lagra information om alla bågar kan en adjacency lista användas fast istället har jag valt att lagra varje båge som ett unikt objekt i en separat lista. För varje båge innehåller information vilken nod den tillhör och vilken nod den går till.

I ett kvadratiskt fält beroende på om rutan ligger i ett hörn eller vid kanten så kan de antingen ha 4, 3 eller 2 bågar som går emellan varandra. I fallet av Quoridor kommer antalet bågar maximalt bli *((4 × 2) + ((bredd – 2) × 2 × 3) + ((höjd – 2) × 2 × 3) + ((bredd – 2) × (höjd – 2) × 4) | alt. 2(2 \* bredd \* höjd – bredd – höjd) | alt. 4(N – √N)*

Ex. Quoridor har 9x9 rutor som ger 4(81 – √81) = 288 bågar.

Däremot har Quoridor väggar som kan sättas ut på spelplanen vilket kommer ta bort bågar som går mellan noder där väggen blivit placerad. För att konstruera en graf med aktuella bågar krävs en algoritm vilket kollar om det finns en vägg placerad mellan denna nod till en granne, och i så fall, lägg inte till en båge mellan dessa. I Quoridor kommer varje nod ha medelvärdet fyra grannar som kommer behöva kollas för varje ruta. Eftersom varje nod kollas och dess grannar kommer algoritmen få en tidskomplexitet på (~ 4 × N) som ger O(N). För att lagra alla bågar krävs en utrymmeskomplexitet på O(E) där E ≤ 4(N – √N), N är dominerande faktor vilket således betyder att O(E) kan skrivas om till O(N). För mängden noder som växer kommer antalet bågar växa lika snabbt i utrymme vilket gör de proportionella mot varandra.

## **Prioritetskö (Max-Min Heap)**

För att snabbt exempelvis hitta den närmsta noden till målet, används en prioritetskö vilket är en max eller min heap. Den snabbt lagrar det största/minsta värdet på toppen av heapen vilket gör det effektivt för A\* att alltid välja noden med minst värde i open. Vid insättning och utdrag har den en tidskomplexitet på O(log n). Utrymmeskomplexitet för de operationer är O(1) då de inte kräver något extra utrymme för att utföras.

(Källa: <https://www.geeksforgeeks.org/binary-heap/>)

## **A\***

Eftersom vi arbetar på ett kvadratiskt fält kan vi ge ett mer noggrant komplexitets-uttryckt. I värsta fall kommer A\* besöka varje nod och kolla genom dess bågar för närmaste väg. Utan väggar placerade är medelvärdet för graden per nod lika med 288/81 = 3.55556. Det är det maximala medelvärdet för graden per nod vilken gör det således försumbar. Därför kan tidskomplexiteten för A\* skrivas om till O(N) istället för det mer generella O(bd).

Problemet med Quoridor är att spelet har flera mål som spelaren kan gå mot. A\* är optimalt för att hitta den kortaste vägen mellan start och mål där båda oftast bara finns en av. För att få A\* att fungera med flera mål behövs en omvänd A\*. Där istället startpunkten är målet och alla mål är startpunkter för algoritmen. Det betyder att den kommer i början utvärdera för varje start dess grannar och sedan därifrån ta den mest optimala noden till det satta målet. Detta betyder att tidskomplexitet kommer växa linjärt för antalet mål det finns. I Quoridor är det hur lång en sida är eller √N antal noder. I värsta fall så är M alltid mindre än N vilket betyder att tidskomplexiteten blir O(N). Utrymmeskomplexiteten blir även O(N) eftersom efter varje mål utvärderas tas det bort från kön och därefter fortsätter det som normalt. Samma som innan kan storleken för M aldrig bli större än vad det blir vid sökningen i värsta fall vilket betyder att N dominerar över M i utrymme.

Annars fungerar A\* som den skall där den använder viktade bågar som längd från start (standard = 1) och distansen från längd till mål som heuristik. Tidskomplexiteten är högst O(N) samt är utrymmeskomplexiteten O(N). Båda växer linjärt med antalet noder i grafen. Fast eftersom den söker optimalt till mål så är det oftast mindre än N och istället längden av ’kortaste väg’ vilket vi hädanefter benämner ’**S**’ för solution.

## **Flytta över motståndaren**

Kort algoritm som i fall om avancerade regler försöker gå över motståndaren enligt reglerna. Sker när spelarens nästa position är på motståndarens nuvarande position. Fungerar så här,

* Ifall ingen vägg bakom motståndaren.
  + Förflytta som normalt över motståndaren i riktning till där vi försöker gå.
* Ifall vägg/utanför banan bakom motståndaren.
  + Först, kollar om vi kan förflytta diagonalt till en av motståndarens grannar.
    - Om förflyttningen till granne finns inom **S**, sätt det som nästa position.
    - Om inte, välj granne som är närmst till mål. (Osannolikt)
  + Annars, betyder det att motståndaren inte har några grannar. (Osannolikt)
    - Välj därför att gå till bästa granne till spelaren med hjälp av samma princip som förra.

För att kolla om vald granne finns inom **S** så behöver vi bara kolla om grannen finns i position två i **S** (0 = spelare, 1 = motståndare, 2 = granne till motståndare).

Eftersom mängden grannar är maximalt fyra så kan det ses som försumbart och varje iteration av grannar sker därför på O(1) tid. Således har algoritmen tidskomplexiteten O(1) och utrymmeskomplexiteten O(1) (behöver inget extra utrymme, ’kortaste väg’ är redan förinitialiserad).

## **Förutsäg motståndaren**

Att förutsäga motståndaren är grundat på att försöka förhindra motståndaren från att försöka placera väggar som kan stoppa dig avsevärt från att nå målet. Det görs genom att hitta positionen som är mest lämplig för motståndaren att placera en vägg och för att förhindra det, lägga en motsatt vägg på den positionen. Exempelvis, motståndaren kan placera en horisontell vägg på [1, 2] som stoppar dig från att nå målet, lägg då en vertikal vägg på [1, 2].

Algoritmen fungerar så att den går igenom varje nod i **S** och beroende på riktningen till nästa nod i **S** så bestäms vilken vägg som skall placeras. Höger-vänster blir vertikal, upp-ner blir horisontell. Sen testas denna placering genom att kolla på hur mycket längre blir spelarens **S** om en vägg placeras på den positionen. Om **S** blir mycket längre för spelaren jämfört med motståndaren så är det en lämplig position att placera en vägg på. Positionen och väggen blir tillsammans ett drag. För draget bestäms även någon poäng (spelaren **S** längd) och om denna poäng är bättre än nuvarande bästa draget, så sätts det som nya bästa draget.

I slutet används det bästa draget och vi försöker placera en motsatt vägg där och ifall om det inte går, avbryt.

Tidskomplexiteten för denna algoritm är tidskomplexiteten för A\* upphöjt till 2. Vilket i absolut värsta fall är O(N2). För varje nod i **S** så kalkylerar vi en ny väg **S** för att testa den nya placeringen. Extremt kostsamt fast är oftast mycket snabbare om A\* följer en optimal väg till mål. Utrymmeskomplexiteten blir högst O(2 × N) till att lagra den nya **S** för spelaren och motståndaren vid varje testning av placering.

## **Placera vägg**

Fungerar i princip exakt likadant som att förutsäga motståndaren fast omvänt. Vi försöker förhindra motståndaren genom att testa placera en vägg genom S. Om **S** blir mycket längre för motståndaren än för spelaren så är det en lämplig position att placera en vägg på. Baseras på samma poängsystem där istället det bestäms genom längden av motståndarens S. Det bästa draget bestämmer var väggen skall placeras. Har samma tid- och utrymmeskomplexitet som förra.