

2 Introduction to Quantum Mechanics

2.1 Linear algebra

Exercise 2.1:(Linear dependence :example) Show that $(1, -1)$, $(1, 2)$ and $(2, 1)$ are linearly dependent.

proof:

$$a_1 \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} + a_2 \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + a_3 \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} = 0, (a_1, a_2, a_3 \in \mathbb{C}) \quad (1)$$

とする。

この解の組 (a_1, a_2, a_3) は $t \in \mathbb{C}$ を任意の複素数として、

$$(a_1, a_2, a_3) = (t, t, -t) \quad (2)$$

と表すことが出来る。問題の三つのベクトルが一次独立であれば、 $(a_1, a_2, a_3) = (0, 0, 0)$ のみが解となるため不適。よって一次従属である。